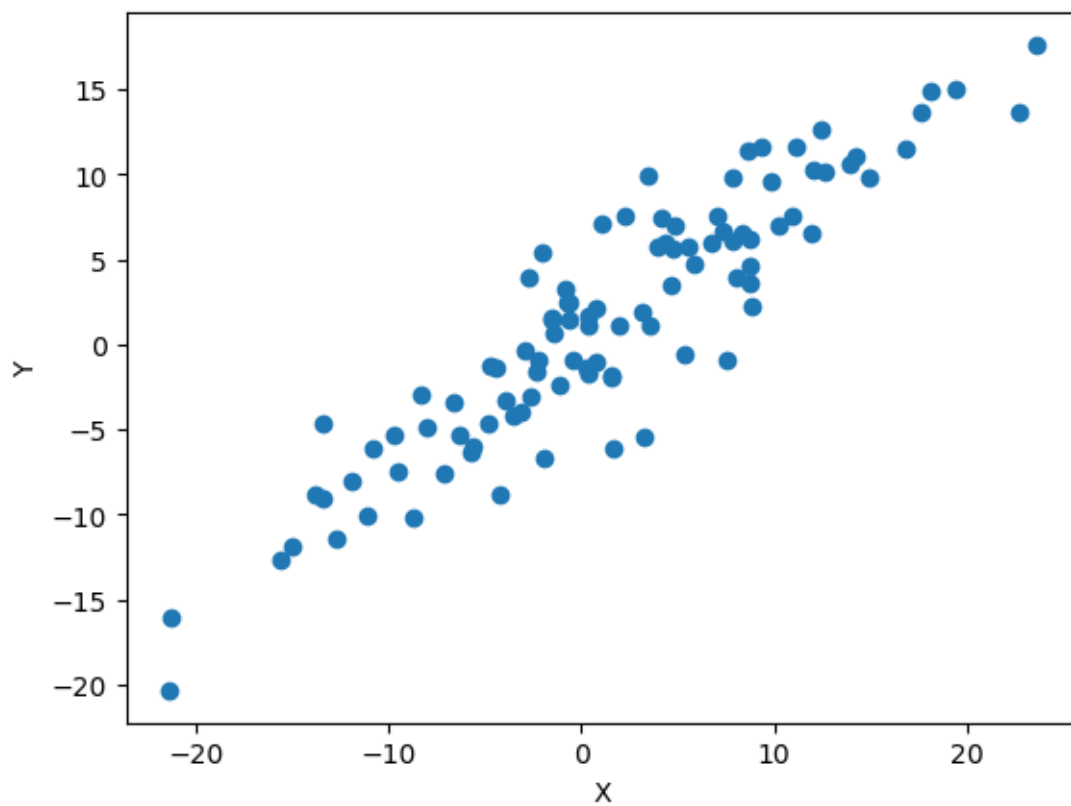


codigo

April 21, 2023

```
[1]: import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import scipy.linalg as la
import pandas as pd
```

```
[2]: df = pd.read_csv('ejercicio_1.csv')
x=df["X"]
y=df[" Y"]
plt.scatter(x,y)
plt.xlabel('X')
plt.ylabel('Y')
plt.show()
```



