Tensorflow 笔记: 第四讲

神经网络优化

4. 1

 $\sqrt{$ 神经元模型:用数学公式表示为: $\mathbf{f}(\sum_i x_i w_i + \mathbf{b})$,f 为激活函数。神经网络是以神经元为基本单元构成的。

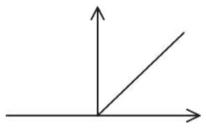
√激活函数:引入非线性激活因素,提高模型的表达力。

常用的激活函数有 relu、sigmoid、tanh 等。

① 激活函数 relu: 在 Tensorflow 中, 用 tf.nn.relu()表示

$$f(x) = \max(x, 0)$$
$$= \begin{cases} 0 & x <= 0 \\ x & x >= 0 \end{cases}$$

relu()数学表达式

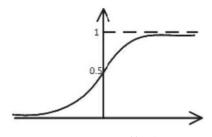


relu()数学图形

② 激活函数 sigmoid: 在 Tensorflow 中,用 tf.nn.sigmoid()表示

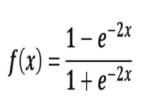
$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

sigmoid ()数学表达式

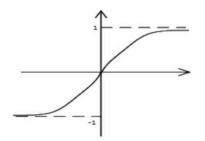


sigmoid()数学图形

③ 激活函数 tanh: 在 Tensorflow 中,用 tf.nn. tanh()表示



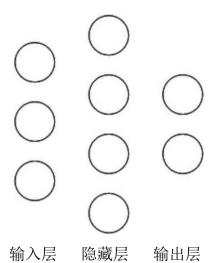
tanh()数学表达式



tanh()数学图形

√神经网络的复杂度:可用神经网络的层数和神经网络中待优化参数个数表示 √神经网路的层数: -般不计入输入层,层数 = n 个隐藏层 + 1 个输出层

√神经网路待优化的参数: 神经网络中所有参数 w 的个数 + 所有参数 b 的个数 例如:



在该神经网络中,包含1个输入层、1个隐藏层和1个输出层,该神经网络的层数为2层。

在该神经网络中,参数的个数是所有参数 w 的个数加上所有参数 b 的总数,第一层参数用三行四列的二阶张量表示(即 12 个线上的权重 w)再加上 4 个偏置 b,第二层参数是四行两列的二阶张量()即 8 个线上的权重 w)再加上 2 个偏置 b。总参数 = 3*4+4 + 4*2+2 = 26。

√损失函数 (loss):用来表示预测值 (y) 与已知答案 (y_) 的差距。在训练神经网络时,通过不断改变神经网络中所有参数,使损失函数不断减小,从而训练出更高准确率的神经网络模型。

√常用的损失函数有均方误差、自定义和交叉熵等。

√均方误差 mse: n 个样本的预测值 y 与已知答案 y_之差的平方和,再求平均值。

MSE
$$(y_{-}, y) = \frac{\sum_{i=1}^{n} (y-y_{-})^{2}}{n}$$

在 Tensorflow 中用 loss_mse = tf.reduce_mean(tf.square(y_ - y))

例如:

预测酸奶日销量 y, x1 和 x2 是影响日销量的两个因素。

应提前采集的数据有:一段时间内,每日的 x1 因素、x2 因素和销量 y。采集的数据尽量多。

在本例中用销量预测产量,最优的产量应该等于销量。由于目前没有数据集,所以拟造了一套数据集。利用 Tensorflow 中函数随机生成 x1、 x2,制造标准答案 $y_{-}=x1+x2$,为了更真实,求和后还加了正负 0.05 的随机噪声。

我们把这套自制的数据集喂入神经网络,构建一个一层的神经网络,拟合预测酸奶日销量的函数。

代码如下:

```
1 #coding:utf-8
2 #预测多或预测少的影响一样
3 #0导入模块,生成数据集
4 import tensorflow as tf
5 import numpy as np
6 BATCH SIZE = 8
7 \text{ SEED} = 23455
8
9 rdm = np.random.RandomState(SEED)
10 X = rdm.rand(32,2)
11 Y = [[x1+x2+(rdm.rand()/10.0-0.05)] for (x1, x2) in X]
12
13 #1定义神经网络的输入、参数和输出,定义前向传播过程。
14 x = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 2))
15 y = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 1))
16 wl= tf.Variable(tf.random normal([2, 1], stddev=1, seed=1))
17 y = tf.matmul(x, w1)
18
19 #2定义损失函数及反向传播方法。
20 #定义损失函数为MSE,反向传播方法为梯度下降。
21 loss mse = tf.reduce mean(tf.square(y - y))
22 train step = tf.train.GradientDescentOptimizer(0.001).minimize(loss mse)
24 #3生成会话,训练STEPS轮
25 with tf.Session() as sess:
      init op = tf.global variables initializer()
26
27
      sess.run(init op)
      STEPS = 20000
28
      for i in range(STEPS):
29
30
          start = (i*BATCH SIZE) % 32
          end = (i*BATCH SIZE) % 32 + BATCH SIZE
31
32
          sess.run(train step, feed dict={x: X[start:end], y : Y [start:end]})
33
          if i % 500 == 0:
              print "After %d training steps, w1 is: " % (i)
34
35
              print sess.run(w1), "\n"
      print "Final w1 is: \n", sess.run(w1)
36
```

运行结果如下:

```
After 19000 training steps, w1 is:
[[ 0.974931 ]
      [ 1.02062762]]

After 19500 training steps, w1 is:
[[ 0.97770262]
      [ 1.01819491]]

Final w1 is:
[[ 0.98019385]
      [ 1.01598072]]
```

