NOIP 模拟赛

一、题目概览

| 中文题目名称 | 查询 | 枚举 | 决斗 | 竹子 |
|--------|-----------|---------------|----------|------------|
| 英文题目名称 | query | enumerate | duel | bamboo |
| 可执行文件名 | query | enumerate | duel | bamboo |
| 输入文件名 | query.in | enumerate.in | duel.in | bamboo.in |
| 输出文件名 | query.out | enumerate.out | duel.out | bamboo.out |
| 时间限制 | 1s | 2s | 2s | 2s |
| 空间限制 | 512MB | 512MB | 512MB | 512MB |
| 测试点数目 | 25 | 20 | 10 | 20 |
| 测试点分值 | 4 | 5 | 10 | 5 |
| 题目类型 | 传统 | 传统 | 传统 | 传统 |
| 比较方式 | 全文比较 | 全文比较 | 全文比较 | 全文比较 |
| 是否有部分分 | 是 | 是 | 是 | 是 |

二、注意事项:

- 1.文件名(程序名和输入输出文件名)必须使用小写。
- 2.C/C++中函数main()的返回值类型必须是int,程序正常结束时的返回值必须是0。
- 3.评测环境为Windows,使用lemon进行评测。
- 4.选手不得使用SSH等命令。
- 5.选手不得使用内嵌汇编, #pragma等指令。
- 6.评测时使用 C++17 环境,同时开启 O2 优化,栈空间和内存限制相同。

A.查询(query)

题目描述

青蛙老师有三个长度为 n 的数组 a,b,c。

给定一个正整数 k,他想知道在所有 n^2 个二元组 $(i,j)(1 \le i \le n, 1 \le j \le n)$ 中, $a_j + b_j \times c_i$ 的第 k 小值是多少。

但是他不会做,于是将问题交给你了。

输入格式

第一行一个正整数 n, 表示数组长度。

第二行 n 个正整数,依次表示 $a_1, a_2, \cdots a_n$ 。

第三行 n 个正整数,依次表示 $b_1, b_2, \cdots b_n$ 。

第四行 n 个正整数,依次表示 $c_1, c_2, \cdots c_n$ 。

接下来一行,一个正整数 k, 含义如题所述。

输出格式

一行一个整数表示答案。

样例输入

```
5
1 3 6 4 1
3 8 9 2 6
5 6 5 3 2
10
```

样例输出

16

数据范围

对于 16% 的数据,满足 $n \le 100, 1 \le a_i, b_i, c_i \le 1000$ 。

对于另外 16% 的数据,满足 $n \leq 1000$ 。

对于另外 16% 的数据,满足 $k < n, 1 < a_i, b_i, c_i < 1000$ 。

对于另外 24% 的数据,满足 $k \leq n$ 。

对于 100% 的数据,满足 $n \le 10^5, 1 \le k \le n^2, 1 \le a_i, b_i, c_i \le 10^9$ 。

B.枚举(enumerate)

题目描述

青蛙老师在笔记本上写了一个数字N,然后拿出了一张草稿纸进行运算:

他先将 N 平方然后加 1 , 得到 N_0 , 即 $N_0 = (N \times N) + 1$ 。

接着将 N_0 模了一个正整数 a,得到 N_1 ,即 $N_1=N_0\mod a$ 。

然后他将 N_1 加了一个非负整数 b,得到 N_2 ,即 $N_2=N_1+b$ 。

然后他将 N_2 模了一个正整数 c,得到 N_3 ,即 $N_3=N_2\mod c$ 。

最后他将 N_3 抄回了笔记本,过了几天,他发现草稿纸找不到了并且忘记了运算的中间过程中的 a,b,c 是多少了。

他希望根据笔记本上的 N 和 N_3 还原出中间的运算过程。

青蛙老师记得他写的数字不会很大,不会超过 P,因此他希望求出符合条件的整数三元组 $(a,b,c)(1\leq a,c\leq P,0\leq b\leq P)$ 。