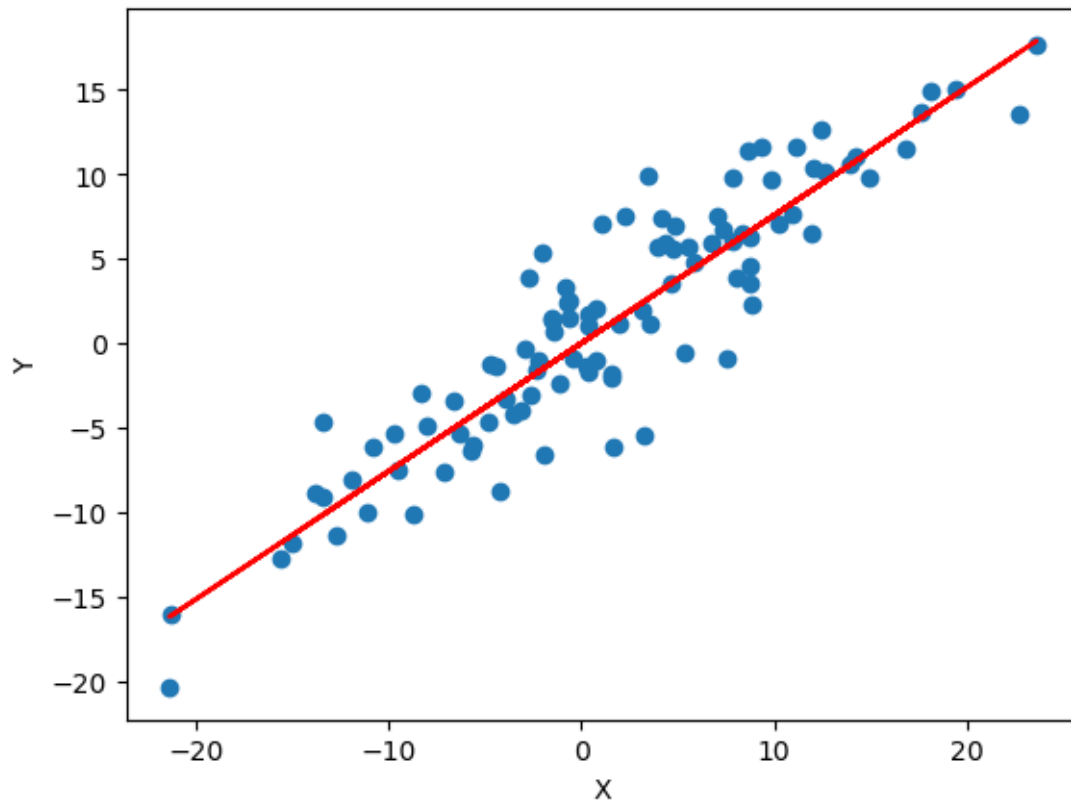
```
[3]: MXT=np.array([x])
      MX=MXT.transpose()
      INV=MXT@MX
      INV=np.linalg.inv(INV)
      yv=(np.array([y])).transpose()
      B=INV@MXT@yv
      BP=B[0][0]

      def fl(x, b):
          return b * x

      yp=BP*x
```

Cuando guardamos la matriz de la manera que lo hicimos, se guarda transpuesta, por lo que al transponerlo nos da la matriz X. Luego en INV guardamos la inversa de la multiplicacion MtM. En yv guardamos el vector y. En B guardamos el vector B que calculamos con la cuenta que conseguimos en el inciso F. En este caso BP es el valor puesto que B esta en R1