由上述代码可知,本例中神经网络预测模型为 y = w1*x1 + w2*x2,损失函数采用均方误差。通过使 损失函数值(loss)不断降低,神经网络模型得到最终参数 w1=0.98,w2=1.02,销量预测结果为 y=0.98*x1 + 1.02*x2。由于在生成数据集时,标准答案为 y=x1 + x2,因此,销量预测结果和标准 答案已非常接近,说明该神经网络预测酸奶日销量正确。

√自定义损失函数:根据问题的实际情况,定制合理的损失函数。

例如:

对于预测酸奶日销量问题,如果预测销量大于实际销量则会损失成本;如果预测销量小于实际销量则会损失利润。在实际生活中,往往制造一盒酸奶的成本和销售一盒酸奶的利润是不等价的。因此,需要使用符合该问题的自定义损失函数。

自定义损失函数为: loss = $\sum_{n} f(y_{-}, y)$

其中,损失定义成分段函数:

$$f(y_{-}, y) = \begin{cases} PROFIT * (y_{-} - y) & y < y_{-} \\ COST * (y - y_{-}) & y >= y_{-} \end{cases}$$

损失函数表示,若预测结果 y 小于标准答案 y_, 损失函数为利润乘以预测结果 y 与标准答案 y_之差;若预测结果 y 大于标准答案 y_, 损失函数为成本乘以预测结果 y 与标准答案 y_之差。

用 Tensorflow 函数表示为:

 $loss = tf.reduce_sum(tf.where(tf.greater(y,y_),COST(y-y_),PROFIT(y_-y)))$

① 若酸奶成本为1元,酸奶销售利润为9元,则制造成本小于酸奶利润,因此希望预测的结果y多一些。采用上述的自定义损失函数,训练神经网络模型。

代码如下:

```
#coding:utf-8
2 #酸奶成本1元, 酸奶利润9元
3 #预测少了损失大,故不要预测少,故生成的模型会多预测一些
4 #0导入模块,生成数据集
5 import tensorflow as tf
 6 import numpy as np
 7 BATCH SIZE = 8
8 \text{ SEED} = 23455
9 \text{ COST} = 1
10 PROFIT = 9
11
12 rdm = np.random.RandomState(SEED)
13 X = rdm.rand(32,2)
14 Y = [[x1+x2+(rdm.rand()/10.0-0.05)]  for (x1, x2)  in X]
15
18 y = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 1))
19 wl= tf.Variable(tf.random_normal([2, 1], stddev=1, seed=1))
20 y = tf.matmul(x, w1)
22 #2定义损失函数及反向传播方法。
23 # 定义损失函数使得预测少了的损失大,于是模型应该偏向多的方向预测。
24 loss = tf.reduce_sum(tf.where(tf.greater(y, y_), (y - y_)*COST, (y_
25 train_step = tf.train.GradientDescentOptimizer(0.001).minimize(loss)
                                                                            v)*PROFIT))
```

运行结果如下:

```
After 2000 training steps, w1 is:
[[ 1.01793861]
        [ 1.04128993]]

After 2500 training steps, w1 is:
[[ 1.02059376]
        [ 1.03906775]]

Final w1 is:
[[ 1.02965927]
        [ 1.0484432 ]]
```

由代码执行结果可知,神经网络最终参数为 w1=1.03, w2=1.05,销量预测结果为 y =1.03*x1 + 1.05*x2。由此可见,采用自定义损失函数预测的结果大于采用均方误差预测的结果,更符合实际需求。

②若酸奶成本为 9 元,酸奶销售利润为 1 元,则制造成本大于酸奶利润,因此希望预测结果 y 小一些。采用上述的自定义损失函数,训练神经网络模型。

代码如下:

```
1 #coding:utf-8
 2 #酸奶成本9元, 酸奶利润1元
 3 #预测多了损失大,故不要预测多,故生成的模型会少预测一些
 4 #0导入模块,生成数据集
 5 import tensorflow as tf
 6 import numpy as np
 7 BATCH SIZE = 8
8 \text{ SEED} = 23455
9 \text{ COST} = 9
10 PROFIT = 1
11
13 X = rdm.rand(32,2)
14 Y = [[x1+x2+(rdm.rand()/10.0-0.05)]  for (x1, x2)  in X]
15
16 #1定义神经网络的输入、参数和输出,定义前向传播过程。
17 x = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 2))
18 y = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 1))
19 wl= tf.Variable(tf.random normal([2, 1], stddev=1, seed=1))
20 y = tf.matmul(x, w1)
21
22 #2定义损失函数及反向传播方法。
23 #重新定义损失函数,使得预测多了的损失大,于是模型应该偏向少的方向预测。
24 loss = tf.reduce_sum(tf.where(tf.greater(y, y_{-}), (y - y_{-})*COST, (y_{-} y_{-})*PROFIT)
25 train step = tf.train.GradientDescentOptimizer(0.001).minimize(loss)
```

运行结果如下:

```
After 2000 training steps, wl is:
[[ 0.96024752]
      [ 0.97420841]]

After 2500 training steps, wl is:
[[ 0.96100295]
      [ 0.96993417]]

Final wl is:
[[ 0.96004069]
      [ 0.97334176]]
```

由执行结果可知,神经网络最终参数为 w1=0.96, w2=0.97,销量预测结果为 y =0.96*x1 + 0.97*x2。 因此,采用自定义损失函数预测的结果小于采用均方误差预测的结果,更符合实际需求。

√交叉熵(Cross Entropy):表示两个概率分布之间的距离。交叉熵越大,两个概率分布距离越远,两个概率分布越相异;交叉熵越小,两个概率分布距离越近,两个概率分布越相似。

