实外 CCF CSP2023-S模拟赛

(提高组:第9场)

时间: 8:00 ~ 11:30

题目名称	Solve	Count	Calc
每个测试点时限	1 s	$1\mathrm{s}$	1 s
每个测试点分值	10	10	10
内存限制	$512\mathrm{MB}$	$512\mathrm{MB}$	$512\mathrm{MB}$
是否有部分分	否	否	否
题目类型	传统	传统	传统

注意事项

- 数据输入文件在 Windows 下生成,输出文件在 Linux 下生成,评测在 Linux 下进行。
- 请在 contesthunter 上提交,提交的程序不能有文件操作。
- 单击试题名称可在顶端和试题文本之间切换。

提交文件名要求如下:

- 1, Solve solve.cpp, solve.in, solve.out
- 2. Count count.cpp, count.in, count.out
- 3、Calc calc.cpp、calc.in、calc.out

★祝比赛顺利★

1 Solve

1.1 题目描述

给定 n 和 $X_0, X_1, \ldots, X_{n-1}$, 求解 $Y_0, Y_1, \ldots, Y_{n-1}$, 其中:

$$Y_i = \sum_{j=0}^{n-1} X_j \times f(i \oplus j)$$

f(x) 等于把 x 写成二进制后 1 的个数, 比如说:

$$f(0) = 0, f(1) = 1, f(4) = 1, f(7) = 3$$

其中 ⊕ 表示二进制下的按位异或运算。

请依次输出 $Y_0, Y_1, \ldots, Y_{n-1}$ 对 $10^9 + 7$ 取模的结果。

1.2 输入格式

输入第一行为一个正整数 n。

输入第二行为 n 个非负整数, 第 i 个数表示 X_{i-1} 。

1.3 输出格式

输出仅一行 n 个非负整数, 第 i 个数表示 Y_{i-1} 对 $10^9 + 7$ 取模的结果。

1.4 样例输入输出

Sample Input	Sample Output	
3	2 3 3	
111		

1.5 数据范围及约定

测试点	n	X_i	特殊性质
1	≤ 10	≤ 10	无
2	≤ 100	≤ 100	无
3	≤ 1000	≤ 1000	无
4	=65536	$\leq 10^{9}$	所有 X_i 都相同
5	$\leq 10^{5}$	$\leq 10^{9}$	所有 X_i 都相同
6, 7, 8, 9, 10	$\leq 10^{5}$	$\leq 10^{9}$	无

2 Count

2.1 题目描述

给一个长为 n 的序列 $A_1, A_2, ..., A_n$,定义 (i, j) (规定 i < j)为好点对,当且仅当满足下列条件之一:

- i = j 1
- $\forall k \in (i, j), A_k < min(A_i, A_j)$

现在有m组询问,每组询问给定一个区间,求这个区间内的好点对的个数。

给定一个 Type, 当 Type = 0 的时候不强制在线, 否则强制在线。具体操作请看输入格式。

2.2 输入格式

输入第一行 3 个正整数 n , m , Type , 分别表示序列长度,询问的个数,输入数据的种类。输入第二行 n 个正整数,第 i 个数表示 A_i 。

接下来 m 行,每行两个非负整数 l, r。当 Type=0 的时候,询问区间就是 [l,r],否则令 $u=(l+last-1)\mod n+1$, $v=(r+last-1)\mod n+1$,那么当前询问区间就是 [min(u,v),max(u,v)]。其中 last 是上一次询问的答案,初始时 last=0。

2.3 输出格式

输出共 m 行,每行非负整数,第 i 个数表示第 i 次询问的答案。

2.4 样例输入输出

Sample Input	Sample Output		
3 2 0	0		
2 1 2	3		
11			
1 3			

2.5 数据范围及约定

测试点	n	m	Type	A_i	特殊性质
1	≤ 100	≤ 100	=0	≤ 100	无
2	≤ 1000	= 1	= 0	≤ 1000	无
3	≤ 1000	≤ 1000	= 0	≤ 1000	所有 A_i 都相等
4	≤ 1000	≤ 1000	= 0	≤ 1000	无
5, 6, 7	$\leq 10^{5}$	$\leq 10^{5}$	= 0	$\leq 10^{9}$	无
8, 9, 10	$\leq 3 \times 10^5$	$\leq 3 \times 10^5$	=1	$\leq 10^{9}$	无

3 Calc

3.1 题目描述

给定一个 $n \times m$ 的矩阵,矩阵中每一个格子都有一个正权值 A_i 。现在你可以选一些格子出来,而且要满足每一行每一列都至多选一个格子。定义一个方案 S 的权值为:

$$\frac{\sum_{u \in S} A_u}{\mid S \mid +1}$$

请求出权值最大的方案的权值并以最简分式的形式输出。特别地,如果结果是整数,则输出形如 x/1 的分式。

3.2 输入格式

输入第一行两个正整数 n, m。 接下来 n 行,每行 m 个正整数,描述这个矩阵。

3.3 输出格式

一个最简分数,表示权值最大的方案的权值。

3.4 样例输入输出

Sample Input	Sample Output	
2 2 1 9 9 10	6/1	

3.5 数据范围及约定

测试点	n, m	A_i	特殊性质
1	≤ 2	$\leq 10^{9}$	无
2	≤ 4	$\leq 10^{9}$	无
3	≤ 8	$\leq 10^{9}$	无
4	≤ 16	≤ 16	无
5	≤ 32	≤ 32	所有 A_i 都相等
6	≤ 32	≤ 32	无
7,8,9,10	≤ 64	$\leq 10^{9}$	无