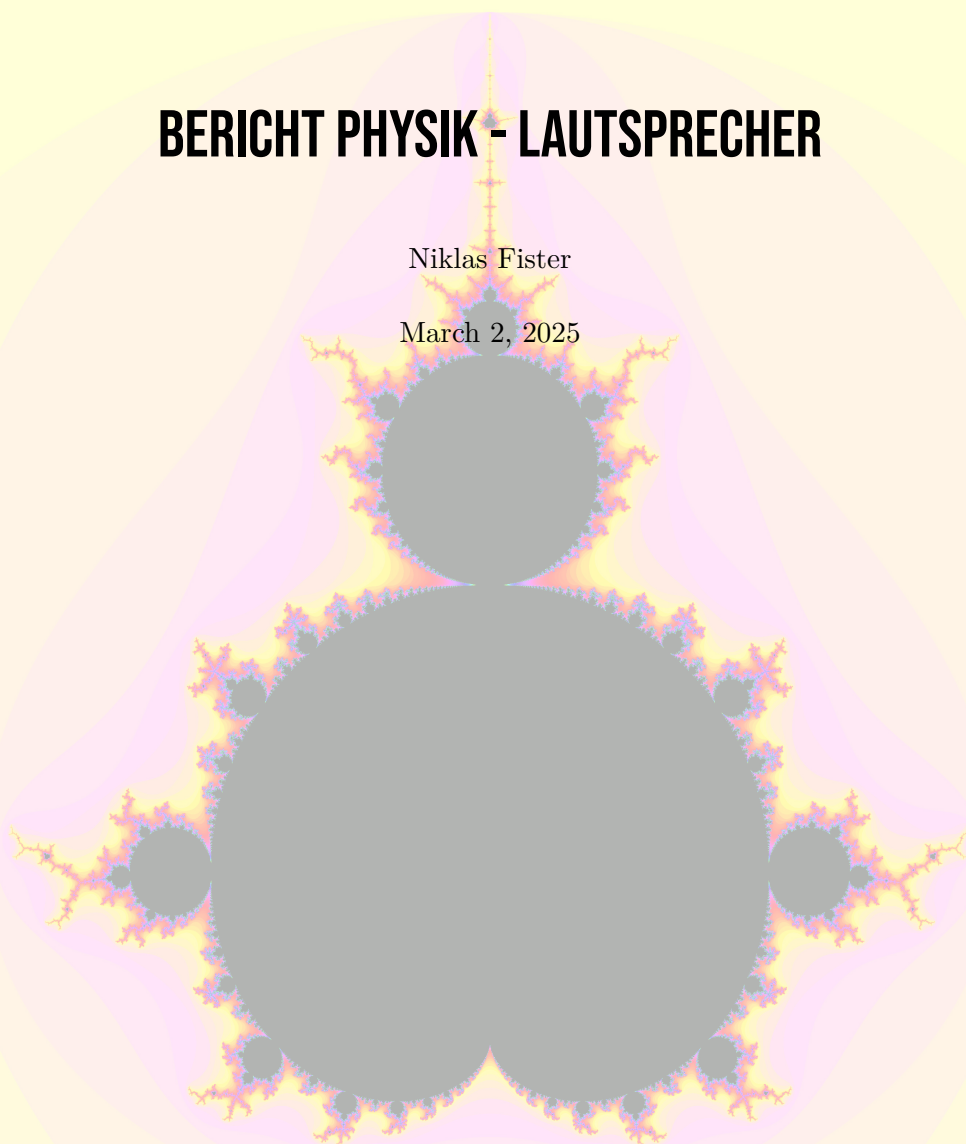


# BERICHT PHYSIK - LAUTSPRECHER

Niklas Fister

March 2, 2025



# TEIL I

# ANALYSIS

# 1 GRAPHISCHER ZUSAMMENHANG DER ANALYSIS

## 1.1 Bedeutung der Ableitung

Die Ableitung ist die Funktion, welche die Steigung einer anderen Funktion an einem bestimmten Wert für  $x$  angibt.

