PRÁCTICA 7

1 Modelo Small World (1998)

1.1 Implementar en una función de python el algoritmo de generación de una red Small World propuesto por Watts y Strogatz¹ (1998)de parámetros **SW(N,k,p)**:

- 1) Start with a ring of **N** nodes where each node is connected to its **k** nearest neighbors (k even number).
- 2) Go through each edge in turn, and with probability **p** move one end of that edge to a new location chosen uniformly at random from rest of nodes (double edges or self-edges are forbidden)

2 Clustering y distancia geodésica

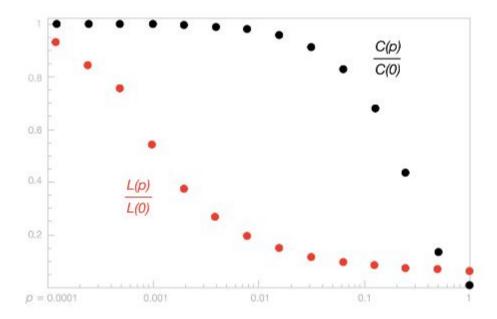
2.1 Para una red Small World de parámetros **SW(N=500,k=4,p)**, calcule la variación del clustering $< C>_p / < C>_0$, donde $< C>_p$ representa el clustering medio de la red para un valor de p, y $< C>_0$ el clustering medio del anillo regular inicial (p=0), para diferentes valores de $p \in (0,1)$; de igual forma calcule la variación de la distancia media de la red $< d>_p / < d>_0$.

Recuerde que el modelo Small World es estocástico, por lo que para definir con precisión estadística una magnitud de una parametrización concreta **SW(N=500,k=4,p=pj)** se **deberá replicarse un número de veces** y computar los valores medios de para las diferentes realizaciones. Teniendo en cuenta esto, el procesos sería el siguiente:

- 1) Defina un conjunto de valores de {pj} entre 0 y 1².
- 2) Para cada valor pj genere una red **SW(N=500,k=4,p=pj)** y calcule las magnitudes de clustering $\langle C \rangle_p$ y distancia $\langle d \rangle_p$; replique este proceso un número de veces y calcule los valores medios correspondientes.
- 3) Represente gráficamente los valores de {pj} frente a $< C>_p / < C>_0$ en un eje, y frente a $< d>_p / < d>_0$ en el otro para obtener una figura semejante a la siguiente (donde la probabilidad está expresada en escala logarítmica):

¹ D. J. Watts and S. H. Strogatz, "<u>Collective dynamics of 'small-world' networks</u>," Nature, vol. 393, no. 6684, pp. 440-442, 1998

² La función de numpy <u>linspace</u> permite dividir un rango en partes iguales.



El siguiente ejemplo de Matplotlib muestra cómo trabajar con dobles ejes y en un gráfico: http://matplotlib.org/examples/api/two scales.html