◆ 自顶向下 (Top-Down) 语法分析

自顶向下语法分析



- ◆ 基本思想
- ◇带回溯的自顶向下分析
- ◇自顶向下预测分析
- ♦ LL(1) 分析
- ◆ 文法变换: 消除左递归、提取左公因子
- ◆ LL(1) 分析中的出错处理
- ◆ LL(K) 文法的有关结论(选讲)

基本思想



◇ 语法分析

- 核心问题:识别 (recognition) 与解析 (parsing) 对任意上下文无关文法 G = (V, T, P, S) 和任意 $W \in T^*$,是否有 $W \in L(G)$? 若成立,则给出分析树或(最左)推导步骤;否则,进行报错处理。
- 两种实现途径 自顶向下 (top-down) 分析 自底向上 (bottom-up) 分析

基本思想



◇自顶向下分析思想

- 从文法开始符号出发进行推导;每一步推导都获得文法的一个句型;直到产生出一个句子,恰好是所期望的终结符串
- 每一步推导是对当前句型中剩余的某个非终结符进行扩展,即用该非终结符的一个产生式的右部替换该非终结符
- 如果不存在任何一个可以产生出所期望的终 结符串的推导,则表明存在语法错误

基本思想



◇自顶向下分析举例

- 单词序列 aaab 的一个自顶向下分析过程

文法 G (S):

 $S \rightarrow AB$

 $A \rightarrow aA \mid \epsilon$

 $B \rightarrow b \mid bB$

S

 $\Rightarrow AB$

 \Rightarrow aAB

 \Rightarrow aAb

 \Rightarrow aaAb

 \Rightarrow aaaAb

 \Rightarrow aaab

 $(S \rightarrow AB)$

 $(A \rightarrow aA)$

 $(B \rightarrow b)$

 $(A \rightarrow aA)$

 $(A \rightarrow aA)$

 $(A \rightarrow \epsilon)$



◇一般方法

- 两类非确定性

在每一步推导中,选择对哪一个非终结符、哪一个产生式都可能是非确定的

分析成功的结果: 得到一个推导



◆ 举例

- 单词序列 aaab 的一个自顶向下分析过程

文法 G (S):

- (1) $S \rightarrow AB$
- $(2) A \rightarrow aA$
- $(3) A \rightarrow \varepsilon$
- $(4) B \rightarrow b$
- $(5) B \rightarrow bB$

S (1)

- $\Rightarrow AB$ (2)
- \Rightarrow aAB (5)
- \Rightarrow aAbB (2)
- \Rightarrow aaAbB (2)
- \Rightarrow aaaAbB (3)
- ⇒ aaabB (回溯)

.

复杂度很高 失败条件较复杂



◇改进的方法

- 仅有产生式选择是非确定的

在每一步推导中,总是对最左边的非终结符进行替换,但选择哪一个产生式是非确定的

分析成功的结果: 得到一个最左推导

原理:每个合法的句子都存在至少一个起始 于开始符号的最左推导;一个终结符串,只 要存在一个起始于开始符号的最左推导,它 就是一个合法的句子

从左向右扫描输入单词,失败条件较简单



◇ 改进的方法举例

- 单词序列 aaab 的一个自顶向下分析过程

文法 G(S):

- (1) S \rightarrow AB
- $(2) A \rightarrow aA$
- $(3) A \rightarrow \varepsilon$
- $(4) B \rightarrow b$
- $(5) B \rightarrow bB$

复杂度降低 失败条件简化 S (1)

 $\Rightarrow AB$ (2)

 \Rightarrow aAB (3)

⇒ aB (回溯)

 \Leftarrow aAB (2)

 \Rightarrow aaAB (2)

 \Rightarrow aaaAB (3)

 \Rightarrow aaaB (5)

⇒ aaabB (回溯)

 \Leftarrow aaaB (4)

⇒ aaab (成功)



◇确定的自顶向下分析

非终结符选择和产生式选择都是确定的 在每一步推导中,总是对最左边的非终结符 进行展开,且选择哪一个产生式是确定的, 因此是一种无回溯的方法

从左向右扫描,可能向前查看 (lookahead) 确定数目的单词

分析成功的结果: 得到唯一的最左推导

分析条件:对文法需要有一定的限制



◆举例(向前查看2个单词)

- 单词序列 aⁿb^m (n≥0,m>0) 的预测分析过程

文法 G(S):

- (1) $S \rightarrow AB$
- $(2) A \rightarrow aA$
- $(3) A \rightarrow \varepsilon$
- $(4) B \rightarrow b$
- $(5) B \rightarrow bB$

只要向前查看2个 单词,就可预测分 析L(G)中所有句子 S (1)

 $\Rightarrow AB$ (2)

 \Rightarrow aAB (2)

.

 \Rightarrow anAB (3)

 \Rightarrow aⁿB (5)

 \Rightarrow and B (5)

.

 \Rightarrow aⁿb^{m-1}B (4)

⇒ aⁿb^m (成功)



◆左递归带来的问题

- 考虑下列文法识别 ban 的分析过程

文法 G (S):	S	(1)
	\Rightarrow Sa	(1)
$(1) S \rightarrow Sa$	⇒ Saa	(1)
$(2) S \rightarrow b$	⇒ Saaa	(1)

需要向前查看n+2个单词, \Rightarrow Sa^n (2) 才能确定这样的推导序列 \Rightarrow ba^n

但是: 无论向前查看的单词数确定为多少, 都无法满足预测分析L(G)中所有句子的需求



◇要求文法不含左递归

- 例:直接左递归

 $P \rightarrow Pa$

 $P \rightarrow b$

.

