

# Identificarea Sistemelor

Proiect :

Identificarea unei axe acționate cu motor  
BLDC

Profesor îndrumator

Student

Prof. dr. ing.

Botezat Răzvan-Ioan

Petru Dobra

An universitar

2022-2023

# Datele Proiectului

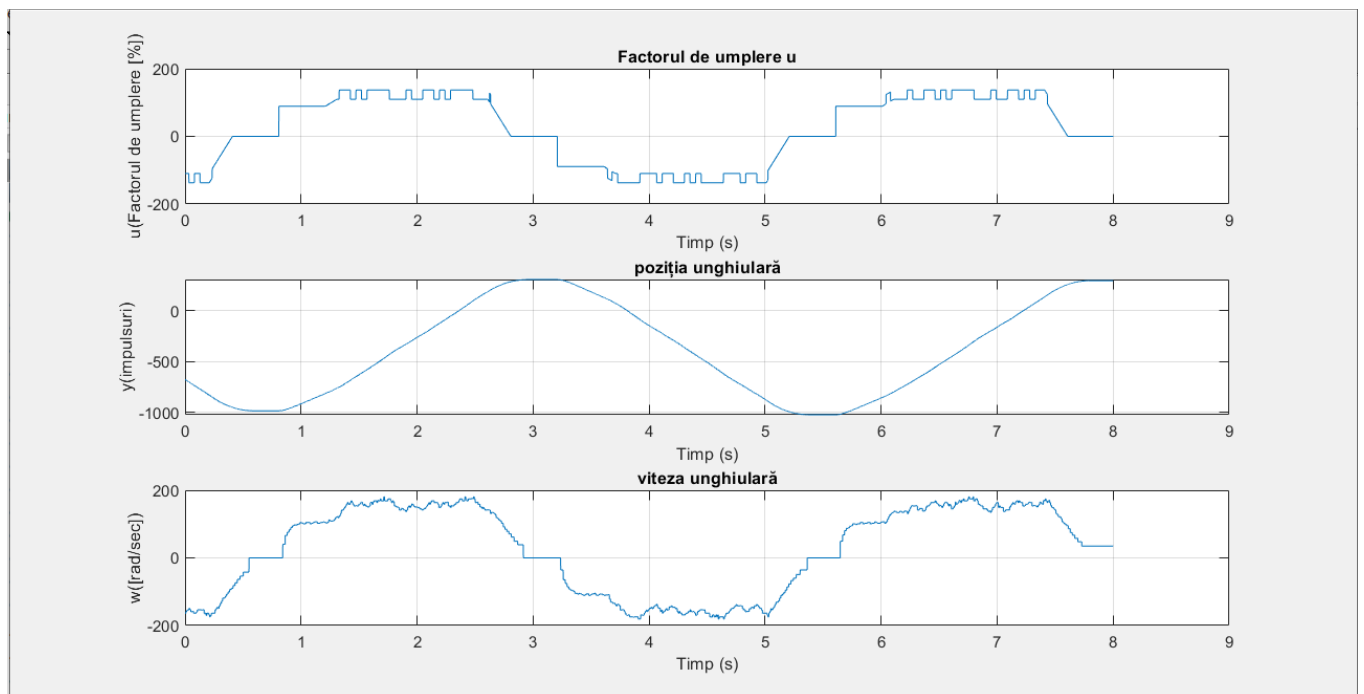
Achiziția datelor:

Datele proiectului pe care le vom prelucra sa află în fișierul botezat.mat care sunt date primite prin controlarea unui motor BLDC(motor trifazic fara perii).

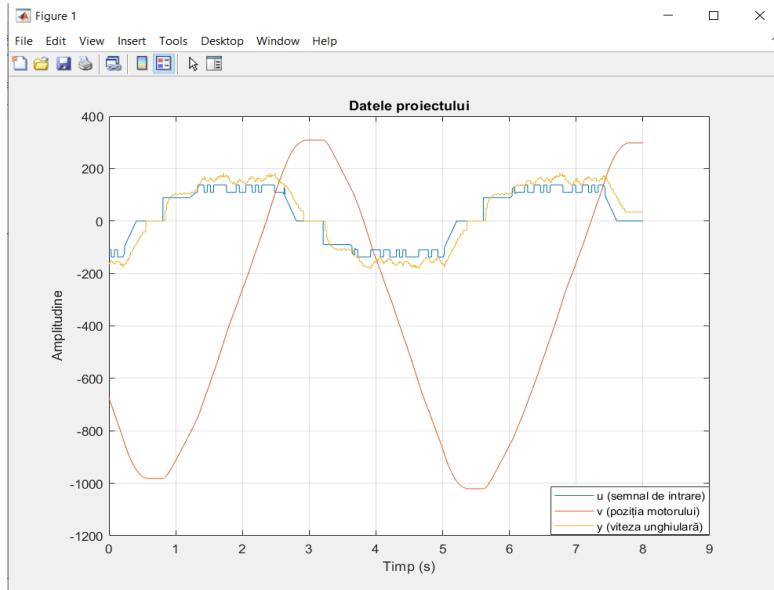
leșirea este un vector linie cu 3 elemente:

- $u$  = semnal de comandă de tip SPAB (factorul de umplere) [%]
- $v$  = poziția unghiulară; [impulsuri]
- $w$  = viteza unghiulară; [rad/sec]

Afișarea datelor :



Pentru o mai bună vizualizare și identificare a datelor au fost puse pe același grafic.



