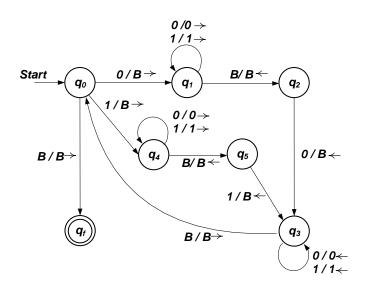
# Slide12 必做题

- ! Exercise 8.2.2, 设计图灵机接受下列语言:
  - c) {  $ww^R \mid w$  是任意的 0 和 1 的串 }。

# 参考解答:

c) 一个可能的图灵机:



**Exercise 8.2.3** 设计图灵机以二进制数字 N 作为输入并把输入加 1。准确地说,开始时带包含着 \$ 和后面跟着的二进制 N。开始时带头在状态  $q_0$  中扫描\$。所设计的 TM 应当停机,停机时带上有二进制的 N 并在状态  $q_f$  中扫描 N+1 的最左符号。必要时,在产生 N+1 时可消除\$。例如, $q_0$ \$10011  $\vdash$ \* \$ $q_f$ 10100,以及  $q_0$ \$11111  $\vdash$ \*  $q_f$ 100000。

- a) 给出图灵机的转移, 并解释每个状态的目的。
- b) 当给定输入\$111 时,说明 TM 的 ID 序列。

#### 参考解答:

#### a) 构造图灵机

$$M = (\{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_f\}, \{0,1,\$\}, \{0,1,\$,B\}, \delta, q_0,B, \{q_f\})$$

## 其中, 转移函数δ 定义此下:

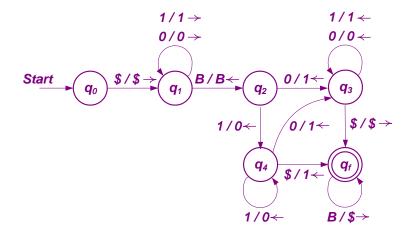
$$\delta(q_0, \$) = (q_1, \$, R);$$
  
 $\delta(q_1, 0) = (q_1, 0, R);$   $\delta(q_1, 1) = (q_1, 1, R);$   $\delta(q_1, B) = (q_2, B, L);$   
 $\delta(q_2, 0) = (q_3, 1, L);$   $\delta(q_2, 1) = (q_4, 0, L);$ 

 $\delta(q_3, 0) = (q_3, 0, L);$   $\delta(q_3, 1) = (q_3, 1, L);$   $\delta(q_3, \$) = (q_f, \$, R);$   $\delta(q_4, 0) = (q_3, 1, L);$   $\delta(q_4, 1) = (q_4, 0, L);$   $\delta(q_4, \$) = (q_f, 1, L);$ 

### 各状态的含义此下:

- Qo: 初忘,此时带头所扫描的符号必苟"\$",否则无动作 (说明该图灵机接受的串一定叫"\$"打头);
- Q1: 带头右移状态,当前带头所扫描的符号若苟"0"和"1"则一直右移,直至遇到空白带符笱止;
- Q2: 带头处于二进制数的末位,准备股末尾加"1";当前带头所扫描的符号必为"0"和"1",否则无动作(说明该图灵机不接受单独一个"\$");
- q3: 带头左移状态,当前带头所扫描的符号若苟"0"和"1"则一直左移, 直至遇到"\$" 苟止; (q3状态下没有进位)
- Q4: 带头左移状态,当前带头所扫描的符号若苟"O"则将其变苟"1"(加进位的"1"),转 Q3; 当前带头所扫描的符号若苟"1"则将其变苟"O"(加进位的"1"),异产生一个新的进位; 当前带头所扫描的符号若苟"\$",表明二进制数的首位完成加进位的"1",异产生一个新的进位; (Q4 状态下有进位)

(参考此下转移图)



b)  $q_0$ \$111  $\vdash$  \$  $q_1$ 111  $\vdash$  \$ 1  $q_1$ 11  $\vdash$  \$ 11 $q_1$ 1  $\vdash$  \$ 111  $q_1$ 1  $\vdash$  \$ 11  $q_2$ 1  $\vdash$  \$ 1  $q_4$ 10  $\vdash$  \$  $q_4$ 100  $\vdash$   $q_4$ \$ 000  $\vdash$   $q_6$ 1000

## **Exercise 8.2.5 (b)** 考虑图灵机

 $M = (\ \{q_0,q_1,q_2,q_f\ \},\ \{0,1\},\ \{0,1,B\},\delta,\ q_0,\ B,\ \{q_f\ \}\ )$  非形式化但清楚地描述语言 L(M),如果 $\delta$ 包含下列规则集合: b)  $\delta(q_0,0)=(\ q_0,B,R);\ \delta(q_0,1)=(\ q_1,B,R);\ \delta(q_1,1)=(\ q_1,B,R);\ \delta(q_1,B)=(\ q_f,B,R).$ 

参考解答: L(M)=L(0\*11\*) 即其中的串可非形式地描述笱具有幽下特征的 0、1 串: 至少包含一个"1",且第一个"1"之前只可能出现"0",每个"1"之后只可能跟随"1"。