交叉熵计算公式: $H(y_{-}, y) = -\sum y_{-} * log y$

用 Tensorflow 函数表示为

ce= -tf. reduce mean (y * tf. log(tf. clip by value(y, 1e-12, 1.0)))

例如:

两个神经网络模型解决二分类问题中,已知标准答案为v = (1,0),第一个神经网络模型预测结果为

y1=(0.6, 0.4), 第二个神经网络模型预测结果为 y2=(0.8, 0.2), 判断哪个神经网络模型预测的结果更接近标准答案。

根据交叉熵的计算公式得:

$$H1((1,0),(0.6,0.4)) = -(1*log0.6 + 0*log0.4) \approx -(-0.222 + 0) = 0.222$$

$$H2((1,0),(0.8,0.2)) = -(1*log0.8 + 0*log0.2) \approx -(-0.097 + 0) = 0.097$$

由于 0.222>0.097, 所以预测结果 y2 与标准答案 y 更接近, y2 预测更准确。

√softmax 函数:将 n 分类的 n 个输出(y1,y2...yn)变为满足以下概率分布要求的函数。

$$\forall x$$
 $P(X = x) \in [0,1]$ $\coprod \sum_{x} P_{x}(X = x) = 1$

softmax 函数表示为: softmax $(y_i) = \frac{e^{yi}}{\sum_{i=1}^n e^{yi}}$

softmax 函数应用: 在 n 分类中,模型会有 n 个输出,即 y1,y2...yn,其中 yi 表示第 i 种情况出现的可能性大小。将 n 个输出经过 softmax 函数,可得到符合概率分布的分类结果。

√在 Tensorflow 中,一般让模型的输出经过 sofemax 函数,以获得输出分类的概率分布,再与标准答案对比,求出交叉熵,得到损失函数,用如下函数实现:

ce = tf.nn.sparse_softmax_cross_entropy_with_logits(logits=y, labels=tf.argmax(y_, 1))
cem = tf.reduce mean(ce)

4.2

√学习率 learning_rate:表示了每次参数更新的幅度大小。学习率过大,会导致待优化的参数在最小值附近波动,不收敛;学习率过小,会导致待优化的参数收敛缓慢。

在训练过程中,参数的更新向着损失函数梯度下降的方向。

参数的更新公式为:

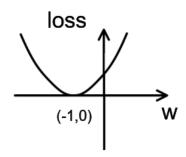
$w_{n+1} = w_n - learning_rate\nabla$

假设损失函数为 $loss = (w + 1)^2$ 。梯度是损失函数 loss 的导数为 $\nabla = 2w + 2$ 。如参数初值为 loss 5,学习率为 loss 0. 2,则参数和损失函数更新如下:

1 次 参数 w: 5
$$5 - 0.2 * (2 * 5 + 2) = 2.6$$

4次 参数 w: 0.296

损失函数 $loss = (w + 1)^2$ 的图像为:



由图可知,损失函数 loss 的最小值会在(-1,0) 处得到,此时损失函数的导数为 0,得到最终参数 w=-1。代码如下:

```
1 #coding:utf-8
 2 #设损失函数 loss=(w+1)^2, 令w初值是常数5。反向传播就是求最优w,即求最小loss对应的w值
 3 import tensorflow as tf
 4 #定义待优化参数w初值赋5
  w = tf.Variable(tf.constant(5, dtype=tf.float32))
  #定义损失函数loss
  loss = tf.square(w+1)
 8 #定义反向传播方法
 9 train step = tf.train.GradientDescentOptimizer(0.2).minimize(loss)
10 #生成会话,训练40轮
11 with tf.Session() as sess:
12
      init op=tf.global variables initializer()
13
      sess.run(init op)
14
      for i in range(40):
15
          sess.run(train step)
16
          w val = sess.run(w)
          loss val = sess.run(loss)
17
                                         loss is %f." % (i, w val, loss val)
18
          print "After %s steps: w is %f,
```

运行结果如下:

```
After 30 steps: w is -0.999999,
                                    loss is 0.000000.
                                    loss is 0.000000.
After 31 steps: w is
                      -1.000000,
After 32 steps: w is
                      -1.000000,
                                    loss is 0.000000.
  ter 33 steps: w is
                                    loss is 0.000000.
                      -1.000000,
                                    loss is 0.000000.
  ter 34
         steps:
                w is
                      -1.000000,
After 35
                      -1.0000000
        steps: w is
                                    loss is 0.000000.
     36
  ter
         steps:
                W
                  is
                      -1.000000,
                                    loss is 0.000000.
  ter 37
                  is
                      -1.000000,
                                    loss is 0.000000.
         steps:
                W
     38
                  is
                      -1.000000.
                                    loss is 0.000000.
         steps:
                W
After 39 steps: w is -1.000000,
                                    loss is 0.000000.
```

由结果可知,随着损失函数值的减小,w无限趋近于-1,模型计算推测出最优参数w=-1。

√学习率的设置

学习率过大,会导致待优化的参数在最小值附近波动,不收敛;学习率过小,会导致待优化的参数收敛缓慢。

例如:

① 对于上例的损失函数 $loss = (w + 1)^2$ 。则将上述代码中学习率修改为 l,其余内容不变。实验结果如下:

```
After 11 steps: w is 5.000000, loss is 36.000000.

After 12 steps: w is -7.000000, loss is 36.000000.

After 13 steps: w is 5.000000, loss is 36.000000.

After 14 steps: w is -7.000000, loss is 36.000000.

After 16 steps: w is -7.000000, loss is 36.000000.
```