Codul Matlab al proiectului:

```

1 close all
2 t=botezat.X.Data;
3 u=double(botezat.Y(1,3).Data');
4 y=double(botezat.Y(1,2).Data')%% viteza
5 v=double(botezat.Y(1,1).Data')%% pozitie
6 subplot(3,1,1)
7 plot(t, u*200), grid, shg
8 title('Factorul de umplere u')
9 xlabel('Timp (s)')
10 ylabel('u')
11 subplot(3,1,2)
12 plot(t,v), grid, shg
13 title('poziția unghiulară')
14 xlabel('Timp (s)')
15 ylabel('v')
16 subplot(3,1,3)
17 plot(t,y), grid, shg
18 title('viteza unghiulară')
19 xlabel('Timp (s)')
20 ylabel('y')
21 figure
22 plot(t, [u*200, v, y]), grid, shg
23 title('Datele proiectului')
24 xlabel('Timp (s)')
25 ylabel('Amplitudine')

```

## Partea 1

# Identificarea sistemului de ordinul 1 la intrare de tip treapta folosind metoda neparametrică

Pentru prima parte a proiectului am ales sa identific răspunsul la treaptă al motorului BLDC cu ajutorul metodei y63.

În general, procesele fizice care pot fi modelate printr-un sistem LTI de ordin 1 au următoarea funcție de transfer:

$$H(s) = \frac{K}{Ts + 1}$$

Parametrii care trebuie identificați sunt:

- factorul de proporționalitate (K)
- constanta de timp (T[sec]).

Factorul de proporționalitate este dat de raportul dintre ieșire și intrare în regim staționar, în condiții inițiale nule. Deoarece, în general, treapta nu este ideală iar condițiile inițiale nu sunt nule, formula factorului de proporționalitate in regim staționar și cu prezența zgomotului de măsură este :

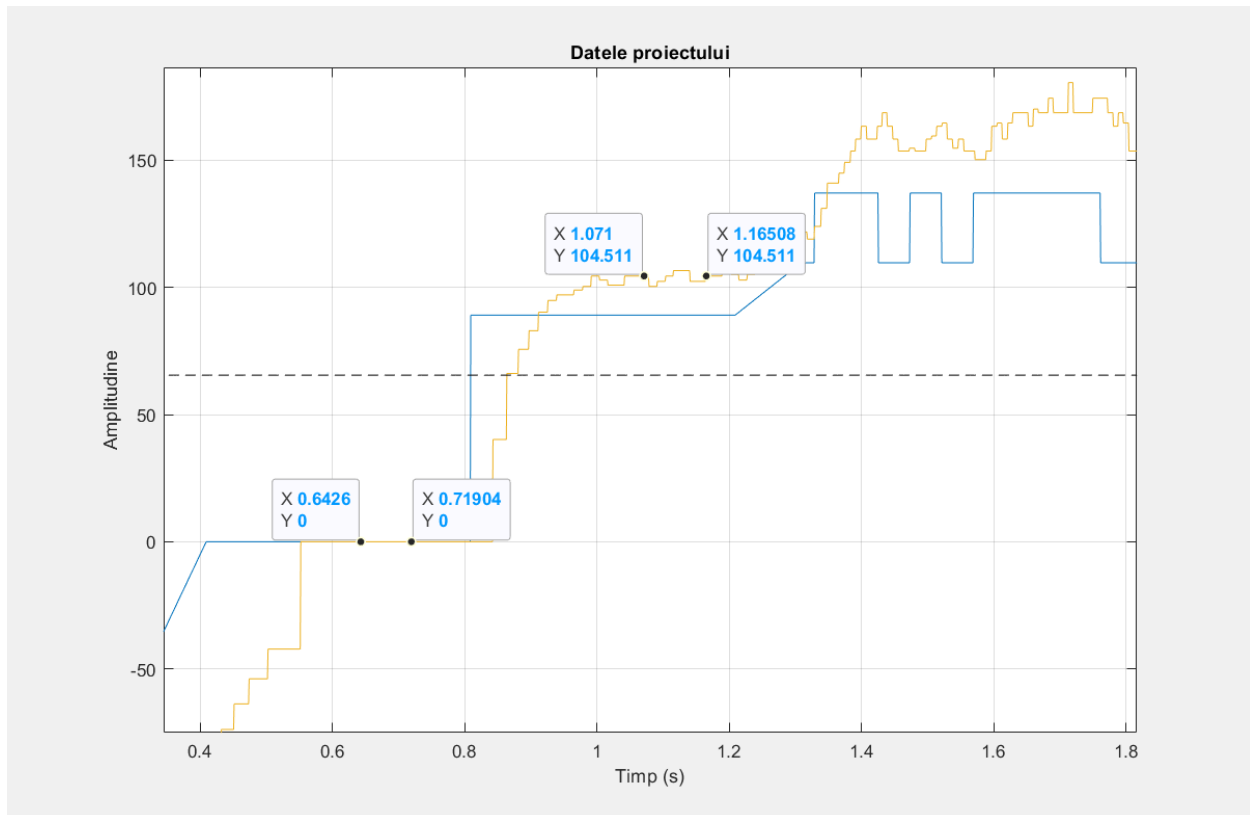
$$K = \frac{\overline{y_{st}} - \overline{y_0}}{\overline{u_{st}} - \overline{u_0}},$$

unde fiecare termen din formula precedentă reprezintă o valoare medie luată pe un interval adecvat de timp.