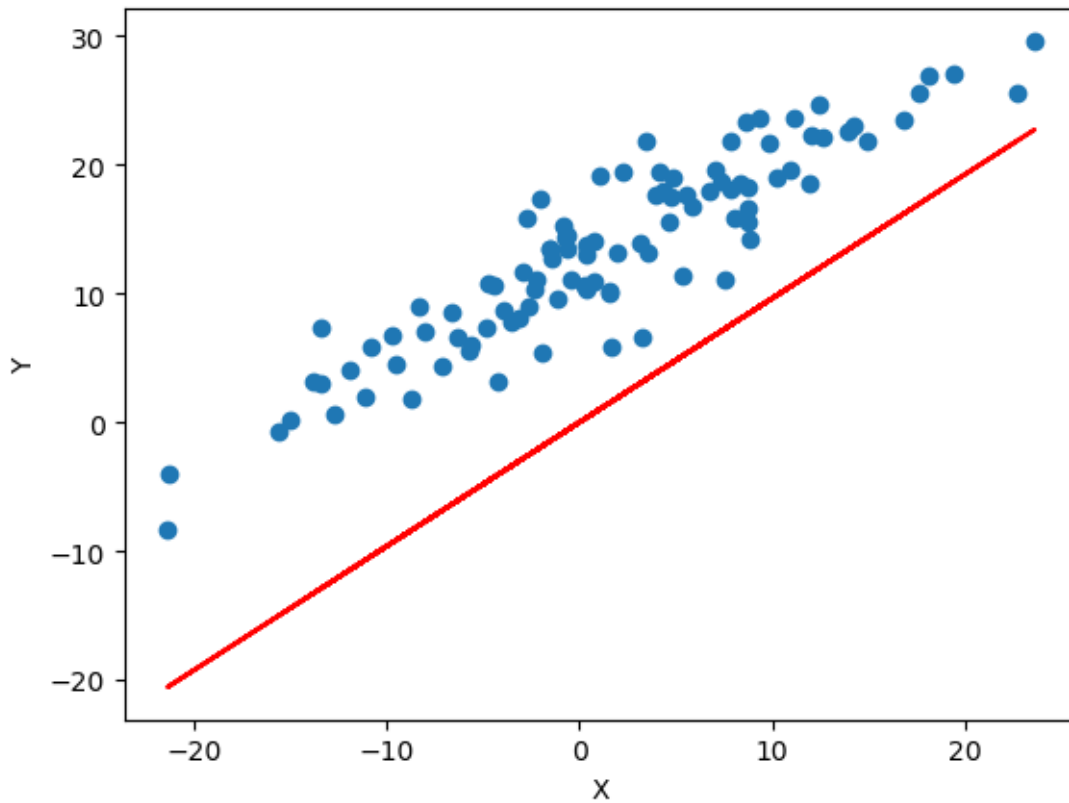
```
[4]: plt.scatter(x,y)
      plt.xlabel('X')
      plt.ylabel('Y')
      plt.plot(x,yp,color="red")
      plt.show()
```



```
[5]: yv12=(np.array([y+12])).transpose()
      B12=INV@MXt@yv12
      BP12=B12[0][0]
      def f1(x, b):
          return b * x
      yp12=BP12*x
```

Guardamos el vector $y + 12$ en yv12. Calculamos el nuevo Beta con el vector cambiado.

```
[6]: plt.scatter(x,y+12)
      plt.xlabel('X')
      plt.ylabel('Y')
      plt.plot(x,yp12,color="red")
      plt.show()
```



Esta aproximacion no es buena. El problema con esta es que cuando se hace este tipo de regresion, no se esta teniendo en cuenta la ordenada al origen. Como todos los puntos aumentan en 12 unidades en el punto Y, la ordenada al origen tambien aumenta en 12. En nuestra regresion no tenemos ningun parametro para la ordenada al orige. Esto se podria solucionar agregando un B0 que sea la ordenada al origen para poder estabilizar el grafico.

Para calcular B0 agregamos una columna de unos adelante de la matriz x. Agregamos una columna de unos para que cuando hagamos $X*B \Rightarrow$

$$\begin{array}{l} B_0 + B_1x_{11} + \dots + B_px_{1p} \mid \\ B_0 + B_1x_{21} + \dots + B_px_{2p} \mid \\ \vdots \mid B_0 + B_1x_{n1} + \dots + B_px_{np} \mid \end{array}$$