由运行结果可知,损失函数 loss 值并没有收敛,而是在 5 和-7 之间波动。

② 对于上例的损失函数 $loss = (w + 1)^2$ 。则将上述代码中学习率修改为 0.0001,其余内容不变。 实验结果如下:

```
After 31 steps: w is 4.961716,
                                  loss is
                                          35.542053.
After 32 steps: w is 4.960523,
                                  loss is 35.527836.
                                  loss is 35.513626.
After 33 steps: w is 4.959331,
        steps: w is 4.958139,
                                  loss is 35.499420.
After 34
After 35 steps: w is 4.956947,
                                  loss is 35.485222.
After 36 steps: w is 4.955756,
                                  loss is 35.471027.
                                  loss is 35.456841.
         steps: w is 4.954565,
After 37
After 38 steps: w is 4.953373,
                                  loss is 35.442654.
After 39 steps: w is 4.952183,
                                  loss is 35.428478.
```

由运行结果可知,损失函数 loss 值缓慢下降,w 值也在小幅度变化,收敛缓慢。

√指数衰减学习率:学习率随着训练轮数变化而动态更新

学习率计算公式如下:

Learning_rate=LEARNING_RATE_BASE*LEARNING_RATE_DECAY*

| Global_step | LEARNING_RATE_BATCH_SIZE | LEAR

用 Tensorflow 的函数表示为:

global step = tf.Variable(0, trainable=False)

learning rate = tf.train.exponential decay(

LEARNING RATE BASE,

global step,

LEARNING RATE STEP, LEARNING RATE DECAY,

staircase=True/False)

其中, LEARNING_RATE_BASE 为学习率初始值, LEARNING_RATE_DECAY 为学习率衰减率, global_step 记录了当前训练轮数,为不可训练型参数。学习率 learning_rate 更新频率为输入数据集总样本数除以每次喂入样本数。若 staircase 设置为 True 时,表示 global_step/learning rate step 取整数,学习率阶梯型衰减;若 staircase 设置为 false 时,学习率会是一条平滑下降的曲线。

例如:

在本例中,模型训练过程不设定固定的学习率,使用指数衰减学习率进行训练。其中,学习率初值设置为 0.1, 学习率衰减率设置为 0.99, BATCH SIZE 设置为 1。

代码如下:

```
1 #coding:utf-8
 2 #设损失函数 loss=(w+1)^2, 令w初值是常数10。反向传播就是求最优w, 即求最小loss对应的w值
 3 #使用指数衰减的学习率,在迭代初期得到较高的下降速度,可以在较小的训练轮数下取得更有收敛度
  import tensorflow as tf
 5
 6 LEARNING RATE BASE = 0.1 #最初学习率
 7 LEARNING RATE DECAY = 0.99 #学习率衰减率
 8 LEARNING RATE STEP = 1 #喂入多少轮BATCH SIZE后,更新一次学习率,一般设为:总样本数/BATCH
9
10 #运行了几轮BATCH SIZE的计数器,初值给0,设为不被训练
11 global step = tf.Variable(0, trainable=False)
12 #定义指数下降学习率
13 learning_rate = tf.train.exponential_decay(LEARNING_RATE_BASE, global_step, LEARNING_RATE
   STEP, LEARNING RATE DECAY, staircase=True)
14 #定义待优化参数,初值给10
15 w = tf.Variable(tf.constant(5, dtype=tf.float32))
16 #定义损失函数loss
17 loss = tf.square(w+1)
18 #定义反向传播方法
19 train step = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning rate).minimize(loss, global step=
  global step)
20 #生成会话,训练40轮
21 with tf.Session() as sess:
22
      init_op=tf.global variables initializer()
23
      sess.run(init op)
24
      for i in range(40):
25
          sess.run(train step)
26
          learning rate val = sess.run(learning rate)
27
          global step val = sess.run(global step)
28
          w val = sess.run(w)
29
         loss val = sess.run(loss)
30
          print "After %s steps: global_step is %f, w is %f, learning rate is %f, loss is %
   f" % (i, global_step_val, w_val, learning_rate_val, loss_val)
```

运行结果如下:

```
After 35 steps: global_step is 36.000000, w is -0.992297, learning rate is 0.069641, loss is 0.000059

After 36 steps: global_step is 37.000000, w is -0.993369, learning rate is 0.068945, loss is 0.000044

After 37 steps: global_step is 38.000000, w is -0.994284, learning rate is 0.068255, loss is 0.000033

After 38 steps: global_step is 39.000000, w is -0.995064, learning rate is 0.067573, loss is 0.000024

After 39 steps: global_step is 40.000000, w is -0.995731, learning rate is 0.066897, loss is 0.000018
```

由结果可以看出,随着训练轮数增加学习率在不断减小。

4.3

√滑动平均:记录了一段时间内模型中所有参数 w 和 b 各自的平均值。利用滑动平均值可以增强模型的泛化能力。

√滑动平均值(影子)计算公式:

影子 = 衰减率 * 影子 + (1 - 衰减率) * 参数

其中,衰减率 = $\min \left\{ MOVING_{AVERAGE_{DECAY}}, \frac{1+\Re y}{10+\Re y} \right\}$,影子初值=参数初值

√用 Tesnsorflow 函数表示为:

√ema = tf. train. ExponentialMovingAverage (MOVING_AVERAGE_DECAY, global_step)

其中,MOVING_AVERAGE_DECAY 表示滑动平均衰减率,一般会赋接近 1 的值,global_step 表示当前训练了多少轮。

√ema_op = ema.apply(tf.trainable_variables())

其中, ema. apply()函数实现对括号内参数求滑动平均, tf. trainable_variables()函数实现把所有待训练参数汇总为列表。

√with tf.control_dependencies([train_step, ema_op]):

train_op = tf.no_op(name='train')

其中, 该函数实现将滑动平均和训练过程同步运行。

查看模型中参数的平均值,可以用 ema. average()函数。

例如:

在神经网络模型中,将 MOV ING_AVERAGE_DECAY 设置为 0.99,参数 w1 设置为 0,w1 的滑动平均值设置为 0。

- ①开始时,轮数 global step 设置为 0,参数 wl 更新为 1,则 wl 的滑动平均值为:
- w1 滑动平均值=min(0.99,1/10)*0+(1 min(0.99,1/10)*1 = 0.9
- ②当轮数 global_step 设置为 100 时,参数 wl 更新为 10,则滑动平均值变为:
- w1 滑动平均值=min(0.99, 101/110)*0.9+(1 min(0.99, 101/110)*10 = 0.826+0.818=1.644
- ③再次运行,参数 w1 更新为 1.644,则滑动平均值变为:
- w1 滑动平均值=min(0.99,101/110)*1.644+(1 min(0.99,101/110)*10 = 2.328
- ④再次运行,参数 w1 更新为 2.328,则滑动平均值:
- w1 滑动平均值=2.956

代码如下:

```
#coding:utf-8
 2 import tensorflow as tf
3
4 #1. 定义变量及滑动平均类
5 #定义一个32位浮点变量,初始值为0.0 这个代码就是不断更新w1参数,优化w1参数,滑动平均做了>
   个w1的影子
6 wl = tf.Variable(0, dtype=tf.float32)
7 #定义num_updates(NN的迭代轮数),初始值为0,不可被优化(训练),这个参数不训练8 global_step = tf.Variable(0, trainable=False)
9 #实例化滑动平均类,给删减率为0.99,当前轮数global_step
10 MOVING AVERAGE DECAY = 0.99
11 ema = tf.train.ExponentialMovingAverage(MOVING AVERAGE DECAY, global step)
12 #ema.apply后的括号里是更新列表,每次运行sess.run (ema op) 时,对更新列表中的元素求滑动平>
13 #在实际应用中会使用tf.trainable variables()自动将所有待训练的参数汇总为列表
14 #ema op = ema.apply([w1])
15 ema op = ema.apply(tf.trainable variables())
16
17 #2. 查看不同迭代中变量取值的变化。
18 with tf.Session() as sess:
19
      #初始化
      init_op = tf.global variables initializer()
20
21
      sess.run(init op)
22
      #用ema.average(w1)获取w1滑动平均值 (要运行多个节点,作为列表中的元素列出,写在sess.r
  un中)
       #打印出当前参数wl和wl滑动平均值
23
24
25
26
27
28
29
       print sess.run([w1, ema.average(w1)])
       #参数w1的值赋为1
       sess.run(tf.assign(w1, 1))
       sess.run(ema op)
       print sess.run([w1, ema.average(w1)])
30
31
       # 更新 step和 w1的值,模拟出100轮迭代后,参数 w1变为10
32
       sess.run(tf.assign(global step, 100))
33
       sess.run(tf.assign(w1, 10))
34
       sess.run(ema op)
35
       print sess.run([w1, ema.average(w1)])
36
37
       #每次sess.run会更新一次wl的滑动平均值
38
       sess.run(ema op)
39
      print sess.run([w1, ema.average(w1)])
41
       sess.run(ema op)
42
       print sess.run([w1, ema.average(w1)])
43
44
       sess.run(ema op)
45
       print sess.run([w1, ema.average(w1)])
46
47
       sess.run(ema op)
48
       print sess.run([w1, ema.average(w1)])
49
50
       sess.run(ema op)
       print sess.run([w1, ema.average(w1)])
51
52
53
       sess.run(ema op)
```

运行程序,结果如下:

print sess.run([w1, ema.average(w1)])

54

```
[0.0, 0.0]

[1.0, 0.89999998]

[10.0, 1.6445453] [10.0, 2.3281732]

[10.0, 2.955868]

[10.0, 3.5322061]

[10.0, 4.061389]

[10.0, 4.5472751]

[10.0, 4.9934072]
```

从运行结果可知,最初参数 w1 和滑动平均值都是 0;参数 w1 设定为 1 后,滑动平均值变为 0.9; 当迭代轮数更新为 100 轮时,参数 w1 更新为 10 后,滑动平均值变为 1.644。随后每执行一次,参数 w1 的滑动平均值都向参数 w1 靠近。可见,滑动平均追随参数的变化而变化。

4.4

√过拟合:神经网络模型在训练数据集上的准确率较高,在新的数据进行预测或分类时准确率较低,说明模型的泛化能力差。

√正则化:在损失函数中给每个参数 w 加上权重,引入模型复杂度指标,从而抑制模型噪声,减小过拟合。

使用正则化后,损失函数 loss 变为两项之和:

loss = loss(y与y) + REGULARIZER*loss(w)

其中,第一项是预测结果与标准答案之间的差距,如之前讲过的交叉熵、均方误差等;第二项是正则 化计算结果。

√正则化计算方法:

① L1 正则化: $loss_{L1} = \sum_i |w_i|$

用 Tesnsorflow 函数表示:loss(w) = tf.contrib.layers.ll regularizer(REGULARIZER)(w)

② L2 正则化: $loss_{12} = \sum_i |w_i|^2$

用 Tesnsorflow 函数表示:loss(w) = tf. contrib. layers. 12_regularizer(REGULARIZER)(w)

√用 Tesnsorflow 函数实现正则化:

tf.add_to_collection('losses', tf.contrib.layers.12_regularizer(regularizer)(w) loss = cem + tf.add_n(tf.get_collection('losses')) cem 的计算已在 4.1 节中给出。

例如:

用 300 个符合正态分布的点 $X[x_0, x_1]$ 作为数据集,根据点 $X[x_0, x_1]$ 计算生成标注 Y_- ,将数据集标注为红色点和蓝色点。

