$$
\begin{aligned}
p \implies q &= pq + (\neg p)q + (\neg p)(\neg q) && (1)\\
&= pq + (\neg p)(q + \neg q) && (2)\\
&= pq + \neg p && (3)\\
&= (\neg(\neg p))q + \neg p && (4)\\
p \vee q &= pq + (\neg p)q + p(\neg q) && (5)\\
&= (\neg p)q + p(q + \neg q) && (6)\\
&= (\neg p)q + p && (7)\\
(\neg p) \vee q &= (\neg(\neg p))q + \neg p && (8)\\
&= pq + \neg p && (9)\\
p \implies q &= (\neg p) \vee q && (10)
\end{aligned}
$$