概率统计 A 作业 Homework_08 (Lecture_PS05_2) 2024.03.29

1、设随机变量X的密度函数如下所示,试求D(X).

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{\pi} \cos^2 x, & |x| \le \frac{\pi}{2} \\ 0, & |x| > \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

- 2、点随机地落在中心在原点、半径为R的圆周上,并对弧长是均匀分布,求落点横坐标的方差.
- 3、 掷 n 颗骰子, 求点数之和的方差.
- 4、设 $X \sim N(0,1)$, $Y = X^n (n 为正整数)$. 求 ρ_{XY} .
- 5、设有随机变量 X, Y, Z, 已知 E(X)=E(Y)=1, E(Z)=-1, D(X)=D(Y)=D(Z)=1, $\rho_{XY}=0$, $\rho_{XZ}=0.5$, $\rho_{YZ}=-0.5$, 求 E(X+Y+Z)和 D(X+Y+Z).
- 6、设二维随机变量(X, Y)的密度函数如下所示, 试求其协方差矩阵.

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{1}{8}(x+y), & 0 < x < 2, 0 < y < 2\\ 0, & 其他 \end{cases}$$

7、己知三维随机变量(X, Y, Z)的协方差矩阵为:

$$\begin{bmatrix} 9 & 1 & -2 \\ 1 & 20 & 3 \\ -2 & 3 & 12 \end{bmatrix}$$

令 $\xi = 2X+3Y+Z$, $\eta = X-2Y+5Z$, $\zeta = Y-Z$, 求 (ξ, η, ζ) 的协方差矩阵.