# 光的偏振

# 一、单选题:

- 1、(3173A15) B 2、(3246B40) A 3、(3248C45) B 4、(3368A20) B 5、(3369B35) C 6、(3538B25) B 7、(3542A20) A 8、(3544B25) B 9、(3545B25) D 10、(3639A10) C 11、(5221B30) C 12、(5222B25) E
- 13、(5223B25) D 14、(5330B25) C

# 二、填空题:

- 1, (3535A20) 5.2  $\times 10^{-7}$
- 2, (3230B30) 2; 1/4
- 3、(3370A20) 2*I*
- 4、(3371B40)  $60^{\circ}$  (或 $\pi/3$ ) ;  $9I_0/32$
- 5、(3541B40) 1/2
- 6, (3543A15)  $I_0/2$ ; 0
- 7. (3548B25)  $\cos^2 \alpha_1 / \cos^2 \alpha_2$
- 8、(3550B30) 平行或接近平行
- 9、(3643A10) 线偏振光(或完全偏振光,或平面偏振光);光(矢量)振动;偏振化(或透光轴)
- 10, (5224B25)  $I_0/8$
- 11、(5538A15) 60°

12、(5660B40) 
$$\frac{1}{2}I_0\cos^2\alpha$$
 ;  $\alpha+\theta-\frac{1}{2}\pi$  (或  $\alpha+\theta-90^\circ$  )

### 参考解:

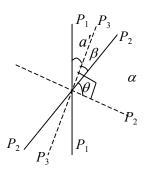
由马吕斯定律,
$$I=I_1\cos^2\alpha=\frac{1}{2}$$
  $I_0\cos^2\alpha$ 

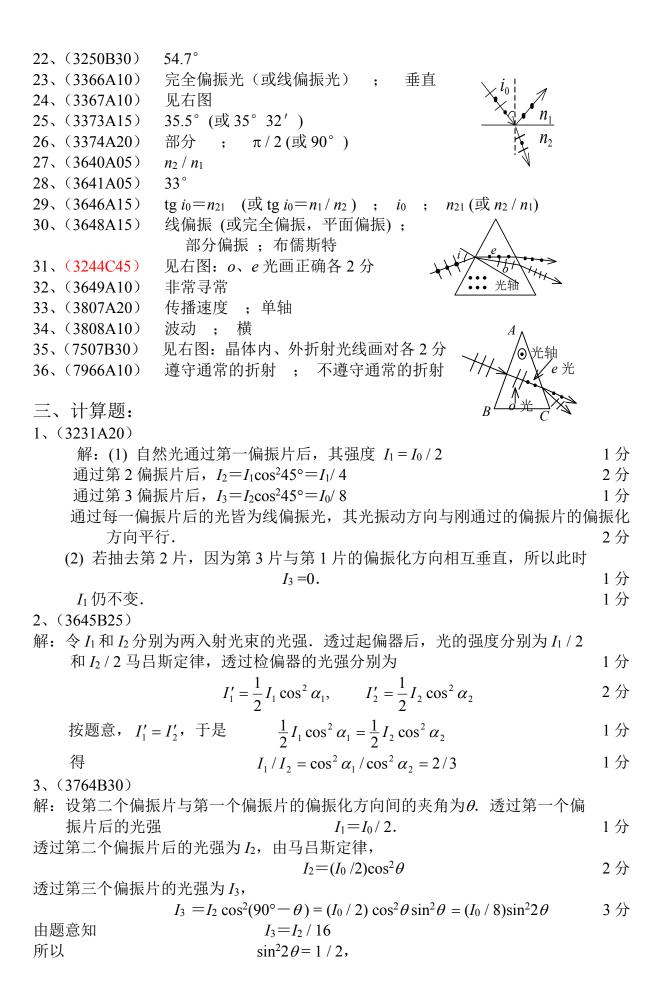
插入第三个偏振片后,由括号中所给的假设,则有如图所示的振幅投影图. 若使  $P_2$  旋转一角度  $\theta$ 后发生消光现象,则此时  $P_2$  的偏振化方向必定与  $P_3$  的偏振化方向垂直. 由几何图形可得:

$$\alpha - \alpha' + \theta = \frac{1}{2}\pi$$
 或  $\alpha - \alpha' + \theta = 90^{\circ}$ 

$$\therefore \quad \alpha' = \alpha + \theta - \frac{1}{2}\pi \quad \text{if } \alpha' = \alpha + \theta - 90^{\circ}$$

