



東南大學
SOUTHEAST UNIVERSITY

人工智能学院

专业技能实训

授课教师：王洪松

邮箱：hongsongwang@seu.edu.cn

专业技能实训



- 时间：2023.08.21 – 2023.09.15，共4周
- 地点：教四-103，QQ群：126701099

	周一	周三	周五
第一周 (8.8-8.14)	6-9节, 教四-103	1-5节, 教四-103	2-5节, 教四-103
第二周 (8.15-8.21)	6-9节, 教四-103	1-5节, 教四-103	2-5节, 教四-103
第三周 (8.22-8.28)	6-9节, 教四-103	1-5节, 教四-103	2-5节, 教四-103
第四周 (8.29-9.4)	6-9节, 教四-103	1-5节, 教四-103	2-5节, 教四-103



- 题目： **基于OpenCV的图像视频分析工具**
- 要求
 - 项目代码**5-6人**分工协作完成
 - 实现多个图像分析功能，比如区域打码、图像分割等
 - 实现多个视频分析功能，比如视频压缩、目标跟踪等
 - 制作视频图像分析的GUI工具

- 评分标准
 - 平时考勤占10%
 - 小组成绩占50%
 - 第四周周五集中展示，小组互评
 - 去掉一个最高分和最低分，取平均值
 - 个人成绩占40%
 - 个人实验报告
 - 代码提交

▣ 授课内容

- ▣ 第一周: Python及OpenCV基础
- ▣ 第二周: OpenCV与图像处理
- ▣ 第三周: OpenCV与视频处理
- ▣ 第四周: 系统集成与展示



