

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт цифрового развития
Кафедра инфокоммуникаций

«Основы работы с библиотекой NumPy»

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №2
дисциплины
«Технологии распознавания образов»

Выполнил:
Борсуков Владислав Олегович
2 курс, группа ПИЖ-б-о-21-1,
011.03.04 «Программная инженерия»,
направленность (профиль) «Разработка
и сопровождение программного
обеспечения», очная форма обучения

(подпись)

Проверил:

(подпись)

Отчет защищен с оценкой _____ Дата защиты _____

Ставрополь, 2022 г.

Проработка примеров из методических указаний:

```
In [1]: import numpy as np
# Теперь создадим матрицу, с которой будем работать.
m = np.matrix('1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 1 5 7')
print(m)
```

```
[[1 2 3 4]
 [5 6 7 8]
 [9 1 5 7]]
```

```
In [12]: # Элемент матрицы с заданными координатами
m[1, 0]
```

```
Out[12]: 5
```

```
In [13]: # Строка матрицы
m[1, :]
```

```
Out[13]: matrix([[5, 6, 7, 8]])
```

```
In [14]: # Столбец матрицы
m[:, 2]
```

```
Out[14]: matrix([[3],
                 [7],
                 [5]])
```

```
In [15]: # Часть строки матрицы
m[1, 2:]
```

```
Out[15]: matrix([[7, 8]])
```

```
In [7]: # Часть столбца матрицы
m[0:2, 1]
```

```
Out[7]: matrix([[2],
                [6]])
```

```
In [8]: # Непрерывная часть матрицы
m[0:2, 1:3]
```

```
Out[8]: matrix([[2, 3],
                [6, 7]])
```

```
In [9]: # Произвольные столбцы / строки матрицы
cols = [0, 1, 3]
m[:, cols]
```

Рисунок 1 – Проработка примеров

```
Out[9]: matrix([[1, 2, 4],
                [5, 6, 8],
                [9, 1, 7]])
```

```
In [10]: # Расчет статистик по данным в массиве
m = np.matrix('1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 1 5 7')
print(m)
```

```
[[1 2 3 4]
 [5 6 7 8]
 [9 1 5 7]]
```

```
In [11]: type(m)
```

```
Out[11]: numpy.matrix
```

```
In [16]: m = np.array(m)
type(m)
```

```
Out[16]: numpy.ndarray
```

```
In [17]: # Размерность массива
m.shape
```

```
Out[17]: (3, 4)
```

```
In [18]: # Вызов функции расчета статистики
m.max()
```

```
Out[18]: 9
```

```
In [21]: np.max(m)
```

```
Out[21]: 9
```

```
In [22]: # Расчет статистик по строкам или столбцам массива
m.max()
```

```
Out[22]: 9
```

```
In [23]: m.max(axis=1)
```

```
Out[23]: array([4, 8, 9])
```

```
In [24]: m.max(axis=0)
```

```
Out[24]: array([9, 6, 7, 8])
```

Рисунок 2 – Проработка примеров

```

In [25]: # Функции (методы) для расчета статистик в Numpy
m.mean()

Out[25]: 4.833333333333333

In [26]: m.mean(axis=1)

Out[26]: array([2.5, 6.5, 5.5])

In [27]: # Использование boolean массива для доступа к ndarray
nums = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10])
letters = np.array(['a', 'b', 'c', 'd', 'a', 'e', 'b'])

In [28]: b = 5 > 7
print(b)

False

In [29]: less_than_5 = nums < 5
less_than_5

Out[29]: array([ True,  True,  True,  True, False, False, False, False, False,
               False])

In [30]: pos_a = letters == 'a'
pos_a

Out[30]: array([ True, False, False, False,  True, False, False])

In [31]: less_than_5 = nums < 5
less_than_5
nums[less_than_5]

Out[31]: array([1, 2, 3, 4])

In [32]: m = np.matrix('1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 1 5 7')
print(m)

[[1 2 3 4]
 [5 6 7 8]
 [9 1 5 7]]

In [33]: mod_m = np.logical_and(m>=3, m<=7)
mod_m

Out[33]: matrix([[False, False,  True,  True],
                [ True,  True,  True, False],
                [False, False,  True,  True]])

