#### 北京大学计算机学院 2024年春季学期 《编译原理》



# 第七讲 目标代码生成

Target Code Generation

### 主要内容



- 目标代码生成的基本任务
- 目标机模型
- 指令选择
- 寄存器分配

◎ 对应章节:第8章

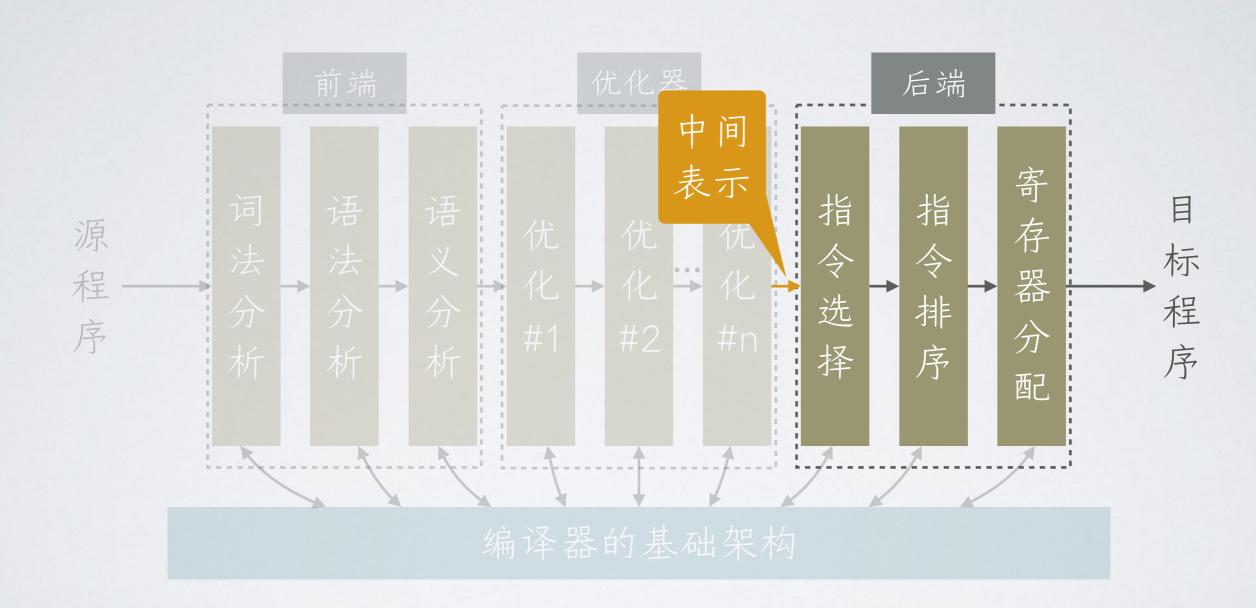
### 主要内容



- 目标代码生成的基本任务
- 目标机模型
- 指令选择
- 寄存器分配

# 后端:目标代码生成





4

#### 目标代码生成的基本任务



- 生成机器代码/虚拟机字节码
  - ❖ 能够立即执行/解释的完整程序,所有符号的地址已确定
  - ❖ 可重定位的目标模块, 需进行进一步的链接的加载
  - ❖ 汇编程序, 需进行汇编转换成机器代码/虚拟机字节码
- 生成高质量的目标代码
  - ❖ 目标代码的大小尽量小
  - ❖ 目标代码的运行速度尽量快
  - ❖ 充分利用目标机的指令系统的特点,特别是寄存器
- 基本任务:
  - ❖ 指令选择
  - \* 指令排序
  - ❖ 寄存器分配

### 主要内容



- 目标代码生成的基本任务
- 目标机模型
- 指令选择
- 寄存器分配

#### 目标机模型



- 类 RISC 计算机, 按字节寻址, 以 4 个字节为 1 个字 (word)
- 通用寄存器 R1, R2, ···, Rn
- 使用如下机器指令:
  - ❖ LD dst, addr: 把位置 addr 上的值加载到位置 dst
    - ❖ LD  $r_1$ ,  $r_2$ : 寄存器到寄存器的拷贝
  - STx, r: 把寄存器 r 中的值保存到位置 x
  - \*  $OP\ dst, src_1, src_2$ : 把位置  $src_1$ 和  $src_2$ 中的值运算后将结果放到位置 dst中
    - ❖ OP 是诸如 ADD 或 SUB 的运算符
  - ❖ BR L: 控制流转向标号为 L 的指令
  - $\bullet$  Bcond r, L: 对寄存器 r 中的值进行测试, 如果为真则转向标号 L
    - ❖ cond 是诸如 LTZ 或 NEZ 的常见测试

#### 目标机的寻址模式



- contents(addr)表示 addr 所代表的位置中的内容
- lvalue(x)表示分配给变量 x 的内存位置

| 位置形式  | 汇编表示  | 地址                        |
|-------|-------|---------------------------|
| 变量名   | X     | lvalue(x)                 |
| 数组索引  | a(r)  | lvalue(a) + contents(r)   |
| 直接常数  | #M    | M                         |
| 寄存器   | r     | r                         |
| 间接寄存器 | *r    | contents(r)               |
| 索引    | M(r)  | M + contents(r)           |
| 间接索引  | *M(r) | contents(M + contents(r)) |

#### 例子



$$\bullet$$
  $X = Y - Z$ 

LD R1, y

LD R2, z

SUB R1, R1, R2

ST x, R1

#### • \*p = y

LD R1, p

LD R2, y

ST 0(R1), R2

#### • b = a[i]

LD R1, i

MUL R1, R1, 8

LD R2, a(R1)

ST b, R2

#### • if x < y goto L

LD R1, x

LD R2, y

SUB R1, R1, R2

BLTZ R1, Ltgt

### 进行栈式管理的目标代码



- 生成支持栈式存储管理的目标代码
  - ◆ 生成过程调用和返回的目标代码序列
  - ❖ 将 IR 中的名字转换成为目标代码中的地址
- 考虑如下简化的调用/返回的三地址代码:
  - \* call callee
  - return
- 过程 callee 有如下属性(编译时确定):
  - \* callee.codeArea: 运行时代码区中 callee 的第一条指令的地址
  - ❖ callee.recordSize: callee 的一个活动记录的大小

#### 过程的调用和返回



- 在简化场景下只需考虑在活动记录中保存返回地址
- 假设寄存器 SP 中维护一个指向栈顶的指针

#### ● 调用指令序列

❖ 调用者

ST - 4(SP), #here + 16

BR callee . codeArea

❖ 被调用者

SUB SP, SP, #callee . recordSize

#### ● 返回指令序列

❖ 被调用者

ADD SP, SP, #callee . recordSize

BR \*-4(SP)

### 名字的运行时地址



- 生成中间代码时,可以计算局部程序变量的相对偏移
- 寻址模式中的局部变量可以实现为 SP 和其偏移的结合

#### ● 源程序:

int a; int b;
a = b + 1;

#### ● 符号表:

a 的相对偏移为 0 b 的相对偏移为 4

#### ● 三地址代码:

a = b + 1;

#### ● 目标代码:

LD R1, 4(SP)
ADD R1, R1, #1
ST 0(SP), R1

## 主要内容



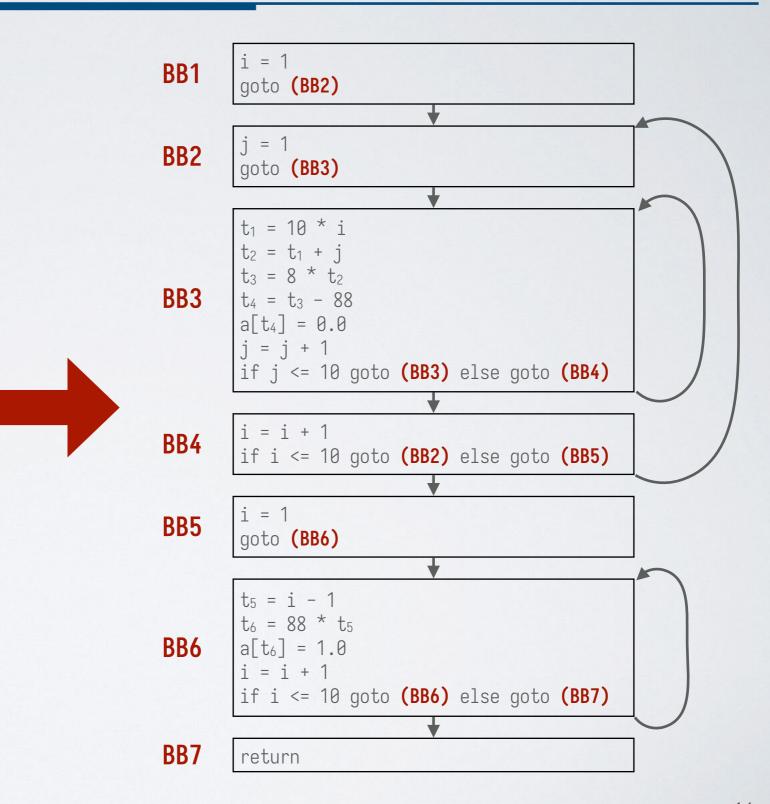
- 目标代码生成的基本任务
- 目标机模型
- 指令选择
- 寄存器分配

北京大学计算机学院

#### 回顾: 三地址代码的控制流图



```
t_1 = 10 * i
    t_2 = t_1 + j
   t_3 = 8 * t_2
   t_4 = t_3 - 88
   a[t_4] = 0.0
   j = j + 1
   if j <= 10 goto (3)
(10) i = i + 1
(11) if i <= 10 goto (2)
(13) t_5 = i - 1
(14) t_6 = 88 * t_5
(15) a[t<sub>6</sub>] = 1.0
(16) i = i + 1
(17) if i <= 10 goto (13)
```



### 划分基本块示例



```
BB1
           i = 1
BB2
           t_1 = 10 * i
      (5) t_3 = 8 * t_2
      (6) t_4 = t_3 - 88
BB3
      (7) a[t_4] = 0.0
      (8) j = j + 1
      (9) if j <= 10 goto (3)
BB4
           if i <= 10 goto (2)
BB5
           t_5 = i - 1
          t_6 = 88 * t_5
      (15) a[t_6] = 1.0
BB6
      (16) i = i + 1
      (17) if i <= 10 goto (13)
```

#### 首指令

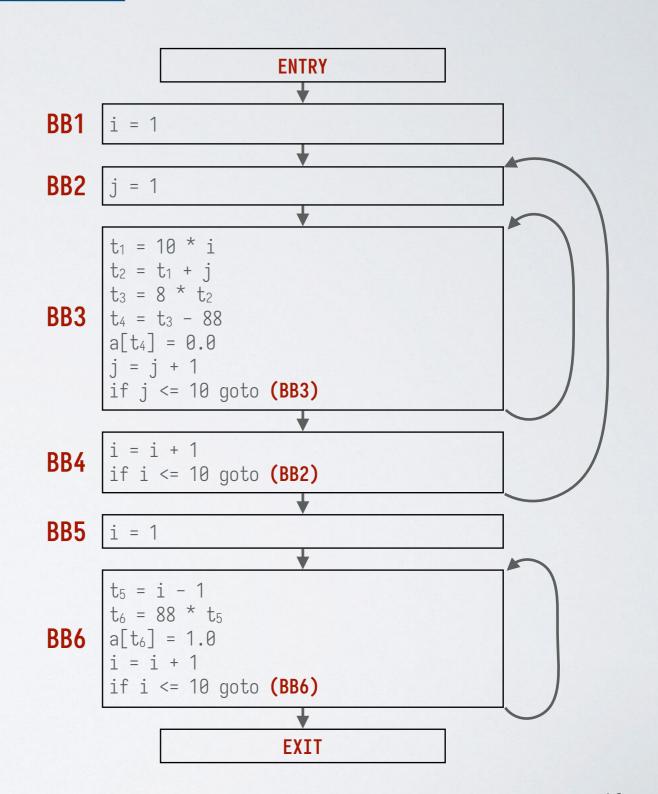
基本块

北京大学计算机学院

#### 构造控制流图示例



```
BB<sub>1</sub>
BB2
             t_3 = 8 * t_2
           t_4 = t_3 - 88
BB3
           a[t_4] = 0.0
            j = j + 1
             if j <= 10 goto (3)
BB4
             if i <= 10 goto (2)
BB5
             t_6 = 88 \times t_5
       (15) a[t_6] = 1.0
BB6
       (16) i = i + 1
       (17) if i <= 10 goto (13)
```