- 例:间接左递归

 $P \rightarrow Aa$

 $A \rightarrow Pb$

.

- 可以通过文法变换消除左递归 专门讨论



◇左公因子带来的问题

-如下文法需要向前查看3个单词来预测分析 L(G)中的句子

文法 G (S):
$$S \rightarrow abA \mid abB$$
 $A \rightarrow a$ $B \rightarrow b$

- 对于如下文法无法确定需要向前查看多少个单词来预测分析 L(G) 中的句子



◇通常要求文法不含左公因子

- 可以通过文法变换消除左公因子 专门讨论



- ◆ 应用较普遍的自顶向下预测分析是 LL (1) 分析
 - 要求文法一定是 LL (1) 文法 专门讨论



♦ LL (1) 的含义

- 第一个"L",代表从左(Left)向右扫描单词
- 第二个 "L",代表产生的是最左 (Leftmost) 推导
- "1"代表向前查看 (lookahead) 一个单词



◇对文法的限制

- 要求文法是 LL (1) 的
- 什么是 LL (1) 文法? 先引入两个重要概念



◇两个重要概念

- First 集合
- Follow 集合



♦ First 集合

- 定义

设 $G = (V_T, V_N, P, S)$ 是上下文无关文法 对 $\alpha \in (V_T \cup V_N)^*$,

First $(\alpha) = \{ a \mid \alpha \Rightarrow^* a\beta, a \in V_T, \beta \in (V_T \cup V_N)^*,$ 或者 $\alpha \Rightarrow^* \epsilon$ 时 $a = \epsilon \}$

或者

First $(\alpha) = \{ a \mid \alpha \Rightarrow_{lm}^* a\beta, a \in V_T, \beta \in (V_T \cup V_N)^*,$ 或者 $\alpha \Rightarrow_{lm}^* \epsilon \text{th } a = \epsilon \}$



→ 计算 First 集合

对所有 $X \in V_N \cup V_T \cup \{\varepsilon\} \cup \{v \mid A \rightarrow u \in P, 且 v 是 u 的 后 缀\}, 则$

- 对 $x \in V_T \cup \{ε\}$,置 First(x)={x};对其它x,置 First(x)=Φ
- 重复如下过程,直到所有 First 集合没有变化为止:
 - (1) 对于 $A \rightarrow \varepsilon \in P$,置 $First(A) = First(A) \cup \{\varepsilon\}$.
 - (2) 对于 $Y_1 Y_2 ... Y_K \in \{v \mid A \rightarrow u \in P, 且v \in u \in E\}$, 其中 $k \geq 1$, $Y_j \in V_N \cup V_T$ $(1 \leq j \leq k)$, 若 $\forall j : 1 \leq j \leq i 1$ $(\epsilon \in First(Y_j)) \land \epsilon \notin First(Y_j)$, 其中 $1 \leq i \leq k$, 则令

First($Y_1 Y_2 ... Y_K$) = $\bigcup_{j=1}^{i}$ First(Y_j) - { ε } 否则,若 $\forall j$:1 $\leq j \leq k$ ($\varepsilon \in \text{First}(Y_j)$),则令 First($Y_1 Y_2 ... Y_K$) = $\bigcup_{j=1}^{k}$ First(Y_j).

(3) 若有 $A \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_K \in P$,则置 $First(A) = First(A) \cup First(Y_1 Y_2 \dots Y_K)$.



♦例: 计算 First 集合

- (1) S \rightarrow AB
- (2) $A \rightarrow Da \mid \varepsilon$
- $(3) B \rightarrow cC$
- (4) $C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$
- (5) $D \rightarrow b | \varepsilon$

$$First(a) = \{a\}$$

$$First(b) = \{b\}$$

$$First(c) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(S) = \{ \}$$

$$First(A) = \{ \}$$

$$First(B) = \{ \}$$

$$First(C) = \{ \}$$

$$First(D) = \{ \}$$

$$First(AB) = \{ \}$$



◆ 例: 计算 First 集合(续)

- (1) S \rightarrow AB
- (2) $A \rightarrow Da \mid \varepsilon$
- (3) $B \rightarrow cC$
- (4) $C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$
- (5) $D \rightarrow b \mid \varepsilon$

$$First(a) = \{a\}$$

$$First(b) = \{b\}$$

$$First(c) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(S) = \{ \}$$

$$First(A) = \{\epsilon\}$$

$$First(B) = \{ \}$$

$$First(C) = \{\epsilon\}$$

$$First(D) = \{\epsilon, b\}$$

$$First(AB) = \{ \}$$



◆ 例: 计算 First 集合(续)

- (1) S \rightarrow AB
- (2) $A \rightarrow Da \mid \varepsilon$
- $(3) B \rightarrow cC$
- (4) $C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$
- (5) $D \rightarrow b | \varepsilon$

$$First(a) = \{a\}$$

$$First(b) = \{b\}$$

$$First(c) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(S) = \{ \}$$

$$First(A) = \{\epsilon\}$$

$$First(B) = \{ \}$$

$$First(C) = \{\epsilon\}$$

$$First(D) = \{\epsilon, b\}$$

$$First(AB) = \{ \}$$

$$First(Da) = \{a, b\}$$

$$First(cC) = \{c\}$$



◆ 例: 计算 First 集合(续)