```

Рисунок 3 – Проработка примеров

```

In [33]: mod_m = np.logical_and(m>=3, m<=7)
mod_m

Out[33]: matrix([[False, False,  True,  True],
                [ True,  True,  True, False],
                [False, False,  True,  True]])

In [34]: m[mod_m]

Out[34]: matrix([[3, 4, 5, 6, 7, 5, 7]])

In [35]: nums[nums < 5] = 10
print(nums)

[10 10 10 10 5 6 7 8 9 10]

In [36]: m[m > 7] = 25
print(m)

[[ 1  2  3  4]
 [ 5  6  7 25]
 [25  1  5  7]]

In [37]: # Дополнительные функции
# np.arange()
np.arange(10)

Out[37]: array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])

In [38]: np.arange(5, 12)

Out[38]: array([ 5,  6,  7,  8,  9, 10, 11])

In [39]: np.arange(1, 5, 0.5)

Out[39]: array([1. , 1.5, 2. , 2.5, 3. , 3.5, 4. , 4.5])

In [40]: # np.matrix()
a = [[1, 2], [3, 4]]
np.matrix(a)

Out[40]: matrix([[1, 2],
                [3, 4]])

```

Рисунок 4 – Проработка примеров

```

In [41]: # np.zeros(), np.eye()
np.zeros((3, 4))

Out[41]: array([[0., 0., 0., 0.],
               [0., 0., 0., 0.],
               [0., 0., 0., 0.]])

In [42]: np.eye(3)

Out[42]: array([[1., 0., 0.],
               [0., 1., 0.],
               [0., 0., 1.]])

In [43]: # np.ravel()
A = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]])
A

Out[43]: array([[1, 2, 3],
               [4, 5, 6],
               [7, 8, 9]])

In [44]: np.ravel(A)

Out[44]: array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])

In [45]: np.ravel(A, order='C')

Out[45]: array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])

In [46]: np.ravel(A, order='F')

Out[46]: array([1, 4, 7, 2, 5, 8, 3, 6, 9])

In [49]: # np.where()
a = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
np.where(a % 2 == 0, a * 10, a / 10)

Out[49]: array([ 0. ,  0.1, 20. ,  0.3, 40. ,  0.5, 60. ,  0.7, 80. ,  0.9])

In [50]: a = np.random.rand(10)
a

Out[50]: array([0.42098051, 0.13510814, 0.31091368, 0.23236793, 0.51940724,
               0.80800519, 0.07819001, 0.64569304, 0.18739326, 0.71199996])

```

Рисунок 5 – Проработка примеров

```

In [51]: np.where(a > 0.5, True, False)

Out[51]: array([False, False, False, False,  True,  True, False,  True, False,
                True])

In [52]: np.where(a > 0.5, 1, -1)

Out[52]: array([-1, -1, -1, -1,  1,  1, -1,  1, -1,  1])

In [53]: # np.meshgrid()
x = np.linspace(0, 1, 5)
x

Out[53]: array([0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1.  ])

In [54]: y = np.linspace(0, 2, 5)
y

Out[54]: array([0. , 0.5, 1. , 1.5, 2.  ])

In [55]: xg, yg = np.meshgrid(x, y)
xg

Out[55]: array([[0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1.  ],
               [0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1.  ],
               [0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1.  ],
               [0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1.  ],
               [0. , 0.25, 0.5 , 0.75, 1.  ]])

In [56]: yg

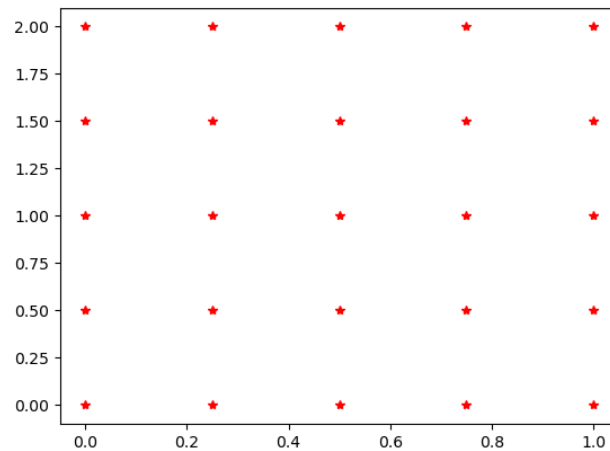
Out[56]: array([[0. , 0. , 0. , 0. , 0. ],
               [0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.5],
               [1. , 1. , 1. , 1. , 1. ],
               [1.5, 1.5, 1.5, 1.5, 1.5],
               [2. , 2. , 2. , 2. , 2. ]])

