

**Guillermo Román**

guillermo.roman@upm.es

**Lars-Åke Fredlund**

lfredlund@fi.upm.es

**Manuel Carro**

mcarro@fi.upm.es

**Julio García**

juliomanuel.garcia@upm.es

**Tonghong Li**

tonghong@fi.upm.es

**Nicolás Alonso Shirra**

nicolas.alonso.shirra@upm.es

- Fechas de entrega y penalización:

Hasta el martes 14 de octubre, 16:00 horas	0 %
Hasta el miércoles 15 de octubre, 16:00 horas	20 %
Hasta el jueves 16 de octubre, 16:00 horas	40 %

Después la puntuación máxima será 0
- Se comprobará plagio y se actuará sobre los detectados.
- Usad las horas de tutoría para preguntar sobre programación – son oportunidades excelentes para aprender.

# Entrega

- Todos los ejercicios de laboratorio se deben entregar a través de  
`http://deliverit.fi.upm.es`
- El/los fichero(s) que hay que subir es/son `MultiSetList.java`.
- La clase debe estar en el paquete `aed.multisets` .
- La documentación de la API de `aedlib.jar` está disponible en  
`http://costa.ls.fi.upm.es/teaching/aed/docs/aedlib/`

# Tarea para hoy

- El interfaz `MultiSet` representa una estructura de datos “multiconjunto”
- Se pide implementar el interfaz `MultiSet` usando una lista `PositionList`
- Un “multiconjunto” se comporta como un conjunto, excepto que los multiconjuntos admiten elementos repetidos
- Ejemplo: el multiconjunto  $\{1,3,1,2\}$  contiene dos enteros 1, un 3, y un 2
- El interfaz `MultiSet` está documentado en el fichero `MultiSet.java`
- Hoy solo hay que modificar, y entregar, el fichero `MultiSetList.java`
- **Notad:** `null` esta permitido como elemento en un multiconjunto

# El interfaz MultiSet<E>

```
public interface MultiSet<E> {  
    // Añade n instancias de elem  
    void add(E elem, int n);  
  
    // Borra n instancias de elem  
    boolean remove(E elem, int n);  
  
    // Devuelve el numero de elementos igual a elem  
    int multiplicity(E elem);  
  
    int size();    // Devuelve el numero total de elementos  
    int isEmpty(); // Es vacío?  
  
    // Devuelve los elementos (sin repeticion) del multiconjunto  
    PositionList<E> elements();  
  
    // Devuelve la interseccion, la union y la diferencia entre 'this' y s  
    MultiSet<E> intersection(MultiSet<E> s);  
    MultiSet<E> sum(MultiSet<E> s);  
    MultiSet<E> minus(MultiSet<E> s);  
  
    // Comprueba si 'this' es un subconjunto, o igual, de s  
    public boolean subsetEqual(MultiSet<E> s);  
}
```

## Ejemplo

```
MultiSet<String> s = new MultiSetList<String>();
s.add("a",1);
s.add("a",1);
s.add("b",5);
s.add("b",-1);      ==> // lanza IllegalArgumentException
s.size();           ==> 7 // {"a","a","b","b","b","b","b"}
s.multiplicity("a");==> 2 // contiene dos "a"
s.remove("a",1);    ==> true // se borra un "a"
s.remove("a",1);    ==> true // se borra un "a"
s.remove("a",1);    ==> false // no se borro un "a"
s.remove("b",3);     ==> true // se borro 3 "b"
s.multiplicity("b");==> 2 // {"b","b"}

s.add("b",20);
s.elements();       ==> ["b"] // Una lista con el elemento "b"

s.add(null,10);      // Se puede anadir null
s.multiplicity(null);==> 10 // Y esta presente!
```

# Intersection

- `s1.intersection(s2)` devuelve un multiset nuevo `s3`, donde para cada elemento  $e \in s1 \wedge e \in s2$ :

$$s3.multiplicity(e) = \min(s1.multiplicity(e), s2.multiplicity(e))$$

- Ejemplo:

```
MultiSet<Integer> s1 = new MultiSetList<Integer>();  
s1.add(0,3);  
s1.add(1,1);  
s1.add(4,1);    // {0,0,0,1,4}
```

```
MultiSet<Integer> s2 = new MultiSetList<Integer>();  
s1.add(0,2);  
s1.add(1,3);  
s1.add(2,1);    // {0,0,1,1,1,2}
```

```
MultiSet<Integer> s3 = s1.intersection(s2);  
---  
s3 == {0,0,1}
```

# Sum

- $s1.sum(s2)$  devuelve un multiset nuevo  $s3$ , donde para cada elemento  $e \in s1 \vee e \in s2$ :

$$s3.multiplicity(e) = s1.multiplicity(e) + s2.multiplicity(e)$$

- Ejemplo:

```
MultiSet<Integer> s1 = new MultiSetList<Integer>();  
s1.add(0,3);  
s1.add(1,1);  
s1.add(4,1);    // {0,0,0,1,4}
```

```
MultiSet<Integer> s2 = new MultiSetList<Integer>();  
s1.add(0,2);  
s1.add(1,3);  
s1.add(2,1);    // {0,0,1,1,1,2}
```

```
MultiSet<Integer> s3 = s1.sum(s2);  
---  
s3 == {0,0,0,0,0,1,1,1,1,4,2}
```