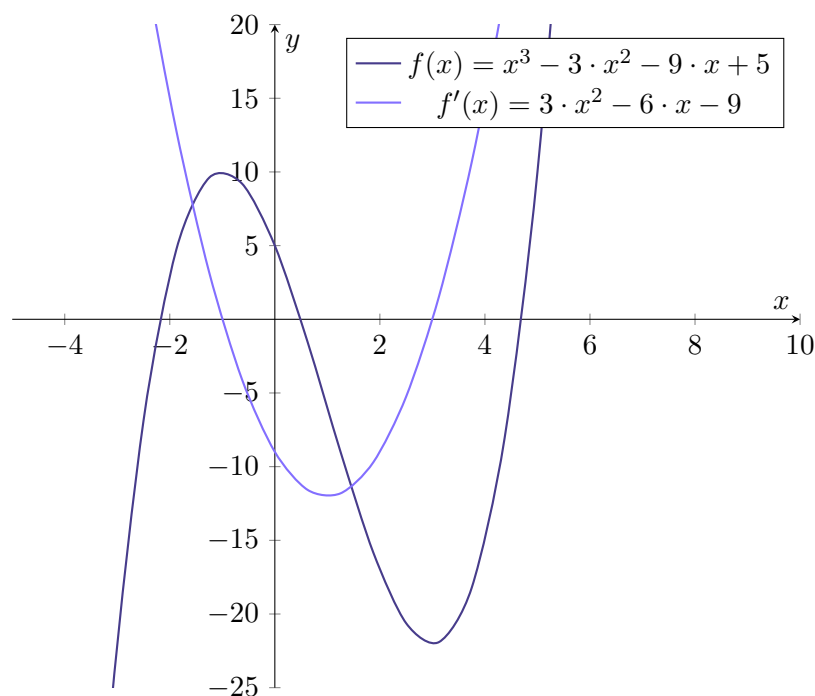
Es lässt sich somit an dem  $y$ -Wert der abgeleiteten Funktion die Steigung graphisch, sowie auch numerisch bestimmen.

Um dies algebraisch zu bestimmen verwendet man den Limes:

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} \quad (1.1)$$

Diese Formel ist nichts weiteres als das vorhin erwähnte  $\frac{\Delta y}{\Delta x}$ , jedoch wurde hier die Funktion eingesetzt.

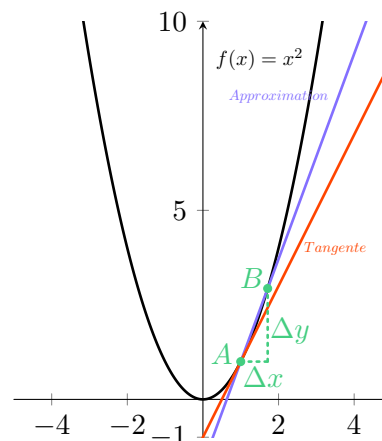
Man nimmt einen Punkt  $x$ , sowieso den um  $h$  vergrößerten und erhält damit die Formel. Durch den Limes wird der Abstand  $h$  0 angenähert und somit erhält man die Tangente.