```

Рисунок 6 – Проработка примеров

```
In [57]: import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
plt.plot(xg, yg, color="r", marker="*", linestyle="none")
```

```
Out[57]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x22390208430>,
<matplotlib.lines.Line2D at 0x223901f9370>,
<matplotlib.lines.Line2D at 0x223902084f0>,
<matplotlib.lines.Line2D at 0x22390208640>,
<matplotlib.lines.Line2D at 0x22390208760>]
```



```
In [58]: # np.random.permutation()
np.random.permutation(7)
```

```
Out[58]: array([5, 2, 6, 4, 0, 3, 1])
```

```
In [59]: a = ['a', 'b', 'c', 'd', 'e']
np.random.permutation(a)
```

```
Out[59]: array(['d', 'a', 'c', 'e', 'b'], dtype='<U1')

```

```
In [61]: arr = np.linspace(0, 10, 5)
arr
```

```
Out[61]: array([ 0. ,  2.5,  5. ,  7.5, 10. ])
```

```
In [62]: arr_mix = np.random.permutation(arr)
arr_mix
```

```
Out[62]: array([ 7.5,  5. , 10. ,  0. ,  2.5])
```

```
In [63]: index_mix = np.random.permutation(len(arr_mix))
index_mix
```

```
Out[63]: array([3, 2, 0, 1, 4])
```

```
In [64]: arr[index_mix]
```

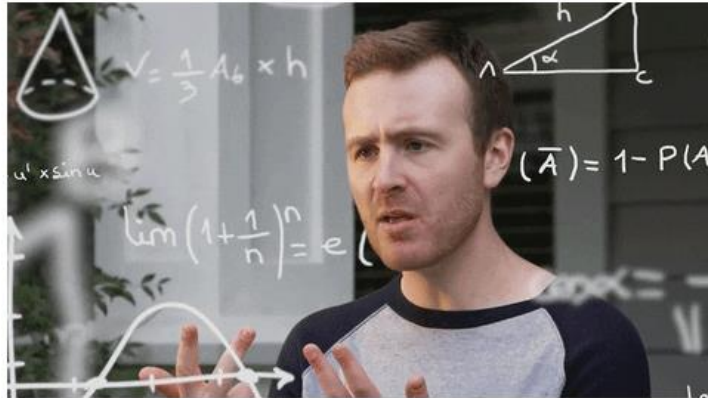
```
Out[64]: array([ 7.5,  5. ,  0. ,  2.5, 10. ])
```

Рисунок 7 – Проработка примеров

Выполнение заданий из файла lab3.2:

Лабораторная работа 3.2. Знакомство с NumPy

Библиотека NumPy – быстрая библиотека для математики в Python, основная структура данных – массив `numpy.array` :



```
In [2]: # подключение модуля numpy под именем np
import numpy as np
```

```
In [3]: # основная структура данных - массив
a = np.array([1, 2, 3, 4, 5])
b = np.array([0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5])

print("a =", a)
print("b =", b)

a = [1 2 3 4 5]
b = [0.1 0.2 0.3 0.4 0.5]
```

Создайте массив с 5 любыми числами:

```
In [7]: arr = np.random.randint(-6, 6, 5)
arr
```

```
Out[7]: array([-5, -2,  4,  0, -1])
```

