Laboratorul 3

I. Joc de zaruri (sec. XVII):

Un pasionat jucător de zaruri, cavalerul de Méré, susținea în discuțiile sale cu Pascal că jocurile de noroc uneori conduc la rezultate, care contrazic matematica. Astfel, afirma el, a arunca un zar de 4 ori pentru a obține o dată fața șase, este același lucru cu a arunca de 24 ori câte două zaruri pentru a obține o dublă de șase. Cu toate acestea, cavalerul de Méré a observat că jucând în modul al doilea (cu două zaruri aruncate de 24 ori), pierdea față de adversarul său, dacă acesta alegea primul mod (aruncarea unui singur zar de 6 ori), ceea ce credea el, contrazicea regulile matematice. Pascal și Fermat au arătat însă că probabilitatea p₁ de câștig la jocul cu un singur zar aruncat de 4 ori este mai mare decât probabilitatea p₂ de la jocul cu două zaruri aruncate de 24 de ori. Deși diferența dintre cele două probabilități este mică, totuși, la un număr mare de partide, jucătorul cu probabilitatea de câștig p₁ câștigă în fața jucătorului cu probabilitatea de căștig p₂. Practica jocului confirmă astfel justețea raționamentului matematic, contrar credinței lui de Méré.

(1) Simulați cu ajutorul unui program Matlab aceste jocuri: aruncarea de patru ori a unui zar, respectiv aruncarea unui zar de 24 de ori, apoi estimați pe baza simulărilor cele două probabilități p₁ şi p₂. Are loc p₁ > p₂?

(2) Dacă în loc de 24 de aruncări se fac 25 de aruncări, rămâne valabil că p₁ > p₂?

II. Joc de pariuri:

Se aruncă simultan trei zaruri. Câștigă jocul acea persoană, care prevede suma celor trei numere, care au apărut.

(1) Cu ce număr ar trebui pariat pentru a avea șanse cât mai mari de câștig?

(2) Care număr (sau numere) au probabilitatea cea mai mică de a apărea?

(3) Care sunt aceste probabilități?

Să se simuleze acest joc de m (100, 1000...) ori, să se realizeze un tabel cu suma numerelor care au apărut. Să se compare rezultatele obținute din simulări cu răspunsurile teoretice de la (3).

Matlab: function, unidrnd, tabulate, switch, text