## 为单个基本块生成代码



- ◎ 依次考虑各个三地址语句,使用寄存器来存放基本块里的值
- 主要问题:最大限度地利用寄存器
  - ❖ 假定有任意多个寄存器可以使用
  - ❖ 避免不必要的加载和保存指令
- 寄存器的使用方法:
  - ❖ 执行运算时,把运算分量存放在寄存器中
  - ❖ 用来做临时变量
  - ◆ 存放在一个基本块中计算而在另一个基本块中使用的(全局)值
  - ❖ 帮助进行运行时环境管理(比如传递函数参数和返回值)

### 代码生成算法的基本思想



- 为一个三地址语句生成机器指令时:
  - ❖ 只有当运算分量不在寄存器中时,才从内存载入
  - ❖ 尽量保证只有当寄存器中的值不被使用时,才把它覆盖掉
- 数据结构:记录各个值对应的位置
  - ❖ 寄存器描述符(register descriptor)
    - ❖ 为每个寄存器维护
    - ❖ 跟踪哪些变量的当前值存放在该寄存器内
  - ❖ 地址描述符(address descriptor)
    - ❖ 为每个程序变量维护
    - ❖ 跟踪哪些位置(寄存器、栈中位置等)可以找到该变量的当前值





● 考虑下面的三地址代码基本块:

● 入口处的寄存器和地址描述符:

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
|    |    |    |    |    |    |    |

| а | b | С | d | t | U | V |
|---|---|---|---|---|---|---|
| а | b | С | d |   |   |   |

#### 代码生成的例子(2)



| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
|    |    |    |    |    |    |    |

| а | b | С | d | t | u | V |
|---|---|---|---|---|---|---|
| а | b | С | d |   |   |   |

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  |    |    |    |    |

| а    | b    | С | d | t  | U | V |  |
|------|------|---|---|----|---|---|--|
| a,R1 | b,R2 | С | d | R3 |   |   |  |

# 代码生成算法 (1)



● 假设寄存器选择函数 getReg(i) 给三地址语句 i 的每个涉及 到内存位置选择寄存器

#### ● 三地址语句 x = y op z:

- ❖ 调用  $getReg(x = y \ op \ z)$ , 给 x, y, z 选择寄存器  $R_x, R_y, R_z$
- \* 查  $R_y$  的寄存器描述符,如果 y 不在  $R_y$  中则生成指令 LD  $R_y$ , y', 其中 y' 是某个存放了 y 的值的内存位置
- ❖ 对 Z 做与上一步类似的处理
- \* 生成指令  $OPR_x$ ,  $R_y$ ,  $R_z$ , 其中 OP 对应 op (比如 ADD 对应 +)
- ❖ 更新寄存器和地址描述符

# 代码生成算法 (2)



#### ● 管理寄存器和地址描述符:

- ❖ 对于指令 LD R, x:
  - ❖ R的寄存器描述符: 只包含 x
  - ❖ x 的地址描述符: R 作为新位置加入 x 的位置集合
  - ❖ 任何不同于 x 的变量的地址描述符中删除 R
- ❖ 对于指令  $OPR_x$ ,  $R_y$ ,  $R_z$ :
  - $R_x$ 的寄存器描述符: 只包含x
  - x 的地址描述符: 只包含  $R_x$

# 代码生成的例子(3)



| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  |    |    |    |    |

| а    | b    | С | d | t  | u | V |
|------|------|---|---|----|---|---|
| a,R1 | b,R2 | С | d | R3 |   |   |

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  | С  | u  |    |    |

| а    | b    | С    | d | t  | U  | V |
|------|------|------|---|----|----|---|
| a,R1 | b,R2 | c,R4 | d | R3 | R5 |   |

### 代码生成的例子(4)



| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  | С  | u  |    |    |

| а    | b    | С    | d | t  | u  | V |
|------|------|------|---|----|----|---|
| a,R1 | b,R2 | c,R4 | d | R3 | R5 |   |

$$v = t + u$$
ADD R6, R3, R5

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  | С  | u  | V  |    |

| а    | b    | С    | d | t  | U  | V  |
|------|------|------|---|----|----|----|
| a,R1 | b,R2 | c,R4 | d | R3 | R5 | R6 |

## 代码生成算法(3)



#### 三地址语句 x = y:

- ❖ getReg(x = y) 总是为 x 和 y 选择相同的寄存器
- ◆ 如果 y 不在  $R_y$  中, 那么生成指令 LD  $R_y$ , y', 其中 y' 是存放 y 的位置
- ❖ 更新寄存器和地址描述符

#### ● 管理寄存器和地址描述符:

- 处理复制语句 x = y:
  - ❖ 如果生成了 LD 指令,则先按照 LD 的规则处理
  - ❖ R<sub>v</sub>的寄存器描述符:把 x 加入变量集合
  - x 的地址描述符: 只包含  $R_v$

## 代码生成的例子(5)



| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  | С  | u  | V  |    |

| а    | b    | С    | d | t  | u  | V  |
|------|------|------|---|----|----|----|
| a,R1 | b,R2 | c,R4 | d | R3 | R5 | R6 |

| R1  | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|-----|----|----|----|----|----|----|
| a,d | b  | t  | С  | u  | V  |    |

| а  | b    | С    | d    | t  | U  | V  |
|----|------|------|------|----|----|----|
| R1 | b,R2 | c,R4 | d,R1 | R3 | R5 | R6 |

### 代码生成的例子(6)



| R1  | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|-----|----|----|----|----|----|----|
| a,d | b  | t  | С  | u  | V  |    |

| а  | b    | С    | d    | t  | u  | V  |
|----|------|------|------|----|----|----|
| R1 | b,R2 | c,R4 | d,R1 | R3 | R5 | R6 |

d = v + uADD R7, R6, R5

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  | С  | u  | V  | d  |

| а  | b    | С    | d  | t  | U  | V  |  |
|----|------|------|----|----|----|----|--|
| R1 | b,R2 | c,R4 | R7 | R3 | R5 | R6 |  |

### 代码生成算法(4)



#### ● 基本块的结尾:

- ❖ 更新寄存器和地址描述符

#### ● 管理寄存器和地址描述符:

- 对于指令STx, R:
  - ❖ 生成这种指令时 R 一定存放了 x 的当前值
  - ❖ x 的地址描述符: 把 x 自己的内存位置加入位置集合

#### 代码生成的例子(7)



| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  | С  | u  | V  | d  |

| а  | b    | С    | d  | t  | u  | V  |
|----|------|------|----|----|----|----|
| R1 | b,R2 | c,R4 | R7 | R3 | R5 | R6 |

(exit)
ST a, R1
ST d, R7

假设a,b,c,d 在出口处活跃

| R1 | R2 | R3 | R4 | R5 | R6 | R7 |
|----|----|----|----|----|----|----|
| а  | b  | t  | С  | u  | V  | d  |

| а    | b    | С    | d    | t  | U  | V  |  |
|------|------|------|------|----|----|----|--|
| R1,a | b,R2 | c,R4 | R7,d | R3 | R5 | R6 |  |

#### 不想维护这些描述符……



#### ● 解决方法: 语句结束后立即把值都写回内存位置

- $\bullet$   $x = y \ op \ z$ :
  - ❖ 调用  $getReg(x = y \ op \ z)$ , 给 x, y, z 选择寄存器  $R_x, R_y, R_z$
  - \* 生成指令 LD  $R_y$ , y和 LD  $R_z$ , z
  - \* 生成指令  $OPR_x$ ,  $R_y$ ,  $R_z$ , 其中 OP 对应 op (比如 ADD 对应 +)
  - ❖ 生成指令STx, R<sub>x</sub>

### 活跃变量分析



- 变量的定值(def)和使用(use)
  - ❖ 谓词 def(i, x): 语句 i 给变量 x 进行了赋值
  - ❖ 谓词 use(i, x): 语句 i 使用了变量 x 的值
- 如果 def(i,x) 且 use(j,x),并且从语句 i 到语句 j 存在一条路径没有其它的对变量 x 的赋值,那么 j 使用了 i 处计算的 x
  - \* 谓词  $live_{out}(i,x)$ : 变量 x 在语句 i 后的程序点上**活跃**(live)
- 活跃变量信息的用途: 实现寄存器选择函数 getReg
  - \* 如果一个寄存器只存放了x 的值,且x 在i 处不活跃,那么这个寄存器在i 处可以用于其它目的

#### 活跃变量分析



- 如果 i 的下一条语句是 j, 那么
  - ❖ 如果 use(j,x), 那么  $live_{out}(i,x)$
  - \* 如果  $live_{out}(j,x)$ , 且  $\neg def(j,x)$ , 那么  $live_{out}(i,x)$
- 例子: 假设出口处 i, j, a 为活跃变量

| t <sub>1</sub> = 10 * i | i,j,a 活跃                |
|-------------------------|-------------------------|
| $t_2 = t_1 + j$         | i,j,a,t <sub>1</sub> 活跃 |
| $t_3 = 8 * t_2$         | i,j,a,t <sub>2</sub> 活跃 |
| $t_4 = t_3 - 88$        | i,j,a,t <sub>3</sub> 活跃 |
|                         | i,j,a,t4 活跃             |
| $a[t_4] = 0.0$          | i,j,a 活跃                |
| j = j + 1               | i,j,a 活跃                |

### 活跃变量分析的算法



- $\odot$  输入:基本块 B,假设 B 出口处所有非临时变量都是活跃的
- 输出:块中各个语句 i 处的变量的活跃性信息
- 算法:
  - ❖ 从 B 的最后一个语句开始反向扫描
  - ❖ 对于每个形如 x = y op z 的语句 i, 依次做如下处理:
    - ❖ 把 x、y、z 当前的活跃性信息关联到语句 i
    - ❖ 设置 x 为「不活跃」
    - ❖ 设置y和Z为「活跃」
  - ❖ 问:最后两步的设置可以交换顺序吗?

北京大学计算机学院

# 控制流图上的活跃变量分析



- 问题:如何进行跨基本块的活跃变量分析?
- 基本块出口处的活跃变量由其后继结点的入口活跃变量决定



- 如果一个基本块出口处活跃信息发生变化,就对其重新计算
- 反复进行直到每个基本块的活跃信息都不再变化
- 下一讲将介绍数据流分析

34

# getReg 函数(1)



- 目标: 减少 LD 和 ST 的指令数目
  - \* 以x = y op z 为例
- 任务: 为运算分量(y和 Z)和结果(x)选择寄存器
- 给运算分量选择寄存器:
  - ❖ 如果已经在寄存器中,则选择该寄存器
  - ❖ 否则,如果有空闲寄存器,则选择一个空闲寄存器
  - ❖ 否则, 设 R 是一个候选寄存器, 其存放了 v 的值
    - ❖ 如果 v 的地址描述符包含其它位置,则可以用 R
    - ❖ 如果 v 就是 x 且不为运算分量,则可以用 R
    - ❖ 如果 ν 在该语句后不是活跃变量,则可以用 R
    - ❖ 否则?

