

13. Yukarı $q = +2 \mu C$ ile ve kütlesi $m = 0,010 \text{ kg}$ olan bir parçacık zekirdeki gibi $L = 1,5 \text{ m}$ uzunluğundaki ipe bağlanmıştır ve ipin diğre ucu P noktasındaki eksenle tutturulmuştur. Parçacık, ipe eksen yatay durumundaki masa üstündedir. Parçacığın ipi $E = 300 \text{ V/m}$ büyüklüğündeki durgun elektrik alanı $\theta = 60^\circ$ ile ağı yatığı zaman parçacık durgun halde bulunduğunda ipin elektrik alanı noktası olan zaman parçacığın hızını bulunuz.

Kaytışada P noktasındaki $V = 0$ olsun. O zaman yukarıdaki konumundaki potansiyeli $-\vec{E} \cdot \vec{s} = -EL \cos \theta$ olur. Son noktasında $V = -EL$ olur. Masa sürtünmesiz farz edilerek

$$(K+U)_i = (K+U)_f$$

$$0 = qEL \cos \theta = \frac{1}{2} mv^2 - qEL$$

$$v = \sqrt{\frac{2qEL(1 - \cos \theta)}{m}} = \sqrt{\frac{2(2 \times 10^{-6})(300 \text{ N/C})(1.5 \text{ m})(1 - \cos 60^\circ)}{0,010 \text{ kg}}} \\ = 0,0300 \text{ m/s}$$

14. Boyca yukarı yukarı $\lambda = 40 \mu C$ ve boyca kütlesi yukarı $\mu = 0,100 \text{ kg/m}$ olan yalıtılmış bir ağıbın kenarına diğde durgunlukta $E = 100 \text{ V/m}$ ile durgun bir elektrik alan içinde iğde hızla hareket edebilir bulunduğur.

(a) 2 m hareket ettikten sonra ağıbın hızını bulunuz.

(b) Elektrik alan ağıba diğde durgunlukta

(c) ağıbın yarıtlı hızla durgunlukta

Berleğin noktasında $V = 0$ dan L ağıba boyca diğde durgunlukta mesafe denkleme $V = -E \cdot d$ $U = -\lambda L E d$ yazılabilir.

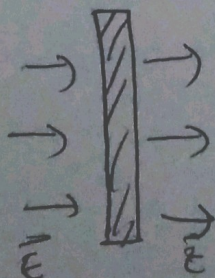
$$(a) (K+U)_i = (K+U)_f$$

$$0 + 0 = \frac{1}{2} \mu L v^2 - \lambda L E d$$

$$v = \sqrt{\frac{2\lambda E d}{\mu}} = \sqrt{\frac{2(40 \times 10^{-6} \text{ C/m})(100 \text{ N/C})(2 \text{ m})}{0,100 \text{ kg/m}}}$$

$$= 0,400 \text{ m/s}$$

b) Aynı olur.



3. x eksenine paralel hareket eden bir elektronun başlangıç hızı $3,7 \times 10^6$ m/s'dir. Elektronun hızı, $x=2$ cm'de azalarak $1,4 \times 10^5$ m/s değerini alıyor. $x=2$ cm noktası ile başlangıç arasındaki potansiyel farkı hesaplayınız. Hangi noktada daha yüksek potansiyeldedir? $m_e = 9,11 \times 10^{-31}$ kg $q_e = -1,6 \times 10^{-19}$ C

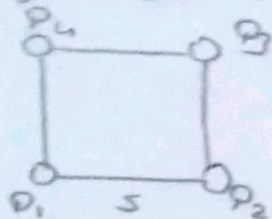
$$\Delta U = -\frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = -\frac{1}{2} (9,11 \times 10^{-31} \text{ kg}) [(1,4 \times 10^5 \text{ m/s})^2 - (3,7 \times 10^6 \text{ m/s})^2]$$

$$\Delta U = 6,23 \times 10^{-18} \text{ J}$$

$$\Delta U = q \Delta V \quad +6,23 \times 10^{-18} \text{ J} = (-1,6 \times 10^{-19}) \Delta V \quad \Delta V = -38,9 \text{ V}$$

Orjin daha yüksek potansiyeldedir.

Soru 23 Bir kare, 3 adet bir kareye 9 büyüklüğünde birer yüke sahiptir. Bir $5 \mu\text{C}$ yükü $\frac{Q^2}{5}$ kadar bir Q yüküne getirdiğini gösteriniz.



$$U = U_1 + U_2 + U_3 + U_4$$

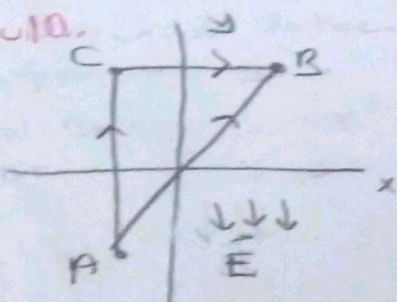
$$= 0 + U_2 + (U_3 + U_{22}) + (U_4 + U_{24} + U_{34})$$

$$= 0 + k \frac{Q^2}{s} + k \frac{Q^2}{s} \left(1 + \frac{1}{\sqrt{2}}\right) + k \frac{Q^2}{s} \left(1 + 1 + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$$

$$= k \frac{Q^2}{s} \left(1 + 1 + \frac{1}{\sqrt{2}} + 2 + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$$

$$= k \frac{Q^2}{s} 5,41$$

Soru 10.



Soruda verilen elektrik alan negatif y eksenine doğrultusunda ve 325 V/m büyüklüğündedir. A noktasının koordinatları $(0,2, -0,8)$ m dir. B noktasının koordinatları $(0,4, 0,5)$ m dir. Mali çizileri kullanarak $V_B - V_A$ potansiyel farkını hesaplayınız.

$$V_B - V_A = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{s} = -\int_A^C \vec{E} \cdot d\vec{s} - \int_C^B \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

$$V_B - V_A = (-E \cos 180^\circ) \int_{-0,3}^{0,5} dy + (-E \cos 90^\circ) \int_{-0,2}^{0,4} dx = (325) \cdot (10,8) = 260 \text{ V}$$

$$\Delta V = E \cdot d = (325 \text{ V/m}) (10,8 \text{ m}) = 260 \text{ V} \quad B \text{ daha yüksek potansiyel}$$

Soru 37. $V = 5x - 3x^2y + 2yz$ olarak veriliyor. Bu bölgede elektrik alanın x, y, z bileşenlerine ait ifadeleri bulunuz. Koordinatları metre cinsinden verilen $(1,0, -2)$ olarak verilen P noktasındaki elektrik alan büyüklüğü ne kadardır?

$$E_x = -\frac{\partial V}{\partial x} = -\frac{\partial}{\partial x} (5x - 3x^2y + 2yz) = -5 + 6xy = -5 + 6(1)(-2) = -17 \text{ V/m}$$

$$x=1, y=0, z=-2 \quad E_y = -\frac{\partial V}{\partial y} = -\frac{\partial}{\partial y} (5x - 3x^2y + 2yz) = -3x^2 + 2z = -3(1)^2 + 2(-2) = -7 \text{ V/m}$$

$$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} = -\frac{\partial}{\partial z} (5x - 3x^2y + 2yz) = -2y = -2(0) = 0$$

$$\vec{E} = (-17\hat{x} - 7\hat{y}) \text{ N}$$