



班级: 计01

姓名: 李逸朗

编号: 2020010869 科目: 物理

第 1 页

1. A
2. D
3. B
4. D
5. B
6. C
7. C
8. B
9. D
10. B
11. $-\frac{\sigma_5}{\epsilon_0}; \frac{\sigma_5}{\epsilon_0}$
12. $\frac{C_2 C_3}{C_1}$
13. z轴正方向
14. $7.96 \times 10^5 \text{ A/m}, 242 \text{ A/m}$ $\begin{cases} M = \chi_m H \\ H = \frac{B}{\mu_0} - M \end{cases}$
15. 0.400 H
16. $\frac{1}{2} LI^2$
17. 垂直纸面向内; 沿纸面垂直OP向下
18. $u \cos(A\omega t + t)$; 相等
19. 10 m $\begin{cases} C = \frac{\epsilon_0 S}{d} \\ v = \frac{1}{2\pi\mu\epsilon} \end{cases}, \lambda = \frac{C}{v} = 2\pi \cdot c \sqrt{1 - \frac{\epsilon_0 \mu}{\epsilon_0 \mu_0}} = 2\pi \times 3 \times 10^8 \sqrt{1 - \frac{8.85 \times 10^{-12} \times 0.01}{3.14 \times 10^{-3}}}$

20. 已知: 大水滴由 27 个小水滴组成

求: U/U_0

解: 不妨设小水滴半径为 r , 电荷量 q , 大水滴半径为 R , 电荷 $Q = 27q$

由于两者体积相等, 有: $27 \times \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{3} \pi R^3 \Rightarrow R = 3r$

而小水滴的电势为: $U_0 = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$

大水滴的电势 $U = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R} = \frac{27q}{4\pi\epsilon_0 \cdot 3r} = 9 \cdot \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r} = 9U_0$

故 $\frac{U}{U_0} = 9$, 即大水滴的电势是小水滴的 9 倍。

21. 已知: $R_1 = 0.03 \text{ m}, R_2 = 0.1 \text{ m}, U_{12} = 450 \text{ V}$

求: 内球面带电量 Q

解: 设内球面带电荷为 Q , 则两球间电场强度大小 $E = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \quad (R_1 < r < R_2)$

两球电势差 $U_{12} = \int_{R_1}^{R_2} E dr = \int_{R_1}^{R_2} \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = \frac{Q(R_2 - R_1)}{4\pi\epsilon_0 \cdot R_1 R_2}$

故 $Q = \frac{4\pi\epsilon_0 R_1 R_2 U_{12}}{R_2 - R_1} = \frac{4\pi \times 8.85 \times 10^{-12} \times 0.03 \times 0.1 \times 450}{0.1 - 0.03} = 2.15 \times 10^{-9} \text{ C}$

22. 已知: 电场总能量 W_0 , 电介质 ϵ_r .

求: 电场总能量 W .

解: 由于金属物体电荷不变, 故各点的电位移 \vec{D} 也不变。

又 $W = \frac{1}{2} DE = \frac{1}{2\epsilon_0 \epsilon_r} D^2 = \frac{1}{\epsilon_r} \cdot \frac{1}{2\epsilon_0} D_0^2 = \frac{W_0}{\epsilon_r}$

因为介质是各向同性均匀分布的, 故 $W = \frac{W_0}{\epsilon_r}$



班级: 计01

姓名: 容逸朗

编号: 2020110809

科目: 物理

第 2 页

23. 已知: 半径 R , 球带电荷 $-Q$, 介电常量 ϵ .求: 电场贮存的能量 W .解: 设距球心处距离为 r 的一点, 该点 $E = \frac{-Q}{4\pi\epsilon_0\epsilon r \cdot r^2} = \frac{-Q}{4\pi\epsilon r^2}$

$$\text{电场密度 } w = \frac{1}{2} \epsilon \cdot E^2 = \frac{1}{2} \epsilon \frac{Q^2}{16\pi^2 \epsilon^2 r^4} = \frac{Q^2}{32\pi^2 \epsilon r^4}$$

距球心 r 处取一厚度为 dr 的球壳, 则 $dW = w dV = w \cdot 4\pi r^2 dr = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon r^2} dr$

$$\text{故 } W = \int_R^{+\infty} \frac{Q^2}{8\pi\epsilon r^2} dr = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon R}$$

24. 已知: 长度 L , 距离 a , 电流 I 求: 作用力 F 大小及方向解: 在导线 2 上取一段 dy , 则导线 1 在上面产生磁感强度

$$B_{12} = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\cos(\frac{\pi}{2} - \theta_1) - \cos(\frac{\pi}{2} + \theta_2))$$

$$= \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\sin \theta_2 - \sin \theta_1)$$

故导线 2 上电流元 $I dy$ 受力大小:

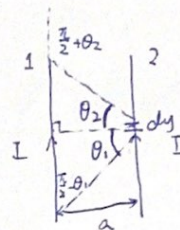
$$dF = IB_{12} dy = \frac{\mu_0 I^2}{4\pi a} (\sin \theta_2 - \sin \theta_1) dy = \frac{\mu_0 I^2}{4\pi a} \left[\frac{L-y}{\sqrt{a^2+(L-y)^2}} + \frac{y}{\sqrt{a^2+y^2}} \right] dy$$

由于整条导线上受力方向相同, 故:

$$F = \frac{\mu_0 I^2}{4\pi a} \int_0^L \left[\frac{L-y}{\sqrt{a^2+(L-y)^2}} + \frac{y}{\sqrt{a^2+y^2}} \right] dy$$

$$= \frac{\mu_0 I^2}{4\pi a} \cdot \left(\sqrt{a^2+(L-y)^2} + \sqrt{a^2+y^2} \right) \Big|_0^L$$

$$= \frac{\mu_0 I^2}{2\pi a} (\sqrt{a^2+L^2} - a)$$

25. 已知: ρ , 速度 \vec{v} , 距离 r 求: 磁感强度 H .解: 距离为 r 处半径为 r 的横截面的电荷元 $E = \frac{\rho}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

$$\text{整个横截面上 } \Phi_E = \int_0^{2\pi} E \cdot ds = \int$$

$$\text{又 } \oint_L \vec{H} \cdot d\vec{l} = 4\pi r^2 H = \frac{d\Phi_E}{dt}$$