Punctele respective reprezintă regimul de intrare si ieșire al regimul staționar. Deoarece condițiile inițiale sunt nule, pot folosi următoarea formula:

$$K = \frac{y_{st}}{u_{st}},$$

unde punctele in regim staționar sunt valoarea medie pe un interval de timp.



Codul Matlab:

```

26 i1=750
27 i2=879
28 i3=1263
29 i4=1373
30 i5=963
31 i6=1029
32 yst=mean(y(i3:i4))
33 ust=mean(u(i3:i4))
34 y0=mean(y(i1:i2))
35 u0=mean(u(i1:i2))
36 k=(yst)/(ust)

```

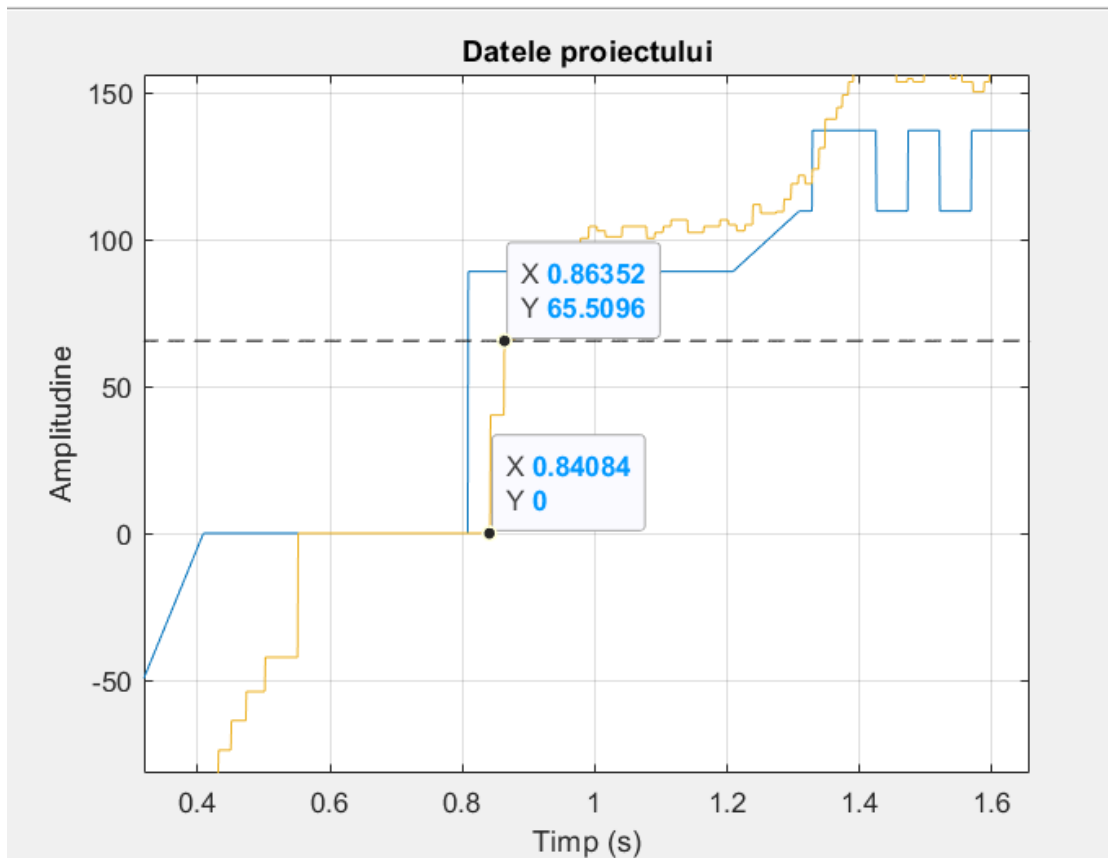
Din calcule rezultă : K=233.24 fiind factorul de proporționalitate in regim staționar.

Pentru determinarea constantei de timp  $T$  a sistemului avem nevoie să trasăm dreapta de 63% din valoarea diferenței dintre cele 2 paliere staționare ale ieșirii cu formula:

$$y(T) = 0.63 \times (\bar{y}_{st} - \bar{y}_0) + \bar{y}_0 \equiv \bar{y}_{63}$$

Dupa trasarea valorii  $y_{63}$  ca o dreaptă pe graficul de date trebuie sa luam 2 puncte :

- primul de la momentul răspunsului treptei
- al doilea de la intersecția dreptei  $y_{63}$  cu semnalul de ieșire



Constata de timp este de data de raportul de timp dintre momentul intersecției dreptei  $y_{63}$  respectiv momentul declanșării treptei.