東南大學
SOUTHEAST UNIVERSITY

人工智能学院

Python环境配置

Python编程：1.基础知识



- 编程已经是我们生活中的重要组成元素
- 程序开发产生软件，那什么是软件？
 - 软件 = 程序 + 数据 + 文档

数据结构 + 算法

让计算机理解问题是什么

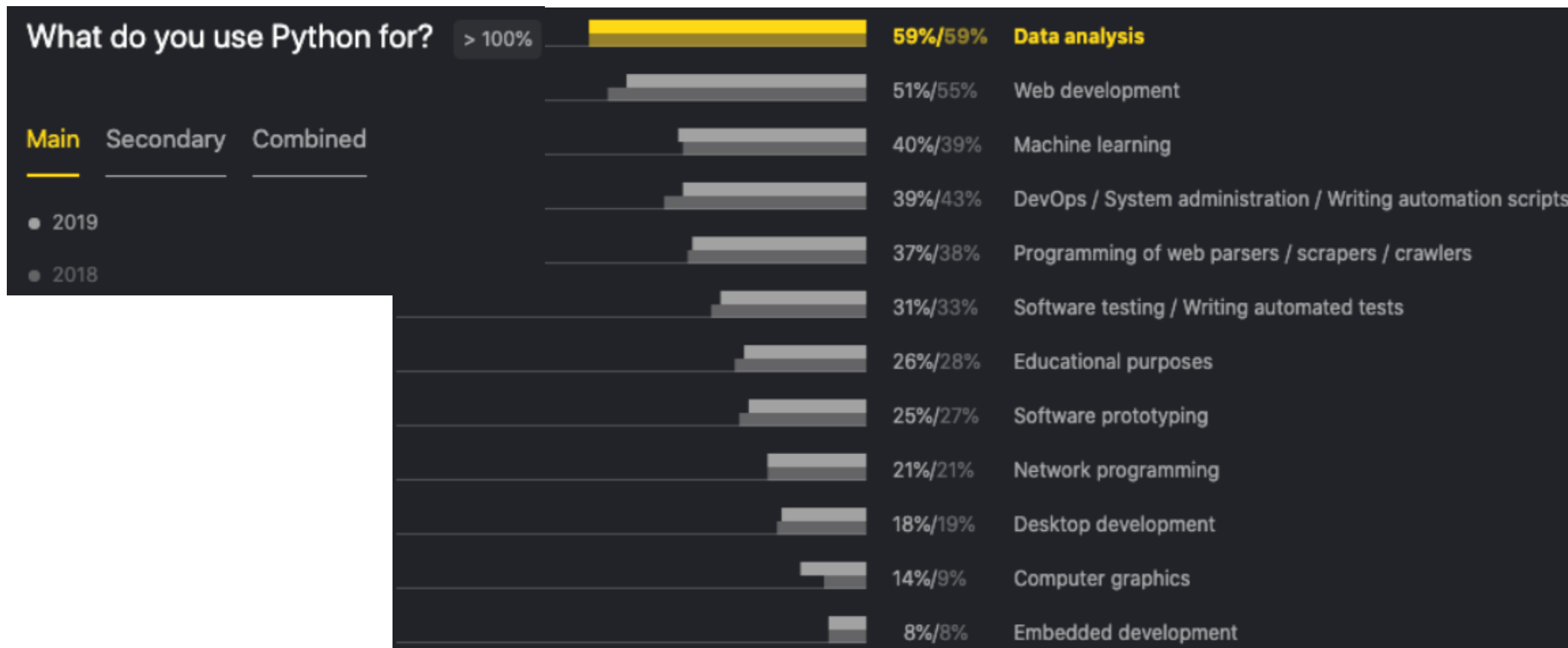
Python极大地降低了算法的门槛

通过一系列“增删改查”来解决问题

Python编程：基础知识



- 程序员都用Python做什么？



Python编程：基础知识



- python -m freegames.snake



贪食蛇游戏

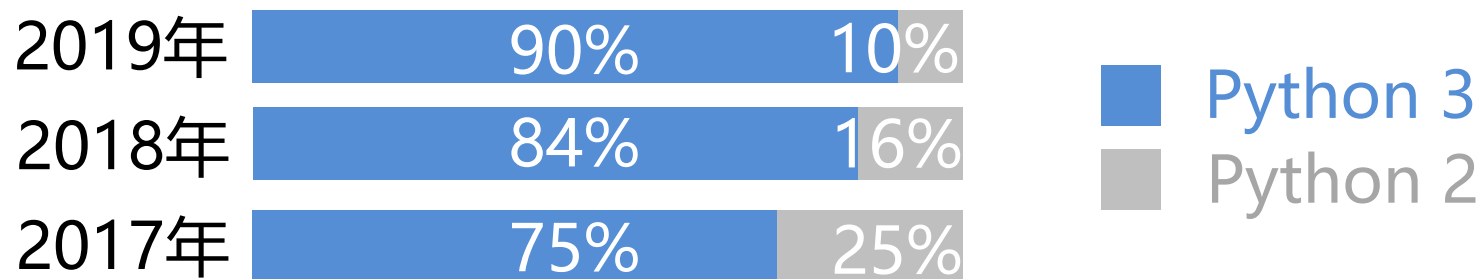
贪食蛇游戏仅用45行有效代码！

```
from turtle import *
from random import randrange
from freegames import square, vector
food = vector(0, 0)
snake = [vector(10, 0)]
aim = vector(0, -10)
def change(x, y):
    "Change snake direction."
    aim.x = x
    aim.y = y
def inside(head):
    "Return True if head inside boundaries."
    return -200 < head.x < 190 and -200 < head.y < 190
def move():
    "Move snake forward one segment."
    head = snake[-1].copy()
    head.move(aim)
```

Python编程：基础知识



- Python版本选择



- Python开发环境选择

- PyCharm
- VS Code
- Vim
- Spyder
- Python IDLE
- Jupyter Notebook
- Sublime text
- ...

Python编程：基础知识



- Windows环境下安装

- 在Python官网主页下载并安装Python基本开发和运行环境

<https://www.python.org/downloads/windows/>

- 安装Anaconda包、环境管理器 (**推荐**)

<https://www.anaconda.com/download>

- 安装PyCharm集成开发环境(IDE)