Рисунок 8 – Проработка lab3.2

```
In [8]: list1 = [1, 2, 3]
        array1 = np.array([1, 2, 3])

        print("list1:", list1)
        print('\tlist1 * 3:', list1 * 3)
        print('\tlist1 + [1]:', list1 + [1])

        print('array1:', array1)
        print('\tarray1 * 3:', array1 * 3)
        print('\tarray1 + 1:', array1 + 1)

list1: [1, 2, 3]
list1 * 3: [1, 2, 3, 1, 2, 3, 1, 2, 3]
list1 + [1]: [1, 2, 3, 1]
array1: [1 2 3]
array1 * 3: [3 6 9]
array1 + 1: [2 3 4]
```

Создайте массив из 5 чисел. Возведите каждый элемент массива в степень 3

```
In [18]: arr = np.random.randint(-6, 6, 5)
         print(arr)
         arr ** 3

[-6  3  0 -5 -5]
```

```
Out[18]: array([-216,  27,   0, -125, -125], dtype=int32)
```

Если в операции участвуют 2 массива (по умолчанию -- одинакового размера), операции считаются для соответствующих пар:

```
In [19]: print("a + b =", a + b)
         print("a * b =", a * b)

a + b = [1.1 2.2 3.3 4.4 5.5]
a * b = [0.1 0.4 0.9 1.6 2.5]
```

Рисунок 9 – Проработка lab3.2

```
In [20]: # вот это разность
         print("a - b =", a - b)

         # вот это деление
         print("a / b =", a / b)

         # вот это целочисленное деление
         print("a // b =", a // b)

         # вот это квадрат
         print("a ** 2 =", a ** 2)

a - b = [0.9 1.8 2.7 3.6 4.5]
a / b = [10. 10. 10. 10. 10.]
a // b = [ 9.  9. 10.  9. 10.]
a ** 2 = [ 1  4  9 16 25]
```

Создайте два массива одинаковой длины. Выведите массив, полученный делением одного массива на другой.

```
In [37]: arr_1 = np.random.randint(-6, 6, 5)
         arr_2 = np.random.randint(-6, 6, 5)
         result = arr_1 // arr_2
         print(result)

[ 0  5 -1 -1  4]
```

Л — логика

К элементам массива можно применять логические операции.

Возвращаемое значение -- массив, содержащий результаты вычислений для каждого элемента (True -- "да" или False -- "нет").

```
In [38]: print("a =", a)
         print("\ta > 1: ", a > 1)
         print("\nb =", b)
         print("\tb < 0.5: ", b < 0.5)

         print("\nОдновременная проверка условий:")
         print("\t(a > 1) & (b < 0.5): ", (a > 1) & (b < 0.5))
         print("\tA вот это проверяет, что a > 1 ИЛИ b < 0.5: ", (a > 1) | (b < 0.5))

a = [1 2 3 4 5]
a > 1: [False True True True True]
```

Рисунок 10 – Проработка lab3.2

```
In [39]: arr_1 = np.random.randint(-10, 10, 5)
arr_2 = np.random.randint(-10, 10, 5)
print(arr_1 < 6)
print(arr_2 % 3 == 0)

[ True False  True  True  True]
[ True  True  True False False]
```

Теперь проверьте условие "Элементы первого массива делятся на 2 или элементы второго массива больше 2"

```
In [59]: print((arr_1 % 2 == 0) | (arr_2 > 2))

[ True  True  True  True  True]
```

Зачем это нужно? Чтобы выбирать элементы массива, удовлетворяющие какому-нибудь условию:

```
In [60]: print("a =", a)
print("a > 2:", a > 2)
# индексация - выбираем элементы из массива в тех позициях, где True
print("a[a > 2]:", a[a > 2])

a = [1 2 3 4 5]
a > 2: [False False  True  True  True]
a[a > 2]: [3 4 5]
```

Создайте массив с элементами от 1 до 20. Выведите все элементы, которые больше 5 и не делятся на 2

Подсказка: создать массив можно с помощью функции `np.arange()`, действие которой аналогично функции `range`, которую вы уже знаете.

```
In [62]: arr = np.arange(1,21)
print(arr[(arr > 5) & (arr % 2 != 0)])

[ 7  9 11 13 15 17 19]
```

А ещё NumPy умеет...