# getReg 函数 (2)



- 当寄存器不能安全地重复使用时,需要进行溢出操作(spill)
- 设 R 是候选寄存器, 它存放了变量 v 的值
  - ❖ 生成指令ST v, R, 并更新 v 的地址描述符
  - ❖ 如果R中还存放了别的变量的值,则可能要生成多条ST指令
- 给x = y op z 的运算结果选择寄存器:
  - ❖ 与运算分量的处理基本相同
  - ❖ 只存放了 x 的值的寄存器总是可接受的
  - ◆ 如果分量 y 在该语句后不是活跃变量, 只存放了 y 的值的寄存器也可以 接受(对分量 z 类似)
- 处理 x = y 时, 先选择  $R_y$ , 然后令  $R_x = R_y$





● 假设a,b,c,d在出口处活跃

● 入口处的寄存器(只有三个)和地址描述符:

| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
|    |    |    |

| а | b | С | d | t | U | V |
|---|---|---|---|---|---|---|
| а | b | С | d |   |   |   |





| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
|    |    |    |

| а | b | С | d | t | U | V |
|---|---|---|---|---|---|---|
| а | b | С | d |   |   |   |

活跃变量: a,b,c,d,t

| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
| а  | b  | t  |

| а    | b    | С | d | t  | U | V |
|------|------|---|---|----|---|---|
| a,R1 | b,R2 | С | d | R3 |   |   |





| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
| а  | b  | t  |

| а    | b     | С | d | t  | U | V |
|------|-------|---|---|----|---|---|
| a,R1 | b, R2 | С | d | R3 |   |   |

活跃变量: b,c,d,t,u

| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
| u  | С  | t  |

| а | b | С    | d | t  | U  | V |
|---|---|------|---|----|----|---|
| а | b | c,R2 | d | R3 | R1 |   |

#### 代码生成的第二个例子(4)



| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
| u  | С  | t  |

| а | b | С    | d | t  | u  | V |
|---|---|------|---|----|----|---|
| а | b | c,R2 | d | R3 | R1 |   |

$$v = t + u$$
ADD R3, R3, R1

活跃变量: b, c, d, u, v

| R1 | R2 | R3 |  |
|----|----|----|--|
| U  | С  | V  |  |

| а | b | С    | d | t | U  | V  |
|---|---|------|---|---|----|----|
| а | b | c,R2 | d |   | R1 | R3 |

2024年春季学期《编译原理》 北京大学计算机学院





| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
| U  | С  | V  |

| а | b | С    | d | t | u  | V  |
|---|---|------|---|---|----|----|
| а | b | c,R2 | d |   | R1 | R3 |

活跃变量: a,b,c,u,V

| R1 | R2  | R3 |
|----|-----|----|
| u  | a,d | V  |

| а  | b | С | d    | t | U  | V  |
|----|---|---|------|---|----|----|
| R2 | b | С | d,R2 |   | R1 | R3 |





| R1 | R2  | R3 |
|----|-----|----|
| u  | a,d | V  |

| а  | b | С | d    | t | u  | V  |
|----|---|---|------|---|----|----|
| R2 | b | С | d,R2 |   | R1 | R3 |

d = v + uADD R3, R3, R1

活跃变量: a,b,c,d

| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
| u  | а  | d  |

| а  | b | С | d  | t | U  | V |
|----|---|---|----|---|----|---|
| R2 | b | С | R3 |   | R1 |   |





| R1 | R2 | R3 |
|----|----|----|
| U  | а  | d  |

| а  | b | С | d  | t | U  | V |
|----|---|---|----|---|----|---|
| R2 | b | С | R3 |   | R1 |   |

| R1 | R2 | R3 |  |
|----|----|----|--|
| U  | а  | d  |  |

| а    | b | С | d    | t | U  | V |
|------|---|---|------|---|----|---|
| R2,a | b | С | R3,d |   | R1 |   |

● 问题: 只用两个寄存器可以生成不进行溢出操作的代码吗?

#### 主要内容



- 目标代码生成的基本任务
- 目标机模型
- 指令选择
- 寄存器分配

北京大学计算机学院

#### 寄存器分配和指派



- 分配: 哪些值应该放在寄存器中
- 指派:各个值应该存放在哪个寄存器

#### ● 全局寄存器分配

- ◆ 前面的代码生成算法在基本块的结尾处会把所有活跃变量的值保存 到内存中
- ❖ 可以使一些寄存器在不同基本块中有一致的(全局)指派
- ❖ 比如:循环变量

#### ● 基本方法:

- ❖ 两个不同时活跃的变量可以使用同一个寄存器
- ❖ 可以通过对变量进行溢出操作来改变变量的活跃性

#### 一个两趟处理的方法



#### ● 第一趟:

- ❖ 假设有无穷多个符号寄存器
- ❖ 用前面的生成算法生成目标代码
  - ❖ 可以不生成基本块结尾处的保存指令

#### ● 第二趟:

- ❖ 把物理寄存器指派给符号寄存器
- ❖ 需要符号寄存器的活跃信息,构造寄存器冲突图
- ❖ 通过图着色方法进行寄存器分配

#### 第一趟的例子



#### a,b,c,d是程序变量

#### 活跃寄存器

| LD R1, a LD R2, b SUB R3, R1, LD R4, c SUB R5, R1, ADD R6, R3, LD R1, d ADD R7, R6, ST a, R1 ST d, R7 | R1, F<br>R1, F<br>R1, F<br>R3, F<br>R5, F | 2}<br>33}<br>33,R4}<br>35}<br>35}<br>86}<br>85,R6} |
|---|---|--|

### 通过图着色方法进行寄存器分配



- 1971年 John Cokes 提出: 全局寄存器分配可以视为一种图着 色问题
  - ◆ 图着色方法最初在实验性编译程序 IBM 370 PL/I 中使用,很快得到了广泛的推广
- 图着色问题的简单描述
  - ❖ 已知一个图 G和 m > 0 种颜色,是否可以使用这 m 种颜色对 G 的结点进行着色,使得任意两个相邻的结点都具有不同的颜色?
    - m-着色判定问题: 当m > 2 时是 NP 完全问题
  - m-着色的最优化问题是求可对图 G 着色的最小整数 m, 这个整数称为图 G 的色数 (chromatic number)

2024年春季学期《编译原理》 北京大学计算机学院

#### 寄存器冲突图



#### ● 构造寄存器冲突图(register-interference graph)

- ❖ 结点: 在第一趟代码生成中使用的符号寄存器
- ❖ 边:两个符号寄存器不能指派同一个物理寄存器(相互冲突)则用边 连起来
- ❖ 进行图着色后,相同颜色的结点可以分配同一个物理寄存器

#### $\bullet$ 冲突: $R_1$ 在 $R_2$ 被定值的地方是活跃的,则它们相互冲突

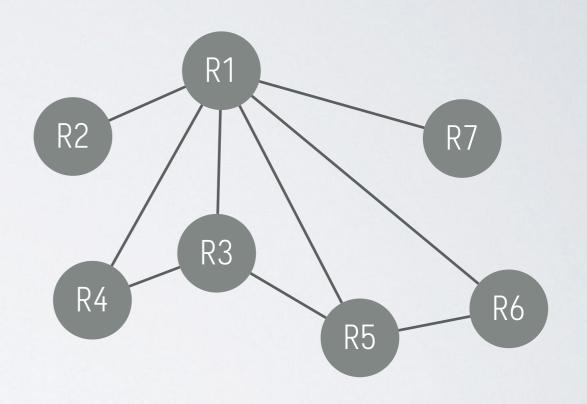
- \* 也就是说如果存在一个指令 i, 使得  $def(i,R_2)$  且  $live_{out}(i,R_1)$
- ❖ 谓词 def(i, R): 指令 i 给寄存器 R 进行了赋值
- \* 谓词  $live_{out}(i,R)$ : 寄存器 R 在指令 i 后的程序点上活跃

#### 寄存器冲突图的例子(1)



#### 活跃寄存器

```
R1, a
                         {R1}
   R2, b
                         \{R1,R2\}
SUB R3, R1, R2
                         \{R1,R3\}
LD R4, c
                         {R1,R3,R4}
SUB R5, R1, R4
                         \{R3,R5\}
ADD R6, R3, R5
                         {R5,R6}
   R1, d
                         {R1,R5,R6}
ADD R7, R6, R5
                         \{R1,R7\}
ST a, R1
                         {R7}
ST d, R7
                         {}
```



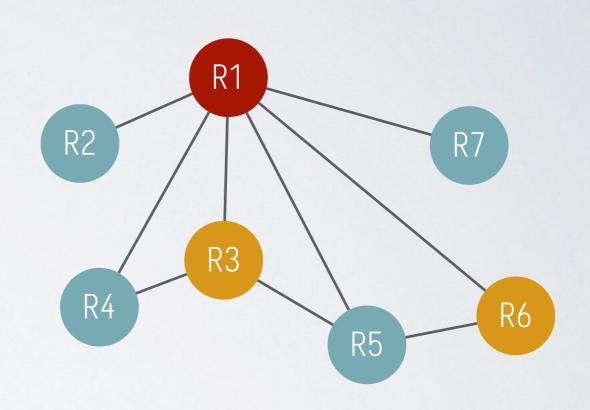
北京大学计算机学院

#### 寄存器冲突图的例子(2)



#### 活跃寄存器

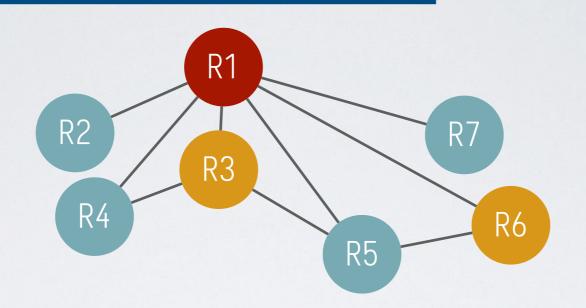
```
R1, a
                         {R1}
   R2, b
                         \{R1,R2\}
SUB R3, R1, R2
                         \{R1,R3\}
LD R4, c
                         {R1,R3,R4}
SUB R5, R1, R4
                         \{R3,R5\}
ADD R6, R3, R5
                         {R5,R6}
   R1, d
                         {R1,R5,R6}
ADD R7, R6, R5
                         \{R1,R7\}
ST a, R1
                         {R7}
ST d, R7
                         {}
```



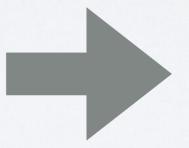
#### 可以进行3-着色!

#### 寄存器冲突图的例子(3)





LD R1, a
LD R2, b
SUB R3, R1, R2
LD R4, c
SUB R5, R1, R4
ADD R6, R3, R5
LD R1, d
ADD R7, R6, R5
ST a, R1
ST d, R7



LD R1, a
LD R2, b
SUB R3, R1, R2
LD R2, c
SUB R2, R1, R2
ADD R3, R3, R2
LD R1, d
ADD R2, R3, R2
ST a, R1
ST d, R2

#### 图着色的启发式技术

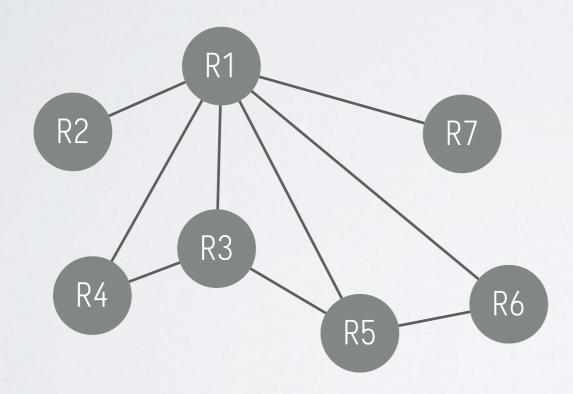


- 如果冲突图中每个结点的度数都 < m,则总是可以 m-着色
  - ❖ 每个结点邻居的颜色最多 m-1种,总能对其着色
- 一个简单的算法:
  - ❖ 寻找度数 < m 的结点, 从图中删除, 并把该结点压到一个栈中
  - ❖ 如果所有结点的度数都 ≥ m:
    - ❖ 找到一个溢出结点,不对它着色
    - ❖ 删除该结点
  - ❖ 当图为空的时候:
    - ❖ 从栈顶依次弹出结点
    - ◆ 选择该结点的邻居没有使用的颜色进行着色