<https://www.jetbrains.com/pycharm/download/?section=windows>

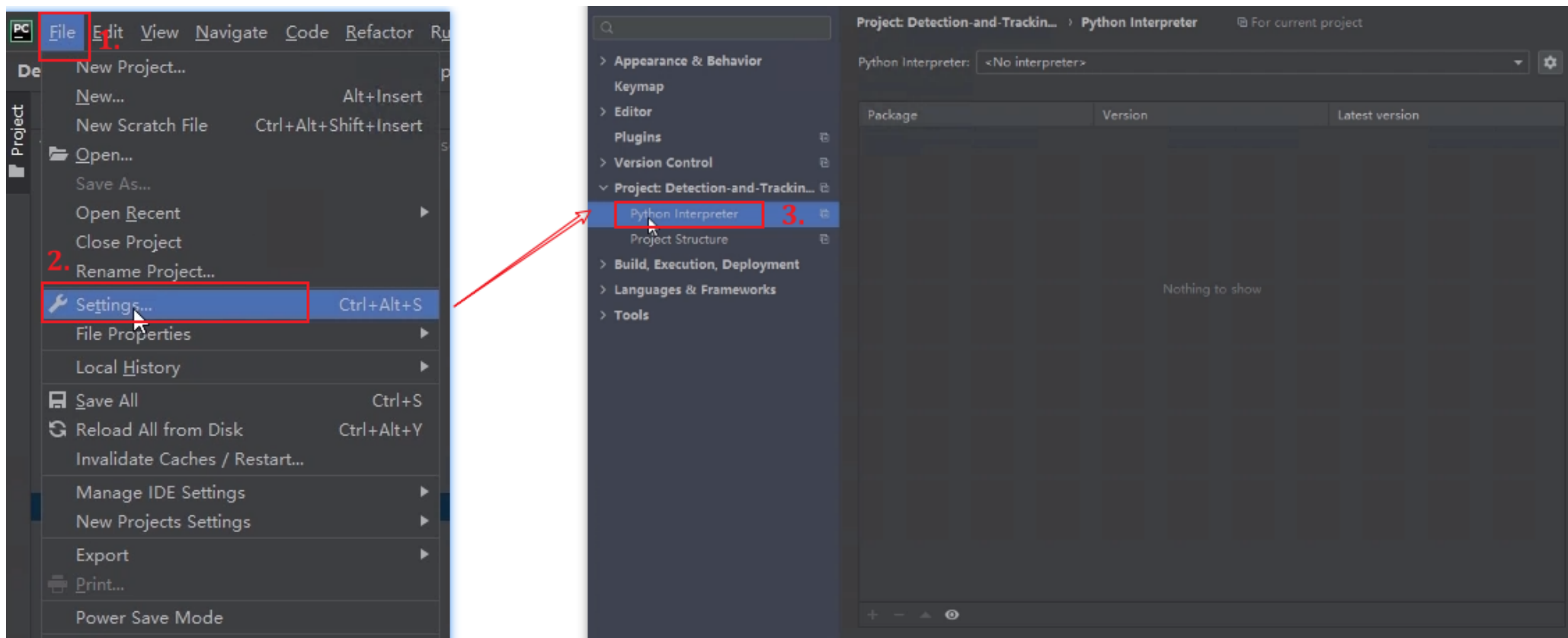


Python编程：基础知识



- PyCharm中配置使用Anaconda环境

开始配置环境。点击“File”菜单，选择“Setting”选项，在“Project”中找到“Python Interpreter”，输入python的安装目录



Python编程：基础知识



- 搜索 “PyCharm中配置使用Anaconda环境” ， 以下仅供参考
安装Anaconda手动配置anaconda环境变量（path）方法
<https://blog.csdn.net/fangweijiex/article/details/115825000>