Все операции NumPy оптимизированы для быстрых вычислений над целыми массивами чисел и в методах `np.array` реализовано множество функций, которые могут вам понадобиться:

Рисунок 11 – Проработка lab3.2

```
In [63]: # теперь можно считать средний размер котиков в одну строку!
print("np.mean(a) =", np.mean(a))
# минимальный элемент
print("np.min(a) =", np.min(a))
# индекс минимального элемента
print("np.argmin(a) =", np.argmin(a))
# вывести значения массива без дубликатов
print("np.unique(['male', 'male', 'female', 'female', 'male']) =", np.unique(['male', 'male', 'female', 'female', 'male']))

# и ещё много всяких методов
# Google в помощь

np.mean(a) = 3.0
np.min(a) = 1
np.argmin(a) = 0
np.unique(['male', 'male', 'female', 'female', 'male']) = ['female' 'male']
```

Пора еще немного потренироваться с NumPy.

Выполните операции, перечисленные ниже:

```
In [64]: print("Разность между a и b:", a - b)
)
print("Квадраты элементов b:", b ** 2)
)
print("Половины произведений элементов массивов a и b:", a * b)
)

print()
print("Максимальный элемент b:", np.max(b))
)
print("Сумма элементов массива b:", np.sum(b))
)
print("Индекс максимального элемента b:", np.argmax(b))
)
```

Разность между a и b: [0.9 1.8 2.7 3.6 4.5]
Квадраты элементов b: [0.01 0.04 0.09 0.16 0.25]
Половины произведений элементов массивов a и b: [0.1 0.4 0.9 1.6 2.5]

Максимальный элемент b: 0.5
Сумма элементов массива b: 1.5
Индекс максимального элемента b: 4

Рисунок 12 – Проработка lab3.2

Выполнить задания из файла lab3.2hw:

Лабораторная работа 3.2. Домашнее задание

Задание №1

Создайте два массива: в первом должны быть четные числа от 2 до 12 включительно, а в другом числа 7, 11, 15, 18, 23, 29.

1. Сложите массивы и возведите элементы получившегося массива в квадрат.

```
In [2]: import numpy as np
arr_1 = np.arange(1,7) * 2
arr_2 = np.array([7, 11, 15, 18, 23, 29])
print((arr_1 + arr_2) ** 2)
[ 81  225  441  676 1089 1681]
```

2. Выведите все элементы из первого массива, индексы которых соответствуют индексам тех элементов второго массива, которые больше 12 и дают остаток 3 при делении на 5.

```
In [4]: arr_1[np.where((arr_2 > 12) & (arr_2 % 5 == 3))]
Out[4]: array([ 8, 10])
```

3. Проверьте условие "Элементы первого массива делятся на 4, элементы второго массива меньше 14". (Подсказка: в результате должен получиться массив с True и False)

```
In [6]: (arr_1 % 4 == 0) & (arr_2 < 14)
Out[6]: array([False,  True, False, False, False, False])
```