En este caso tendríamos solo B0 y B1.

```
[7]: C1=np.full([100,1],1)
    aux=np.array([x]).transpose()

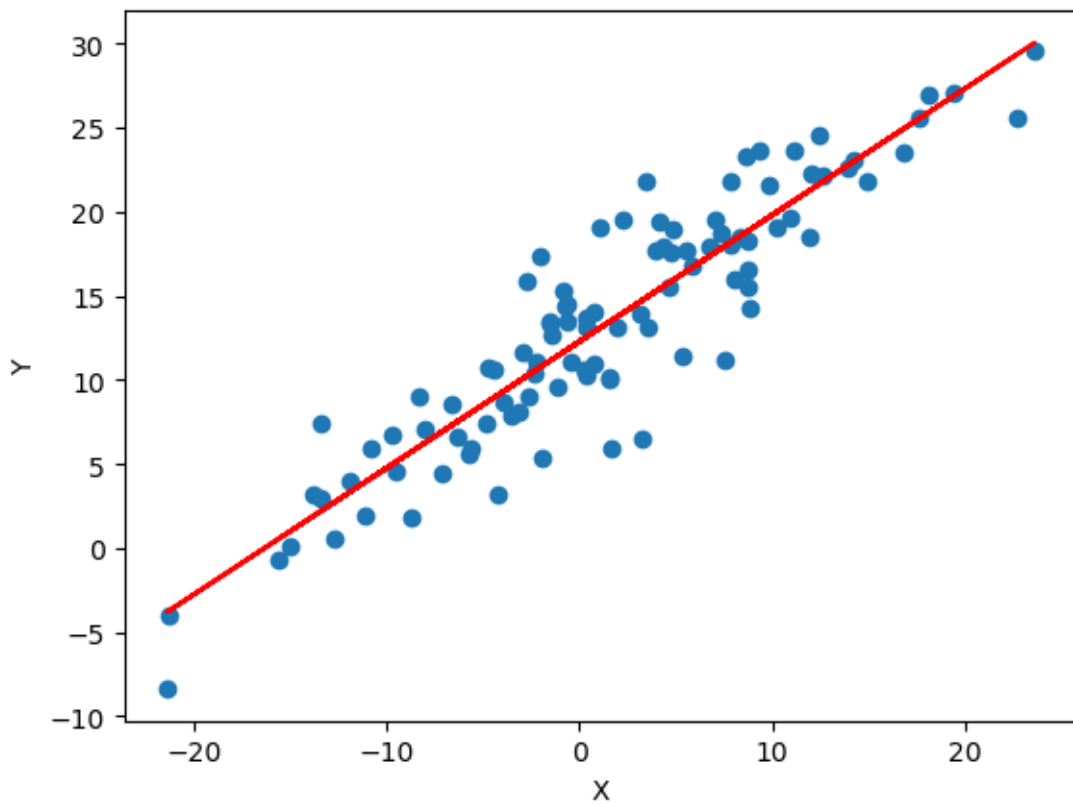
    M=np.hstack((C1,aux))
    MT=M.transpose()
    In=MT@M
    In=np.linalg.inv(In)
```

```

B=In@MT@yv12
B0=B[0][0]
B1=B[1][0]
yg=B1*x+B0

plt.scatter(x,y+12)
plt.xlabel('X')
plt.ylabel('Y')
plt.plot(x,yg,color="red")
plt.show()

```



En esta instancia, agregamos la columna de 1s a la matriz y graficamos usando B0 como ordenada y B1 como pendiente.

A partirde ahora usaremos b0 para hacer los graficos.

```

[8]: df2=pd.read_csv('ejercicio_2.csv')
Y2=df2[" Y"]
X2=df2["X"]
y2=np.array([Y2]).transpose()
Uno=np.ones([75,1])