- 13、(3233A15)  $\sqrt{3}$
- 14、(3234A15) 完全(线)偏振光 ; 垂直于入射面 ; 部分偏振光
- 15、(3235A15) 37°; 垂直于入射面
- 16、(3236A15) 30°; 1.732
- 17、(3237B35) 见右图
- 18, (3238A15)  $\pi / 2 \operatorname{arctg}(n_2 / n_1)$
- 19、(3239A15) 1.48
- 20、(3240A15) 51.1
- 21、(3243B25) 355 nm; 369 nm





$$\theta = \frac{1}{2} \sin^{-1} \left( \sqrt{2} / 2 \right) = 22.5^{\circ}$$
 2 \(\frac{1}{2}\)

#### 4、(3766A15)

解: (1) 透过第一个偏振片的光强 /1

$$I_1 = I_0 \cos^2 30^\circ$$
 2 分

$$=3 I_0 / 4$$
 1分

透过第二个偏振片后的光强  $I_2$ ,  $I_2 = I_1 \cos^2 60^\circ$ 

$$=3I_0/16$$
 2  $\%$ 

(2) 原入射光束换为自然光,则

$$I_1 = I_0 / 2$$
 1分

$$I_2 = I_1 \cos^2 60^\circ = I_0 / 8$$
 2  $\%$ 

#### 5、(3767B40)

解: (1) 透过  $P_1$  的光强

$$I_1 = I_0 / 2$$

1分

设  $P_2$  与  $P_1$  的偏振化方向之间的夹角为 $\theta$ ,则透过  $P_2$  后的光强为

$$I_2 = I_1 \cos^2 \theta = (I_0 \cos^2 \theta) / 2$$
 2  $\frac{1}{2}$ 

透过 $P_3$ 后的光强为

$$I_3 = I_2 \cos^2\left(\frac{1}{2}\pi - \theta\right) = \frac{1}{2} \left(I_0 \cos^2\theta \sin^2\theta\right) = \left(I_0 \sin^22\theta\right)/8$$
 3  $\Re$ 

由题意可知  $I_3 = I_0 / 8$ ,则  $\theta = 45^\circ$ .

1分

(2) 转动  $P_2$ , 若使  $I_3 = I_0 / 16$ ,则  $P_1 与 P_2$  偏振化方向的夹角  $\theta = 22.5^{\circ}$ 

2分 1分

 $P_2$ 转过的角度为(45°-22.5°)=22.5°.

# 6、(3768B30)

解: 透过第一个偏振片后的光强为

$$I_1 = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} I_0 \right) + \left( \frac{1}{2} I_0 \right) \cos^2 30^\circ$$
 2 \(\frac{1}{2} I\_0 \)

$$=5I_0/8$$
 1分

透过第二个偏振片后的光强  $I_2=(5I_0/8)\cos^260^\circ$ 

 $=5I_0/32$ 

## 7、(3770B35)

解:设入射光中线偏振光的光矢量振动方向与  $P_1$  的偏振化方向之间的夹角为 $\theta_1$ ,已知透过  $P_1$  后的光强  $I_1$ =0.716 $I_0$ ,则

$$I_1 = 0.716 I_0$$

$$=0.5(I_0/2)+0.5(I_0\cos^2\theta_1)$$
 3  $\%$ 

设 $\theta$  为入射光中线偏振光的光矢量振动方向与 $P_2$  的偏振化方向之间的夹角. 已知入射光单独穿过 $P_2$  后的光强 $I_2$ =0.375 $I_0$ ,

则由

$$0.375I_0 = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} I_0 \right) + \frac{1}{2} \left( I_0 \cos^2 \theta_2 \right)$$

得 
$$\theta_2 = 60^{\circ}$$
 2分

以 $\alpha$  表示  $P_1$ 、 $P_2$  的偏振化方间的夹角, $\alpha$ 有两个可能值

$$\alpha = \theta_2 + \theta_1 = 75^{\circ}$$
 2分

或  $\alpha = \theta_2 - \theta_1 = 45^\circ$  2分

8、(3771B30)

解:以 $P_1$ 、 $P_2$ 、 $P_3$ 分别表示三个偏振片, $I_1$ 为透过第一个偏振片  $P_1$  的光强,且

$$I_1 = I_0 / 2$$
.

