

Slide10 必做题

Exercise 7.1.3 从以下文法出发：

$$S \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB$$

$$A \rightarrow C$$

$$B \rightarrow S \mid A$$

$$C \rightarrow S \mid \varepsilon$$

- a) 有没有无用符号？如果有的话去除它们。
- b) 去除 ε -产生式。
- c) 去除单位产生式。
- d) 把该文法转化为乔姆斯基范式。

参考解答：

a) 没有无用符。

b) 所有符号 S, A, B, C 都是可致空的，消去 ε -产生式后得到新的一组产生式：

$$S \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid B \mid 00 \mid 11$$

$$A \rightarrow C$$

$$B \rightarrow S \mid A$$

$$C \rightarrow S$$

c) 单元偶对包括： (A,A) , (B,B) , (C,C) , (S,S) , (A,C) , (A,S) , (A,B) ,

(B,A) , (B,C) , (B,S) , (C,A) , (C,B) , (C,S) , (S,A) , (S,B) , (S,C) ,

消去单元产生式后得到新的一组产生式

$$S \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid 00 \mid 11$$

$$A \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid 00 \mid 11$$

$$B \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid 00 \mid 11$$

$$C \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid 00 \mid 11$$

d) 先消去无用符号 C ，得到新的一组产生式：

$$S \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid 00 \mid 11$$

$A \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid 00 \mid 11$

$B \rightarrow 0A0 \mid 1B1 \mid BB \mid 00 \mid 11$

引入非终结符 C, D , 增加产生式 $C \rightarrow 0$ 和 $D \rightarrow 1$, 得到新的一组产生式:

$S \rightarrow CAC \mid DBD \mid BB \mid CC \mid DD$

$A \rightarrow CAC \mid DBD \mid BB \mid CC \mid DD$

$B \rightarrow CAC \mid DBD \mid BB \mid CC \mid DD$

$C \rightarrow 0$

$D \rightarrow 1$

引入非终结符 E, F , 增加产生式 $E \rightarrow CA$ 和 $F \rightarrow DB$, 得到满足 Chomsky 范式

的一组产生式:

$S \rightarrow EC \mid FD \mid BB \mid CC \mid DD$

$A \rightarrow EC \mid FD \mid BB \mid CC \mid DD$

$B \rightarrow EC \mid FD \mid BB \mid CC \mid DD$

$E \rightarrow CA$

$F \rightarrow DB$

$C \rightarrow 0$

$D \rightarrow 1$

Exercise 7.1.9 (b)

参考解答:

对于 CFG $G = (V, T, P, S)$, 可通过下列归纳步骤计算可达符号集合:

基础 S 是可达符号;

归纳 如果 A 是可达符号, 并且有产生式 $A \rightarrow \alpha$ (其中 $\alpha \in (V \cup T)^*$) , 则 α 中的符号都是可达符号;

该题目要求证明上述步骤可以求出所有并只能求出 G 的可达符号. 证明思路是: 一方面, 所得到的符号的确是可达符号; 另一方面所有的可达符号都可由上述步骤得到。

先来证明所得到的符号的确是可达符号。对应于以上计算步骤应用结构归

纳：

首先， S 属于该集合，因为 $S \Rightarrow^* S$ ，所以 S 为可达符号；

设 A 是可达符号，并且有产生式 $A \rightarrow \alpha$ ，符号 X 是 α 中的符号，则 X 属于该集合；因 X 是 α 中的符号，所以存在 $\beta, \gamma \in (V \cup T)^*$ ，使得 $\alpha = \beta X \gamma$ ，即 $A \rightarrow \beta X \gamma$ 是一个产生式；因 A 是可达符号，根据归纳假设，存在 $\beta', \gamma' \in (V \cup T)^*$ ，使得 $S \Rightarrow^* \beta' A \gamma'$ ，由此我们可以得出 $S \Rightarrow^* \beta' \beta X \gamma \gamma'$ ；所以 X 是可达符号。

再来证明所有的可达符号都可由上述步骤得到：

设 X 是可达符号符号，即存在 $\beta, \gamma \in (V \cup T)^*$ ，使得 $S \Rightarrow^* \beta X \gamma$ ；归纳于该推导的步数 n ：若 $n=0$ ，一定有 $\beta X \gamma = S$ ，只有 $X = S$ ，可以由上述步骤产生；若 $n > 0$ ，假设最后一步推导是 $\beta' A \gamma' \Rightarrow^* \beta X \gamma$ ，并使用了产生式 $A \rightarrow \beta'' X \gamma''$ (即 $\beta = \beta' \beta''$ ， $\gamma = \gamma' \gamma''$)；因为 $S \Rightarrow^* \beta' A \gamma'$ 的步数小于 n ，根据归纳假设，符号 A 可由上述步骤产生；因为有产生式 $A \rightarrow \beta'' X \gamma''$ ，所以 X 也可由上述步骤产生。

证毕。

第十讲思考题

***!Exercise 7.1.10**

参考解答:

从"课程文件"中下载网页文件, 从中找到参考解答