标注规则为: 当 $x_0^2 + x_1^2 < 2$ 时, $y_-=1$,标注为红色; 当 $x_0^2 + x_1^2 \ge 2$ 时, $y_-=0$,标注为蓝色。 我们分别用无正则化和有正则化两种方法,拟合曲线,把红色点和蓝色点分开。在实际分类时,如果前向传播输出的预测值 y 接近 1 则为红色点概率越大,接近 0 则为蓝色点概率越大,输出的预测值 v 为 0.5 是红蓝点概率分界线。

在本例子中,我们使用了之前未用过的模块与函数:

√matplotlib 模块: Python 中的可视化工具模块,实现函数可视化

终端安装指令: sudo pip install matplotlib

√函数 plt. scatter (): 利用指定颜色实现点(x, y)的可视化

plt. scatter (x 坐标, y 坐标, c="颜色")

plt. show()

√收集规定区域内所有的网格坐标点:

本例代码如下:

xx, yy = np. mgrid[起:止:步长,起:止:步长] #找到规定区域以步长为分辨率的行列网格坐标点 grid = np. c_[xx. ravel(), yy. ravel()] #收集规定区域内所有的网格坐标点 √plt. contour()函数:告知 x、y 坐标和各点高度,用 levels 指定高度的点描上颜色 plt. contour(x 轴坐标值, y 轴坐标值,该点的高度,levels=[等高线的高度]) plt. show()

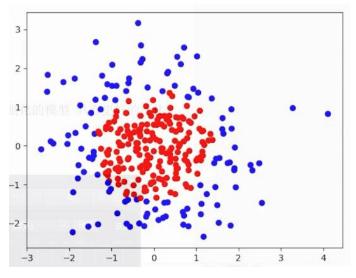
```
1 #coding:utf-8
2 #0导入模块 ,生成模拟数据集
3 import tensorflow as tf
4 import numpy as np
5 import matplotlib.pyplot as plt
6 BATCH SIZE = 30
7 \text{ seed} = 2
8 #基于seed产生随机数
9 rdm = np.random.RandomState(seed)
10 #随机数返回300行2列的矩阵,表示300组坐标点(x0,x1)作为输入数据集
11 X = rdm.randn(300,2)
12 #从 X这 个 300行 2列 的 矩 阵 中 取 出 一 行 , 判 断 如 果 两 个 坐 标 的 平 方 和 小 于 2 , 给 Y赋 值 1, 其 余 赋 值 0
13 #作为输入数据集的标签(正确答案)
14 Y = [int(x0*x0 + x1*x1 < 2) for (x0,x1) in X]
15 #遍历Y中的每个元素,1赋值'red'其余赋值'blue',这样可视化显示时人可以直观区分
16 Y_c = [['red' if y else 'blue'] for y in Y_]
17 #对数据集X和标签Y进行shape整理,第一个元素为-1表示,随第二个参数计算得到,第二个元素表示>
  多少列,把X整理为n行2列,把Y整理为n行1列
18 X = np.vstack(X).reshape(-1,2)
19 Y = np.vstack(Y ).reshape(-1,1)
20 print X
21 print Y
22 print Y c
23 #用 plt . scatter画 出数 据 集 X各 行 中 第 0列 元 素 和 第 1列 元 素 的 点 即 各 行 的 ( x0 , x1) , 用 各 行 Y c对 应 >
  的值表示颜色(c是color的缩写)
```

```
24 plt.scatter(X[:,0], X[:,1], c=np.squeeze(Y c))
25 plt.show()
26
27
28 #定义神经网络的输入、参数和输出,定义前向传播过程
29 def get weight(shape, regularizer):
       w = tf.Variable(tf.random normal(shape), dtype=tf.float32)
30
31
       tf.add to collection('losses', tf.contrib.layers.l2 regularizer(regularizer)(w))
32
       return w
33
34 def get_bias(shape):
35
       b = tf.Variable(tf.constant(0.01, shape=shape))
36
       return b
37
38 x = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 2))
   \underline{y} = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 1))
39
40
41 \overline{\text{w1}} = \text{get weight}([2,11], 0.01)
```