2024年春季学期《编译原理》 北京大学计算机学院

# 着色算法的例子(1)



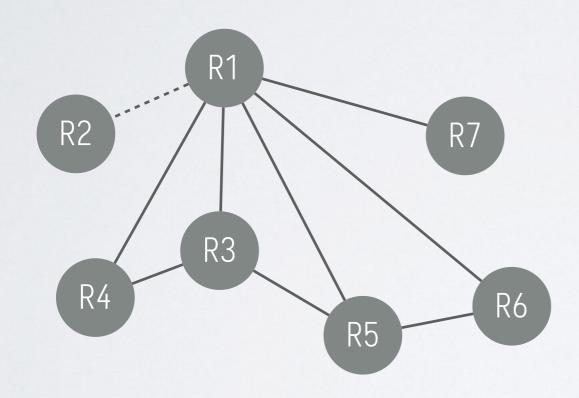


m = 3

栈

### 着色算法的例子(2)





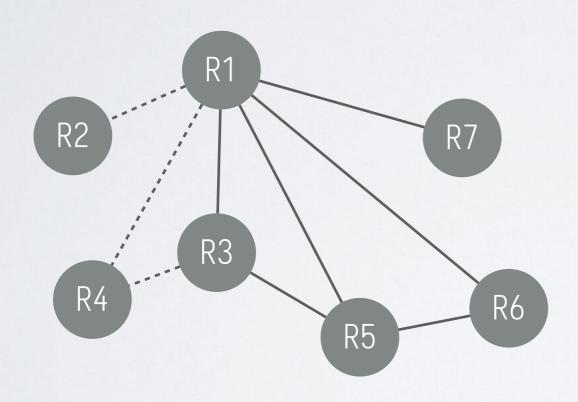
m = 3

R2

栈

# 着色算法的例子(3)





m = 3

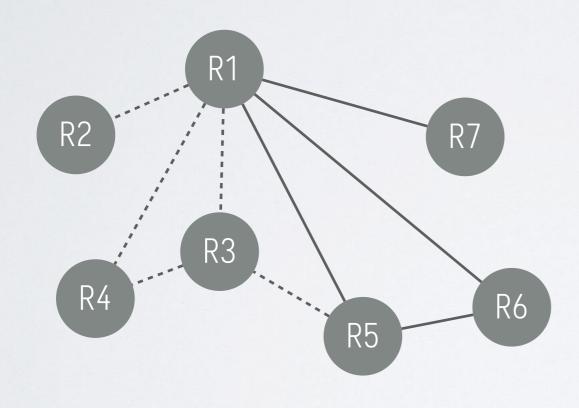
R4

R2

栈

### 着色算法的例子(4)



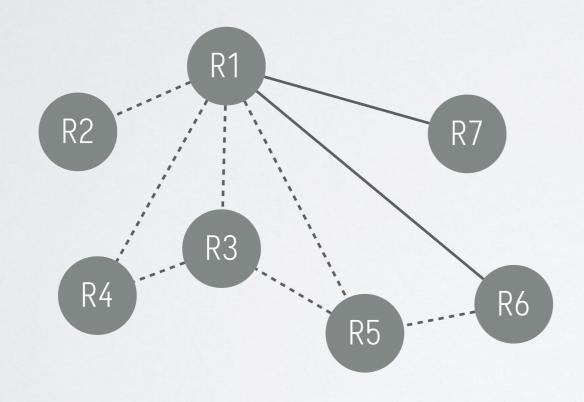


m = 3

R3 R4 R2

### 着色算法的例子(5)



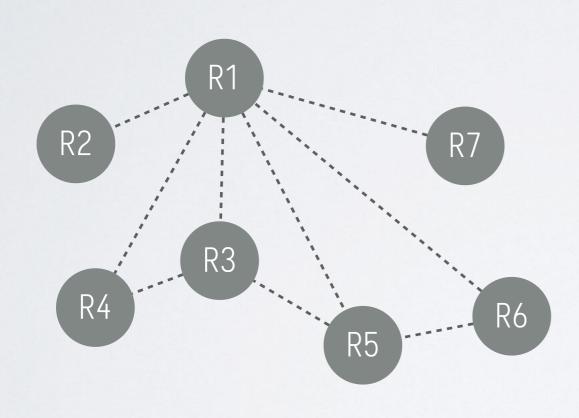


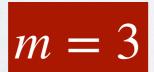
m = 3

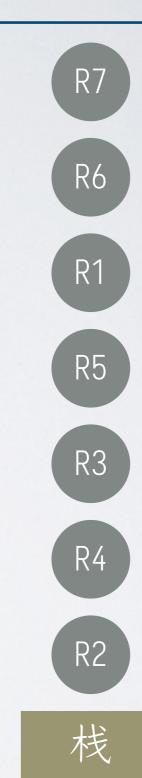


# 着色算法的例子(6)



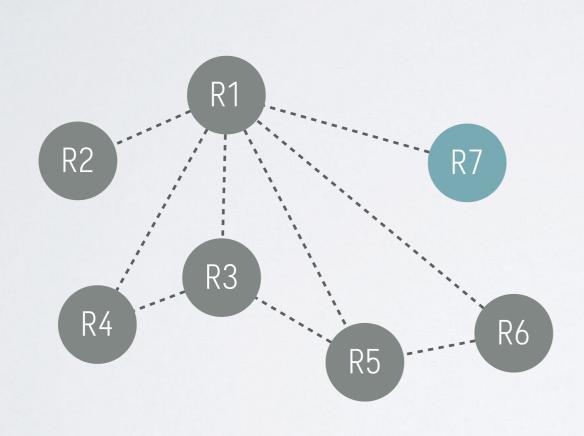






# 着色算法的例子(7)



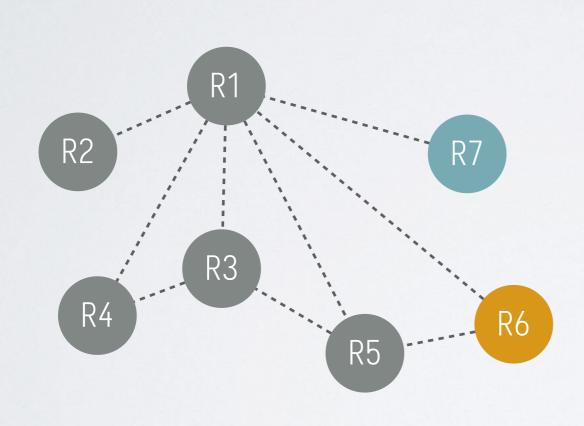


m = 3

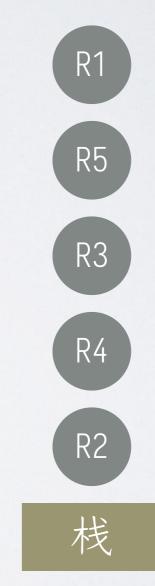


### 着色算法的例子(8)



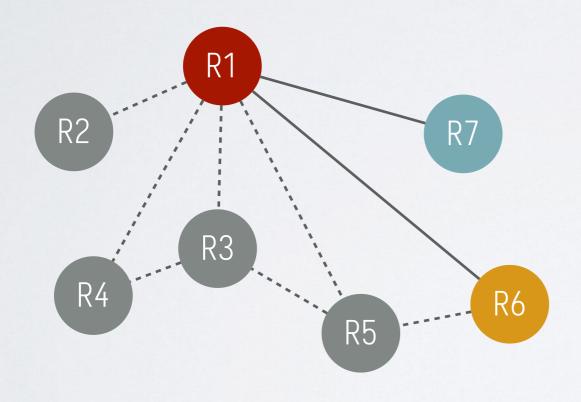


m = 3



### 着色算法的例子(9)



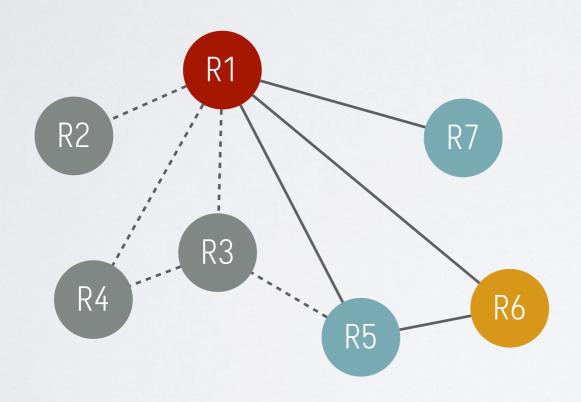


m = 3



# 着色算法的例子(10)



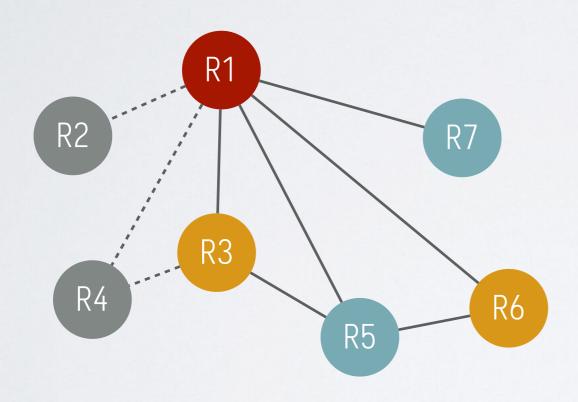


m = 3

R3 R4 R2

# 着色算法的例子(11)





m = 3

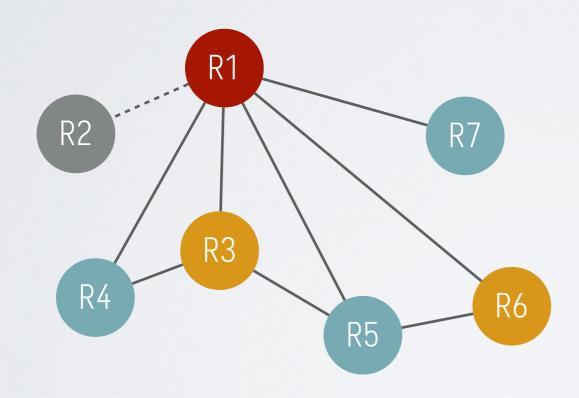
R4

R2

栈

### 着色算法的例子(12)





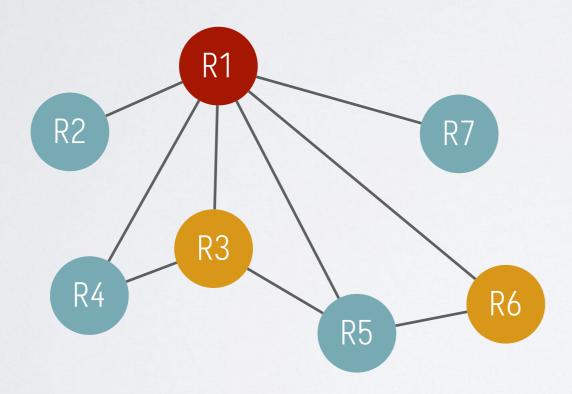
m = 3

R2

栈

### 着色算法的例子(13)



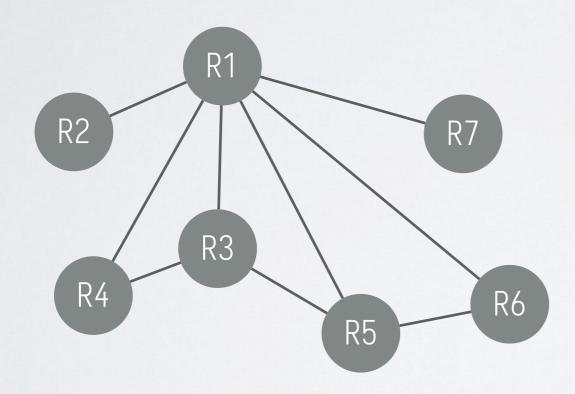


m = 3

栈

# 溢出的例子(1)



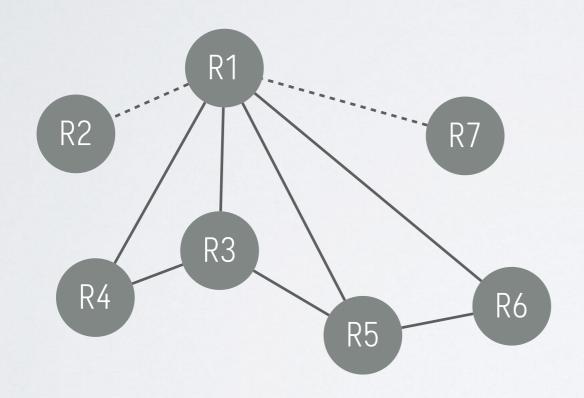


m=2

栈

# 溢出的例子(2)





m=2

R7

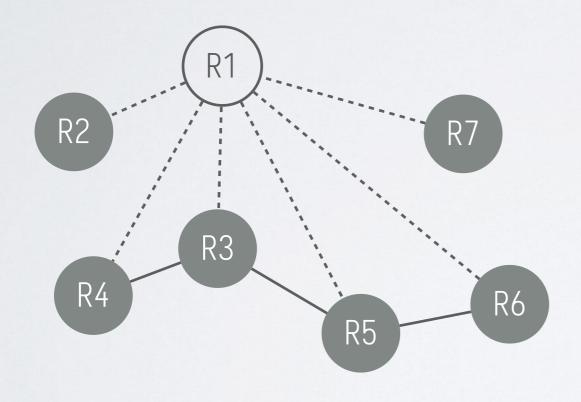
R2

栈

# 溢出的例子(3)



#### 溢出 R1



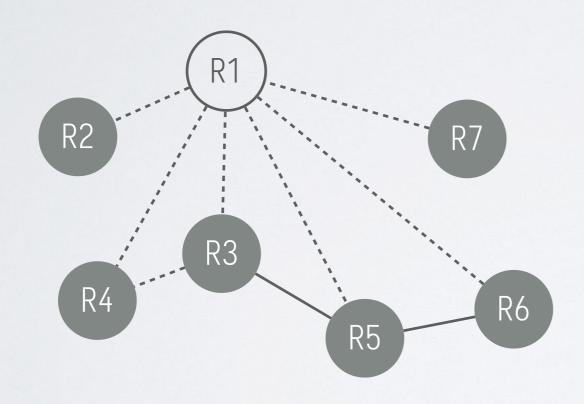
m = 2

R7

栈

# 溢出的例子(4)



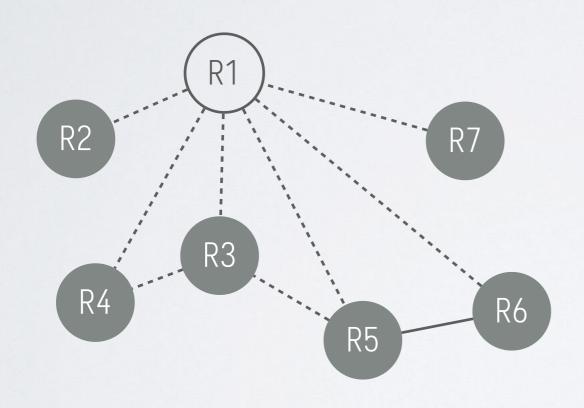


m = 2

R4 R7 R2

# 溢出的例子(5)



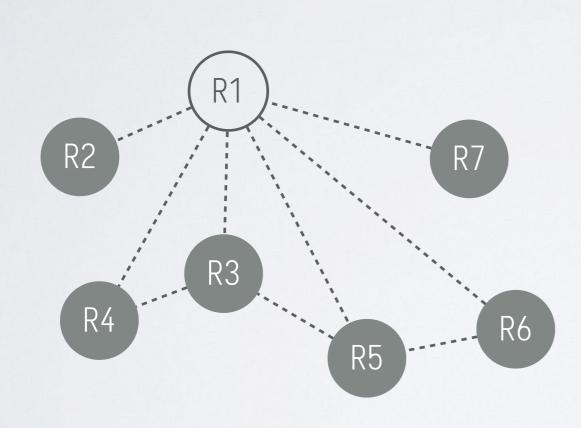


m=2



# 溢出的例子(6)



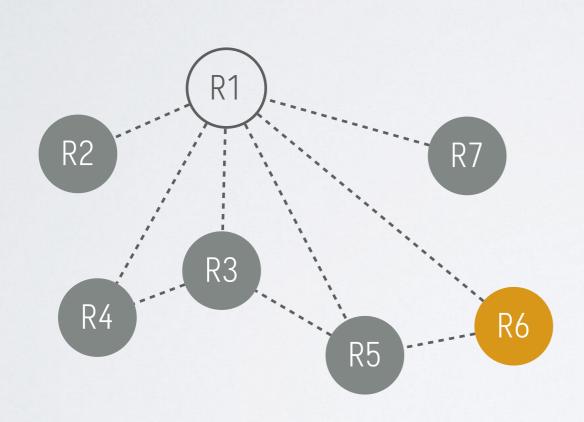


m = 2

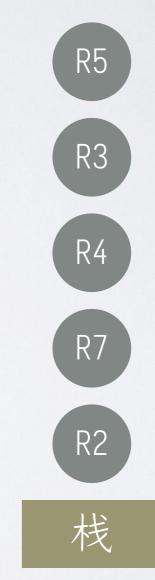
R6 R5 R3 R4 R7 R2 栈