Codul matlab:

```

36     i5=1003
37     i6=1029
38     y63=0.63*(yst-y0)+y0
39     hold on
40     plot(t,y63*ones(1,length(t)),'black','LineStyle','--')
41     T=t(i6)-t(i5)

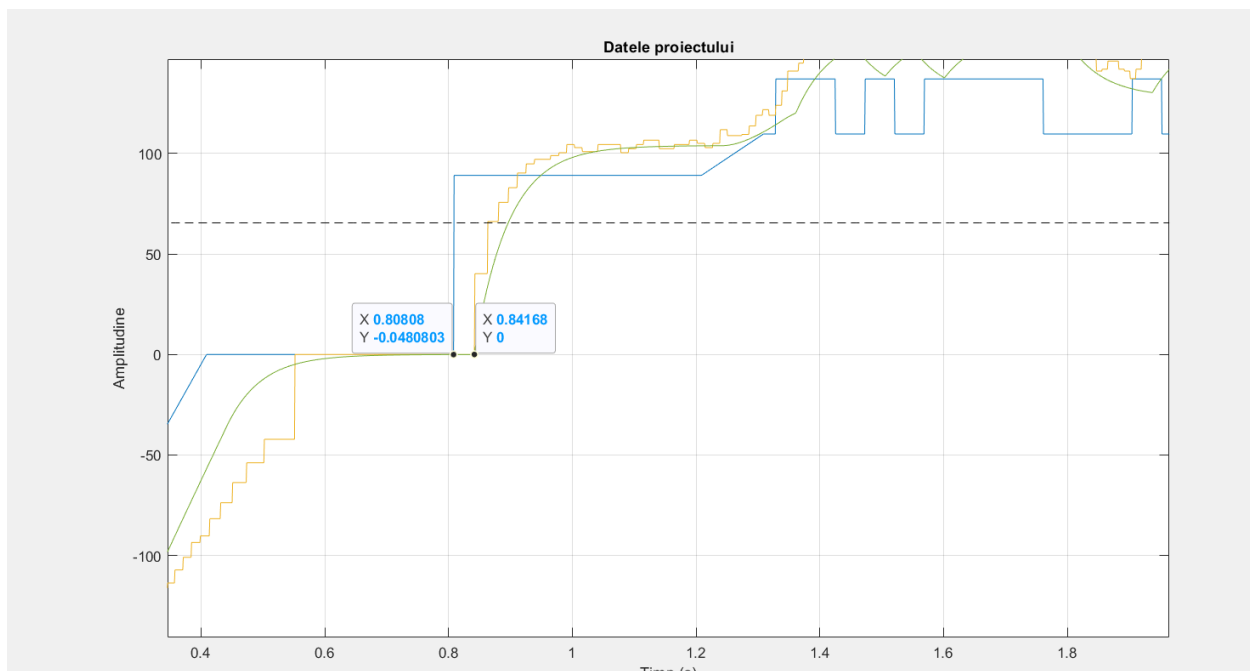
```

y63=65.5

T=0.0218s=21ms

Fiind o identificare reală a unui motor, sistemul are în componența sa și un timp mort.

Pentru identificarea timpului mort, efectuăm scăderea la momentul în care este dată treapta și momentul răspunsului ieșirii vitezei.

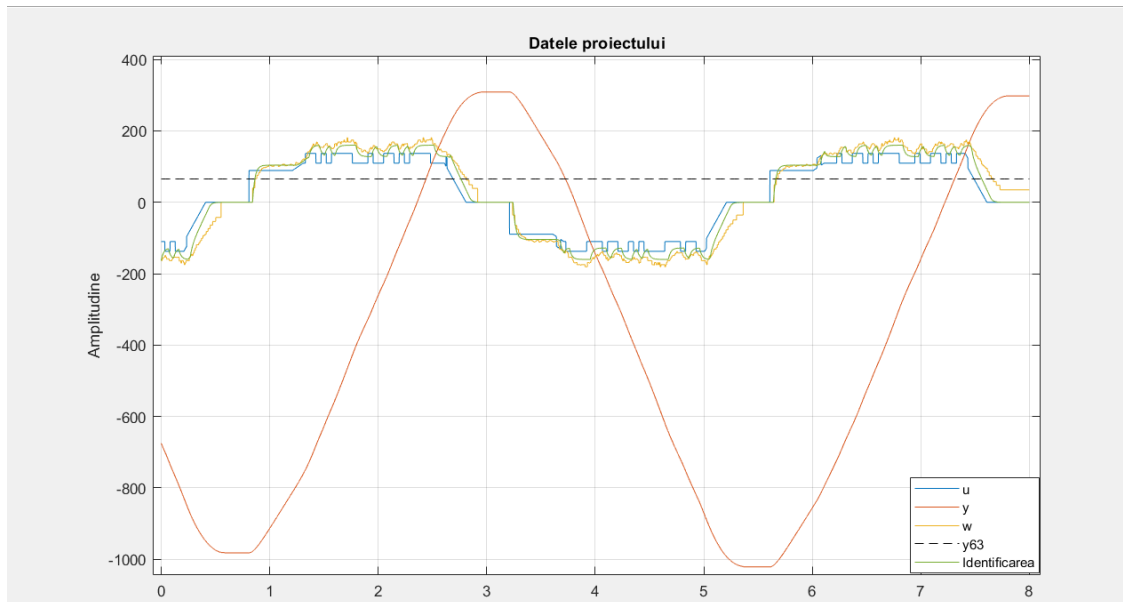


Functia de transfer obținută prin metoda neparametrică de la intrare la viteză este:

$$\frac{233.3}{0.2184s + 1} e^{-0.0328}$$

Validarea funcției de transfer de la u la w se face cu spațiul stărilor pentru funcția de ordinul 1. Am luat în considerare și timpul mort și l-am introdus în intrare.