Рисунок 13 – Выполнение заданий из lab3.2hw

Задание №2

- Найдите интересный для вас датасет. Например, можно выбрать датасет тут: <http://data.un.org/Explorer.aspx> (выбираете датасет, жмете на view data, потом download, выбирайте csv формат)
- Рассчитайте подходящие описательные статистики для признаков объектов в выбранном датасете
- Проанализируйте и прокомментируйте содержательно получившиеся результаты
- Все комментарии оформляйте строго в ячейках формата markdown

```
In [8]: import csv
import numpy as np
with open('topSubscribed.csv', 'r', newline='', encoding='utf-8') as csvfile:
    reader = csv.reader(csvfile, delimiter=';')
    views = []
    video = []
    next(reader)
    for i in reader:
        views.append(int(i[3]))
        video.append(int(i[4]))
    arr_views = np.array(views)
    arr_video = np.array(video)
    print(f"Среднее количество просмотров: {np.mean(arr_views)}")
    print(f"Среднее количество видео: {np.mean(arr_video)}")

    print(f"Среднее отклонение количества просмотров {np.std(arr_views)}")
    print(f"Среднее отклонение количества видео: {np.std(arr_video)}")

    print(f"Дисперсия количества просмотров {np.var(arr_views)}")
    print(f"Дисперсия количества видео: {np.var(arr_video)}")
```

```
Среднее количество просмотров: 9994912409.734
Среднее количество видео: 8536.892
Среднее отклонение количества просмотров 12998953101.280153
Среднее отклонение количества видео: 30775.865282300936
Дисперсия количества просмотров 1.6897278172928092e+20
Дисперсия количества видео: 947153883.874336
```

Рисунок 14 – Выполнение заданий из lab3.2hw

Индивидуальное задание:

1. Дана целочисленная прямоугольная матрица. Определить:

- количество строк, не содержащих ни одного нулевого элемента;
- максимальное из чисел, встречающихся в заданной матрице более одного раза.

```
In [43]: import numpy as np

matrix = np.random.randint (-10, 11, (5, 5))
print(matrix)
```

```
[[ 1  4  8 -6 -1]
 [ 4 -10 -5 -8  9]
 [-7 -2 -5  0  2]
 [ 8 -5 -7 -9 -10]
 [-2 -1  6 -1 -9]]
```

```
In [33]: k = 0
for i in range(5):
    if 0 not in matrix[i, :]:
        k += 1
print(f"Количество строк без нулей: {k}")
```

Количество строк без нулей: 4

```
In [44]: max_elem = matrix.max()
while True:
    if np.count_nonzero(matrix == max_elem) > 1:
        print(f"Максимальное из чисел в матрице, встречающееся более одного раза: {max_elem}")
        break
    else:
        max_elem -= 1
```

Максимальное из чисел в матрице, встречающееся более одного раза: 8

Рисунок 15 – Индивидуальное задание

Контрольные вопросы

1. Каково назначение библиотеки NumPy?

`numpy` – это библиотека для языка программирования Python, которая предоставляет в распоряжение разработчика инструменты для эффективной работы с многомерными массивами и высокопроизводительные вычислительные алгоритмы.

2. Что такое массивы `ndarray`?

Основной элемент библиотеки NumPy — объект `ndarray` (что значит N-размерный массив). Этот объект является многомерным однородным массивом с заранее заданным количеством элементов.

3. Как осуществляется доступ к частям многомерного массива?

Извлечем элемент из нашей матрицы с координатами (1, 0), 1 – это номер строки, 0 – номер столбца.

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 9 | 1 | 5 | 7 |

```
>>> m[1, 0]  
5
```

Получим вторую строку матрицы.

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 9 | 1 | 5 | 7 |

```
>>> m[1, :]  
matrix([[5, 6, 7, 8]])
```

Извлечем третий столбец матрицы.

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 9 | 1 | 5 | 7 |

```
>>> m[:, 2]  
matrix([[3],  
        [7],  
        [5]])
```

Иногда возникает задача взять не все элементы строки, а только часть: рассмотрим пример, когда нам из второй строки нужно извлечь все элементы, начиная с третьего.

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 9 | 1 | 5 | 7 |

```
>>> m[1, 2:]  
matrix([[7, 8]])
```

Запись **2:** означает, что начиная с третьего столбца включительно (т.к. нумерация начинается с 0, то третий элемент имеет индекс 2) взять все оставшиеся в ряду элементы .

Часть столбца матрицы

Аналогично предыдущему примеру, можно извлечь только часть столбца матрицы.

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 9 | 1 | 5 | 7 |

```
>>> m[0:2, 1]  
matrix([[2],  
        [6]])
```

Непрерывная часть матрицы

Извлечем из заданной матрицы матрицу, располагающуюся так как показано на рисунке ниже.