设  $P_2$  与  $P_1$  的偏振化方向之间的夹角为 $\theta$ , 连续穿过  $P_1$ 、 $P_2$  后的光强为  $I_2$ ,

$$I_2 = I_1 \cos^2 \theta = \frac{1}{2} \left( I_0 \cos^2 \theta \right)$$
 1 \(\frac{\psi}{2}\)

设连续穿过三个偏振片后的光强为 13,

$$I_3 = I_2 \cos^2(90^\circ - \theta)$$

$$= \frac{1}{2} (I_0 \cos^2 \theta \sin^2 \theta)$$
1 \(\frac{\partial}{2}\)

1分

显然, 当  $2\theta$ =90°时,即 $\theta$ =45°时,  $I_3$ 最大.

#### 9、(3772B30)

解:设二偏振片以  $P_1$ 、 $P_2$ 表示,以  $\theta$ 表示入射光中线偏振光的光矢量振动方向与  $P_1$  的偏振化方向之间的夹角,则透过  $P_1$ 后的光强度  $I_1$ 为

$$I_1 = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} I_0 \right) + \frac{1}{2} I_0 \cos^2 \theta$$
 2 \(\frac{1}{2} \)

连续透过 $P_1$ 、 $P_2$ 后的光强 $I_2$ 

$$I_1 = I_1 \cos^2 45^\circ = \left[ I_0 / 4 + \frac{1}{2} \left( I_0 \cos^2 \theta \right) \right] \cos^2 45^\circ$$
 2 \(\frac{1}{2}\)

要使  $I_2$  最大,应取  $\cos^2\theta=1$ ,即  $\theta=0$ ,入射光中线偏振光的光矢量振动方向

与 
$$P_1$$
 的偏振化方向平行. 2 分 此情况下,  $I_1=3 I_1/4$  1 分

$$I_2 = (3I_0/4)\cos^2 45^\circ = 3I_0/8$$
 1  $\%$ 

10、(3773B30)

解:设入射光中线偏振光的光矢量振动方向与  $P_1$  的偏振化方向之间的夹角为 $\theta$ ,透过  $P_1$  后的光强  $I_1$  为

$$I_{1} = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} I_{0} \right) + \frac{1}{2} \left( I_{0} \cos^{2} \theta \right)$$
 2 \(\frac{1}{2}\)

透过 
$$P_2$$
 后的光强  $I_2$  为  $I_2 = I_1 \cos^2 30^\circ = \left[ \left( \frac{1}{2} + \cos^2 \theta \right) I_0 / 2 \right] (\sqrt{3}/2)^2$  3 分

$$I_2/I_1=9/16$$

$$\cos^2\theta = 1$$
 2  $\%$ 

所以

即入射光中线偏振光的光矢量振动方向与 $P_1$ 的偏振化方向平行. 1分

#### 11、(3774C45)

解:设入射光中两种成分的强度都是 $I_0$ ,总强度为  $2I_0$ .

(1) 通过第一个偏振片后,原自然光变为线偏振光,强度为  $I_0/2$ , 原线偏振光部分强度变为  $I_0\cos^2\theta$ ,其中 $\theta$ 为入射线偏振光振动方向与偏振片偏振化方向  $P_1$  的夹角. 以上两部分透射光的振动方向都与  $P_1$ 一致. 如果二者相等,则以后不论再穿过几个偏振片,都维持强度相等(如果二者强度不相等,则以后出射强度也不相等). 因此,必须有