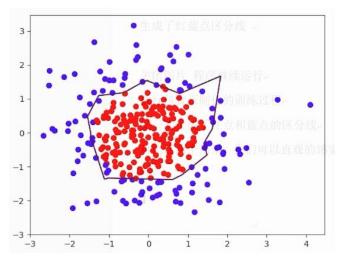
```
42 b1 = get bias([11])
43 y1 = tf.nn.relu(tf.matmul(x, w1)+b1)
44
45 \text{ w2} = \text{get weight}([11,1], 0.01)
46 b2 = qet bias([1])
47 y = tf.matmul(y1, w2)+b2 #输出层不过激活
48
49
50 #定义损失函数
51 loss mse = tf.reduce mean(tf.square(y-y ))
52 loss total = loss mse + tf.add n(tf.get collection('losses'))
55 #定义反向传播方法:不含正则化
56 train step = tf.train.AdamOptimizer(0.0001).minimize(loss mse)
57
58 with tf.Session() as sess:
59
       init op = tf.global variables initializer()
60
       sess.run(init op)
61
       STEPS = 40000
62
       for i in range(STEPS):
63
           start = (i*BATCH SIZE) % 300
64
           end = start + BATCH SIZE
65
           sess.run(train step, feed dict={x:X[start:end], y :Y [start:end]})
66
           if i % 2000 == 0:
67
                loss mse v = sess.run(loss mse, feed dict={x:X, y_:Y_})
                print("After %d steps, loss is: %f" %(i, loss mse v))
68
       #xx在-3到3之间以步长为0.01, yy在-3到3之间以步长0.01,生成二维网格坐标点
69
70
       xx, yy = np.mgrid[-3:3:.01, -3:3:.01]
       #将xx , yy拉直,并合并成一个2列的矩阵,得到一个网格坐标点的集合grid = np.c_[xx.ravel(), yy.ravel()] #将网格坐标点喂入神经网络 , probs为输出
71
72
73
74
       probs = sess.run(y, feed_dict={x:grid})
75
       #probs的 shape调整成xx的样子
76
       probs = probs.reshape(xx.shape)
77
       print "w1:\n",sess.run(w1)
78
       print "b1:\n",sess.run(b1)
79
       print "w2:\n",sess.run(w2)
82 plt.scatter(X[:,0], X[:,1], c=np.squeeze(Y c))
83 plt.contour(xx, yy, probs, levels=[.5])
84 plt.show()
85
86
87
88 #定义反向传播方法:包含正则化
89 train step = tf.train.AdamOptimizer(0.0001).minimize(loss total)
90
91 with tf.Session() as sess:
92
        init op = tf.global variables initializer()
93
        sess.run(init op)
 94
        STEPS = 40000
 95
        for i in range(STEPS):
96
            start = (i*BATCH SIZE) % 300
97
            end = start + BATCH SIZE
            sess.run(train_step, feed_dict={x: X[start:end], y :Y [start:end]})
98
99
            if i % 2000 == 0:
100
                loss_v = sess.run(loss_total, feed_dict={x:X,y_:Y_})
101
                print("After %d steps, loss is: %f" %(i, loss v))
102
        xx, yy = np.mgrid[-3:3:.01, -3:3:.01]
103
       grid = np.c_[xx.ravel(), yy.ravel()]
probs = sess.run(y, feed_dict={x:grid})
104
105
106
       probs = probs.reshape(xx.shape)
```

执行代码,效果如下:

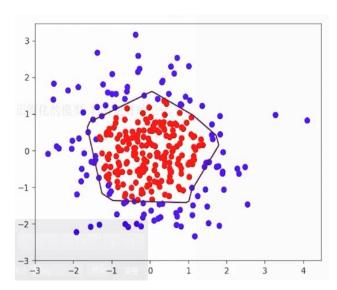
首先,数据集实现可视化, $x_0^2 + x_1^2 < 2$ 的点显示红色, $x_0^2 + x_1^2 \ge 2$ 的点显示蓝色,如图所示:



接着,执行无正则化的训练过程,把红色的点和蓝色的点分开,生成曲线如下图所示:



最后,执行有正则化的训练过程,把红色的点和蓝色的点分开,生成曲线如下图所示:



对比无正则化与有正则化模型的训练结果,可看出有正则化模型的拟合曲线平滑,模型具有更好的泛化能力。

4.5 搭建模块化神经网络八股

√前向传播: 由输入到输出, 搭建完整的网络结构

描述前向传播的过程需要定义三个函数:

```
\sqrt{\text{def forward}(x, \text{regularizer})}:
```

 $\mathbf{w} =$

b=

y=

return y

第一个函数 **forward()**完成网络结构的设计,从输入到输出搭建完整的网络结构,实现前向传播过程。 该函数中,参数 x 为输入, regularizer 为正则化权重,返回值为预测或分类结果 v。

√ def get_weight(shape, regularizer):

```
w = tf. Variable( )
tf. add_to_collection('losses', tf. contrib. layers. 12_regularizer(regularizer)(w))
```

第二个函数 get_weight()对参数 w 设定。该函数中,参数 shape 表示参数 w 的形状, regularizer 表示正则化权重,返回值为参数 w。其中, tf. variable()给 w 赋初值, tf. add_to_collection()表示将参数 w 正则化损失加到总损失 losses 中。

```
√def get_bias(shape):
b = tf.Variable( )
```

return b

return w

第三个函数 get_bias()对参数 b 进行设定。该函数中,参数 shape 表示参数 b 的形状,返回值为参数 b。其中,tf.variable()表示给 w 赋初值。

√反向传播: 训练网络, 优化网络参数, 提高模型准确性。

```
√ def backward( ):
    x = tf.placeholder( )
    y_ = tf.placeholder( )
    y = forward.forward(x, REGULARIZER)
    global_step = tf.Variable(0, trainable=False)
    loss =
```

函数 backward()中,placeholder()实现对数据集 x 和标准答案 y_占位, forward. forward()实现前向 传播的网络结构,参数 global_step 表示训练轮数,设置为不可训练型参数。

```
在训练网络模型时,常将正则化、指数衰减学习率和滑动平均这三个方法作为模型优化方法。
√在 Tensorflow 中,正则化表示为:
首先,计算预测结果与标准答案的损失值
         y与y的差距(loss mse) = tf.reduce mean(tf.square(y-y))
(1)MSE:
②交叉熵: ce = tf.nn.sparse_softmax_cross_entropy_with_logits(logits=y, labels=tf.argmax(y_, 1))
         y与y的差距(cem) = tf.reduce mean(ce)
③自定义: y 与 y 的差距
其次,总损失值为预测结果与标准答案的损失值加上正则化项
loss = v 与 v 的差距 + tf.add n(tf.get collection('losses'))
√在 Tensorflow 中,指数衰减学习率表示为:
learning rate = tf. train. exponential decay(
   LEARNING RATE BASE,
   global_step,
   数据集总样本数 / BATCH_SIZE,
       LEARNING RATE DECAY,
       staircase=True)
train step=tf. train. GradientDescentOptimizer(learning rate). minimize(loss,
global step=global step)
√在 Tensorflow 中,滑动平均表示为:
ema = tf. train. Exponential Moving Average (MOVING AVERAGE DECAY, global step)
ema_op = ema.apply(tf.trainable_variables())
with tf.control_dependencies([train_step, ema_op]):
   train_op = tf.no_op(name='train')
其中,滑动平均和指数衰减学习率中的 global step 为同一个参数。
√用 with 结构初始化所有参数
with tf. Session() as sess:
   init_op = tf.global_variables_initializer()
      sess.run(init_op)
   for i in range (STEPS):
```