# 溢出的例子(7)



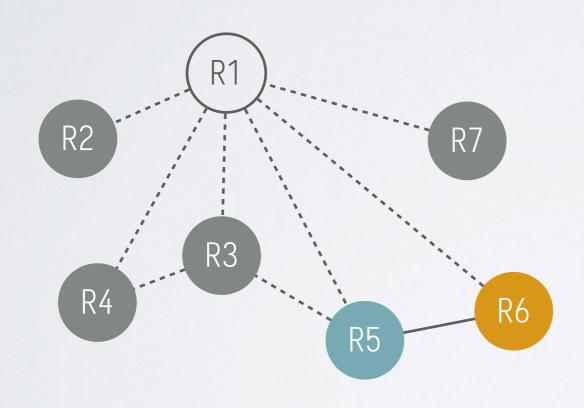


m=2



# 溢出的例子(8)



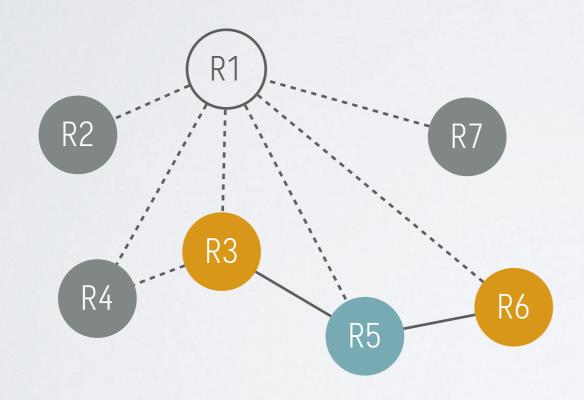


m=2

R3 R4 R7 R2

# 溢出的例子(9)



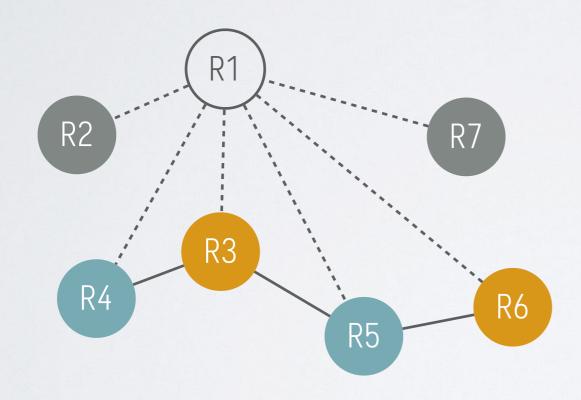


m=2

R4 R7 R2

# 溢出的例子(10)





m=2

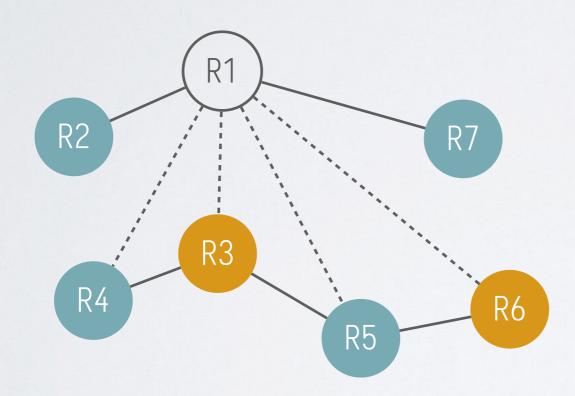
R7

R2

栈

# 溢出的例子(11)





m=2

栈

#### 溢出之后怎么办?



- 溢出结点对应的符号寄存器存放在内存中(比如栈上)
- 问题:使用这些数据运算的时候仍需要加载到寄存器中
- 解决方案 1: 预留一些寄存器来进行运算
  - ❖ 比较浪费

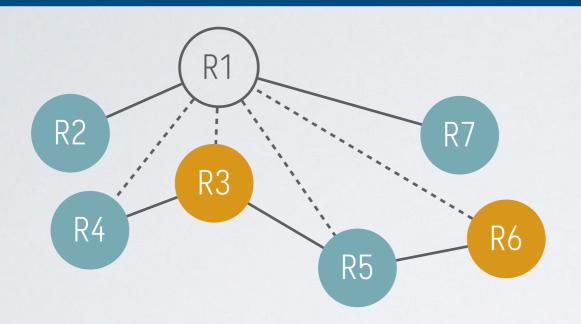
#### ● 解决方案 2:

- ❖ 为溢出结点生成代码,使用时加载到新的符号寄存器中
- ❖ 然后对新的代码重新进行活跃性分析和寄存器分配

北京大学计算机学院

### 溢出情况下的代码生成(1)





```
LD R1, a
LD R2, b
SUB R3, R1, R2
LD R4, c
SUB R5, R1, R4
ADD R6, R3, R5
LD R1, d
ADD R7, R6, R5
ST a, R1
ST d, R7
```

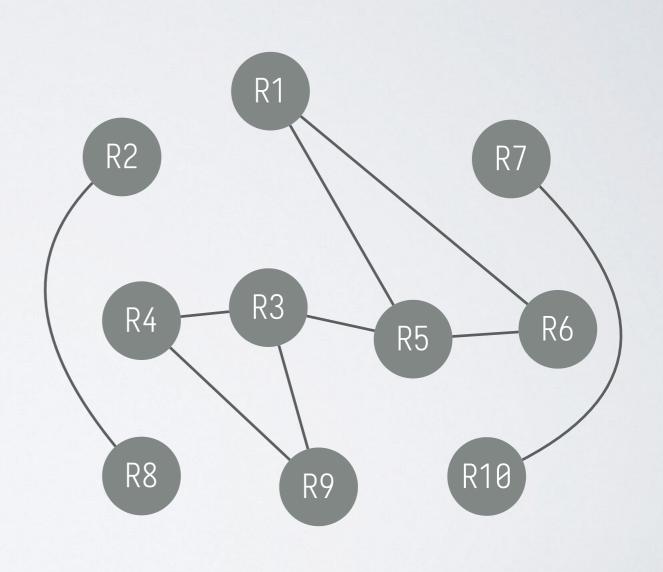
```
LD R1, a
ST 4(SP), R1
LD R2, b
LD R8, 4(SP)
SUB R3, R8, R2
LD R4, c
LD R9, 4(SP)
SUB R5, R9, R4
ADD R6, R3, R5
LD R1, d
ST 4(SP), R1
ADD R7, R6, R5
LD R10, 4(SP)
ST a, R10
ST d, R7
```

#### 溢出情况下的代码生成(2)



```
R1, a
ST 4(SP), R1
LD R2, b
LD R8, 4(SP)
SUB R3, R8, R2
LD R4, c
LD R9, 4(SP)
SUB R5, R9, R4
ADD R6, R3, R5
LD R1, d
ST 4(SP), R1
ADD R7, R6, R5
LD R10, 4(SP)
ST a, R10
ST d, R7
```

```
{}
{R1}
{}
{R2}
{R2,R8}
{R3}
{R3,R4}
{R3,R4,R9}
{R3,R5}
{R5,R6}
{R1,R5,R6}
{R5,R6}
{R7}
{R7,R10}
{R7}
{}
```



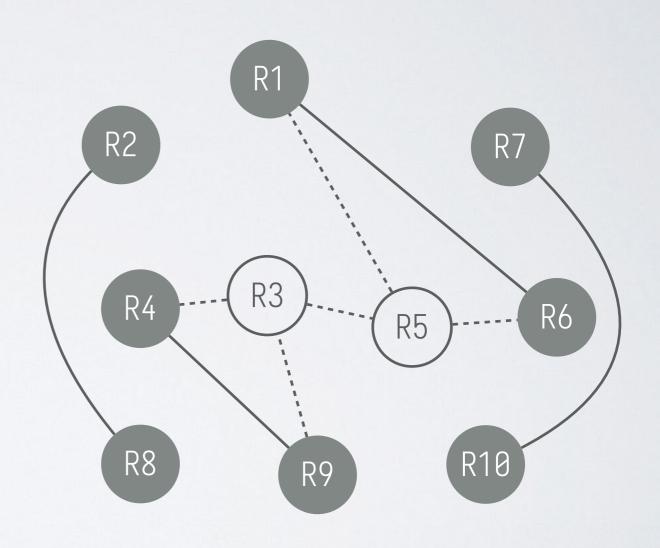
### 溢出情况下的代码生成(3)



```
R1, a
ST 4(SP), R1
LD R2, b
LD R8, 4(SP)
SUB R3, R8, R2
LD R4, c
LD R9, 4(SP)
SUB R5, R9, R4
ADD R6, R3, R5
LD R1, d
ST 4(SP), R1
ADD R7, R6, R5
LD R10, 4(SP)
ST a, R10
ST d, R7
```

```
{}
{R1}
{}
{R2}
{R2,R8}
{R3}
{R3,R4}
{R3,R4,R9}
{R3,R5}
{R5,R6}
{R1,R5,R6}
{R5,R6}
{R7}
{R7,R10}
{R7}
{}
```