$$A = \begin{bmatrix} -1 \\ T \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} K \\ T \end{bmatrix}, C = 1, D = 0$$



Eroarea (MPN) pentru modelul intrare → viteză este : 15.76%

## Determinarea și validarea funcției de transfer de la w la y

Funcția de transfer va fi:

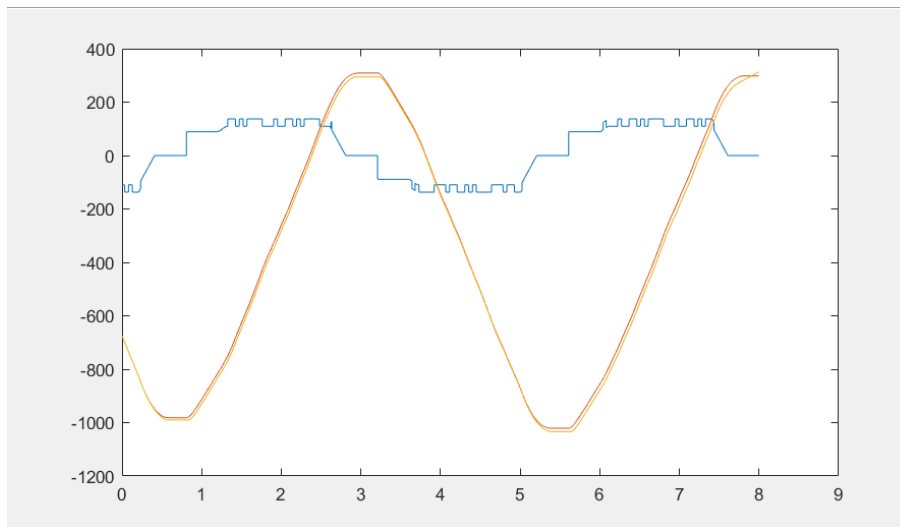
$$H_y = \frac{K_y}{s}$$

Pentru a determina  $K_y$ , avem formula  $K_y = \frac{\Delta y}{\Delta t \cdot \bar{w}}$ , unde  $\Delta y$  este valoarea staționară a vitezei,  $\Delta t$  este diferența între cei 2 indici de timp aleși pentru valorile staționare iar  $\bar{w}$  este viteza medie în staționar.



Spatiul starilor

$A=[0]$ ,  $B=[K_y=4.6261]$ ,  $C=[1]$ ,  $D=[0]$



Modelul identificat la pozitie

Eroarea rezultata in urma identificarii de la viteza la pozitie: 5.05%

$$K_y = \frac{4.626}{s}$$

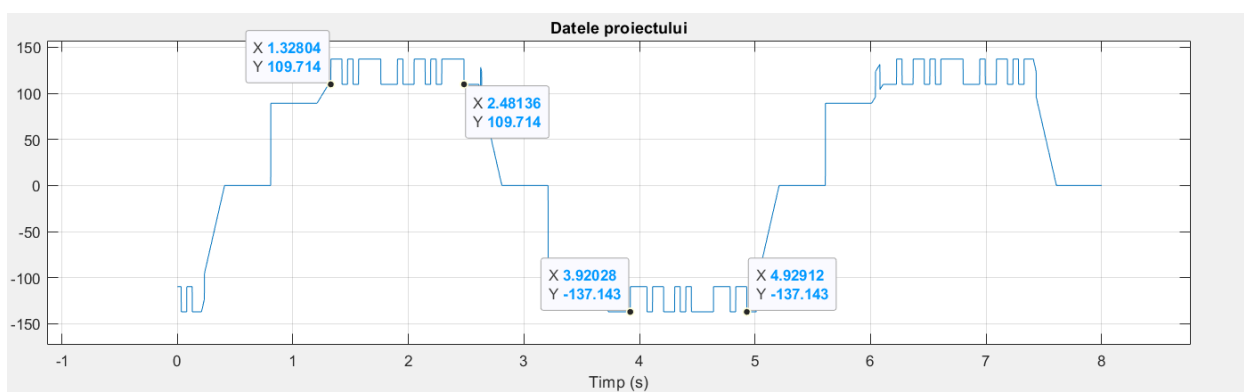
In cele din urma functia de transfer de la intrare la viteza este:

$$\frac{4.626}{s} \times \frac{233.3}{0.2184s + 1} e^{-0.0328}$$

## Partea a 2-a

# Metoda parametrică de identificare a sistemului

Pentru această parte vom folosi Spab-ul de pe alternanța pozitivă pentru identificare și Spab-ul de pe alternanța negativă pentru validare.



Perioada de eșantionare  $T_e = 0.84\text{ms}$ , fiind calculată ca diferența dintre 2 unități de timp consecutive.

Pentru crearea datelor de validare și identificare trebuie să folosim funcția `iddata`.

