

1. Понятие первообразной. Теорема о двух первообразных. Понятие неопределенного интеграла.
2. Таблица неопределенных интегралов.
3. Свойства неопределенного интеграла: связь с производной и дифференциалом, линейность, замена переменной, интегрирование по частям.
4. Интегрирование рациональных дробей. Теорема о разложении на простейшие дроби (+ две Леммы).
5. Интегрирование простейших дробей.
6. Определение интеграла Римана. Пример неинтегрируемой функции.
7. Понятие сумм Дарбу, их свойства: неравенство для интегральной суммы, представления точными гранями, неравенства при измельчении разбиения, неравенства между верхней и нижней суммой для разных разбиений.
8. Понятия интегралов Дарбу. Неравенство, связывающее суммы и интегралы Дарбу. Необходимое условие интегрируемости функции.
9. Критерии интегрируемости функции (Дарбу, Римана, через интегралы Дарбу). Запись с помощью колебания функции.
10. Свойства интегрируемых функций: линейность; интегрируемость произведения, частного, модуля; интегрируемость на меньшем отрезке и на склейке отрезков.
11. Классы интегрируемых функций: непрерывная, с конечным числом точек разрыва, монотонная (три теоремы).
12. Свойства интеграла Римана: линейность; аддитивность по промежутку, монотонность, делимость от нуля, неравенство с модулем.
13. Первая теорема о среднем.
14. Интеграл с переменным верхним пределом: определение, непрерывность, дифференцируемость (две теоремы).
15. Формула Ньютона–Лейбница. Усиленная формула и обобщенная формула.
16. Формула интегрирования по частям. Формула замены переменной.
17. Интеграл от четной, нечетной и периодической функции. Изменение функции в конечном числе точек.
18. Понятие площади. Свойства площади. Площадь криволинейной трапеции и фигуры, ограниченной графиками двух функций и вертикальными линиями.
19. Площадь фигуры, ограниченной кривой, заданной параметрически и в полярных координатах.

20. Понятие объема, свойства объема. Вычисление объема тела.
21. Понятия пути, носителя пути, эквивалентных путей, кривой, длины пути. Лемма о длине эквивалентных путей. Понятие длины кривой.
22. Теорема об аддитивности длины пути. Теорема о достаточном условии спрямляемости кривой. Теорема о свойстве переменной длины пути. Формула для вычисления длины кривой.
23. Формула Валлиса.
24. Формула Стирлинга.