

W ramach zajęć należało zaimplementować typ abstrakcyjny Set. Wybrałem implementację z wykorzystaniem wektora.

IsMember

Wykorzystując metodę `isMember`, przechodzę po wektorze w poszukiwaniu wybranego elementu korzystając z iteratora, od początku zbioru do jego końca. Moja złożoność wyniesie $O(N)$ gdzie N to ilość elementów w zbiorze.

Insert

Średnia złożoność wyniesie $O(N)$ gdzie N to ilość już obecnych elementów.

Na samym początku sprawdzam czy dodawany element nie znajduje się w zbiorze. Jeśli nie to dodaję element na koniec wektora.

Przy dodawaniu elementu do wektora wszystko przebiega sprawnie do momentu gdy ilość elementów przekroczy rozmiar wektora. Wtedy tworzony jest nowy wektor z większym maksymalnym rozmiarem a wszystkie elementy zostają przekopiiowane. Średnia złożoność czasowa wynosi $O(1)$ więc dodawania do wektora jest stałe. Wyjątkiem jest sytuacja wspomniana powyżej podczas której dodanie elementu wynosi $O(\text{arr.size}())$

Pop

Przy usuwaniu na samym początku sprawdzam czy podany element znajduje się w zbiorze.

Wykorzystując metodę `isMember` sprawdzam czy element do usunięcia znajduje się w zbiorze, jeśli tak to pobieram iterator do tego elementu i usuwam go ze zbioru za pomocą metody `vector::erase()`. Złożoność czasowa `vector::erase()` wynosi $O(N)$ (gdzie N to liczba elementów w wektorze), ponieważ po usunięciu elementu należy przesunąć jeszcze wszystkie dalsze elementy aby wypełnić powstałą dziurę. Złożoność czasowa `isMember` również wynosi $O(N)$. Łącznie złożoność czasowa wynosi $O(N)$.

Union

Suma zbiorów powstaje przez połączenie dwóch zbiorów, wykluczając duplikaty. Tworzę nowy zbiór do którego będę dodawał elementy z obydwu zbiorów. Najpierw dodaję elementy z 1 zbioru. Korzystam z metody `Insert`, której złożoność wynosi $O(N)$. Jest ona w pętli, a więc łączna złożoność wynosi $O(N * N_1)$, bo dla każdego elementu ze zbioru 1 używam metody `Insert`. Podobnie ze zbiorem 2, złożoność wynosi $O(N * N_2)$. Łączna złożoność wynosi $O(N(N_1 + N_2))$.

Intersection

Przecięcie zbiorów, czyli elementy należące jednocześnie do obu zbiorów. W pętli sprawdzam czy elementy zbioru 2 należą do zbioru 1. Jeśli tak to dodaje je do nowego zbioru reprezentującego przecięcie zbiorów. Pętla wykona się N_2 razy, w niej sprawdzenie warunku wykona się N_1 razy (bo sprawdzam zbiór 1 za pomocą `isMember`). Łączna złożoność wyniesie $O(N_2 * N_1 * N)$, gdzie N_2 , N_1 , N to liczba elementów w zbiorach.

Difference

Różnica zbioru, czyli elementy należące do zbioru 1 i nie należące do 2. Pętla wykona się N_1 razy, warunek w każdym przejściu pętli wykona się N_2 razy, a instrukcje w bloku if wykonają się w czasie $O(N)$. Stąd łączna złożoność czasowa wyniesie $O(N * N_1 * N_2)$.