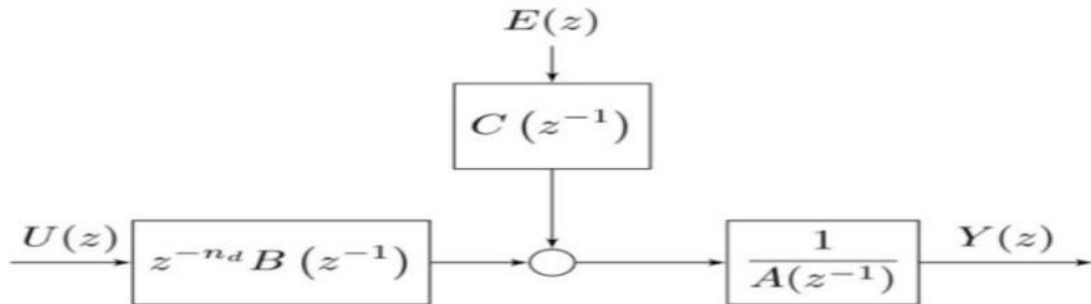
Am nevoie de 2 tipuri de date de tipul `iddata`, unul modelat cu ieșirea  $w$  (viteza), intrarea  $u$  (fac. de umplere) și  $T_e$  (perioada de eșantionare) și cel de al doilea modelat cu  $y$  (poziția), intrarea  $u$  și  $T_e$ .

Codul Matlab:

```
58 %  
59 i9=1582  
60 i10=2955  
61 i11=4666  
62 i12=5869  
63 Te=t(2)-t(1)  
64 data_id=iddata(w(i9:i10),u(i9:i10),Te)  
65 data_vd=iddata(w(i11:i12),u(i11:i12),Te)  
66  
67 data_id_p=iddata(y(i9:i10),u(i9:i10))  
68 data_vd_p=iddata(y(i11:i12),u(i11:i12))  
69
```

# Metoda celor mai mici pătrate recursivă(ARMAX)

Schema bloc a modelului:



Modelul discret de tip process+perturbație corespunzător metodei

ARMAX este:

$$A(z^{-1})Y(z) = z^{-n_d}B(z^{-1})U(z) + C(z^{-1})E(z),$$

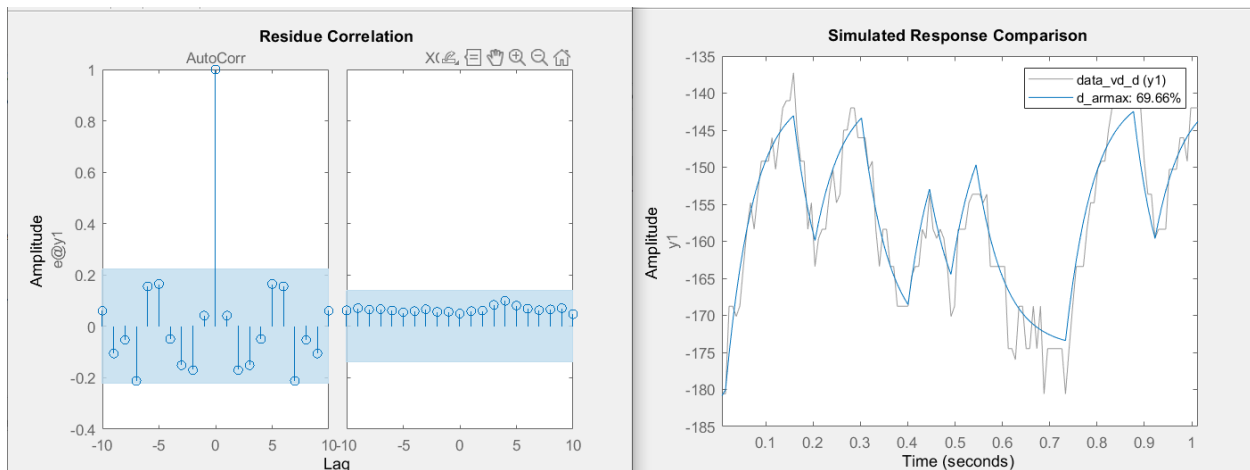
Identificarea constă în estimarea coeficienților polinoamelor  $A$ ,  $B$ , și  $C$ . Parametrii de structură ai sistemului sunt:  $n_A = \deg A$ ,  $n_B = \deg B$ ,  $n_C = \deg C$ , respectiv  $n_d$  numărul tactilor de întârziere.

Pentru identificarea intrare-viteza cu decimare

```

30 %% ARMAX cu decimare ptr intrare-viteza
31 d_armax=armax(data_id_d,[1,1,1,1])
32
33 figure
34 resid(data_vd_d,d_armax,10)
35
36 figure
37 compare(data_vd_d,d_armax)
38
39 Hyu = tf(d_armax.B, d_armax.A, 9*Te, 'variable', 'z^-1')
40 Hyu_c = d2c(Hyu, 'zoh')
41
42

```



Se observă ca testul de autocorelație este trecut si gradul de suprapunere obținut prin compararea răspunului sistemului cu datele măsurate este de 69.66%(destul de bineșor).