$$I_0/2 = I_0 \cos^2 \theta$$
,得 $\theta = 45^\circ$ . 2分

为了满足线偏振部分振动方向在出射后"转过"90°,只要最后一个偏振片偏振化方向与入射线偏振方向夹角为90°就行了. 2分

综上所述,只要两个偏振片就行了(只有一个偏振片不可能将振动方向"转过"90°). 2分

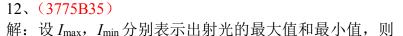
配置如图,  $\bar{E}$ 表示入射光中线偏振部分的振动方向,

 $P_1$ 、 $P_2$ 分别是第一、第二偏振片的偏振化方向 2分

(2) 出射强度  $I_2$ =(1/2) $I_0$  cos<sup>2</sup> 45°+ $I_0$  cos<sup>4</sup> 45°

=
$$I_0 [(1/4)+(1/4)]=I_0/2$$
  
 $I_2/(2I_0)=1/4$  2  $\Rightarrow$ 

比值





$$I_{\min} = I_a / 2$$
 2分

令

$$I_{\text{max}} / I_{\text{min}} = (I_a / 2 + I_b) / (I_a / 2) = n$$

$$I_a / I_b = 2 / (n - 1)$$
1 分

所以

# 13、(3776C45)

解:入射光振动方向 E与  $P_1$ 、 $P_2$  的关系如图. 出射光强为

$$I_2 = I_0 \cos^2(A - \alpha)\cos^2\alpha$$
 3 \(\frac{\pi}{2}\)

由三角函数"积化和差"关系,得

$$I_2 = \frac{1}{4}I_0 \left[\cos\frac{1}{2}A + \cos\left(\frac{1}{2}A - \alpha\right)\right]^2$$
 3 2

因为 A 为锐角,  $\alpha \leqslant A$ , 所以  $\left| \frac{1}{2} A - \alpha \right| \leq \frac{1}{2} A$  (见图). 所以

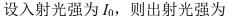
$$\cos\left(\frac{1}{2}A - \alpha\right) \ge \cos\frac{1}{2}A > 0$$

所以, $I_2$  只在 $\alpha = A/2$  处取得极值,且显然是极大值。 (用求导数的办法找极值点也可以)

2分

#### 14、(3778B30)

解:以  $P_1$ 、 $P_2$ 表示两偏振化方向,其夹角记为 $\theta$ ,为了振动方向转过 90°,入射光振动方向  $\bar{E}$  必与  $P_2$  垂直,如图.



$$I_2 = I_0 \cos^2(90^\circ - \theta) \cos^2\theta$$

$$= I_0 \sin^2 \theta \cos^2 \theta = (I_0 / 4) \sin^2 2\theta$$
 3 \(\frac{\partial}{2}\)

当 
$$2\theta$$
=90° 即  $\theta$ =45° 时, $I_2$  取得极大值,且  $I_{2\text{max}}=I_0/4$ , 2 分

即 
$$I_{2\text{max}}/I_0=1/4$$
 1分

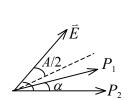
#### 15、(3779C45)

得

解:设  $I_0$  为入射光中自然光的强度, $I_1$ 、 $I_2$  分别为穿过  $P_1$  和连续穿过  $P_1$ 、 $P_2$  的强度. (1) 由题意,入射光强为  $2I_0$ ,

$$I_1 = \frac{1}{2} (2I_0) = 0.5I_0 + I_0 \cos^2 \theta$$
  
 $\cos^2 \theta = 1/2, \quad \theta = 45^\circ$ 

(2) 
$$I_2 = (0.5I_0 + I_0 \cos^2 45^\circ) \cos^2 \alpha = \frac{1}{4} (2I_0)$$



得 
$$\cos^2\alpha = \frac{1}{2}$$
 ,  $\alpha = 45^\circ$  2 分 (3)  $I_1 = \left(\frac{1}{2}I_0 + I_0\cos^2\theta\right)(1-10\%) = \frac{1}{2}(2I_0)$   $\therefore$   $\cos^2\theta = \frac{5.5}{9}$   $\theta = 38.58^\circ$  3 分  $I_2 = I_1\cos^2\alpha(1-10\%) = \frac{1}{4}(2I_0)$   $\cos^2\alpha = \frac{5}{9}$   $\alpha = 41.81^\circ$  2 分 16、 (3780B35) 解: 设  $I_0$  为自然光强, $x I_0$  为入射光中线偏振光强, $x$  为待定系数。 (1)  $(0.5I_0 + xI_0\cos^245^\circ)\cos^245^\circ$  (1)  $(0.5I_0 + xI_0\cos^245^\circ)\cos^245^\circ$  解出  $x = 1/2$   $1/2$  可得入射光强为  $3I_0/2$   $1$ 