```

```

A=np.array([X2]).transpose()
A=np.hstack((Uno,A))
AT=A.transpose()
IA=np.linalg.inv(AT@A)
B2=IA@AT@y2
B1obs=B2[1][0]
B0obs=B2[0][0]

Yobs=X2*B1obs+B0obs

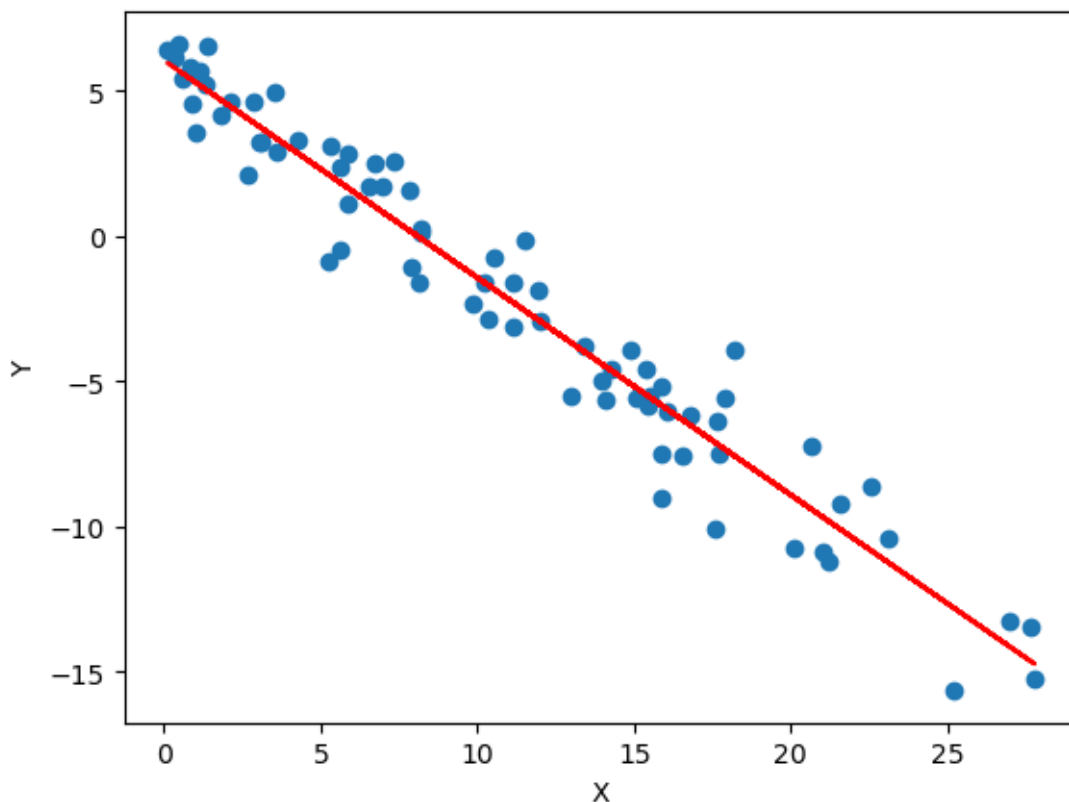
```

Ahora guardamos los datos del segundo csv y hacemos los mismos calculos que hicimos antes

```

[9]: plt.scatter(X2,Y2)
plt.xlabel('X')
plt.ylabel('Y')
plt.plot(X2,Yobs,color="red")
plt.show()

```



Si agarramos un valor de X muy elevado, generaria un valor de Y muy bajo. Si por ejemplo, se estuviese midiendo la temperatura, un valor muy grande en los numeros negativos no tendria sentido, por lo que seria una mala aproximacion. Ese punto con un X muy grande seria un Outlier.

```
[10]: datos=pd.read_excel("casas.xlsx")
casas=(datos.to_numpy())
y=casas[:,7]
casas=casas[:,[0,1,2,3,4,5,6]]
Unos=np.ones([414,1])
casas=np.hstack((Unos,casas))

ent=casas[0:315]
print(ent.shape)
test=casas[315:415]
ye=y[0:315]
yt=y[315:415]
```

(315, 8)

Separamos los datos de test y los de entrenamiento por separado en distintas variables.

```
[11]: entT=ent.transpose()
Ine=entT@ent
Ine=np.linalg.inv(Ine)
Be=Ine@entT@ye

yeobs=ent@Be

i=0
ecm=0
while i<315:
    ecm+=(ye[i]-yeobs[i])**2
    i+=1
ecm=ecm/315

print(ecm)
```

82.97498354164898

Calculamos la B con los datos de entrenamiento, el y observado y el ecm.

```
[12]: ytobs=test@Be
ecmtest=0
i=0
while i<99:
    ecmtest+=(yt[i]-ytobs[i])**2
    i+=1
ecmtest=ecmtest/99
print(ecmtest)
```

58.454120444973945

Ahora usamos los Betas calculados con los datos de entrenamiento para los datos de test, y calculamos el nuevo y y el nuevo ecm. Este ecm nos dio menor al ecm calculado con los datos de

entrenamiento. La razon de estos podria ser que los valores de test se encuentran mas cercanos a la aproximacion que se realiza y los datos de entrenamiento tienen muchos puntos mas lejanos, lo que serian los outliers.