在PyCharm中配置使用Anaconda环境

<https://blog.csdn.net/TuckX/article/details/115681862>



東南大學
SOUTHEAST UNIVERSITY

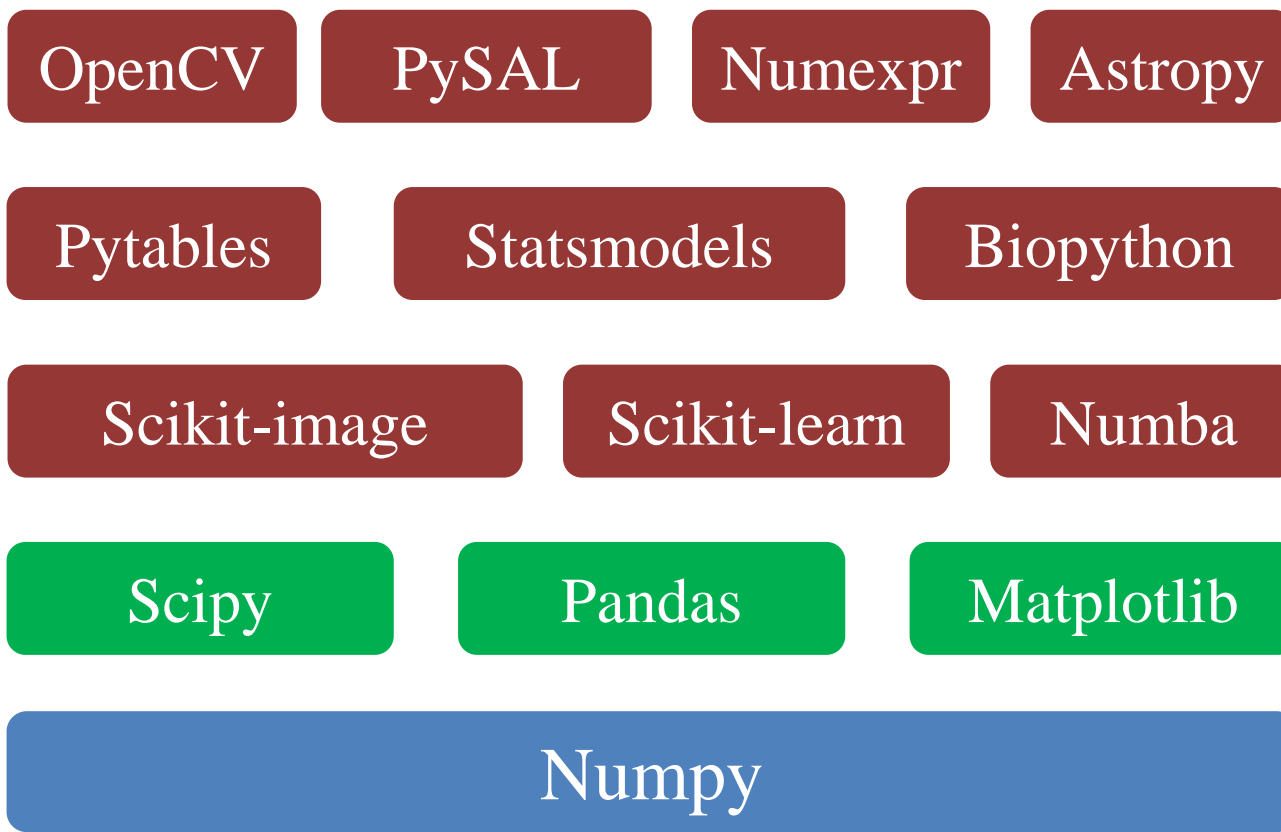
人工智能学院

Python数据分析

Numpy生态系统



- Numpy生态系统





- Python科学计算中的常用库

- **Numpy**

- /ˈnʌmpaɪ/, Numerical Python, 用C语言实现

- **Pandas**

- /ˈpændəs/, Panel Data, 基于Numpy实现

- **Matplotlib**

- Plotting library for basic Python and Numpy

- **Scipy**

- /ˈsaɪpaɪ/, 科学计算库, 线性代数、最优化

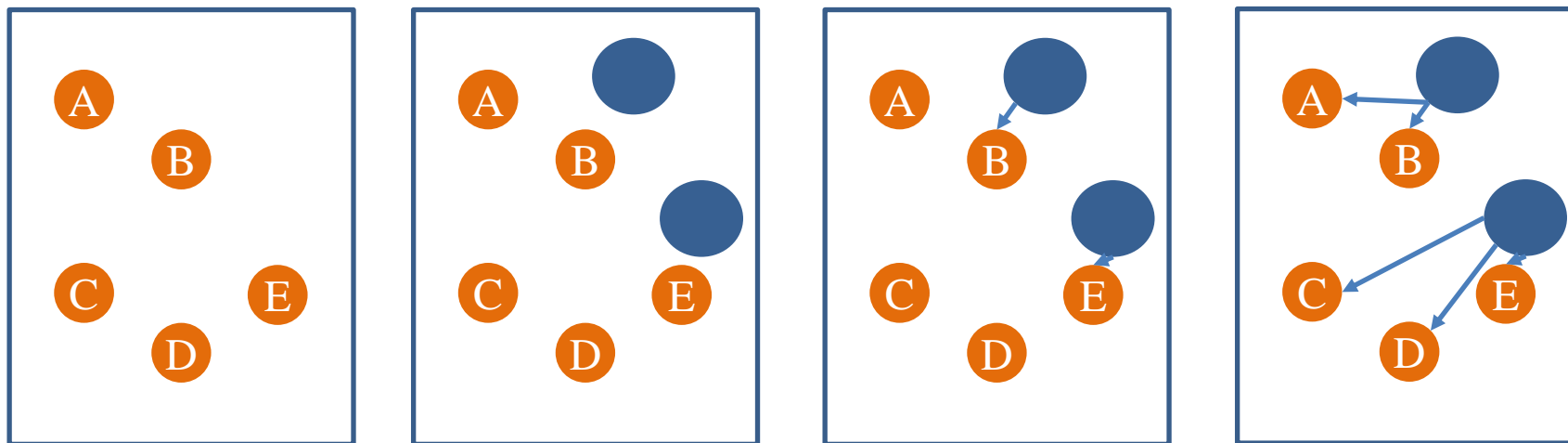
- **Scikit-Learn**

- 机器学习库

Numpy数据分析



- 从一个例子开始: k-means
- 数据个数 $n = 5$
- 中心点 $k = 2$



- Python怎么实现 k-means算法?

```
import sklearn.datasets
import sklearn.cluster
import matplotlib.pyplot as plt
import time

n = 1000    # 数据个数
k = 4       # 中心点个数

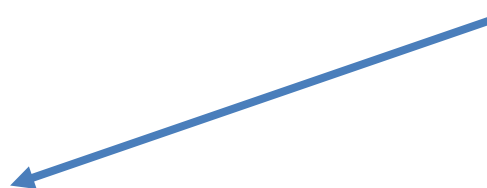
start = time.time()

# 生成初始数据集, n_samples: 数据个数, n_features: 数据维度
# centers: 数据点中心数
data, labels = sklearn.datasets.make_blobs(
    n_samples=n, n_features=2, centers=k)

# scikit-Learn:k-means 聚类
kmeans = sklearn.cluster.KMeans(k, max_iter=300)
kmeans.fit(data)
centroids = kmeans.cluster_centers_

print('sklearn k-means:', round(time.time()-start, 2), 'seconds')
# 绘图
plt.scatter(data[:, 0], data[:, 1], c=labels)
plt.scatter(centroids[:, 0], centroids[:, 1], s=300)
plt.show()
```

典型的工具人案例!



- Numpy的诞生
 - Numerical Python的缩写，底层代码使用C语言实现
 - 1995年Jim Hugunin开发Numeric包
 - 随后，Numarray等包陆续出现
 - 2005年Travis Oliphant 通过将Numarray的功能集成到Numeric包中来创建NumPy包
 - 大量开发者陆续投入到此项目中，日渐强大！



- Numpy: Python中最重要的科学计算基础库
 - 提供一种高效的多维数组结构, ndarray
 - 提供一系列针对ndarray的高效操作方法
 - 提供一系列文件读写的方法
 - 提供常用的随机数生成、线性代数等方法
 - 提供一套面向C语言的API, 能够同其他用C/C++, Fortran语言编写的库共同协作
- 在线文档