19、(3783A15)

解: (1) 连续穿过三个偏振片之后的光强为

$$I=0.5I_0\cos^2\alpha\cos^2(0.5\pi-\alpha)$$

$$=I_0\sin^2(2\alpha)/8$$
1分

(2) 画出曲线

20、(3796B35)

解:设入射光中自然光的强度为 $I_0$ ,则总的入射光强为 $2I_0$ .

## (1) 第一次最后出射光强

$$I_2 = (0.5I_0 + I_0\cos^2 45^{\circ})\cos^2 30^{\circ}$$

第二次出射光强

$$I_2' = (0.5 I_0 + I_0 \cos^2 30^\circ) \cos^2 \theta$$
 4 \(\frac{1}{2}\)

由 
$$I_2=3 I_2' / 4$$
 ,得  $\cos^2\theta=4/5$ ,  $\theta=26.6^\circ$  2 分

(2) 第一次穿过 $P_1$ 的光强

$$I_1 = 0.5I_0 + I_0 \cos^2 45^\circ = I_0$$

$$I_1/(2I_0)=1/2$$
 1  $\%$ 

第二次相应有  $I_1' = (0.5I_0) + I_0 \cos^2 30^\circ = 5I_0 / 4$ ,

$$I_1'/(2I_0)=5/8$$
 1  $\%$ 

(3) 第一次, 
$$I_2/2I_0=I_1\cos^2 30^\circ/(2I_0)=3/8$$
 1分

第二次, 
$$I'_2/2I_0 = I'_1\cos^2\theta/(2I_0) = 1/2$$
 1分

## 21、(3797B35)

解: (1) 理想偏振片的情形,设入射光中自然光强度为  $I_0$ ,则总强度为 2  $I_0$ . 穿过  $P_1$  后有光强

$$I_1 = 0.5I_0 + I_0 \cos^2 30^\circ$$
,

得

$$I_1/(2I_0) = 5/8 = 0.625$$
 3  $\%$ 

穿过 $P_1$ 、 $P_2$ 之后,光强 $I_2 = I_1 \cos^2 45^\circ = I_1/2$ 

所以

$$I_2/(2I_0) = 5/16 = 0.313$$

(2) 可透部分被每片吸收 10%. 穿过  $P_1$  后光强

$$I_1' = I_1 \times 90\%$$
,

$$I_1'/(2I_0) = 0.9I_1/(2I_0) = 0.563$$
 2  $\%$ 

穿过
$$P_1$$
、 $P_2$ 之后, 光强为 $I'_2$ ,  $I'_2/(2I_0) = 0.253$ 

2分

3 分

## 22、(3798B35)

解: 设I为自然光强(入射光强为  $2I_0$ );  $\theta$ 为入射光中线偏振光的光矢量振动方向与第一个偏振片偏振化方向间的夹角.

(1) 据题意 
$$0.5I\cos^2 30^\circ = I\cos^2 \theta \cdot \cos^2 30^\circ$$
 3 分

$$\cos^2\theta = 1/2$$

$$\theta$$
=45° 1分

(2) 总的透射光强为 
$$2 \times \frac{1}{2} I \cos^2 30^\circ$$
 2分

所以透射光与入射光的强度之比为 
$$\frac{1}{2}\cos^2 30^\circ = 3/8$$
 1分

所以透射光与入射光的强度之比为

$$\frac{1}{2} (\cos^2 30^\circ)(1-5\%)^2 = 0.338$$
 1  $\frac{1}{2}$ 

## 23、(3799C45)

解:设  $I_0$ 为自然光强; $I_1$ 、 $I_2$ 分别为穿过  $P_1$  和连续穿过  $P_1$ 、 $P_2$ 后的透射光强. 由题意知入射光强为  $2I_0$ .