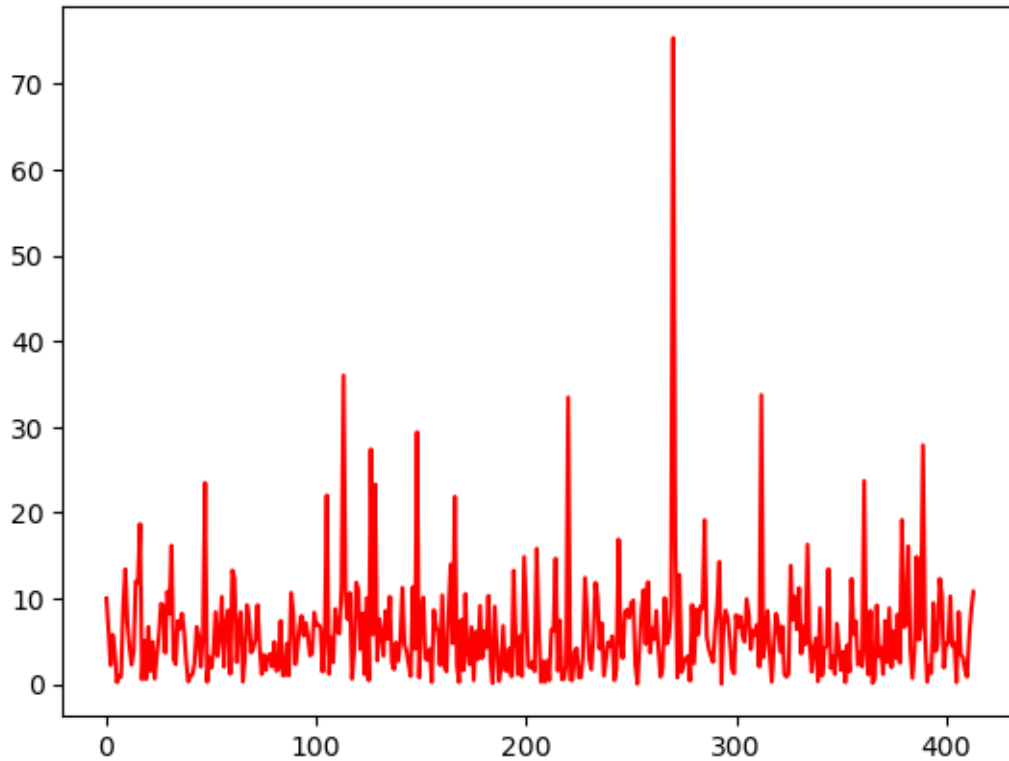
```
[13]: casasT=casas.transpose()
ctc=casasT@casas
ctc=np.linalg.inv(ctc)
Btotal=ctc@casasT@y
ytobs=test@Btotal
i=0
ecmtotal=0
while i<99:
    ecmtotal+=(yt[i]-ytobs[i])**2
    i+=1
ecmtotal=ecmtotal/99
print(ecmtotal)
```

57.27809629566835

Ahora vamos a hacer los calculos con todos los datos al mismo tiempo, calculando un nuevo Beta un nuevo yobs y un nuevo ecm.

```
[14]: yobs=casas@Btotal
dif=abs(y-yobs)
ncasas=range(414)

plt.plot(ncasas,dif,color="red")
plt.show()
```

En este grafico estamos graficando la diferencia de el y real y el y obs.

Si agregaramos una columna que indicase el año de construccion de cada casa, esa columna no estaria agregando nada de informacion, puesto que la columna de edad de las casas me da esa misma informacion. Agregar una columna que no genera nueva informacion no mejora el modelo ademas que estos vectores son linealmente dependientes.