

Завдання:

Розпаралелити процес обчислення визначеного інтегралу, використовуючи редукцію.

Обчислити значення визначеного інтеграла відповідно до варіанту.

Варіант 3

3	$\int_1^9 3 \sqrt{x} (1 + \sqrt{x}) dx$	Метод Сімпсона
---	---	----------------

• Метод Сімпсона
$$\int_a^b f(x) dx \approx \frac{h}{3} \left(\frac{1}{2} f(x_0) + \sum_{i=1}^{n-1} f(x_i) + 2 \sum_{i=1}^n f\left(\frac{x_{i-1} + x_i}{2}\right) + \frac{1}{2} f(x_n) \right)$$

$$h = \frac{b-a}{n}, x_i = a + i \cdot h$$

Реалізація

Посилання на гітхаб репозиторій: <https://github.com/Bohdan628318ylypchenko/parallel-programming-lab3-.git>

```
main.c

#include "integral.h"

#include <omp.h>
#include <math.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define A_TEST 1.0
#define B_TEST 9.0
#define S_EXPECTED 172.0
#define TEST_COUNT 5

#define USAGE_MSG "Usage: [s]ingle-threaded segment_count:int | [m]ulti-threaded segment_count:int thread_count:int\n"

static double f_test(double x);
static void test(double (*simpson)(double*)(double), double, double, int);

static int n = 0;

int main(int argc, char ** argv)
{
    if (argc < 3)
    {
        puts(USAGE_MSG);
        return 0;
    }

    switch (argv[1][0])
    {
        case 's':

            if (argc != 3)
            {
                puts(USAGE_MSG);
                return 0;
            }

            n = atoi(argv[2]);
            if (n <= 1)
            {
                printf("Invalid segment count: %s\n", argv[2]);
                return 0;
            }

            test(simpson_1t);

            break;

        case 'm':

            if (argc != 4)
            {
                puts(USAGE_MSG);
                return 0;
            }

            n = atoi(argv[2]);
            if (n <= 1)
            {
                printf("Invalid segment count: %s\n", argv[2]);
                return 0;
            }

            int num_threads = atoi(argv[3]);
            if (num_threads <= 0)
            {
                printf("Invalid thread count: %s\n", argv[3]);
                return 0;
            }

            omp_set_num_threads(num_threads);

            test(simpson_mt);

            break;

        default:
            puts(USAGE_MSG);
            return 0;
    }

    return 0;
}

static void test(double (*simpson)(double*)(double), double, double, int)
{
    double s_time, e_time, time, avg_time = 0;
    double integral;
    for (int i = 0; i < TEST_COUNT; i++)
    {
        // Calculating integral
        s_time = omp_get_wtime();
        integral = simpson(f_test, A_TEST, B_TEST, n);
        e_time = omp_get_wtime();

        // Asserting
        time = e_time - s_time;
        printf("s_actual = %lf, time = %lf, diff = %lf\n", integral, time, fabs(integral - S_EXPECTED));

        // Saving
        avg_time += time;
    }
    avg_time /= (double)TEST_COUNT;
    printf("avg_time = %lf\n", avg_time);
}

static double f_test(double x)
{
    double sqrt_x = sqrt(x);
    return 3.0 * sqrt_x * (1 + sqrt_x);
}
```

```
integral.h

#pragma once

/// <summary>
/// Numeric integration Simpson method
/// single-thread implementation.
/// </summary>
/// <param name="f"> Function to integrate as fpointer. </param>
/// <param name="a"> Integration segment start. </param>
/// <param name="b"> Integration segment end. </param>
/// <param name="n"> Elementary segment count. </param>
/// <returns> Integral value as double. </returns>
double simpson_1t(double (*f)(double x), double a, double b, int n);

/// <summary>
/// Numeric integration Simpson method
/// multi-thread implementation.
/// </summary>
/// <param name="f"> Function to integrate as fpointer. </param>
/// <param name="a"> Integration segment start. </param>
/// <param name="b"> Integration segment end. </param>
/// <param name="n"> Elementary segment count. </param>
/// <returns> Integral value as double. </returns>
double simpson_mt(double (*f)(double x), double a, double b, int n);

integral.c

#include "pch.h"

#include "integral.h"

#include <omp.h>

/// <summary>
/// Numeric integration Simpson method
/// single-thread implementation.
/// </summary>
/// <param name="f"> Function to integrate as fpointer. </param>
/// <param name="a"> Integration segment start. </param>
/// <param name="b"> Integration segment end. </param>
/// <param name="n"> Elementary segment count. </param>
/// <returns> Integral value as double. </returns>
double simpson_1t(double (*f)(double x), double a, double b, int n)
{
    // Calculation storage
    double p1 = 0, p2 = 0, p3 = 0, p4 = 0;

    // h value
    double h = (b - a) / (double)(n);

    // 1st part
    p1 = 0.5 * f(a);

    // 2nd part
    for (int i = 1; i <= n - 1; i++)
        p2 += f(a + (double)i * h);

    // 3rd part
    for (int i = 1; i <= n; i++)
        p3 += f((2.0 * a + (2 * (double)i - 1) * h) / 2.0);
    p3 *= 2.0;

    // 4th part
    p4 = 0.5 * f(b);

    // Return
    return (h / 3.0) * (p1 + p2 + p3 + p4);
}

/// <summary>
/// Numeric integration Simpson method
/// multi-thread implementation.
/// </summary>
/// <param name="f"> Function to integrate as fpointer. </param>
/// <param name="a"> Integration segment start. </param>
/// <param name="b"> Integration segment end. </param>
/// <param name="n"> Elementary segment count. </param>
/// <returns> Integral value as double. </returns>
double simpson_mt(double (*f)(double x), double a, double b, int n)
{
    // Calculation storage
    double p1 = 0, p2 = 0, p3 = 0, p4 = 0;
    int i;

    // h value
    double h = (b - a) / (double)(n);

    // 1st part
    p1 = 0.5 * f(a);

    // 2nd part
    #pragma omp parallel for reduction(+:p2) schedule(static)
    for (i = 1; i <= n - 1; i++)
        p2 += f(a + (double)i * h);

    // 3rd part
    #pragma omp parallel for reduction(+:p3) schedule(static)
    for (i = 1; i <= n; i++)
        p3 += f((2.0 * a + (2 * (double)i - 1) * h) / 2.0);
    p3 *= 2.0;

    // 4th part
    p4 = 0.5 * f(b);

    // Return
    return (h / 3.0) * (p1 + p2 + p3 + p4);
}
```