Funcția de transfer obținuta in discret

$$H_{yu} = \frac{3.64 \cdot z^{-1}}{1 - 0.8795z^{-1}}$$

Funcția de transfer obținută in continuu

$$H_{yu} = \frac{4318}{s + 16.98}$$

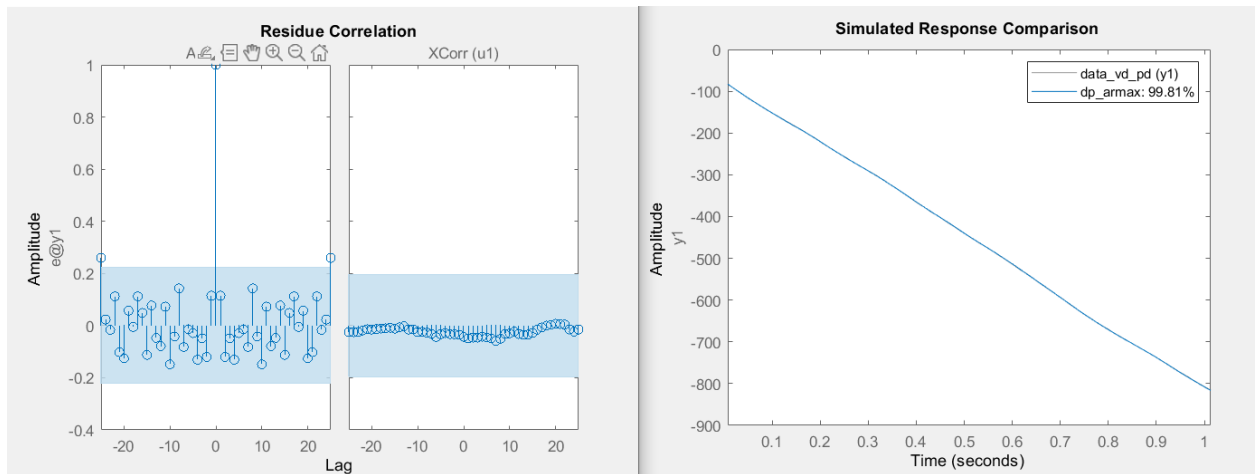
$$\underline{\text{Empn}=12.09\%}$$

## Identificarea sistemului Viteza-Pozitie cu decimare

```

18 %% armax viteza - pozitie cu decimare
19 close all
20 dp_armax=armax(data_id_pd,[1,1,1,0])
21 figure
22 resid(data_vd_pd,dp_armax)
23 figure
24 compare(data_vd_pd,dp_armax)
25 Hwu = tf(dp_armax.B, dp_armax.A, 9*Te, 'variable', 'z^-1')
26 Ki = dp_armax.B/0.00756; % Perioada de achizitie
27 Hwu_c = tf(Ki, [1 0])
28
29

```



Pentru identificare viteza-pozitie observam ca testul de autocorelatie este trecut deci putem sa-l luam ca si test valid.

Deoarece are loc o normalizare la aria impulsului, rezulta  $K_i = B/Te$  unde  $Te$  este perioada de achizitie, ie = 0.00756 .Deducem astfel, functia de transfer in continuu:

Functia de transfer in discret :

$$H_{wy} = \frac{0.03511 z^{-1}}{1 - z^{-1}}$$

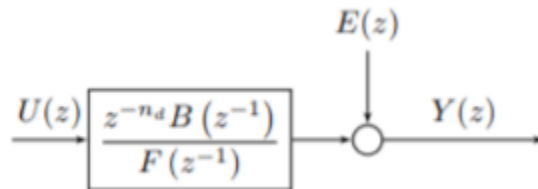
Functia de transfer in continuu:

$$H_{wy} = \frac{4.644}{s}$$

Empr=3.55%

# Metoda erorii de ieșire

Schema bloc al acestui model este:



Modelul discret de tip proces+perturbație corespunzător metodei OE este:

$$Y(z) = \frac{z^{-n_d} B(z^{-1})}{F(z^{-1})} U(z) + E(z)$$

Pentru identificarea modelului avem:

`Nume_oe=oe(data,[nB, nF, nk])`

$n_B$ -gradul polinomului B

$n_F$ -gradul polinomului F

$n_k$  -timp mort

Un sistem identificat folosind metoda OE trebuie validat prin intercorelație.

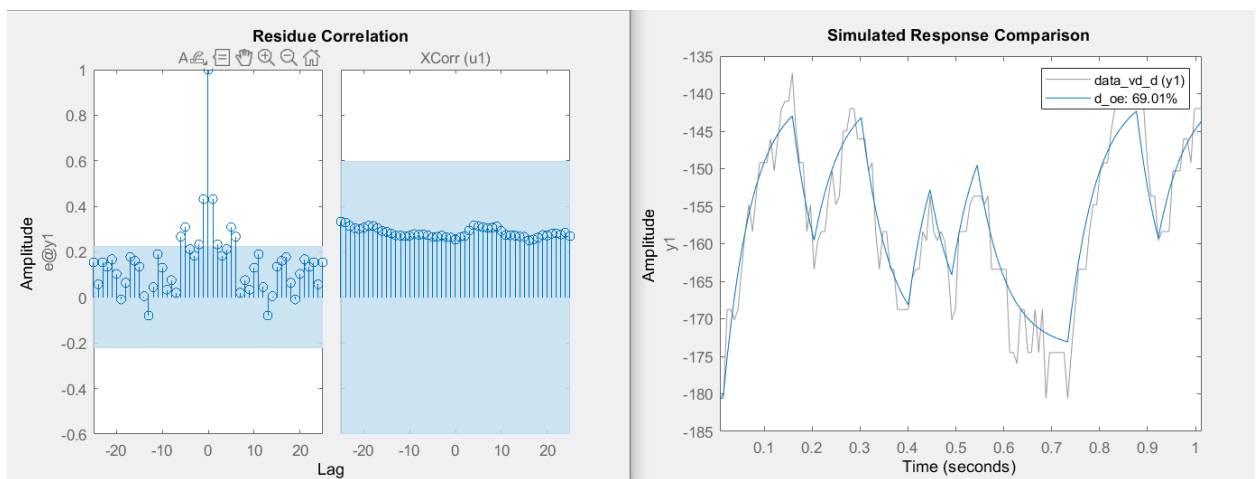
În MATLAB se poate face identificarea folosind rutina `oe`, care primește la intrare un obiect de tip `iddata` și parametrii de structură `[nB, nF, nd]` și returnează un obiect de tip `idpoly` care conține modelul matematic al sistemului.