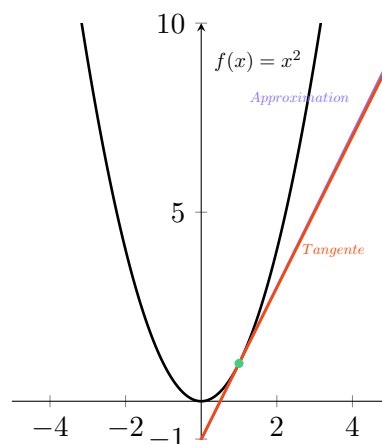
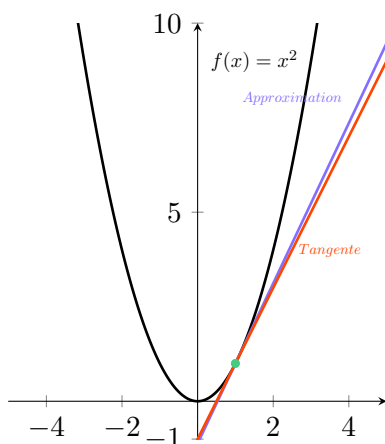
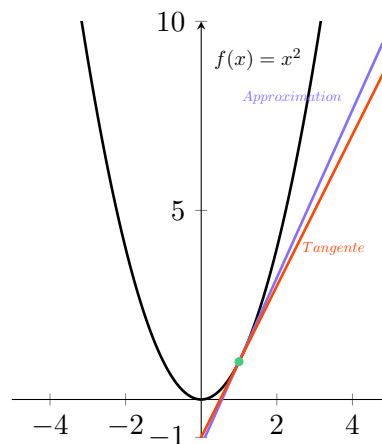
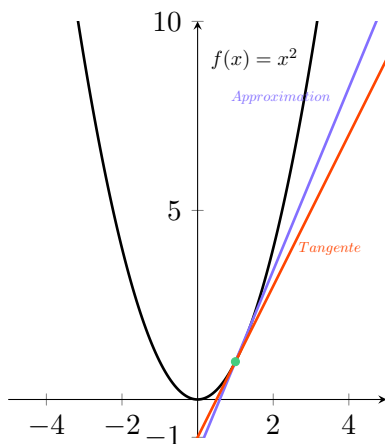
Dies lässt sich in dieser Grafik gut erkennen. Die abgeleitete Funktion  $f'(x)$  gibt die Steigung der Funktion  $f(x)$  an.

## 1.2 Graphische Darstellung des Differential

Um das Differential zu erhalten, versucht man die Funktion einer Tangente an der Stelle anzunähern. Um eine Annäherung zu erhalten rechnet man  $\frac{\Delta x}{\Delta y}$ . Ziel ist es dabei das  $\Delta x$  gegen 0 zu nähern. Wenn es unendlich klein wird, erhält man die tatsächliche Tangente.



In einzelnen Etappen darstellt sieht das folgendermassen aus:

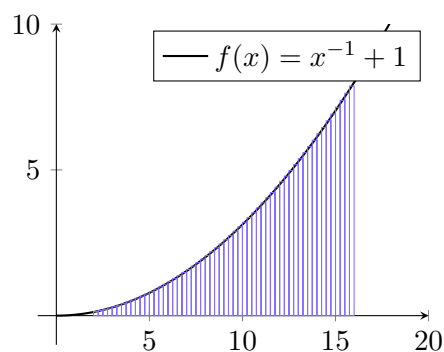
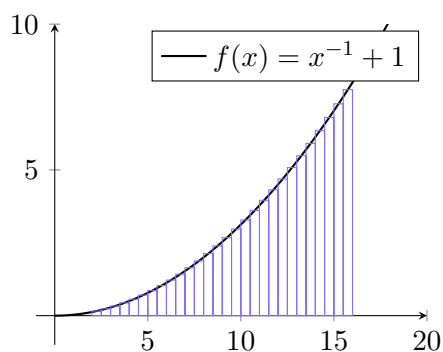
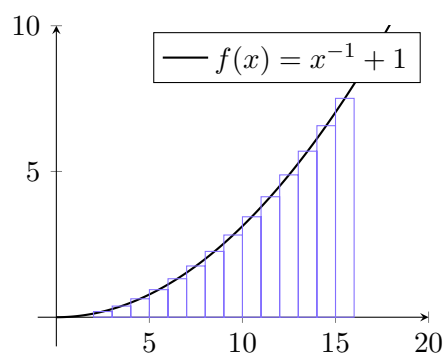
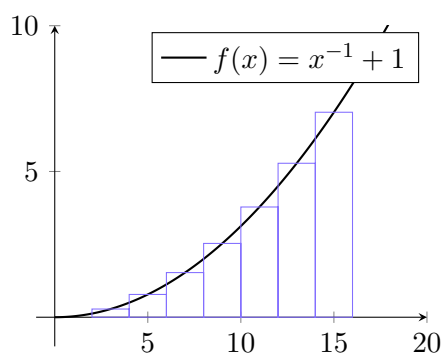
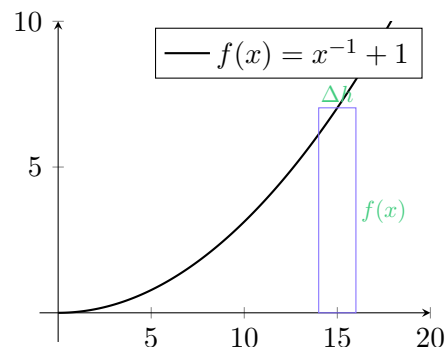


Es ist klar eine tendenz zu sehen, dass sich die Geraden immer mehr annähern. Wenn durch den Limes nun dieser Abstand unendlich klein wird, konvergieren diese Geraden und werden zu einer.