#### 溢出 R3 和 R5

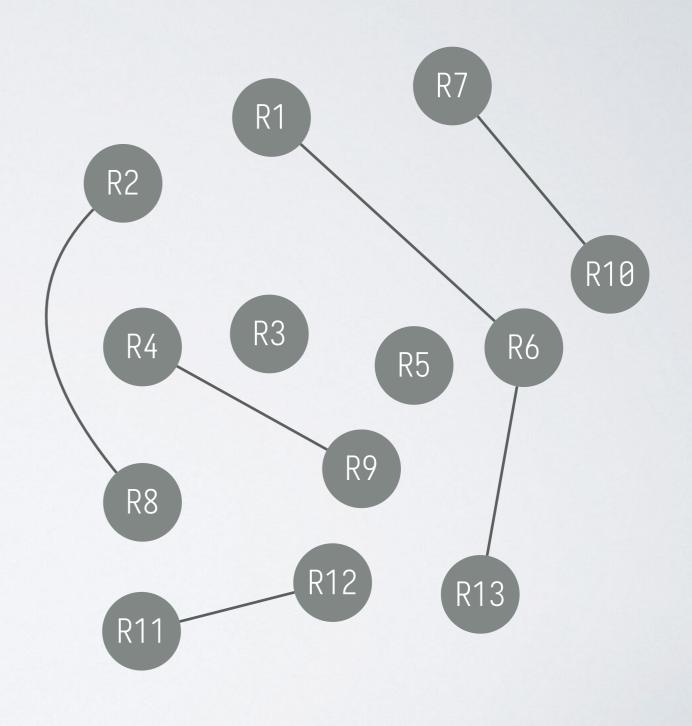


#### 溢出情况下的代码生成(4)



```
LD R1, a
ST 4(SP), R1
LD R2, b
LD R8, 4(SP)
SUB R3, R8, R2
ST 8(SP), R3
LD R4, c
LD R9, 4(SP)
SUB R5, R9, R4
ST 12(SP), R5
LD R11, 8(SP)
LD R12, 12(SP)
ADD R6, R11, R12
LD R1, d
ST 4(SP), R1
LD R13, 12(SP)
ADD R7, R6, R13
LD R10, 4(SP)
ST a, R10
  d, R7
```

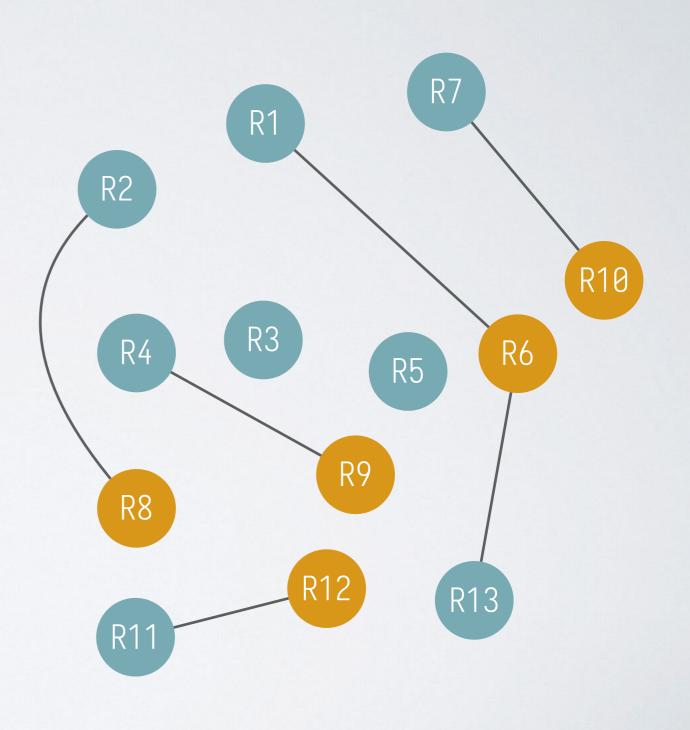
```
{}
{R1}
{}
{R2}
{R2,R8}
{R3}
{}
{R4}
{R4,R9}
{R5}
{}
{R11}
{R11,R12}
{R6}
{R1,R6}
{R6}
{R6,R13}
{R7}
{R7,R10}
{R7}
{}
```



### 溢出情况下的代码生成(5)



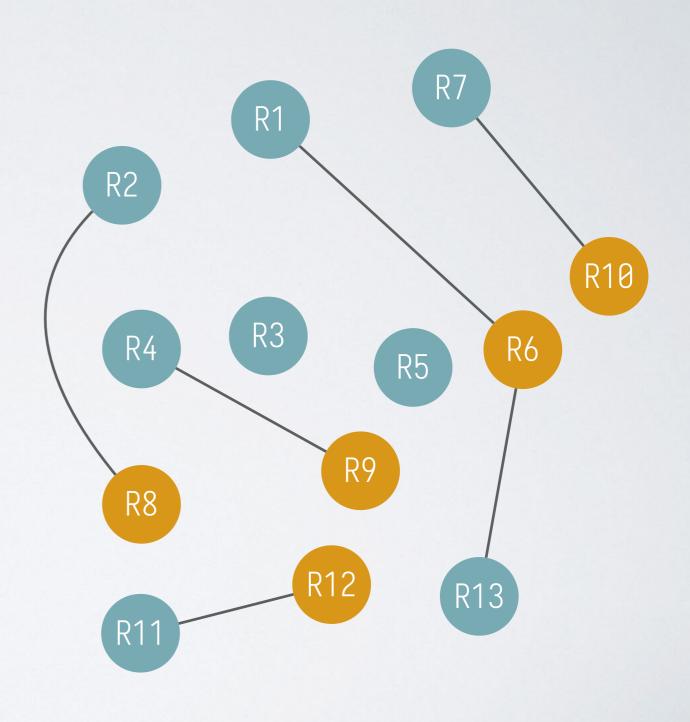
```
LD R1, a
ST 4(SP), R1
LD R2, b
LD R8, 4(SP)
SUB R3, R8, R2
ST 8(SP), R3
LD R4, c
LD R9, 4(SP)
SUB R5, R9, R4
ST 12(SP), R5
LD R11, 8(SP)
LD R12, 12(SP)
ADD R6, R11, R12
LD R1, d
ST 4(SP), R1
LD R13, 12(SP)
ADD R7, R6, R13
LD R10, 4(SP)
ST a, R10
ST d, R7
```



### 溢出情况下的代码生成(6)

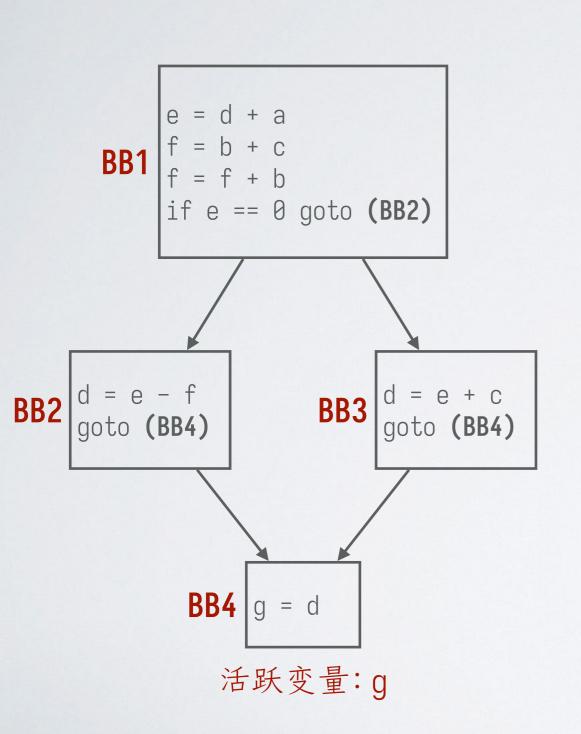


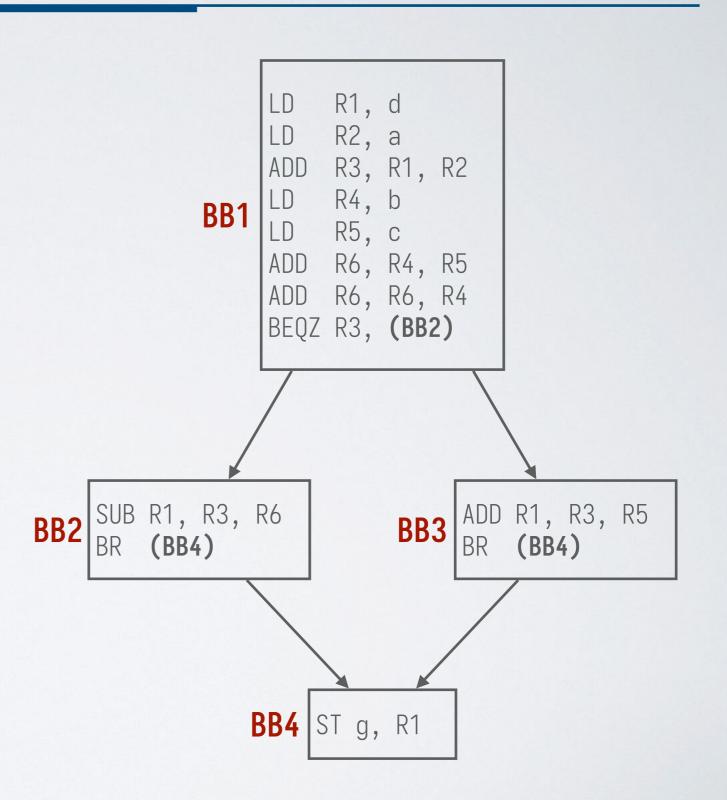
```
LD R1, a
ST 4(SP), R1
LD R1, b
LD R2, 4(SP)
SUB R1, R2, R1
ST 8(SP), R1
LD R1, c
LD R2, 4(SP)
SUB R1, R2, R1
ST 12(SP), R1
LD R1, 8(SP)
LD R2, 12(SP)
ADD R2, R1, R2
LD R1, d
ST 4(SP), R1
LD R1, 12(SP)
ADD R1, R2, R1
LD R2, 4(SP)
ST a, R2
ST d, R1
```