- (1) $S \rightarrow AB$
- (2) $A \rightarrow Da \mid \varepsilon$
- $(3) B \rightarrow cC$
- (4) $C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$
- (5) $D \rightarrow b | \varepsilon$

$$First(a) = \{a\}$$

$$First(b) = \{b\}$$

$$First(c) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(S) = \{ \}$$

First(A) =
$$\{\varepsilon, a, b\}$$

$$First(B) = \{c\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

$$First(D) = \{\epsilon, b\}$$

$$First(AB) = \{ \}$$

$$First(Da) = \{a, b\}$$

$$First(cC) = \{c\}$$



◆ 例: 计算 First 集合(续)

- (1) S \rightarrow AB
- (2) $A \rightarrow Da \mid \varepsilon$
- $(3) B \rightarrow cC$
- (4) $C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$
- (5) $D \rightarrow b \mid \varepsilon$

$$First(a) = \{a\}$$

$$First(b) = \{b\}$$

$$First(c) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(S) = \{ \}$$

$$First(A) = \{\epsilon, a, b\}$$

$$First(B) = \{c\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

First(D) =
$$\{\varepsilon, b\}$$

$$First(AB) = \{a, b, c\}$$

$$First(Da) = \{a, b\}$$

$$First(cC) = \{c\}$$

$$First(aADC) = \{a\}$$





◆ 例: 计算 First 集合(续)

- (1) S \rightarrow AB
- (2) $A \rightarrow Da \mid \varepsilon$
- $(3) B \rightarrow cC$
- (4) $C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$
- (5) $D \rightarrow b \mid \varepsilon$

$$First(a) = \{a\}$$

$$First(b) = \{b\}$$

$$First(c) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(S) = \{a, b, c\}$$

First(A) =
$$\{\varepsilon, a, b\}$$

$$First(B) = \{c\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

First(D) =
$$\{\varepsilon, b\}$$

$$First(AB) = \{a, b, c\}$$

$$First(Da) = \{a, b\}$$

$$First(cC) = \{c\}$$

$$First(aADC) = \{a\}$$



♦ Follow 集合

- 定义

设 $G = (V_T, V_N, P, S)$ 是上下文无关文法,对 每个 $A \in V_N$,

Follow(A) = { a | S# \Rightarrow * αAβ# 且 a∈First(β#), α, β ∈ (V_T ∪ V_N)* }

(#代表输入单词序列右边的结束符)



→ 计算 Follow 集合

- 置 Follow(S) = {#}, 置所有其它的 Follow 集合为 Ø;
- 重复如下步骤,直至所有Follow集不再变化为止:
 对于 A→αBβ ∈ P,把 First(β) {ε}加至 Follow(B);
 若有 ε∈First(β),则把 Follow(A)加至 Follow(B)中.



◆ 例: 计算 First 和 Follow 集合

$$(1)$$
 $S \rightarrow AB$

(2)
$$A \rightarrow Da \mid \varepsilon$$

$$(3) B \rightarrow cC$$

(4)
$$C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$$

(5)
$$D \rightarrow b \mid \varepsilon$$

$$Follow(S) = \{\#\}$$

$$Follow(A) = \{ \}$$

$$Follow(B) = \{ \}$$

$$Follow(C) = \{ \}$$

$$Follow(D) = \{ \}$$

$$First(B) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(a) = \{a\}$$

First(DC) =
$$\{b, a, \epsilon\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$



◆ 例: 计算 First 和 Follow 集合

$$(1) S \rightarrow AB$$

(2)
$$A \rightarrow Da \mid \varepsilon$$

(3)
$$B \rightarrow cC$$

(4)
$$C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$$

(5)
$$D \rightarrow b | \varepsilon$$

$$Follow(S) = \{\#\}$$

$$Follow(A) = \{ \}$$

$$Follow(B) = \{ \}$$

$$Follow(C) = \{ \}$$

$$Follow(D) = \{ \}$$

$$First(B) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(a) = \{a\}$$

First(DC) =
$$\{b, a, \epsilon\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

$$Follow(A) = \{c\}$$

$$Follow(B) = \{\#\}$$



◆ 例: 计算 First 和 Follow 集合

$$(1)$$
 S \rightarrow AB

(2)
$$A \rightarrow Da \epsilon$$

(3)
$$B \rightarrow cC$$

(4)
$$C \rightarrow aADC \mid \varepsilon$$

(5)
$$D \rightarrow b \mid \varepsilon$$

$$Follow(S) = \{\#\}$$

$$Follow(A) = \{c\}$$

$$Follow(B) = \{\#\}$$

$$Follow(C) = \{ \}$$

$$Follow(D) = \{ \}$$

$$First(B) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(a) = \{a\}$$

First(DC) =
$$\{b, a, \epsilon\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

$$Follow(D) = \{a\}$$



◆ 例: 计算 First 和 Follow 集合

$$(1)$$
 $S \rightarrow AB$

(2)
$$A \rightarrow Da \mid \varepsilon$$

(3)
$$B \rightarrow cC$$

(4)
$$C \rightarrow aADC \mid \epsilon$$

(5)
$$D \rightarrow b \mid \varepsilon$$

$$Follow(S) = \{\#\}$$

$$Follow(A) = \{c\}$$

$$Follow(B) = \{\#\}$$

$$Follow(C) = \{ \}$$

$$Follow(D) = \{a\}$$

$$First(B) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(a) = \{a\}$$

First(DC) =
$$\{b, a, \epsilon\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