(1) 
$$I_2 = (0.5I_0 + I_0 \cos^2 45^\circ) \cos^2 \alpha$$
 2  $\%$ 

显然, 当 $\alpha$ =0 时, 透射光强最大.

$$I_{\text{max}} = I_0 / 2 + I_0 \cos^2 45^\circ = I_0 / 2 + I_0 / 2 = I_0$$
 1  $\Rightarrow$ 

由题意知 
$$\cos^2\alpha = 2/3$$
 1分

$$\alpha$$
=35.26° 1分

(2) 
$$I_0/2 + (I_0 \cos^2 45^\circ)](1-10\%) \cos^2 \alpha (1-10\%)$$

$$= (2/3)(I_0/2 + I_0 \cos^2 45^\circ)$$
 3  $\%$ 

$$\cos^2 \alpha = (2/3)(1/0.9^2)$$
  $\alpha = 24.9^\circ$  2  $\%$ 

#### 24、(3800C45)

解:设  $I_0$ 为自然光强; $I_1$ 、 $I_2$ 分别为穿过  $P_1$  和连续穿过  $P_1$ 、 $P_2$  后的透射光强度.由题意知入射光强为  $2I_0$ .

(1) 
$$I_1 = I_0 / 2 + I_0 \cos^2 \theta = 2I_0 / 2$$
 2 \(\frac{1}{2}\)

$$\cos^2\theta = 1/2$$

得 
$$\theta$$
=45° 1分

由题意, $I_2=I_1/2$ , 又 $I_2=I_1\cos^2\alpha$ ,所以 $\cos^2\alpha=1/2$ ,

(2) 
$$I_1 = [I_0/2 + I_0\cos^2\theta](1-5\%) = 2I_0/2$$
 2  $\frac{1}{2}$ 

得 
$$\theta$$
=42° 1分

仍有  $I_2=I_1/2$ ,同时还有  $I_2=I_1\cos^2\alpha(1-5\%)$ 

所以 
$$\cos^2 \alpha = 1/(2 \times 0.95)$$
,  $\alpha = 43.5^{\circ}$  2分

## 25、(3801C45)

解:设I为自然光强;xI为入射光中线偏振光强,x为待定系数,即入射光中线偏振光强与自然光强之比.据题意,入射光强为I+xI.

(1) 
$$\frac{\left(\frac{1}{2}I + xI\cos^2 60^{\circ}\right)\cos^2 60^{\circ}}{\left(\frac{1}{2}I + xI\cos^2 \theta\right)\cos^2 45^{\circ}} = \frac{1}{2}$$
 ① 3 分

$$\frac{\left(\frac{1}{2}I + xI\cos^2\theta\right)}{I + xI} = \frac{5}{12}$$

①×②

$$\frac{2\left(\frac{1}{2} + x/4\right)}{4(1+x)} = \frac{5}{24}$$

解得

$$x = \frac{1}{2}$$
 2  $\Re$ 

(2) 将 
$$x$$
 值代入② 
$$\left[\frac{1}{2} + \frac{1}{2}(\cos^2\theta)\right] \frac{2}{3} = \frac{5}{12}$$
$$\cos^2\theta = 1/4 \qquad \theta = 60^{\circ} \qquad 2 分$$

#### 26、(3802C45)

解:设 I 为自然光强;  $I_1$ 、 $I_2$ 分别为穿过  $P_1$  和连续穿过  $P_1$ 、 $P_2$  后的透射光强度.由题意知入射光强为 2I.