#### 全局寄存器分配的例子(1)

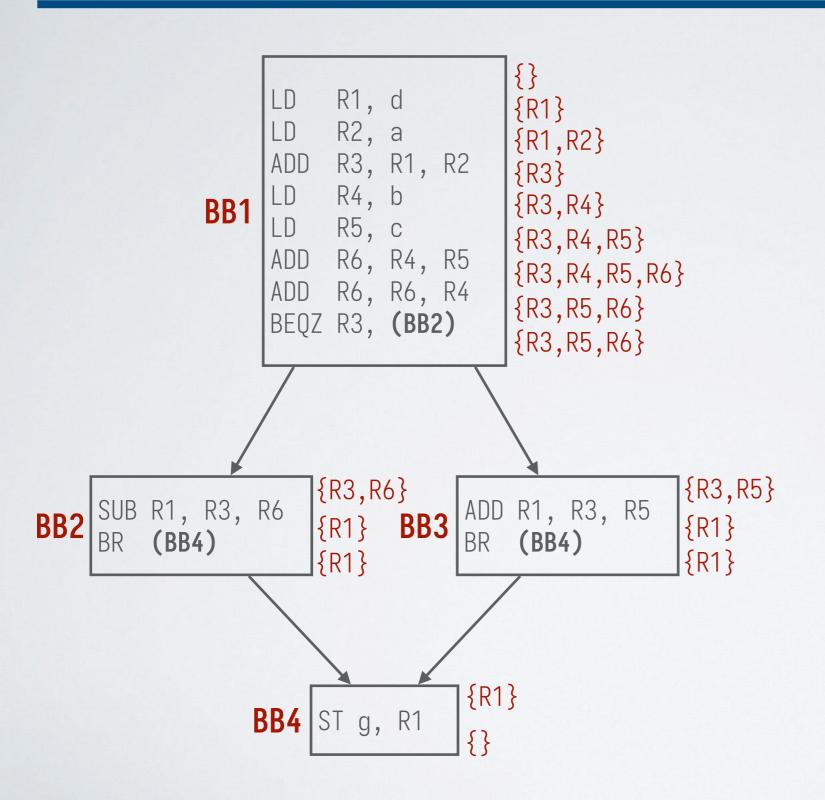




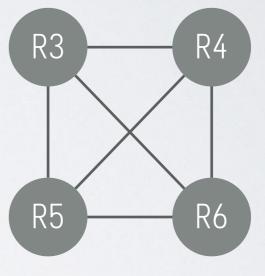


#### 全局寄存器分配的例子(2)





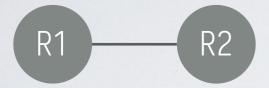


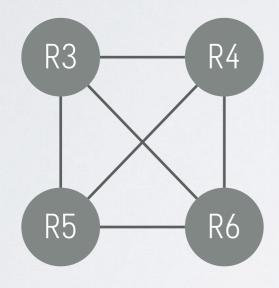


可以 4-着色不能 3-着色

### 全局寄存器分配的例子(3)







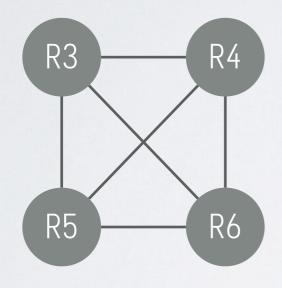
尝试 3-着色

栈

### 全局寄存器分配的例子(4)







尝试 3-着色

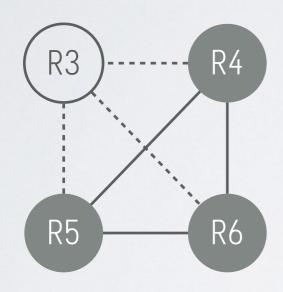


### 全局寄存器分配的例子(5)



R1 ---- R2

溢出 R3



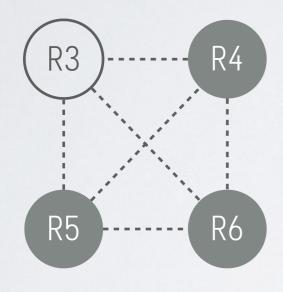
尝试 3-着色

R2 R1

### 全局寄存器分配的例子(6)







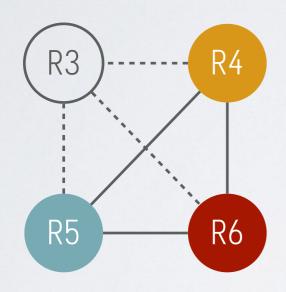
尝试 3-着色



### 全局寄存器分配的例子(7)







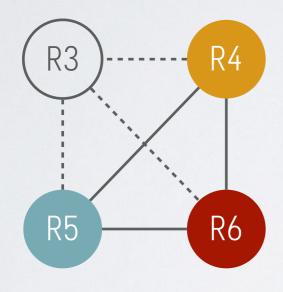
尝试 3-着色



### 全局寄存器分配的例子(8)





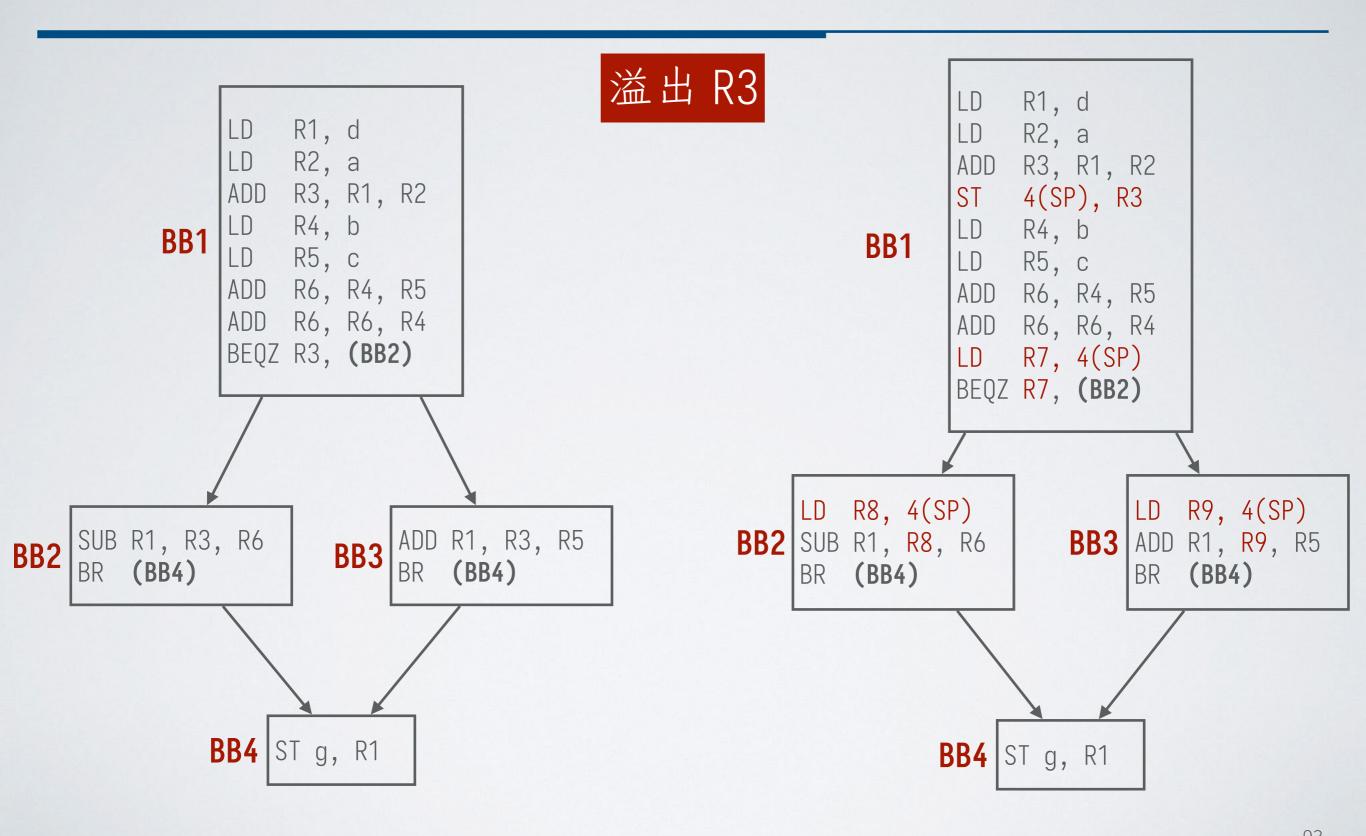


尝试 3-着色

栈

### 全局寄存器分配的例子(9)

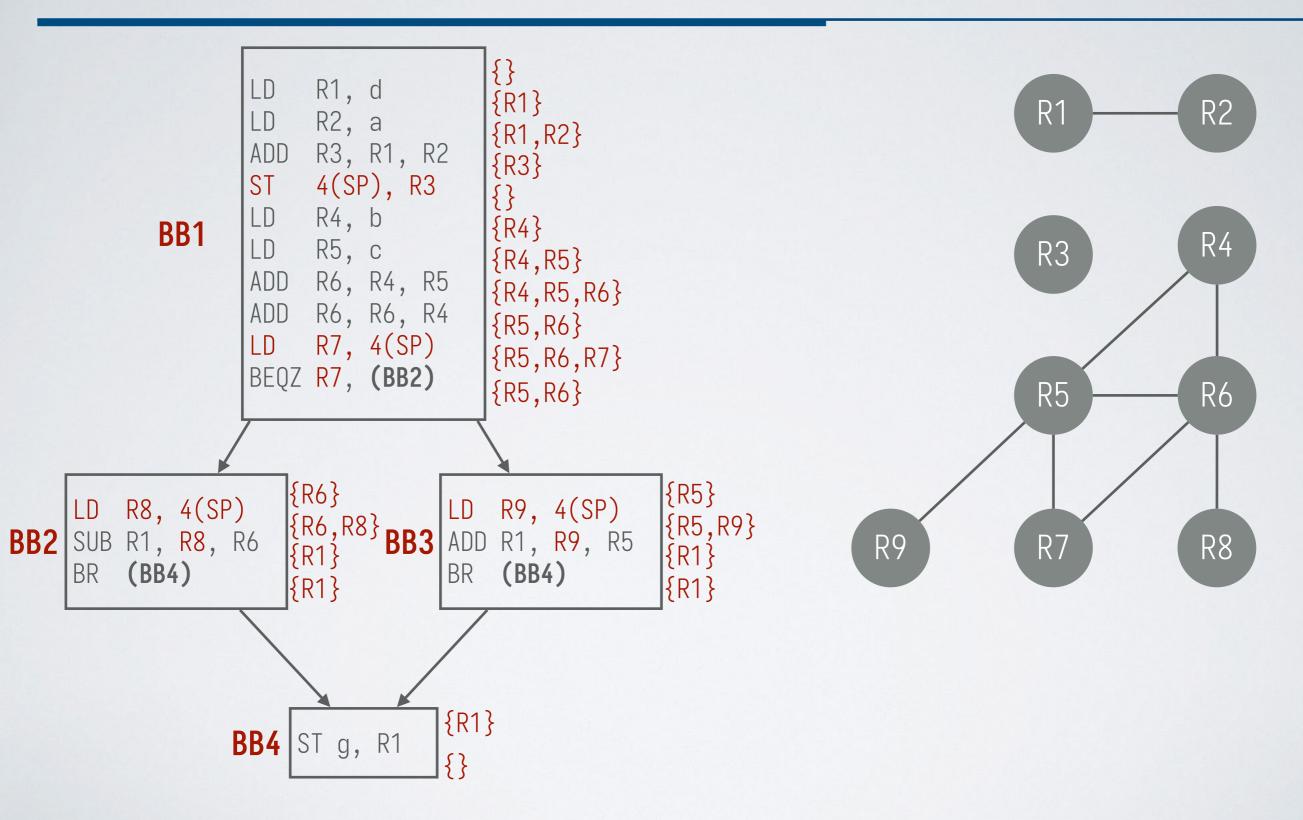




2024年春季学期《编译原理》 北京大学计算机学院

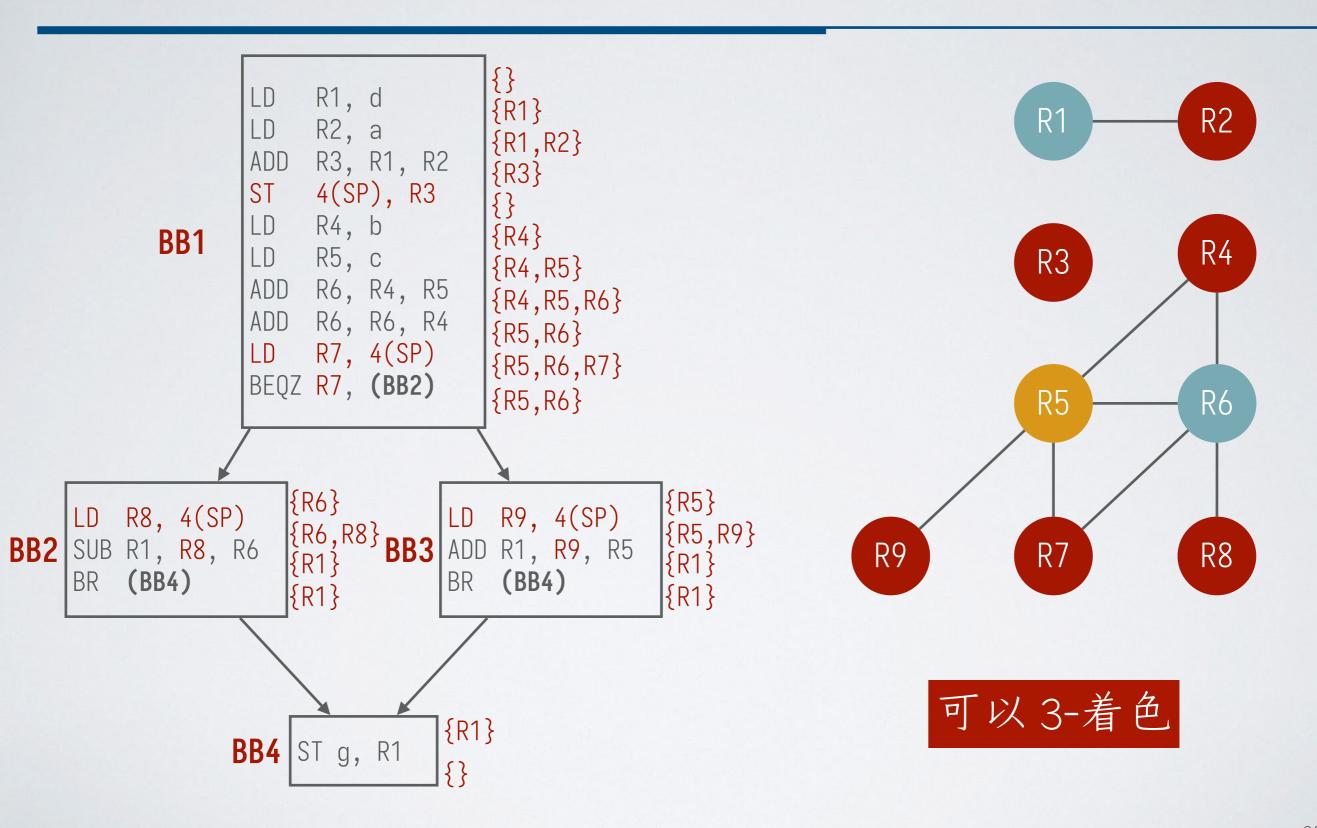
#### 全局寄存器分配的例子(10)