# Minus

- `s1.minus(s2)` devuelve un multiset nuevo `s3`, donde para cada elemento  $e \in s1 \vee e \in s2$ :

$$s3.multiplicity(e) = \max(s1.multiplicity(e) - s2.multiplicity(e), 0)$$

- Ejemplo:

```
MultiSet<Integer> s1 = new MultiSetList<Integer>();  
s1.add(0,3);  
s1.add(1,1);  
s1.add(4,1);    // {0,0,0,1,4}
```

```
MultiSet<Integer> s2 = new MultiSetList<Integer>();  
s2.add(0,2);  
s2.add(1,3);  
s2.add(2,1);    // {0,0,1,1,1,2}
```

```
MultiSet<Integer> s3 = s1.minus(s2);  
---  
s3 == {0,4}
```

# SubsetEqual

- `s1.subsetEqual(s2)` devuelve un boolean `true` si para cada elemento  $e \in s1$  .  $s2.multiplicity(e) \geq s1.multiplicity(e)$
- Ejemplo:

```
MultiSet<Integer> s1 = new MultiSetList<Integer>();  
s1.add(0,3);  
s1.add(1,1);  
s1.add(4,1);    // {0,0,0,1,4}
```

```
MultiSet<Integer> s2 = new MultiSetList<Integer>();  
s1.add(0,2);  
s1.add(1,1);    // {0,0,1}
```

```
s1.subsetEqual(s2);    => false  
s2.subsetEqual(s1);    => true
```

# Representación del multiconjunto

- Es fácil representar un multiconjunto con una lista:

$\{1,4,9,9,4,9\} \Rightarrow [1,4,9,9,4,9]$

- Sin embargo vamos a usar una representación más eficiente: una lista de pares: `Pair(Element,Multiplicidad)` – Multiplicidad indica cuantas ocurrencias de `Element` hay en el multiconjunto:

$\{1,4,9,9,4,9\} \Rightarrow [\text{Pair}(1,1),\text{Pair}(9,3),\text{Pair}(4,2)]$

- Es **obligatorio** usar el atributo `elements` dentro `MultiSetList.java` para guardar los elementos del multiconjunto, y los métodos (`add`, `remove`, ...) deben trabajar sobre este atributo
- Tipo: `PositionList<Pair<Element,Integer>> elements`  
*Una lista de pares de elementos y integers*

## La clase MultiSetList<E>

```
public class MultisetList<E> implements MultiSet<E> {  
  
    // Los elementos, con repeticiones  
    private PositionList<Pair<E,Integer>> elements;  
    // Tamano del multiset (incluyendo repeticiones)  
    private int size;  
  
    // Constructor que crea un multiset vacio  
    public MultiSetList() { ... }  
  
    ...  
    // A implementar los metodos del interfaz  
    ...  
}
```

# Importante

- **Invariantes** obligatorios (no cambian durante la ejecución):
  - ▶ `Multiplicity > 0` para todos los objetos `Pair(Element, Multiplicity)` en `elements`, es decir, no puede haber pares que tengan el número de elementos a 0
  - ▶ no puede existir dos pares `Pair(Element, Multiplicity1)`, `Pair(Element, Multiplicity2)` con el mismo elemento en `elements`
- **Hint:** hay que borrar pares en el método `remove` para cumplir con el primer invariante
- Por ejemplo, `[Pair(1,5), Pair(8,0)]` no cumple el primer invariante (el `Multiplicity` en `Pair(8,0)` es 0)

- Es importante que los métodos `size` y `isEmpty` sean *eficientes*
- Por ejemplo: el tiempo necesario para ejecutar una llamada al método `s.size()` no debería depender del tamaño del multiconjunto `s`
  - ▶ El tiempo para ejecutar una llamada `s1.size()` cuando `s1` es un multiconjunto con tamaño cero, y el tiempo para ejecutar una llamada `s2.size()` cuando `s2` es un multiconjunto con 100,000 elementos, deberían ser casi el mismo
  - ▶ Es decir, la complejidad del método `size()` debería ser  $O(1)$

# Notas Generales

- El proyecto debe compilar sin errores y debe cumplirse la especificación de los métodos a completar
- Debe pasar todos los test `TesterLab2` correctamente sin mensajes de error
- **Nota:** una ejecución sin mensajes de error y que pase todas las pruebas **no** significa que la implementación sea correcta (es decir, que funcione bien para cada posible entrada)
- Todos los ejercicios se corrigen manualmente antes de dar la nota final

## ¡Seguir estos consejos os permitirá conseguir mejores resultados!

- Corrección
- Ausencia de código repetido con la misma funcionalidad (podéis usar métodos auxiliares para evitarlo)
- Concisión y claridad del código
- Legibilidad, incluida selección de nombres descriptivos para variables y métodos
- El código debe estar correctamente indentado y con comentarios *útiles* cuando lo veáis necesario
- Eficiencia:
  - ▶ Se valorará la complejidad computacional del código
  - ▶ Se valorará no iterar innecesariamente en los recorridos de las estructuras de datos