(1) 
$$\frac{I_1}{2I} = \frac{\frac{1}{2}I + I\cos^2 60^{\circ}}{2I}$$

$$= 3 / 8$$

$$1 \implies$$

$$\frac{I_2}{2I} = \frac{\left(\frac{1}{2}I + I\cos^2 60^{\circ}\right)\cos^2 30^{\circ}}{2I}$$
 2 \(\frac{\pi}{2}\)

(2) 
$$\frac{3}{8} = \frac{\frac{1}{2}I + I\cos^2 60^{\circ}}{2I} (1 - 10\%)$$
$$= \left[\frac{1}{2} + \cos^2 \theta\right] 0.9/2$$
$$\cos^2 \theta = 0.333 \quad \theta = 54.7^{\circ}$$
1 \(\frac{\psi}{2}\)

$$\cos^2\theta = 0.333$$
  $\theta = 54.7^\circ$  1分

$$\frac{9}{32} = \frac{\left(\frac{1}{2}I + I\cos^2 54.7^{\circ}\right)\cos^2 \alpha}{2I} (1 - 10\%)^2$$
 1 \(\frac{1}{2}\)

所以

$$\cos^2 \alpha = 0.833$$
 ,  $\alpha = 24.1^\circ$  1分

[或 
$$\frac{9}{32} = \frac{3}{8} (\cos^2 \alpha) 0.9$$
,  $\cos^2 \alpha = 0.833$ ,  $\alpha = 24.1^\circ$ ]

27、(3809B25)

解:设10为入射光强度; I为连续穿过两偏振片的光强.

$$I = \frac{1}{2}I_0 \cos^2 \alpha \qquad 2 \,$$

显然, 当 $\alpha$ =0 时, 即两偏振化方向平行时, I最大.

$$I_{\text{max}} = \frac{1}{2}I_0$$
 1  $\Rightarrow$ 

由

$$\frac{1}{3}\left(\frac{1}{2}I_0\right) = \frac{1}{2}I_0\cos^2\alpha$$

 $\alpha=54.8^{\circ}$  (2) 考虑对透射光的吸收和反射,则 2分

$$\frac{1}{3} \left( \frac{1}{2} I_0 \right) = \frac{1}{2} I_0 (1 - 5\%)^2 \cos^2 \alpha$$
 2 \(\frac{1}{2}\)

$$\alpha$$
=52.6° 1分

28、(3810B25)

解:设1为自然光强,据题意

$$(0.5I + I\cos^2 45^\circ)\cos^2 30 = (0.5I + I\cos^2 30^\circ)\cos^2 \theta$$
 4  $\%$ 

有 
$$\cos^2\theta = 3/5$$
  $\theta = 39.23^{\circ}$  1分

29、(5661A20)

解: (1) 经 
$$P_1$$
 后,光强  $I_1 = \frac{1}{2}I_0$ 

 $I_1$ 为线偏振光. 通过 $P_2$ . 由马吕斯定律有

$$I = I_1 \cos^2 \theta$$
 1  $\Rightarrow$ 

 $P_1$ 与  $P_2$ 偏振化方向平行.  $\therefore \theta = 0$ .