### 1.3 Graphische Darstellung des Integral

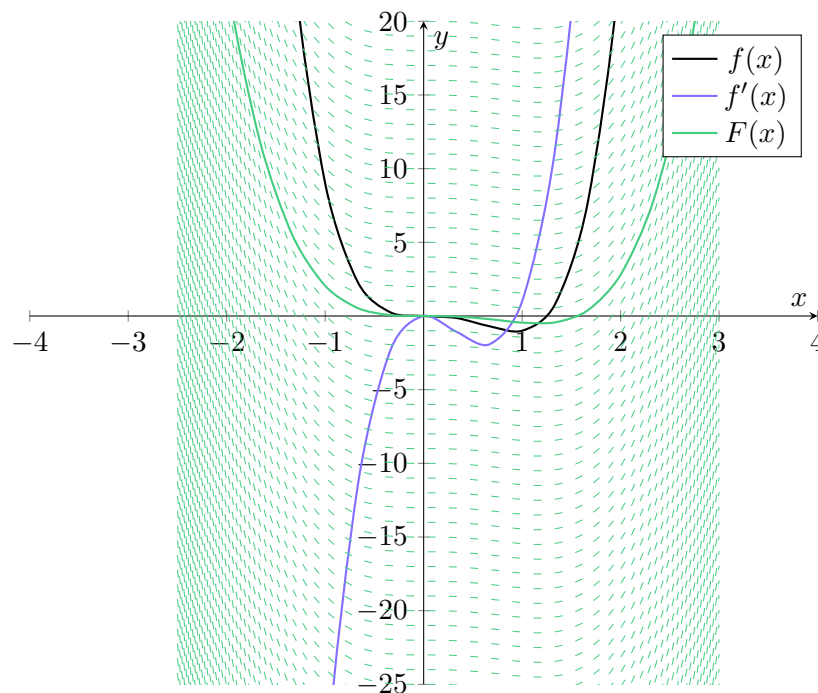
Die Herangehensweise um den Integral zu bestimmen ist folgender, dass man die Fläche unter der Funktion in Quadrate unterteilt, von welchen man die Fläche einfach berechnen kann.

Da mit grossem  $\Delta h$  die Fläche ungenau ist, nähert man dies 0 an, um sich der tatsächlichen Fläche unter der Kurve anzunähern.



Bei dem letzten Beispiel sieht man schon eine klare Annäherung an die tatsächliche Fläche, welche durch das Integral zu berechnen gilt.

## 1.4 Graphischer Zusammenhang der Beiden



Anhand dieses Graphen lässt sich der Graphische Zusammenhang der Funktion, ihrer Ableitung und ihrer Stammfunktion gut erklären.

Die Funktion  $f'(x)$  hat an jeder Stelle  $x$  den Wert der Steigung der Funktion  $x$ . Anfangs hat  $f(x)$  eine negative Steigung und somit sind die Werte der Ableitung ebenfalls negative. Sobald die Funktion jedoch wieder eine positive Steigung hat, sind auch die Werte der Ableitung im positiven. Dies ist immer so zu erkennen.

Die Stammfunktion  $F(x)$  gibt die Fläche unter dem Graphen an und ist die Gegenfunktion der Ableitung. Der Wert der Funktion  $f(x)$  gibt zu jedem Punkt die Steigung der Stammfunktion vor. Da diese Steigung überall für eine Punkt  $x$  auf der  $y$ -Achse identisch ist, muss man ein  $+C$  addieren. Daraus resultieren die gestrichelten Graphen und man erhält ein Richtungsfeld. Zwischen den gestrichelten Linien gibt es noch viele weitere Funktionen, denn man kann den Wert für  $C$  beliebig wählen  $\rightarrow C \in \mathbb{R}$ .