$$Follow(C) = \{\#\}$$



◆ 例: 计算 First 和 Follow 集合

$$(1)$$
 $S \rightarrow AB$

(2)
$$A \rightarrow Da \mid \varepsilon$$

(3)
$$B \rightarrow cC$$

(4)
$$C \rightarrow aADC \mid \epsilon \sqrt{}$$

(5)
$$D \rightarrow b \mid \varepsilon$$

$$Follow(S) = \{\#\}$$

$$Follow(A) = \{c\}$$

$$Follow(B) = \{\#\}$$

$$Follow(C) = \{\#\}$$

$$Follow(D) = \{a\}$$

$$First(B) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(a) = \{a\}$$

First(DC) =
$$\{b, a, \epsilon\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

$$Follow(A) = \{c,b,a,\#\}$$

$$Follow(D) = \{a, \#\}$$



◆ 例: 计算 First 和 Follow 集合

$$(1) S \rightarrow AB$$

(2)
$$A \rightarrow Da \mid \varepsilon$$

(3)
$$B \rightarrow cC$$

(4)
$$C \rightarrow aADC \mid \epsilon \sqrt{}$$

(5)
$$D \rightarrow b \mid \varepsilon$$

$$First(B) = \{c\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(a) = \{a\}$$

First(DC) =
$$\{b, a, \epsilon\}$$

First(C) =
$$\{a, \epsilon\}$$

$$Follow(S) = \{\#\}$$

$$Follow(A) = \{c,b,a,\#\}$$

$$Follow(B) = \{\#\}$$

$$Follow(C) = \{\#\}$$

$$Follow(D) = \{a, \#\}$$



◆ 定义: 预测集合 (Predictive Set)

设 $G = (V_T, V_N, P, S)$ 是上下文无关文法。 对任何产生式 $A \rightarrow \alpha \in P$,其预测集合 $PS(A \rightarrow \alpha)$ 定义为:

- 如果ε∉ first(α), 那么 $PS(A\rightarrow\alpha) = first(\alpha);$
- -如果ε∈ first (α), 那么 $PS(A\rightarrow\alpha) = (first(\alpha) \{\epsilon\}) \cup follow(A)$

LL (1) 分析

◆ 定义: LL (1) 文法

文法 G 是 LL (1) 文法,当且仅当对于 G 的每个非终结符 A 的任何两个不同产生式 $A \rightarrow \alpha$ β ,下面的条件成立:

$$PS(A\rightarrow\alpha)\cap PS(A\rightarrow\beta) = \emptyset$$

LL (1) 分析



◆ 举例: 验证如下文法 G (S) 不是 LL (1) 文法

文法 G(S):

- (1) S \rightarrow AB
- (2) $A \rightarrow Da \mid \varepsilon$
- (3) $B \rightarrow cC$
- (4) $C \rightarrow aADC \mid \epsilon$
- (5) $D \rightarrow b \mid \varepsilon$

$$PS(A \rightarrow Da) = \{b,a\}$$

 $PS(A \rightarrow \varepsilon) = \{c,b,a,\#\}$
 $PS(C \rightarrow aADC) = \{a\}$
 $PS(C \rightarrow \varepsilon) = \{\#\}$
 $PS(D \rightarrow b) = \{b\}$
 $PS(D \rightarrow \varepsilon) = \{a,\#\}$

$$First(Da) = \{b, a\}$$

$$First(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$$

$$First(aADC) = \{a\}$$

$$First(b) = \{b\}$$

$$Follow(A) = \{c,b,a,\#\}$$

$$Follow(C) = \{\#\}$$

$$Follow(D) = \{a, \#\}$$

$$PS(A \rightarrow Da) \cap PS(A \rightarrow \varepsilon) \neq \emptyset$$

 $PS(C \rightarrow aADC) \cap PS(C \rightarrow \varepsilon) = \emptyset$
 $PS(D \rightarrow b) \cap PS(D \rightarrow \varepsilon) = \emptyset$

LL (1) 分析



- ◆ LL (1) 分析的实现
 - 递归下降 LL (1) 分析程序每个非终结符对应一个分析子程序
 - 表驱动 LL (1) 分析程序 借助于预测分析表和一个下推栈



◆ 递归下降LL(1)分析程序

- 工作原理

每个非终结符都对应一个子程序。该子程序的行为根据语法描述来明确:根据下一个输入符号来确定按照哪一个产生式进行处理,再根据该产生式的右端,

- 每遇到一个终结符,则判断当前读入的单词是否 与该终结符相匹配,若匹配,再读取下一个单词 继续分析;不匹配,则进行出错处理
- 每遇到一个非终结符,则调用相应的子程序



◇非终结符对应的递归下降子程序

```
- 例对于下列关于 function 的唯一产生式
  <function> → FUNC ID (<parameter_list>) <statement>
   (<function>, <parameter_list>, 和 <statement> 是非终结符)
     void ParseFunction()
        MatchToken(T_FUNC); //匹配FUNC
        MatchToken(T_ID); //匹配ID
        MatchToken(T_LPAREN); // 匹配 (
        ParseParameterList();
        MatchToken(T_RPAREN); // 匹配)
        ParseStatement();
```



- ◇非终结符对应的递归下降子程序
 - 例 续上页

```
void MatchToken(int expected)
 if (lookahead != expected) //判别当前单词是否与
                        //期望的终结符匹配
   printf("syntax error \n");
   exit(0);
         // 若匹配,消费掉当前单词并读入下一个
   lookahead = getToken(); //调用词法分析程序
```