故 
$$I = I_1 \cos^2 0^\circ = I_1 = \frac{1}{2} I_0$$
 1分

(2) 加入第三个偏振片后,设第三个偏振片的偏振化方向与第一个偏振化方向间的 夹角为 $\alpha$ . 则透过 $P_2$ 的光强

$I_2 = \frac{1}{2}I_0 \cos^2 \alpha \cos^2 \alpha = \frac{1}{2}I_0 \cos^4 \alpha$	2分
由已知条件有 $\frac{1}{2}I_0\cos^4\alpha = I_0/32$	
$\cos^4 \alpha = 1 / 16$ $\Theta \qquad \cos \alpha = 1 / 2 \qquad \text{即}  \alpha = 60^\circ$ 30、(3241C55)	2分 1分
解:由题可知 $i_1$ 和 $i_2$ 应为相应的布儒斯特角,由布儒斯特定律知 $\mathop{\rm tg} i_1 = n_1 = 1.33$ ; $\mathop{\rm tg} i_2 = n_2 / n_1 = 1.57 / 1.333$ , 由此得 $i_1 = 53.12^\circ$ , $i_2 = 48.69^\circ$ .	1分 2分 1分 1分
由 $\triangle ABC$ 可得 $\theta + (\pi/2+r) + (\pi/2-i_2) = \pi$ 整理得 $\theta = i_2 - r$	2分
由布儒斯特定律可知, $r=\pi/2-i_1$ 将 $r$ 代入上式得	2分
$\theta=i_1+i_2-\pi/2=53.12^\circ+48.69^\circ-90^\circ=11.8^\circ$ 31、(3784A10) 解: 由布儒斯特定律	1分
tg $i_0$ =1.33 $i_0$ =53.1 $^\circ$	3分
32、(3785A10) 解:光从水(折射率为 $n_1$ )入射到空气(折射率为 $n_2$ )界面时的布儒斯特定律	2分
$tg i_0 = n_2 / n_1 = 1 / 1.33$ $i_0 = 36.9^{\circ} (= 36^{\circ} 52')$	3分 2分
33、(3786A10) 解:设 $n_2$ 为玻璃的折射率,由布儒斯特定律可得 $n_2 = 1.33 \text{ tg49.5}^{\circ}$ $= 1.56$	3分 2分
34、(3787A10) 解: (1) 由布儒斯特定律 tgi <sub>0</sub> =1.33 得 i <sub>0</sub> =53.1°	
此 $i_0$ 即为所求的入射角 (2) 若以 $r$ 表示折射角,由布儒斯特定律可得 $r=0.5\pi-i_0=36.9$ °	3分 2分
35、(3788A15) 解: (1) 设该液体的折射率为 <i>n</i> ,由布儒斯特定律 tg <i>i</i> <sub>0</sub> =1.56 / <i>n</i>	2分
得 $n=1.56 / \text{tg}48.09^{\circ} = 1.40$ (2) 折射角	1分
$r=0.5\pi-48.09^{\circ}=41.91^{\circ}$ (=41° 55')	2分
解: 设此不透明介质的折射率为 $n$ ,空气的折射率为 1. 由布儒斯特定律可得 $n=\text{tg }56^\circ=1.483$	2分

1、(1935B30)

证: 因反射光线 1 为完全偏振光,故自然光线的入射角 io满足布儒斯特定律

$$\operatorname{tg} i_0 = n / n_0$$
 2分

在这种情况下,反射光线和折射光线垂直,有

$$i_0+r=90^{\circ}$$
 1分

上式可写成 
$$\operatorname{tg}(90^{\circ}-r) = \operatorname{ctg} r = n / n_0$$
 即  $\operatorname{tg} r = n_0 / n$ 

2分

折射光线在玻璃板下表面的入射角 r 也满足布儒斯特定律,因而反射光线 2 也是完全 偏振光.

#### 2、(3232B35)

证: 由图所示, 在 t 时刻, 中间偏振片转过的角度  $\theta = \omega t$ ,

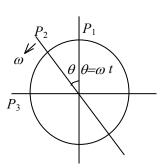
$$I = \frac{I_0}{2} \cos^2 \theta \sin^2 \theta$$

$$= I_0 \sin^2 2\theta / 8$$

$$= I_0 (1 - \cos 4\theta) / 16$$

$$= I_0 (1 - \cos 4\omega t) / 16$$

$$= 2 \%$$



## 3、(3811C45)

证:设 r2、r3分别是 II、III介质中这光线的折射角, i'为最

后的出射角. 因各界面平行, 所以  $r_2$ 、 $r_3$  分别等于 II、III界面和III、 I 界面上的入射 角,如图.逐次用折射定律,

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r_2 = n_3 \sin r_3 = n_1 \sin i'$$

$$i = i'$$
 3  $\beta$ 

由题意,在I、II界面和III、I界面满足布儒斯特定律的条件,所以

$$i+r_2=\pi/2$$
,  $i'+r_3=\pi/2$ .

由此得

$$r_2=r_3$$
 必有  $n_2=n_3$ ,证毕. 2 分

#### 4、(3812B40)

证:设介质  $I \times II$ 的折射率分别为  $n_1 \times n_2$ ,  $I \times II$  交界面(图中的上界面)处折射角为 r, 它也等于II、I 下界面处的入射角. 最后的折射角为i'. 由折射定律,

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r = n_1 \sin i'$$

所以

$$i=i'$$

在上界面,布儒斯特定律, $i+r=\frac{1}{2}\pi$ 

2分

所以  $i'+r=\frac{1}{2}\pi$ , 这表明在下界面处也满足布儒斯特定律, 所 以在下界面处的反射光也是线偏振光. 2分

