

1. 整除

(div.cpp)

限制：1S 128MB

【问题描述】

给定 N ，请求出既不能被 2 整除也不能被 3 整除的第 N 个正整数。

【输入】 (div.in)

输入为 N 。

【输出】 (div.out)

输出为一个正整数。如既不能被 2 整除也不能被 3 整除的第 N 个正整数；
(提示：请使用 `long long` 类型，输出结果保证不超出 `long long` 类型范围)。

【输入输出样例】

| 样例 1 | 样例 2 |
|----------|--------------|
| 输入 5 | 输入 100000 |
| 输出 13 | 输出 299999 |

【样例说明】

样例 1：不能被 2 和 3 整除的前 5 个数为：1、5、7、11、13，第 5 个数为 13；

【数据范围】

对于30%的数据，保证 $N \leq 10^5$ 。

对于100%的数据，保证 $N \leq 10^9$ 。

2. 填积木

(block.cpp)

限制：1S 128MB

【问题描述】

有一块长为 m , 宽为 n , 高为 h 的魔幻空间, 需要你用长宽高都是 a 的正方体积木填满整个空间 (积木可以超出这块魔幻空间的范围), 你不能把积木打碎, 请问你至少需要多少块积木才能把魔幻空间填满。

【输入】 (block.in)

输入为 4 个整数 n, m, h 和 a , 分别表示魔幻空间的长宽高和正方体积木的长宽高。

【输出】 (block.out)

输出为一个正整数表示至少要多少块积木

(提示: 请使用 `long long` 类型, 输出结果保证不超出 `long long` 类型范围)。

【输入输出样例】

| 样例 1 | 样例 2 | 样例 3 | 样例 4 |
|--------------------------|-----------------------------|---------------------------|----------------------------------------------------------|
| 输入 5 1 1 2 输出 3 | 输入 10 10 1 3 输出 16 | 输入 4 5 6 2 输出 18 | 输入 1234567 7654321 3333333 213 输出 3260223524800 |

【样例说明】

样例 1: 长为 5, 宽和高都为 1 的魔幻空间, 积木的边长为 2, 用 3 块积木才能填满;

【数据范围】

有 20% 的数据, 保证 $1 \leq n, m, h, a \leq 100$ 。

有 10% 的数据, 保证 $1 \leq n, m, h \leq 10^6, a=1$ 。

有 20% 的数据, 保证 $1 \leq n, a \leq 10^9, m=h=1$ 。

有 20% 的数据, 保证 $1 \leq n, m, a \leq 10^9, h=1$ 。

对于 100% 的数据, 保证 $1 \leq n, m, h, a \leq 10^9$ 。

3. 闰年

(year.cpp)

限制：1S 128MB

【问题描述】

能被 4 整除但不能被 100 整除的年份是闰年；能被 400 整除的年份也是闰年。比如 2024 年是闰年，2022 年不是闰年；2000 年是闰年，2100 年不是闰年；给出正整数 a 和 b ，求第 a 年到第 b 年之间有多少个闰年（包括 a 和 b ）。

【输入】 (year.in)

输入为两个用空格隔开的整数 a 和 b ($a \leq b$)。

【输出】 (year.out)

输出为一个数，表示有多少个闰年。（提示：请使用 long long 类型）

【输入输出样例】

| 样例 1 | 样例 2 | 样例 3 | 样例 4 |
|----------------------------|---------------------------|---------------------------------|------------------------------------------------------------------|
| 输入 2000 2024 输出 7 | 输入 1 1000 输出 242 | 输入 1 1000000 输出 242500 | 输入 1 1000000000000 输出 242500000000 输入说明：1 后面有 11 个 0 |

【数据范围】

对于 30% 的数据，保证 $1 \leq a, b \leq 100$ ；

对于 50% 的数据，保证 $1 \leq a, b \leq 10^6$ ；

对于 100% 的数据，保证 $1 \leq a, b \leq 10^{12}$ 。

4. 发牌

(card.cpp)