但是他不会做,于是将问题交给你了。

青蛙老师希望知道符合条件的三元组个数,也想知道具体的方案,但符合条件的三元组个数可能很多,如果超过 10^5 个,输出方案的时候只需要输出字典序最小的 10^5 个三元组即可。

输入格式

一行三个整数 N, N_3, P 。

输出格式

第一行输出不同的三元组个数Q,

接下来 $\min(Q,10^5)$ 行按字典序输出对应的三元组(a 小的先输出,若 a 相同则 b 小的先输出,若 a 和 b 均相同则 c 小的先输出),每行三个数字以空格隔开。若符合条件的三元组个数超过 10^5 ,你只需要输出字典序最小的 10^5 个三元组。

样例输入

1 2 3

样例输出

4

1 2 3

2 2 3

3 0 3 3 3 3

数据范围

对于 35% 的数据,满足 $P \leq 100$ 。

对于另外 25% 的数据,满足 $P \leq 2000$ 。

对于 100% 的数据,满足 $0 \le N_3, N \le P, 1 \le P \le 10^5$ 。

C.决斗(duel)

题目描述

青蛙哥与名侦探柯南正在进行一场对决。

他们两个人每人有 n 张牌, 每张牌有一个点数。

并且在接下来的 n 个回合中每回合青蛙哥与名侦探柯南两人会各自打出一张牌。

每回合裁判会检查,打出的牌点数更高的一方获胜从而得到一分,如果二人点数相同,则不得分。

然而现在青蛙哥通过偷看的方法得到了名侦探柯南的出牌顺序,他可以任意定一个自己的出牌的顺序。

他首先希望让自己的得分尽可能高,然后就是希望在让自己的得分尽可能高这个前提下,最大化自己从第一回合开始到最后一个回合结束过程中,每回合出牌点数构成的字符串的字典序。

输入格式

第一行一个正整数 n 表示游戏进行的轮数。

接下来一行 n 个整数, 第 i 个数表示第 i 轮名侦探柯南将要打出的牌上的点数。

接下来一行 n 个整数,表示青蛙哥拥有的牌上的点数。

输出格式

输出一行 n 个整数,表示青蛙哥出牌的顺序。

样例输入1

```
5
1 2 3 4 5
3 2 2 1 4
```

样例输出1

2 3 4 2 1

样例2

见下发文件。

数据范围

对于 20% 的数据, $n \leq 10$ 。

对于 40% 的数据, $n \leq 3000$.

对于 60% 的数据, $n \leq 6000$ 。

对于 100% 的数据, $n, a_i \leq 100000$.

D.竹子(bamboo)

题目描述

青蛙哥种了 n 棵竹子,一开始第 i 棵竹子的高度为 h_i ,每天会长高 a_i 。由于竹子长得太快,青蛙哥不得不砍掉一些竹子,但是,每次只能砍下一截长度为 p 的竹子,而且为了防止刀具磨损,青蛙哥每天只能用刀砍 k 次。如果一个竹子的高度不足 p,显然砍完之后高度不能为负数,而应该是 0 。

青蛙哥想知道,他砍了m天之后,最高的一棵竹子的最低高度是多少。每天先砍竹子,砍完后竹子才会生长。

输入格式

第一行输入四个正整数,分别为 n、m、k、p。

接下来 n 行,每行一个非负整数 h_i 和一个正整数 a_i 。

输出格式

输出一个数,表示最高的一棵竹子的最低高度。

样例输入1

3 1 2 5

10 10

10 10

15 2

样例输出1

17

样例2

见下发文件。

数据范围

对于 15% 的数据,满足 $n \leq 2$ 。

对于另外 15% 的数据,满足 $n \leq 1000$, $m \leq 50$ 。

对于另外 40% 的数据,满足 $n \leq 5000$ 。

对于 100% 的数据,满足 $n \leq 10^5$, $m \leq 5000$, $k \leq 10$, $p, h_i, a_i \leq 10^9$ 。