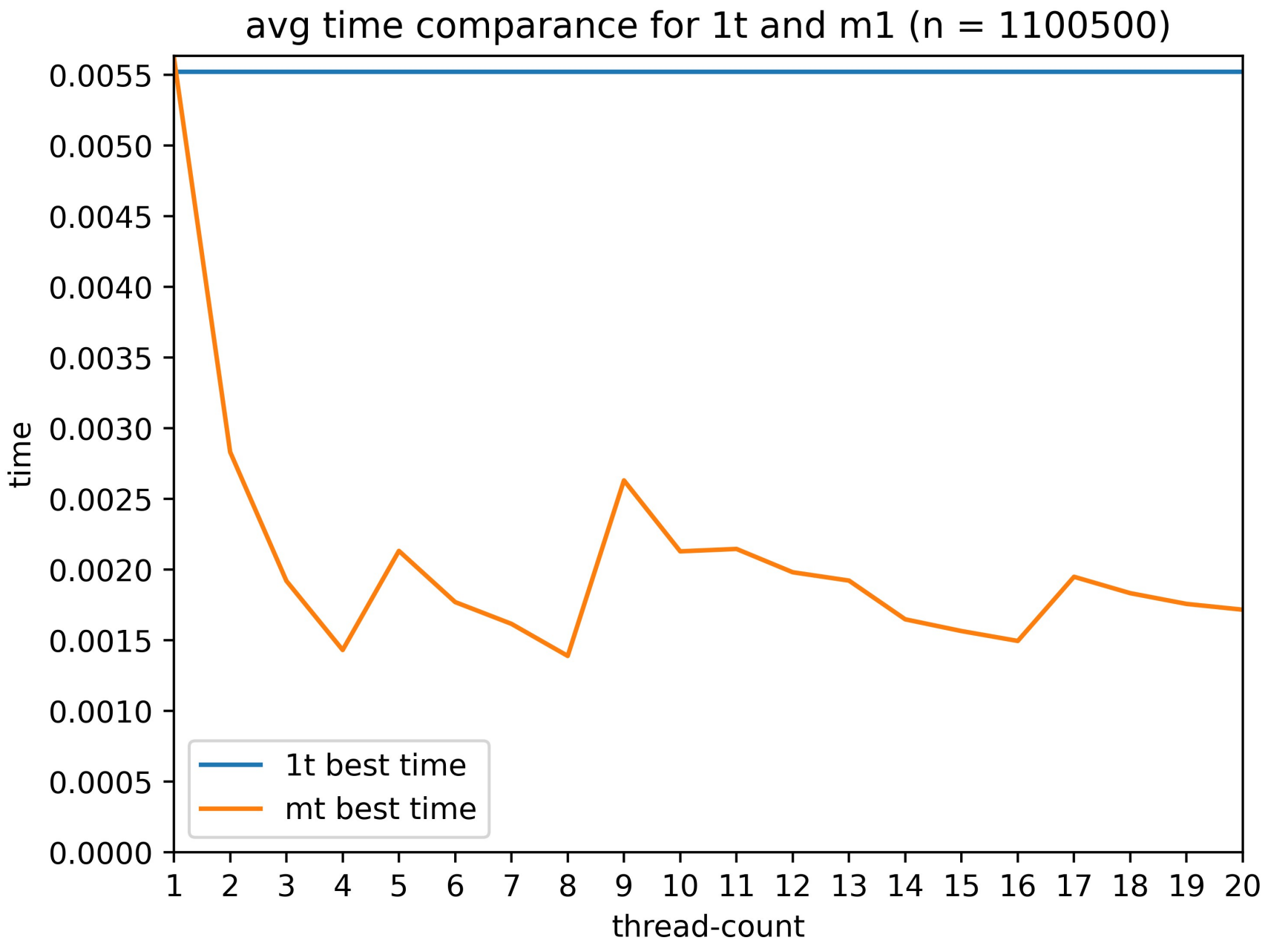