◆ 递归下降LL(1)分析程序举例

- 例 对于下列文法
$$G(S)$$
:
 $S \rightarrow AaS \mid BbS \mid d$
 $A \rightarrow a$
 $B \rightarrow \varepsilon \mid c$

$$PS(S \rightarrow AaS) = \{a\}$$

 $PS(S \rightarrow BbS) = \{c,b\}$
 $PS(S \rightarrow d) = \{d\}$
 $PS(A \rightarrow a) = \{a\}$
 $PS(B \rightarrow \varepsilon) = \{b\}$
 $PS(B \rightarrow c) = \{c\}$

First
$$(AaS) = \{a\}$$

First $(BbS) = \{c,b\}$
First $(d) = \{d\}$
First $(a) = \{a\}$
First $(\epsilon) = \{\epsilon\}$
First $(c) = \{c\}$
Follow $(S) = \{\#\}$
Follow $(A) = \{a\}$
Follow $(B) = \{b\}$

 $PS(S \rightarrow AaS)$, $PS(S \rightarrow BbS)$ 以及 $PS(S \rightarrow d)$ 互不相交, $PS(B \rightarrow \varepsilon)$ 和 $PS(S \rightarrow d)$ 互不相交, 所以, G(S) 是 LL(1) 文法



- ◆ 非终结符对应的 递归下降子程序
 - 一般结构

设 A 的产生式:

 $A \rightarrow u_1 \mid u_2 \mid \dots \mid u_n$

相对于非终结符 A 的递归下降子程序 ParseA 的一般结 构如右图所示

```
void ParseA()
   switch (lookahead) {
       case PS(A \rightarrow u_1):
            /* code to recognize u_1 */
            break;
       case PS(A \rightarrow u_2):
            /* code to recognize u<sub>2</sub> */
            break;
       case PS(A \rightarrow u_n):
            /* code to recognize u_n */
           break;
      default:
            printf("syntax error \n");
            exit(0);
```



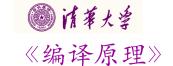
- 接上例 针对文法G(S)构造的递归下降分析程序

```
G(S): S \rightarrow AaS \mid BbS \mid d
          A \rightarrow a
          B \rightarrow \varepsilon \mid c
PS(S \rightarrow AaS) = \{a\}
PS(S \rightarrow BbS) = \{c,b\}
PS(S \rightarrow d) = \{d\}
void ParseS()
     switch (lookahead) {
          case a:
              ParseA();
              MatchToken(a);
             ParseS();
              break;
```

```
case b,c:
  ParseB();
  MatchToken(b);
  ParseS();
  break;
case d:
  MatchToken(d);
  break;
default:
  printf("syntax error \n")
  exit(0);
```







- 接上例 针对文法G(S) 构造的递归下降分析程序

```
G(S): S \rightarrow AaS \mid BbS \mid d
         A \rightarrow a
          B \rightarrow \varepsilon \mid c
void ParseB()
    if (lookahead==c) {
        MatchToken(c);
    else if (lookahead==b) {
   else {
       printf("syntax error \n");
       exit(0);
```

```
PS(A \rightarrow a) = \{a\}
  PS(B \rightarrow \varepsilon) = \{b\}
  PS(B \rightarrow c) = \{c\}
void ParseA( )
    if (lookahead==a) {
        MatchToken(a);
    else {
       printf("syntax error \n");
       exit(0);
```







◇实际应用中的推广

上面只讨论了根据普通文法构造递归下降分析程序。实际上,也可以将产生式右端扩展为更复杂的描述表达式,即除了文法符号之间的连接运算之外,还可以有选择、重复、任选以及优先括号等运算(如 EBNF 范式中的运算),以使语法描述更加简洁,分析程序更加高效(比较:若将其展开为普通文法,则需要引入多个非终结符,增加多个对应的子程序)。

- $-X_1 \mid X_1 \mid \dots \mid X_m$ 多个成分之间的选择
- $-\{X\}$ 成分X的重复 (0 到多次)
- -[X] 成分 X 的任选 (0 或 1 次)
- -(X) 成分 X 优先



◇实际应用中的推广

将产生式右端扩展后,同样要求它的 First 集合,以适应递归下降分析程序的构造方法。

- First $(X_1 | X_2 | \dots | X_m)$ = First $(X_1) \cup \dots \cup$ First (X_m)
- First $(\{X\})$ = First $(X) \cup \{\epsilon\}$
- First ([X]) = First (X) $\cup \{\epsilon\}$
- First ((X)) =First (X)



◇实际应用中的推广

将产生式右端扩展后,子程序的处理过程中需要针对不同运算选择不同的语句形式(普通文法只有连接运算,所以只对应顺序语句)。

- X₁ | X₂ | ... | X_m 对应选择语句

-{X} 对应循环语句

-[X] 对应 If-Then 语句

- (X) 对应 Block 语句

- 可参考 PL/0 编译器的语法分析程序



◆ 表驱动LL(1)分析程序

- 工作原理 利用预测分析表和一个下推栈实现

初始时,下推栈只包含#;首先将文法开始符 号入栈;之后依如下步骤: (1) 若栈顶为终 结符,则判断当前读入的单词是否与该终结符 相匹配, 若匹配, 再读取下一单词继续分析; 不匹配,则进行出错处理; (2) 若栈顶为非终 结符,则根据该非终结符和当前输入单词查预测 分析表, 若相应表项中是产生式(唯一的), 则将此非终结符出栈, 并把产生式右部符号从 右至左入栈; 若表项为空, 则进行出错处理; (3) 重复(1) 和(2),直到栈顶为#同时输 入也遇到结束符#时,分析结束