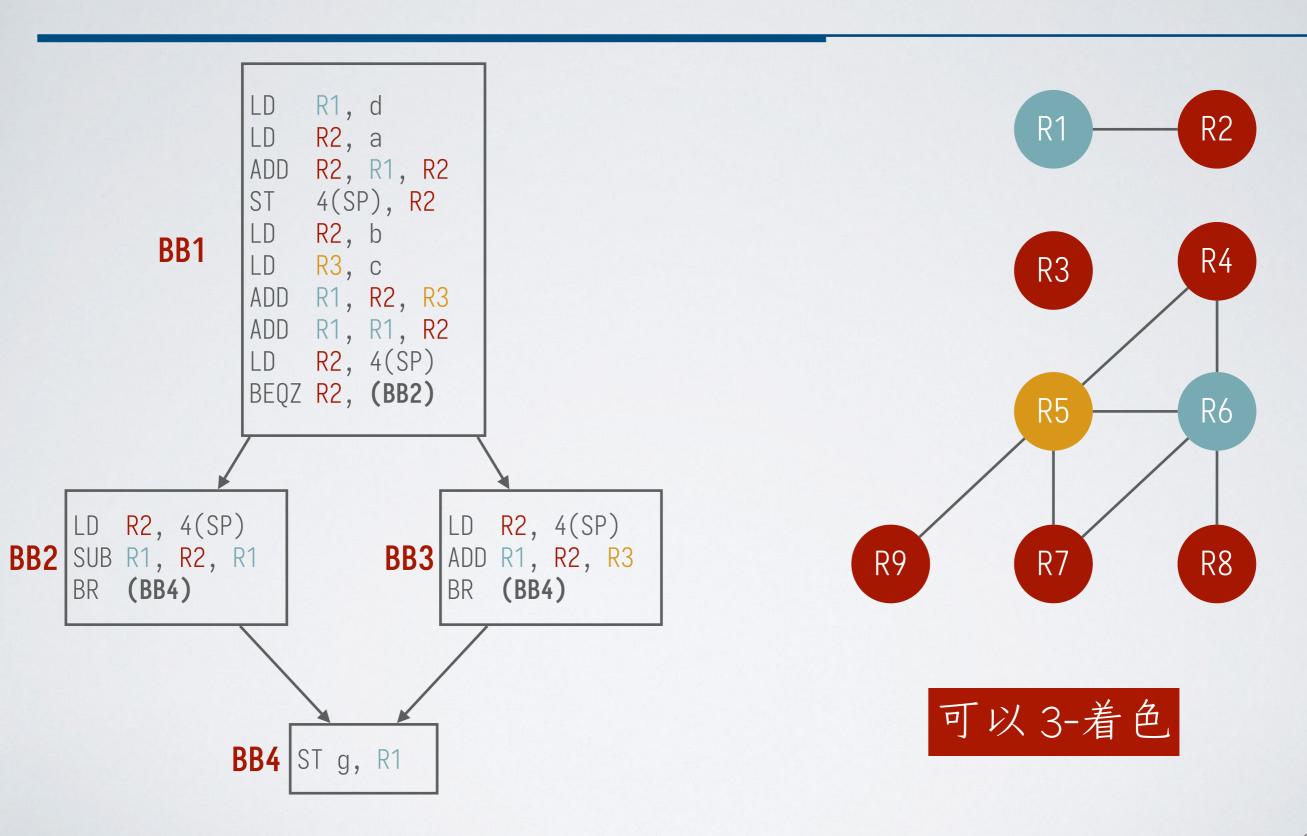
#### 全局寄存器分配的例子(11)





#### 全局寄存器分配的例子(12)





#### 如何选择溢出结点?



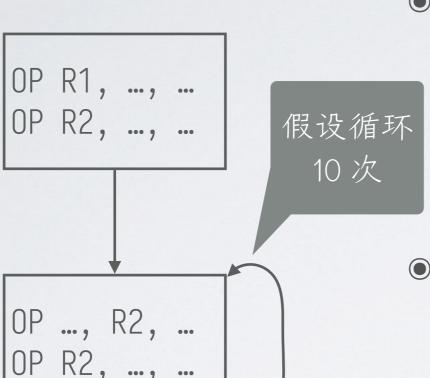
- 溢出操作会增加额外的加载和保存指令
- 选择溢出结点的原则:避免在循环中引入溢出代码
- 溢出代价(spill cost):引入的额外指令的运行时开销
- 问题:如何计算溢出代价?
  - ❖ 无法预计运行时会执行哪个分支,或者循环会执行多少次
  - ❖ 体系结构特性(分支预测、缓存等)会影响指令的开销
- 解决方案:使用静态的近似估算
  - ❖ 例如: 假设循环会执行 10 次、100 次
  - ❖ 选择估算的溢出代价最小的结点

北京大学计算机学院

### 估算溢出代价的例子







storeCost + loadCost

- R2 的溢出代价:
  - $\bullet$  11 · storeCost + 11 · loadCost

问:如果只有一个寄存器,应该 选择哪个结点溢出?

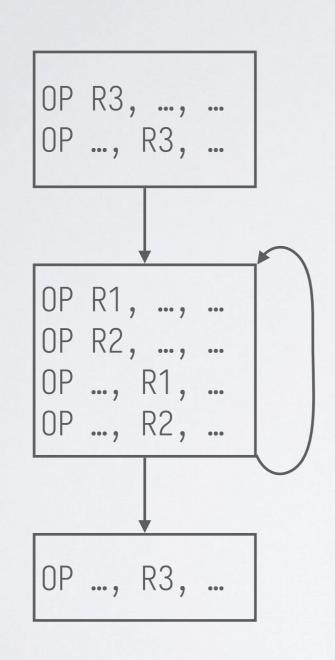
# 拆分 (splitting)

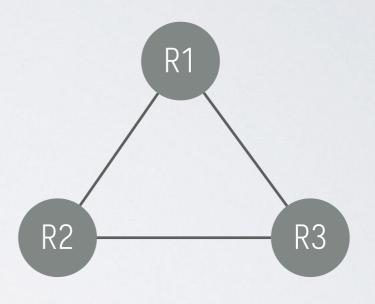


- 每次对溢出结点的操作都会导致额外的加载/保存指令
- 对一个结点的活跃范围进行拆分,降低它在冲突图中的度数,使得拆分后的图可能可以进行着色
- 拆分(split)的方法:
  - ◆ 把结点对应寄存器的值保存到内存中
  - ❖ 在拆分的地方把值再加载回来

### 拆分的例子(1)



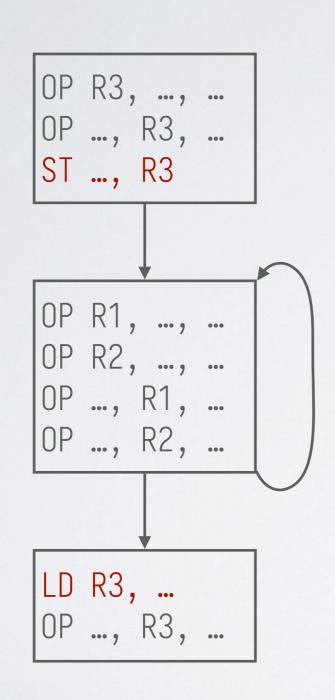


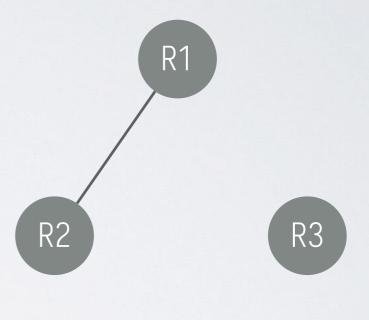


可以2-着色吗?

### 拆分的例子(2)



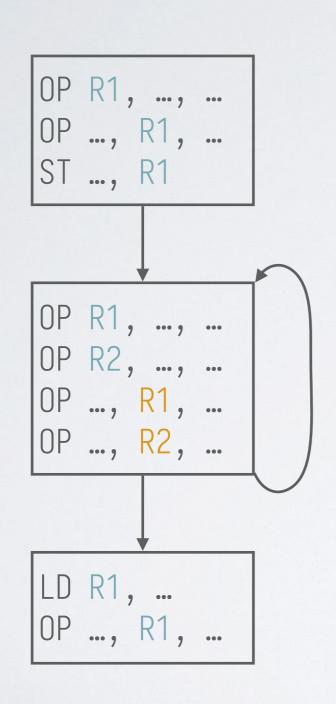


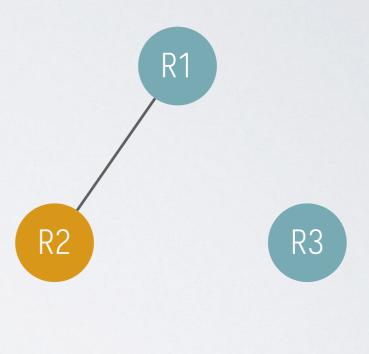


可以2-着色吗?

### 拆分的例子(3)







可以2-着色!

# 合并 (coalescing)



- 代码生成可能会产生大量的寄存器-寄存器拷贝
  - \* LD R1, R2
  - ◆ 如果我们能把 R1 和 R2 分配到同一个物理寄存器中,那么我们就不需要执行这个拷贝
- 思路:如果R1和R2在冲突图中不相邻的话,那么就可以把它们合并(coalesce)成一个符号寄存器

# 合并 (coalescing)



● 问题: 合并会增加冲突边的数目, 可能导致无法着色



- 解决方案 1: 合并时不要创建高度数(≥m)的结点
- 解决方案 2: 如果 a 的每个邻居 r 都满足下面的条件, 才可以把 a 与 b 合并
  - ❖ r与b之间有冲突,或者
  - ❖ r 的度数比较低(<m)





- 某些目标机中,有的指令会隐式使用/定值固定的物理寄存器
  - ❖ 比如 x86 上的 mul 指令
    - ❖ 读取 eax; 结果写入 eax、edx
  - ❖ 比如 x86 上的 call 指令
    - ❖ 可以视作对调用者保存(caller-saved)寄存器 eax、ecx、edx 定值
- 把这些物理寄存器当作特殊的符号寄存器处理
- 在着色开始前就加入冲突图中并着色
- 着色过程中不要溢出这些特殊结点

#### 本讲小结



- 目标代码生成的基本任务
  - ❖ 编译器后端:指令选择、指令排序、寄存器分配
- 目标机模型
  - ❖ 类 RISC 目标机的指令集、寻址模式、栈式存储管理
- 指令选择
  - \* 三地址代码基本块的指令选择算法和寄存器选择算法
- 寄存器分配
  - ❖ 基于图着色的全局寄存器分配算法

#### 思考问题



- 目标代码生成和中间代码生成都是从一个语言翻译到另一个语言, 两者面临的基本任务和问题有什么不同之处?
- RISC和 CISC 体系结构对指令选择、寄存器分配等环节的需求有什么不同之处?
- 在进行指令选择前,编译器需要在(机器无关)中间代码上添加哪些信息?
- 如何在图状 IR (比如 AST、DAG)上进行指令选择?
- 目前,越来越多的编译器的寄存器分配环节选择实现更为简洁的算法(比如线性扫描)而非图着色,为什么?