导弹拦截(missile.cpp)

【题目描述】

有一种新的导弹拦截系统,凡是与它的距离不超过其工作半径的导弹都能够被它成功拦截。当工作半径为0时,则能够拦截与它位置恰好相同的导弹。但每套导弹拦截系统每天只能设定一次工作半径,而当天的使用代价,就是所有系统工作半径的平方和。

某天,雷达捕捉到敌国的导弹来袭。由于该系统尚处于试验阶段,因此只有两套系统投入工作。如果现在的要求是拦截所有的导弹,请计算这一天的最小使用代价。

【输入格式】(missile.in)

第一行包含4个整数 x_1 、 y_1 、 x_2 、 y_2 ,每两个整数之间以一个空格间隔,表示这两套导弹拦截系统的坐标分别为 (x_1,y_1) 、 (x_2,y_2) 。

第二行包含一个整数N,表示有N 颗导弹。接下来为N 行,每行有两个整数x、y,中间以一个空格间隔,表示一颗导弹的坐标(x,y),不同导弹的坐标可能相同。

【输出格式】 (missile.out)

输出只有一行,包含一个整数,即当天的最小使用代价。

【算法提示】

两个点 (x_1,y_1) 、 (x_2,y_2) 之间距离的平方是 $(x_1-x_2)^2+(y_1-y_2)^2$ 。

两套系统工作半径 r_1 、 r_2 的平方和是指 r_1 、 r_2 分别取平方后再求和,即 ${r_1}^2+{r_2}^2$ 。

【输入样例1】

00100

2

-3 3

【输出样例1】

10 0

18

【样例说明1】

样例1中要拦截所有导弹,在满足最小使用代价的前提下,两套系统工作半径的平方分别为18和0。

【输入样例2】

0060

-4 -2

-2 3

4 0

6 -2 9 1

【输出样例2】

30

【样例说明2】

样例2中的导弹拦截系统和导弹所在的位置如图11.1所示。要拦截所有导弹,在满足最小使用代价的前提下,两套系统工作半径的平方分别为20和10,即最小使用代价为30。

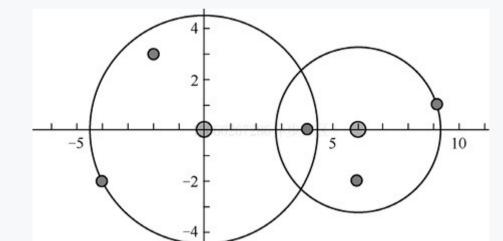


图11.1

【数据范围】

对于100%的数据 , $1 \leqslant N \leqslant 100\,000$, 且所有坐标分量的绝对值都不超过1 000。

【算法分析】

如图11.2所示,设导弹拦截系统为a和b,计算出所有导弹到a和b的距离,并按照到a的距离从大到小进行排序。假如选择某一个点例如k点到a的距离作为a的半径,那么k点之后的点都能被a击落,而k点之前的点只能由b击落,则b的半径即前 k - 1个点到 b 的最大半径。