})

sess.run(train step, feed dict= $\{x: , y: \}$

if i % 轮数 == 0:

print

其中, with 结构用于初始化所有参数信息以及实现调用训练过程,并打印出 loss 值。

√判断 python 运行文件是否为主文件

```
if __name__='__main__':
```

backward()

该部分用来判断 python 运行的文件是否为主文件。若是主文件,则执行 backword()函数。例如:

用 300 个符合正态分布的点 $X[x_0, x_1]$ 作为数据集,根据点 $X[x_0, x_1]$ 的不同进行标注 Y_- ,将数据集标注为红色和蓝色。标注规则为:当 $x_0^2 + x_1^2 < 2$ 时, $y_-=1$,点 X 标注为红色;当 $x_0^2 + x_1^2 \geq 2$ 时, $y_-=0$,点 X 标注为蓝色。我们加入指数衰减学习率优化效率,加入正则化提高泛化性,并使用模块化设计方法,把红色点和蓝色点分开。

代码总共分为三个模块: 生成数据集(generateds.py)、前向传播(forward.py)、反向传播(backward.py)。

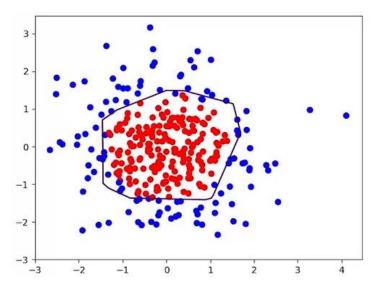
- ①生成数据集的模块(generateds.py)
- ②前向传播模块(forward.py)

```
1 #coding:utf-8
 2 #0导入模块 , 生成模拟数据集
 3 import tensorflow as tf
 5 #定义神经网络的输入、参数和输出,定义前向传播过程
 6 def get_weight(shape, regularizer):
       w = tf.Variable(tf.random normal(shape), dtype=tf.float32)
 8
       tf.add to collection('losses', tf.contrib.layers.l2 regularizer(regularizer)(w))
 9
       return w
10
11 def get bias(shape):
12
       b = tf.Variable(tf.constant(0.01, shape=shape))
13
       return b
14
15 def forward(x, regularizer): [15] def forward my
16
       w1 = get_weight([2,11], regularizer)
b1 = get_bias([11])
17
18
19
       yl = tf.nn.relu(tf.matmul(x, wl) + bl) reight get bias fl forward 在 forward 函数中设
20
21
       w2 = get weight([11,1], regularizer)
22
       b2 = get bias([1])
23
       y = tf.matmul(y1, w2) + b2 #输出层不过激活
24
     return y
25
```

③反向传播模块(backward.pv)

```
#coding:utf-8
 2 #0导入模块 , 生成模拟数据集
 3 import tensorflow as tf
 4 import numpy as np
5 import matplotlib.pyplot as plt
  import opt4_8_generateds
import opt4_8_forward I
 9 STEPS = 40000
10 BATCH SIZE = 30
11 LEARNING RATE BASE = 0.001
12 LEARNING RATE DECAY = 0.999
13 REGULARIZER = 0.01
14
15 def backward():
16
       x = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 2))
17
       y = tf.placeholder(tf.float32, shape=(None, 1))
18
19
       X, Y , Y c = opt4 8 generateds.generateds()
20
21
22
       y = opt4 8 forward.forward(x, REGULARIZER)
23
       global_step = tf.Variable(0,trainable=False)
       learning_rate = tf.train.exponential_decay(
26
           LEARNING RATE BASE,
27
           global_step,
28
            300/BATCH_SIZE,
29
           LEARNING RATE DECAY,
30
           staircase=True)
31
32
33
34
       #定义损失函数
       loss_mse = tf.reduce_mean(tf.square(y-y_))
35
       loss total = loss mse + tf.add n(tf.get collection('losses'))
36
37
       #定义反向传播方法:包含正则化
38
       train_step = tf.train.AdamOptimizer(learning_rate).minimize(loss_total)
        with tf.Session() as sess:
41
             init op = tf.global variables initializer()
42
             sess.run(init_op)
43
             for i in range(STEPS):
44
                 start = (i*BATCH SIZE) % 300
45
                 end = start + BATCH SIZE
46
                 sess.run(train_step, feed_dict={x: X[start:end], y_:Y_[start:end]})
47
                 if i % 2000 == 0:
48
                      loss_v = sess.run(loss_total, feed_dict={x:X,y_:Y_})
49
                      print("After %d steps, loss is: %f" %(i, loss v))
50
51
            xx, yy = np.mgrid[-3:3:.01, -3:3:.01]
52
            grid = np.c_[xx.ravel(), yy.ravel()]
probs = sess.run(y, feed_dict={x:grid})
53
54
             probs = probs.reshape(xx.shape)
55
56
        plt.scatter(X[:,0], X[:,1], c=np.squeeze(Y_c))
57
        plt.contour(xx, yy, probs, levels=[.5])
58
        plt.show()
60 if
          name
                       main
       backward()
```

运行代码,结果如下:



由运行结果可见,程序使用模块化设计方法,加入指数衰减学习率,使用正则化后,红色点和蓝色点的分割曲线相对平滑,效果变好。