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7 | 8 |
| 9 | 1 | 5 | 7 |

```
\>>> m[0:2, 1:3]
matrix([[2, 3],
        [6, 7]])
```

4. Как осуществляется расчет статистик по данным?

Функции (методы) для расчета статистик в *Numpy*

Ниже, в таблице, приведены методы объекта *ndarray* (или *matrix*), которые, как мы помним из раздела выше, могут быть также вызваны как функции библиотеки *Numpy*, для расчета статистик по данным массива.

| Имя метода | Описание |
|---------------|--|
| argmax | Индексы элементов с максимальным значением (по осям) |
| argmin | Индексы элементов с минимальным значением (по осям) |
| max | Максимальные значения элементов (по осям) |
| min | Минимальные значения элементов (по осям) |
| mean | Средние значения элементов (по осям) |
| prod | Произведение всех элементов (по осям) |
| std | Стандартное отклонение (по осям) |
| sum | Сумма всех элементов (по осям) |
| var | Дисперсия (по осям) |

Вычислим некоторые из представленных выше статистик.

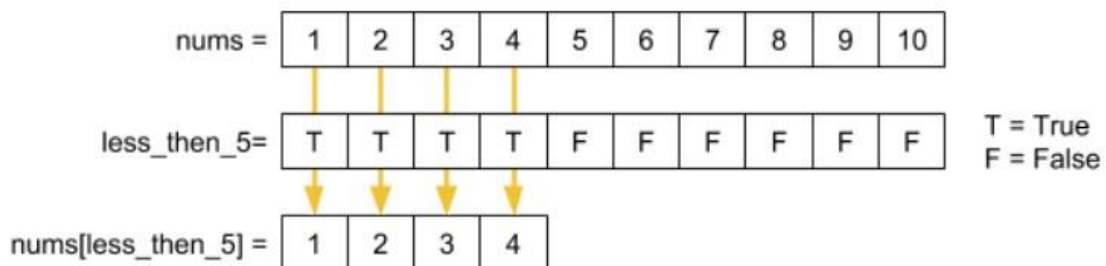
```
>>> m.mean()
4.833333333333333
>>> m.mean(axis=1)
matrix([[2.5],
        [6.5],
        [5.5]])
>>> m.sum()
58
>>> m.sum(axis=0)
matrix([[15,  9, 15, 19]])
```

5. Как выполняется выборка данных из массивов ndarray?

Самым замечательным в использовании *boolean* массивов при работе с *ndarray* является то, что их можно применять для построения выборок. Вернемся к рассмотренным выше примерам.

```
>>> less_than_5 = nums < 5
>>> less_than_5
array([ True,  True,  True,  True, False, False, False, False, False,
        False])
```

Если мы переменную *less_than_5* передадим в качестве списка индексов для *nums*, то получим массив, в котором будут содержаться элементы из *nums* с индексами равными индексам *True* позиций массива *less_than_5*, графически это будет выглядеть так.



```
>>> nums[less_than_5]
array([1, 2, 3, 4])
```

Данный подход будет работать с массивами большей размерности. Возьмем уже знакомую нам по предыдущим урокам матрицу.

```
>>> m = np.matrix('1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 1 5 7')
>>> print(m)
[[1 2 3 4]
 [5 6 7 8]
 [9 1 5 7]]
```

Построим логическую матрицу со следующим условием: $m \geq 3$ and $m \leq 7$, в *Numpy* нельзя напрямую записать такое условие, поэтому воспользуемся функцией *logical_and()*, ее и многие другие полезные функции вы сможете найти на странице [Logic functions](#).

```
>>> mod_m = np.logical_and(m>=3, m<=7)
>>> mod_m
matrix([[False, False,  True,  True],
        [ True,  True,  True, False],
        [False, False,  True,  True]])
>>> m[mod_m]
matrix([[3, 4, 5, 6, 7, 5, 7]])
```

В результате мы получили матрицу с одной строкой, элементами которой являются все отмеченные как *True* элементы из исходной матрицы.