## Identificare intrare-viteza

```

66 % OE decimare intrare-viteza
67 d_oe=oe(data_id_d,[1,1,1])%% ultimul e 0 deoarece nu este tact de intarziere
68
69 figure
70 resid(data_vd_d,d_oe)
71
72 |
73 figure
74 compare(data_vd_d,d_oe)
75
76 Hyu = tf(d_oe.B, d_oe.F, 9*Te, 'variable', 'z^-1')
77 Hyu_c = d2c(Hyu, 'zoh')
78
79

```



Funcția de transfer în discret

$$H_{uw} = \frac{30.18 z^{-1}}{1 - 0.881z^{-1}}$$

Funcția de transfer în continuu:

$$H(s) = \frac{4250}{s + 16.74}$$

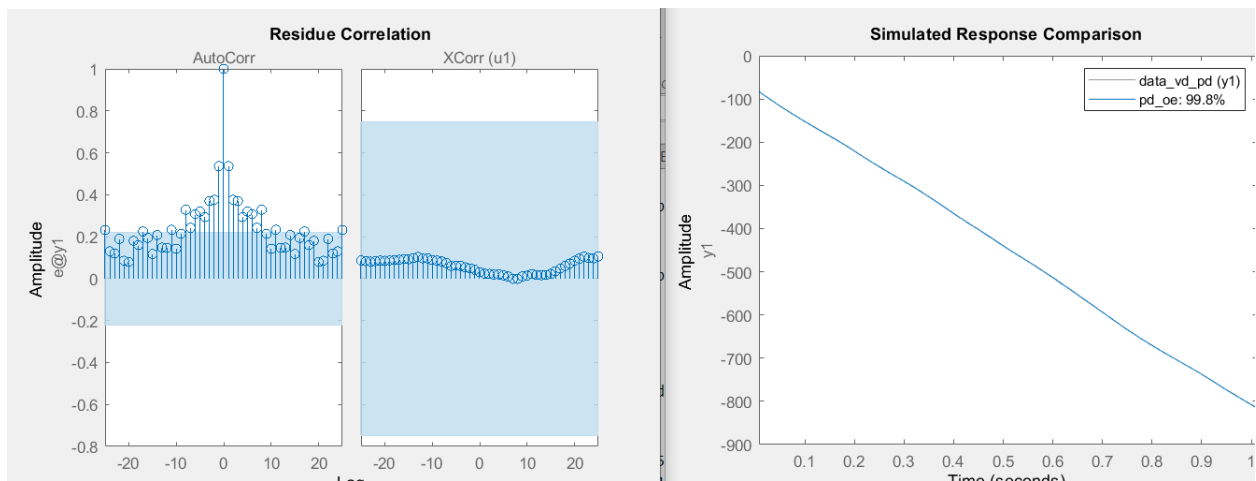
Empn=12.09%



```

49 %% OE cu decimare viteza->pozitie
50
51 pd_oe=oe(data_id_pd,[1,1,0])%% ultimul e 0 deoarece nu este tact de intarzier
52
53 figure
54 resid(data_vd_pd,pd_oe)
55
56
57 figure
58
59 compare(data_vd_pd,pd_oe)
60
61 Hwy = tf(pd_oe.B, pd_oe.F, 9*Te, 'variable', 'z^-1')
62 Kwy=pd_oe.B/0.00756
63 Hwy_c=tf(Kwy,[1 0])
64 %Hwy_c = d2c(Hwy, 'zoh')

```



Funcția de transfer în discret:

$$H_{wy} = \frac{0.03509}{1 - z^{-1}}$$

Funcția de transfer în continuu:

$$H(s) = \frac{4.642}{s}$$

Empn=3.57%

## Concluzie

In urma concluziilor, putem afirma ca functia de transfer determinata prin metoda parametrica este cea mai solida din urmatoarele considerente:

Identificarea se face intr-o portiune de viteza mare, motorul BLDC nefiind conceput s-a lucreze la viteze reduse (identificare treapta);

Erorile sunt mai mici

In cazul unei identificari neparametrice pot aparea erori de precizie, de vreme ce metodele parametrice folosite in MATLAB au o siguranta mare.