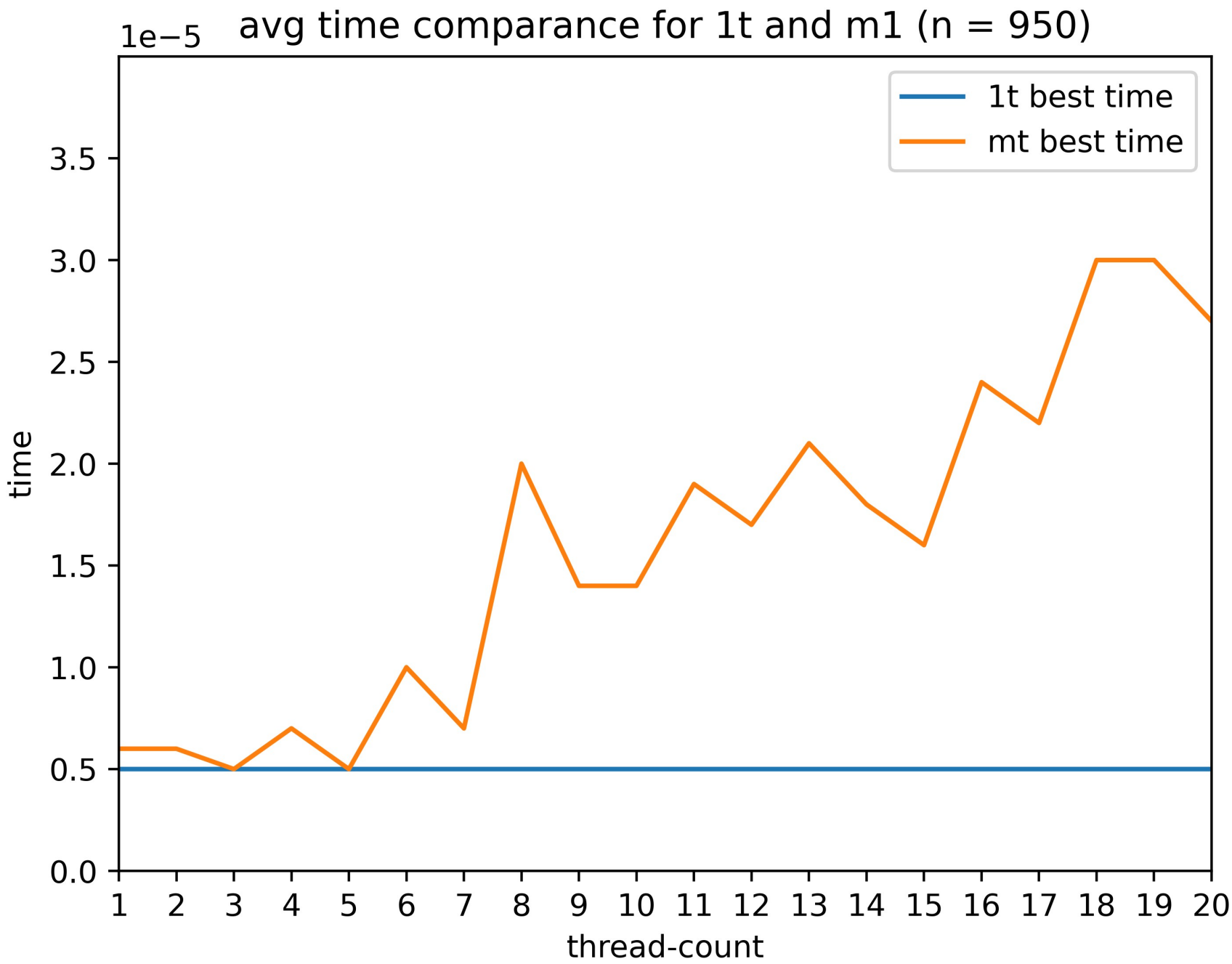
Дослідження швидкодії