◇预测分析表

- 表驱动分析程序需要的二维表M
- 表的每一行 A 对应一个非终结符
- 表的每一列 a 对应某个终结符或输入结束符#
- 表中的项 M(A,a) 表示栈顶为A, 下一个输入符号为a时, 可选的产生式集合
- 对于LL (1) 文法,可以构造出一个 M(A,a) 最多只包含一个产生式的预测分析表,可称之为 LL (1) 分析表
- M(A,a) 不含产生式时,对应一个出错位置



- ◇预测分析表的构造算法
 - 对文法 G 的每个产生式 A→ α 执行如下步骤: 对每个 a ∈ PS(A→ α),将 A→ α 加入 M[A,a]
 - 把所有无定义的 M[A,a] 标上"出错标志"
 - 可以证明: 一个文法 G 的预测分析表不含多重入口, 当且仅当该文法是 LL(1) 的



◆ 预测分析表的构造举例

- 对于下列文法**G(S)**:

$$S \rightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 $A \rightarrow a$
 $B \rightarrow \varepsilon \mid c$

$$PS(S \rightarrow AaS) = \{a\}$$

 $PS(S \rightarrow BbS) = \{c,b\}$
 $PS(S \rightarrow d) = \{d\}$
 $PS(A \rightarrow a) = \{a\}$
 $PS(B \rightarrow \varepsilon) = \{b\}$

 $PS(B \rightarrow c) = \{c\}$

可构造如下预测分析表:

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B \rightarrow \varepsilon$	В→с		



◇表驱动预测分析程序分析算法

```
初始时'#'入栈,然后文法开始符号入栈;首个输入符号读进 a;
flag =TRUE;
while (flag) do {
  栈顶符号出栈并放在X中;
  if (X \in V_T) {
     if (X==a)
       把下一个输入符号读进a;
     else ERROR:
   else if (X=='#') {
     if (a=='#') flag = FALSE;
     else ERROR;
   else if (M[X,a] == \{X \to X_1 X_2 ... X_k\}) X_k, X_{k-1}, ..., X_1 依次进栈;
   else ERROR:
/*分析成功,过程完毕*/
```



#

◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow aabd\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B \rightarrow \varepsilon$	$B \rightarrow c$		



◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow aabd\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

A a S #

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B\!\!\!\to\!\!\! arepsilon$	В→с		



◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow aabd\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

a a S #

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B \rightarrow \varepsilon$	$B \rightarrow c$		



S

#

◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow abd\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B\!\!\!\to\!\!\! \varepsilon$	В→с		



#

◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow a$ $bd\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B\!\!\!\to\!\!\! arepsilon$	$B \rightarrow c$		



◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow a$ $bd\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

B b S #

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B\!\!\!\to\!\!\! \varepsilon$	$B \rightarrow c$		



#

◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow a$ $bd\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B \rightarrow \varepsilon$	В→с		



#

◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法G(S):

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow a$ $d\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B \rightarrow \varepsilon$	В→с		



#

◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法**G(S)**:

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow a$ $d\#$ $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B \rightarrow \varepsilon$	В→с		



#

◇表驱动预测分析过程举例

- 对于下列文法**G(S)**:

$$S
ightarrow AaS \mid BbS \mid d$$
 剩余的输入串 $A
ightarrow a$ # $B
ightarrow \varepsilon \mid c$

	а	b	С	d	#
S	S→AaS	S→BbS	S→BbS	S→d	
A	A→a				
В		$B\!\!\!\to\!\!\! arepsilon$	$B \rightarrow c$		

文法变换



◆ 文法变换: 消除左递归、提取左公因子

- LL(1) 文法通常不含左递归和左公因子
- 许多文法在消除左递归和提取左公因子后可 以变换为LL(1)文法
- 但不含左递归和左公因子的文法不一定都是 LL(1)文法

文法变换,消除左递归



◆左递归消除规则

- 消除直接左递归

对形如

$$P \rightarrow P \alpha \mid \beta$$

的产生式,其中 α 非 ϵ , β 不以P打头,

可改写为:

$$P \rightarrow \beta Q$$

$$Q \rightarrow \alpha Q \mid \epsilon$$

其中Q为新增加的非终结符



◆左递归消除规则

- 消除直接左递归

对更一般的形如

 $P \rightarrow P\alpha_1 | P\alpha_2 | ... | P\alpha_m | \beta_1 | \beta_2 | ... | \beta_n$ 的一组产生式,其中 α_i (1 $\leq i \leq m$) 不为 ϵ , β_i (1 $\leq j \leq n$) 不以 P 打头,

可改写为:

 $P\rightarrow\beta_1Q|\beta_2Q|...|\beta_nQ$ $Q\rightarrow\alpha_1Q|\alpha_2Q|...|\alpha_mQ|\epsilon$ 其中Q为新增加的非终结符



◆ 左递归消除举例

原文法 G[E]:
$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid a$$

消除左递归后的文法 G'[E]:

- (1) $E \rightarrow TE'$ (2) $E' \rightarrow + TE'$
- (3) $E' \rightarrow \varepsilon$ (4) $T \rightarrow FT'$
- (5) $T' \rightarrow * FT'$ (6) $T' \rightarrow \varepsilon$
- (7) $F \rightarrow (E)$ (8) $F \rightarrow a$



◆左递归消除规则

- 消除一般左递归

对无回路(A ⇒ + A)、无ε-产生式的文法,通过下列步骤可消除 一般左递归(包括直接和间接左递归):

- (1) 以某种顺序将文法非终结符排列 $A_1, A_2...A_n$
- (3) 化简由(2) 得到的文法



◆左递归消除举例

原文法 G[S]:
$$S \rightarrow PQ \mid a$$
 $P \rightarrow QS \mid b$ $Q \rightarrow SP \mid c$

非终结符排序为 S、P、Q,按造消除一般左递归的方法,进行如下变换:

$$Q \rightarrow SP \mid c$$

$$\Rightarrow$$
 Q \rightarrow PQP aP c

$$\Rightarrow$$
 Q \rightarrow QSQP | bQP | aP | c

$$\Rightarrow$$
 Q → bQPR aPR cR
R → SQPR ϵ

结果:

$$S \rightarrow PQ \mid a$$

$$P \rightarrow QS \mid b$$

$$Q \rightarrow bQPR | aPR | cR$$

$$R \rightarrow SQPR \mid \varepsilon$$



◆左递归消除举例

原文法 G[S]:
$$S \rightarrow PQ \mid a$$

 $P \rightarrow QS \mid b$
 $Q \rightarrow SP \mid c$

按造非终结符的另一种排序Q、P、S,依消除一般左 递归的方法,进行如下变换:

$$P \rightarrow QS \mid b$$

 $\Rightarrow P \rightarrow SPS \mid cS \mid b$

$$S \rightarrow PQ \mid a$$

 $\Rightarrow S \rightarrow SPSQ \mid cSQ \mid bQ \mid a$

$$\Longrightarrow$$
 S \rightarrow cSQR | bQR | aR

$$R \rightarrow PSQR \mid \varepsilon$$

文法变换, 提取左公因子



◆ 提取左公因子规则

- 对形如

$$P \rightarrow \alpha \beta \mid \alpha \gamma$$

的一对产生式,可用如下三个产生式替换:

$$P \rightarrow \alpha Q$$
 $Q \rightarrow \beta \mid \gamma$

其中Q为新增加的未出现过的非终结符

文法变换, 提取左公因子



◆ 提取左公因子规则

- 一般含有左公因子的产生式形如

$$P \rightarrow \alpha \beta_1 |\alpha \beta_2| \dots |\alpha \beta_m |\gamma_1| \gamma_2 |\dots |\gamma_n|$$

其中,每个γ不以α开头.提取左公共因子, 产生式改写成:

$$P \rightarrow \alpha Q | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_n$$

$$Q \rightarrow \beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_m$$

文法变换, 提取左公因子



◆ 提取左公因子举例

- 对文法 G(S):

$$S \rightarrow \underline{if} C t S \mid \underline{if} C t S e S$$

 $C \rightarrow b$

提取左公因子后,可改写为文法G'(S):

$$S \rightarrow \underline{if} C t S A$$

 $A \rightarrow e S \mid \varepsilon$
 $C \rightarrow b$

文法变换

◆ 举例: 许多文法在消除左递归和提取左公因 子后可以变换为LL(1)文法

可验证如下文法 G[E]是LL(1)文法:

$$(1) \quad \mathsf{E} \to \mathsf{TE}'$$

(1)
$$E \rightarrow TE'$$
 (2) $E' \rightarrow + TE'$

(3)
$$E' \rightarrow \varepsilon$$

(3)
$$E' \rightarrow \varepsilon$$
 (4) $T \rightarrow FT'$

(5)
$$T' \rightarrow *FT'$$
 (6) $T' \rightarrow \varepsilon$

(6)
$$T' \rightarrow \epsilon$$

(7)
$$F \rightarrow (E)$$
 (8) $F \rightarrow a$

(8)
$$F \rightarrow a$$

文法变换



◆ 举例:不含左递归和左公因子的文法 不一定是LL(1)文法

$$S \rightarrow \underline{if} C t S$$

 $| \underline{if} C t S e S$

 $C \rightarrow b$

提取左公因子后:

$$S \rightarrow \underline{if} C t S A$$

 $A \rightarrow e S \mid \varepsilon$
 $C \rightarrow b$

First集 Follow集

<u>if</u> C t S A : {<u>if</u>} S: {#,e}

eS: {e}

b {b}

A: {#,e}

C: { t }

$$M[A,e] = \{A \rightarrow e S, A \rightarrow \epsilon\}$$

文法变换



◇问题探讨

某些非LL(1)的文法也可采用LL(1)分析方法

$$S \rightarrow \underline{if} C t S$$

 $| \underline{if} C t S e S$

$$C \rightarrow b$$

提取左公因子后:

$$S \rightarrow \underline{if} C t S A$$

 $A \rightarrow e S \mid \varepsilon$

$$M[A,e] = \{A \rightarrow e S,$$

 $A \rightarrow \epsilon \}$

优先使用



◇错误处理的原则

- 尽可能准确指出错误位置和错误属性
- 尽可能进行校正



◇预测分析中的出错处理

- 递归下降LL(1)分析中的出错处理 介绍一种短语层错误恢复技术
- 表驱动LL(1)分析中的出错处理 介绍一种简单的应急错误恢复技术



◆ 表驱动LL(1)分析中的错误处理

- 出错报告 (error reporting)
 - 栈顶的终结符与当前输入符不匹配
 - ·非终结符A于栈顶,面临的输入符为a,但分析表M的M[A,a]为空



◆ 表驱动LL(1)分析中的错误处理

- 简单的应急恢复 (panic-mode error recovery) 跳过输入串中的一些符号直至遇到同步符号 (synchronizing token) 为止 同步符号的选择:

- 把 Follow(A) 中的所有符号作为A的同步符号, 跳过输入串中的一些符号直至遇到这些"同步符号", 把A从栈中弹出, 可使分析继续
- 把First(A)中的符号加到A的同步符号集,当First(A)中的符号在输入中出现时,可根据A恢复分析

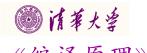


◇递归下降分析程序的错误处理

- 短语层恢复可采取的流程

在进入某个语法单位时,检查当前符号是否属于进入该语法单位需要的符号集合 BeginSym. 若不属于,则报错,并滤去补救的符号集合 S 外的所有符号在语法单位分析结束时,检查当前符号是否属于离开该语法单位时需要的符号集合 EndSym. 若不属于,则报错,并滤去补救的符号集合 S 外的所有符号





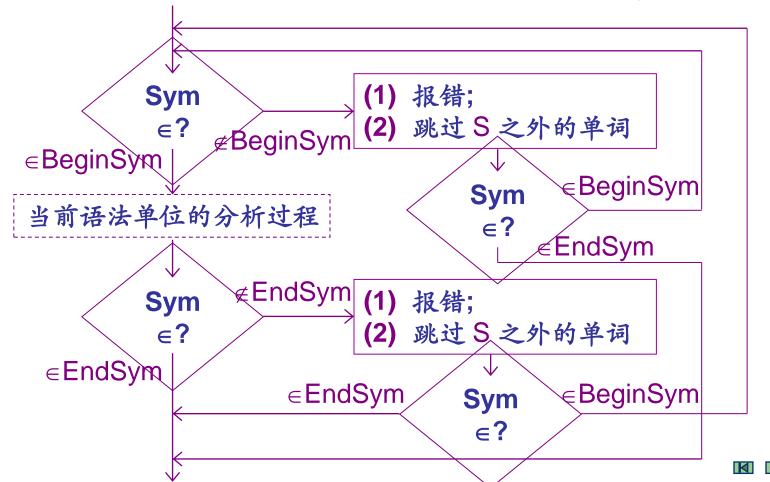
《编译原理》

◆ 递归下降分析程序的错误处理

Sym为正扫描的符号 S为补救的符号集合

- 短语层恢复可采取的流程

S = BeginSym ∪ EndSym





◇ 递归下降分析程序的错误处理

- 短语层恢复举例

```
B \rightarrow [A] \mid (A)
                                                  A \rightarrow a
procedure ParseB (EndSym)
 if ( lookahead ∉ { '[', '(' } ) {
       报错; 跳过 S 之外的单词; /* S = { '[', '(') U EndSym */
 while (lookahead \in \{ i'', i'' \} \}
   if (lookahead == '[')
     { MatchToken('['); ParseA ( EndSym∪{']'} ); MatchToken(']'); }
   else { MatchToken('('); ParseA ( EndSym∪{')'} ); MatchToken(')'); }
   if ( lookahead ∉ EndSym ) {
          报错; 跳过 S 之外的单词; /* S = { '[', '(' } U EndSym */
```



◇递归下降分析程序的错误处理

- 短语层恢复举例

```
B \rightarrow [A] \mid (A)

A \rightarrow a
```

```
procedure ParseA (EndSym)
  if ( lookahead ∉ { 'a' } ) {
       报错; 跳过 S 之外的单词; /* S = { 'a' } U EndSym */
  while (lookahead \in \{ \text{ 'a' } \} ) {
    MatchToken ('a');
    if (lookahead ∉ EndSym) {
         报错; 跳过 S 之外的单词; /* S = { 'a'} U EndSym */
```





◇ 递归下降分析程序的错误处理

- 短语层恢复举例

注:与前面相比,这里的MatchToken函数报错后不退出系统

LL(K) 女法的有关结论



- ♦ LL(K)文法
 - 推广LL(1)文法

可以通过向前查看k个符号来唯一确定产生式, 以便在自顶向下预测分析中对相应的非终结符 进行展开。

LL(K) 文法的有关结论



♦ LL(K) 文法

- 一些重要的结论

- 给定k>0, 一个CFG是否为LL(k) 文法是可判定的
- 对于一个CFG, 是否存在k>0, 使得该文法是 LL(k) 文法, 是不可判定的
- 对于一个CFG, 是否存在一个与之等价的 LL(k) 文法 (k>0), 是不可判定的
- 两个LL(k) 文法的语言是否相等是可判定的
- LL(k) 文法是无二义文法
- LL(k) 文法中不存在左递归的非终结符
- 给定 k > 0, 不含 ϵ 产生式的 LL(k) 文法的语言类真包含于不含 ϵ 产生式的 LL(k+1) 文法的语言类

课后作业



参见网络学堂公告: "第一次书面作业"

课后作业



◇非书面作业

理解讲稿中递归下降分析程序的错误处理技术(含短语层恢复技术)。

思考: 在使用表驱动技术的自顶向下分析程序中如何实现短语层恢复?

That's all for today.

Thank You