在j固定的情况下, c_i , $a_j + b_j \times c_i$ 的值越大。故可以先对 c_i 排序,然后二分第k大的值S,然后求 $\sum_{1 \leq i,j \leq n} [a_j + b_j \times c_i \leq S]$ 现在可以对每个j二分出有多少个i使得 $a_j + b_j \times c_i \leq S$,故可以在 $O(n \log n)$ 的时间内求出小于等于S的二元组个数。可以通过subtask2,期望得分:100

B

题目大意: 求 $(((N^2+1) \mod a) + b) \mod c = N_3$ 的三元组(a,b,c)

算法1: 枚举所有的a,b,c,复杂度 $\Theta(P^3)$,可以过subtask1,期望得分30。

算法2:可以逆推得到 N_2 的所有取值及对应的c,然后可以得到所有 N_1 的取值及对应的a,对每个 N_1 的取值可以二分出所有合法的 N_2 的个数及求对应的方案。

复杂度 $\Theta(P^2 \lg P)$,可以过subtask1,2,期望得分65。

算法3: $\lfloor N_2/c \rfloor \times c + N_3 = N_2$, 发现 求 N_1 的取值同算法2。

 $\sum_{c=1}^{P^{-}} \lfloor P/c \rfloor = O(P \lg P)$,因此可以枚举c的值和 $\lfloor N_2/c \rfloor$ 的值来得到 N_2 ,且只有 $O(P \lg P)$ 中取值。

然后可以用二分或者前缀和来得到合法的b。时间复杂度 $O(P \lg P)$

期望得分100。

C

假设已知最大字典序情形的答案k,按顺序考虑每一位,贪心的让字典序尽量大。假设到了第i回合,为了不影响k,能出的牌一定是一个区间[l,r],那么一定是尽量填一个最大的,考虑二分最大值x,每次希望判断在第i次出x会不会影响答案。考虑对值维护一个线段树,每个节点记录一个三元组(S,L,R),其中S表示当前值域的得分,L和R分别表示青蛙和柯南在当前区间还剩下多少牌。那么合并信息时,在这个区间内青蛙将贪心的获得 $d=\min\left(L_{rightchild},R_{leftchild}\right)$ 的分数,具体策略为当柯南用左孩子中的d张牌时,使用右孩子代表的值域中的d张牌击败他。并将剩余的值上传。

D

首先二分答案,问题即转化为:是否可能 m 天后竹子的高度都不超过 X?

把砍竹子和竹子生长的过程反过来,反过程形如:一开始竹子的高度不超过 X. 每天早上每根竹子缩短 a_i 长度,如果缩短到负数,就失败;否则晚上可以在所有竹子中选 k 根加上 p 长度。m 天后,竹子的高度至少都要为 h_i ,求是否有可能获胜。

这样一来,问题就简单了。每天有 k 次加长机会,如果有竹子将在接下来一天早上缩短到负数,就取出这棵竹子加长,如果没有机会就失败;如果机会用不完可以保留下来留给以后。最后第 m 天,若一根竹子高度为 $h_i' < h_i$,就要消耗 $\left\lceil \frac{h_i - h_i'}{p} \right\rceil$ 次此前留下的机会补足 h_i 的高度。用堆(我写的是非递归线段树)维护每根竹子缩短到负数的时间即可。

由于机会数不超过 k, 时间复杂度为 $O((n+km)\log n\log(h_{\max}+ma_{\max}))$.