

УАСД - Втори Срок Контролно 1

Вариант 1, нечетни

Задача 1

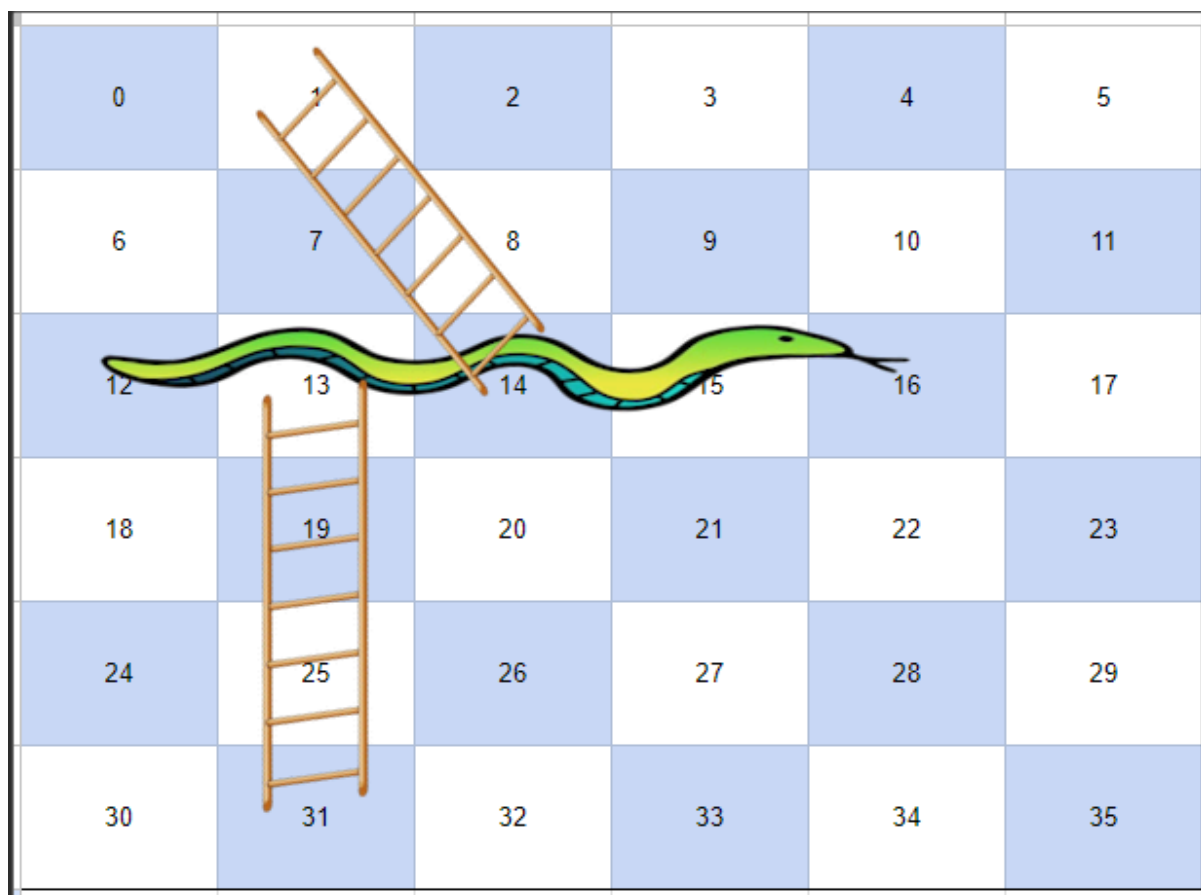
Дадена е $N \times N$ матрица номерирана от 0 до $n^2 - 1$ започвайки отгоре в ляво. Дъската представлява игра на "Стълби и змии". Ако на някое поле има стълба тя ви пренася напред, ако е змия ви връща назад. Започвате от поле 0. Всеки ход имате избор измежду 6 стъпки, симулирайки мятане на зар от 1 до 6 и всяка стъпка ви мести напред със 1-6 полета. Полетата, които нямат змия или стълба са отбелязани в матрицата с -1, а тези, които имат съдържат число от 0 до $n^2 - 1$. След придвижване напред ако на достигнатото поле има змия или стълба тя задължително ви мести на съответното поле отбелязано в матрицата.

Да се изведе минималният брой движения нужни за да се достигне финалното поле $n^2 - 1$. Ако това не е възможно да се изведе -1.

На поле 0 и $n^2 - 1$ е гарантирано, че няма змия или стълба. Всеки ход може да минете през максимум една змия или стълба. Тоест ако след минаване по стълба, полето, което е достигнато има друга стълба или змия **не** продължавате по нея.

Може да използвате на готово имплементацията на двусвързан списък в `dlist.c` като опашка (`insertBegin` и `pop`).

Пример:



На тази картинка отговорът е 4.

- първи ход: 1 поле напред, което ни води 14 по стълбата
- втори ход: 2 полета напред до 16, което ни връща на 12 по змията
- трети ход: 1 поле напред до 13, което ни води по стълбата до 31
- четвърти ход: 4 полета напред до финала

Масива на това поле би изглеждало така:

```
[
  [-1, 14, -1, -1, -1, -1],
  [-1, -1, -1, -1, -1, -1],
  [-1, 31, -1, -1, 12, -1],
  [-1, -1, -1, -1, -1, -1],
  [-1, -1, -1, -1, -1, -1],
  [-1, -1, -1, -1, -1, -1],
]
```

Обяснете в коментар (дори и да сте успели да направите кода) каква е идеята на решението ви, как работи и каква е неговата сложност по време.

Задача 2

Нека си припомним как работеха алгоритмите на Дийкстра и Прим по двата псевдокода:

```
1 Prim(G, s):
2
3 for v in G:
4     dist[v] = inf
5     p[v] = Null
6
7 dist[s] = 0
8 S = {}
9
10 // докато не сме обходили всички върхове V.
11 while S != V:
12     //търсим минималния измежду необходимите
13     x = find_min_vertex(G, S, dist)
14     S.add(x)
15     for y in G->adjList[x]:
16         // w((x,y)) теглото на ребро (x,y)
17         if dist[y] > w((x, y)):
18             dist[y] = w((x, y))
19             p[y] = x
20
```

```
1 Dijkstra(G, s):
2
3 for v in G:
4     dist[v] = inf
5     p[v] = Null
6
7 dist[s] = 0
8 S = {}
9
10 // докато не сме обходили всички върхове V.
11 while S != V:
12     //търсим минималния измежду необходимите
13     x = find_min_vertex(G, S, dist)
14     S.add(x)
15     for y in G->adjList[x]:
16         // w((x,y)) теглото на ребро (x,y)
17         if dist[y] > dist[x] + w((x, y)):
18             dist[y] = dist[x] + w((x, y))
19             p[y] = x
20
```

Обяснете стъпка по стъпка как ще протекат те върху графа на картинката започвайки от връх 1. Покажете какво е покриващото дърво, което се получава в двата случая и как то се репрезентира в масива p. Най-добре ще е на всяка стъпка да показвате как се променя този масив както и другия помощен масив dist, който при алгоритъма на Дийкстра съдържа информация за текущите разстояния от стартовия връх, а при този на Прим пази теглата на

текущите най-леки ребра свързващи върховете.