限制：1S 128MB

【问题描述】

小雨同学在玩发牌的游戏，她有 N 张牌，第一张牌的数字是 1，第二张的数字是 2，第三张的数字是 3，...，第十三张的数字是 13，第十四张的数字是 1，...，以此类推，第 n 张牌的数字是 $(n-1)\%13+1$ ；发牌的方式是“藏一发一”，把第 1 张放到最后，发第 2 张，把第 3 张放到最后，发第 4 张，把第 5 张放到最后，发第 6 张，...，一直这样发下去，直到剩下一张牌为止，问剩下的最后一张牌的数字是多少？

【输入】 (card.in)

输入为一个数 N ，表示牌的数量。

【输出】 (card.out)

输出最后一张牌的数字。

【输入输出样例】

| 样例 1 | 样例 2 | 样例 3 | 样例 4 | 样例 5 |
|----------|---------|------------|---------------|-------------------|
| 输入 13 | 输入 3 | 输入 1000 | 输入 1000000 | 输入 10000000000 |
| 输出 11 | 输出 3 | 输出 2 | 输出 7 | 输出 10 |

【样例说明】

样例 1 解释：发牌的顺序为：2,4,6,8,10,12,1,5,9,13,7,3,11。

样例 2 解释：发牌的过程为：把第 1 放到最后，发 2，把 3 放到最后，发 1，还剩一张 3；

【数据范围】

对于 20% 的数据，保证 $1 \leq N \leq 13$ 。

对于 40% 的数据，保证 $1 \leq N \leq 1000$ 。

对于 100% 的数据，保证 $1 \leq N \leq 10^{15}$ 。

5. 二叉查找树

(bst.cpp)

限制: 1S 128MB

【问题描述】

相信大家对二叉查找树都很熟悉了,现在给你 N 个整数的序列,每个整数都在区间 $[1,N]$ 内,且不重复。现在要你按照给定序列的顺序,建立一个二叉查找树,把第一个整数作为根,然后依次插入后面的整数。

每个结点X的插入过程其实就是模拟下面的 `insert(X, root)`过程:

```
insert( number X, node N )
{
    increase the counter C by 1 //每次进来都会使C加1

    if X is less than the number in node N //如果X小于结点N的值
    {
        if N has no left child //N没有左孩子

            create a new node with the number X and set it to be the left child of node
            N //新建一个节点, 把X作为N左孩子
        else insert(X, left child of node N) //递归插入到N左子树
    }
    else (X is greater than the number in node N) //如果X大于结点N的值
    {
        if N has no right child //N没有右孩子

            create a new node with the number X and set it to be the right child of
            node N //新建一个节点, 把X作为N右孩子
        else

            insert(X, right child of node N) //递归插入到N右子树
    }
}
```

你的任务是：每次把序列的一个整数插入到二叉查找数后，到目前为止计数累加器C的值是多少？请把它输出。

注意：第一次插入根，计数器C的值是0，你可以理解为插入根是不执行insert()操作的，其后每插入一个结点，C都累加，也就是每次进入过程 `insert(number X, node N)`，都会执行 `increase the counter C by 1`，使得C不断增大。

【输入】 (bst.in)

第一行一个整数：N, 表示序列有多少个整数。

接下来有 N 行，每行一个整数 X, X 在区间[1,N]内，且不重复，这 N 个整数就组成了一个有序的序列。

【输出】 (bst.out)

N 行，每行一个整数，第一行表示你把序列的第一个数插入到二叉查找树后，当前计数器 C 的值是多少。

【输入输出样例】

| | |
|-----------------|--------------------|
| 输入： | 输出： |
| 8 | 0 1 2 4 7 11 13 15 |
| 3 5 1 6 8 7 2 4 | |

【样例说明】

（第一次插入根1，不执行过程 `insert(number X, node N)`，所以C是0，第二次插入2, C加1，所以插入2完毕后，输出C的值是1，第三次插入3，依次执行了`insert(3,1)`、`insert(3,2)`，所以C加2，变成3；第四次插入4，依次执行了`insert(4,1)`、`insert(4,2)`、`insert(4,3)`，所以C加3，变成6。

【数据范围】

20%的数据： $1 \leq N \leq 1000$

100%的数据： $1 \leq N \leq 300000$