В дослідженні порівнюється швидкість однопоточної та багатопоточної реалізацій методу для двох розмірностей розбиття: $n_1 = 950$, $n_2 = 1100500$. Кількість потоків для багатопоточної реалізації змінюється у межах [1; 20].

```
PS J:\repos\Parallel computing\Integral\64\Release> .\IntegralDemo.exe s 950
s actual = 172.000000, time = 0.000005, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.000005, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.000005, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.000005, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.000005, diff = 0.000000
min time = 0.000005

PS J:\repos\Parallel computing\Integral\64\Release> .\IntegralDemo.exe s 1100500
s actual = 172.000000, time = 0.005521, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.005827, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.005544, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.005753, diff = 0.000000
s actual = 172.000000, time = 0.005588, diff = 0.000000
min time = 0.005521

PS J:\repos\Parallel computing\Integral\64\Release>
```

[illegible][illegible]

Висновки:

- Паралелізм значно погіршує швидкість для малої розмірності задачі ($n = 950$).
- Паралелізм значно покращує швидкість для великої розмірності задачі ($n = 1100500$).
- Найшвидше багатопотокова реалізація ($n=1100500$) працює при `thread_count = 8` (0.001389), 4 (0.001431), 16 (0.001495). Процесор, на якому здійснювалось тестування—Intel Core i5-8250U, має 4 ядра, 8 потоків. Таким чином доцільно обирати значення `thread_count`, кратне кількості фізичних потоків системи.