 - <https://www.runoob.com/numpy/numpy-tutorial.html>

Numpy的优势



- Numpy的优势
 - Numpy采用类似于C语言中的多维数组内存管理机制来管理ndarray
 - Numpy使用C语言实现，应用过程中直接操作底层内存
 - ndarray占用的内存空间较小
 - 为处理大规模数组数据而设计，内含多种高效操作方法

Numpy的优势



- Numpy的优势

```
import time
import numpy as np

a_arr = np.arange(1000000)
a_list = list(range(1000000))

start = time.time()
for _ in range(10):
    b_arr = a_arr * 2
ndarray_time = round(time.time()-start, 5)
print('Narray:\t', b_arr[0],b_arr[1],b_arr[2], '...',b_arr[-1])
print('Narray:\t', ndarray_time, 'seconds')

start = time.time()
for _ in range(10):
    b_list = [x * 2 for x in a_list]
list_time = round(time.time()-start, 5)
print('List:\t\t', b_list[0],b_list[1],b_list[2], '...',b_list[-1])
print('List:\t\t', list_time, 'seconds')

print('List消耗时间是ndarray的', list_time//ndarray_time, '倍! ')
```

Numpy的优势



- Numpy的优势

```
a_arr = np.arange(1000000)
a_list = list(range(1000000))
```

```
for _ in range(10):
    b_arr = a_arr * 2
```

b_arr: 0 2 4 ... 1999998
Time: 0.02s



40倍速度!

```
for _ in range(10):
    b_list = [x * 2 for x in a_list]
```

b_list: 0 2 4 ... 1999998
Time: 0.80s

Numpy的优势



- Numpy的优势

```
import math
start = time.time()
np.sin(np.arange(1000000)) ** 2
ndarray_time = round(time.time()-start, 5)
print('Narray:\t', ndarray_time, 'seconds')

start = time.time()
[math.sin(i) ** 2 for i in range(1000000)]
range_time = round(time.time()-start, 5)
print('List:\t\t', range_time, 'seconds')
print('List消耗时间是ndarray的', range_time//ndarray_time, '倍!')
```

Narray:	0.012 seconds
List:	0.33508 seconds
List消耗时间是ndarray的 27.0 倍!	

操作数组, ndarray比list通常快10-100倍!

Numpy: ndarray



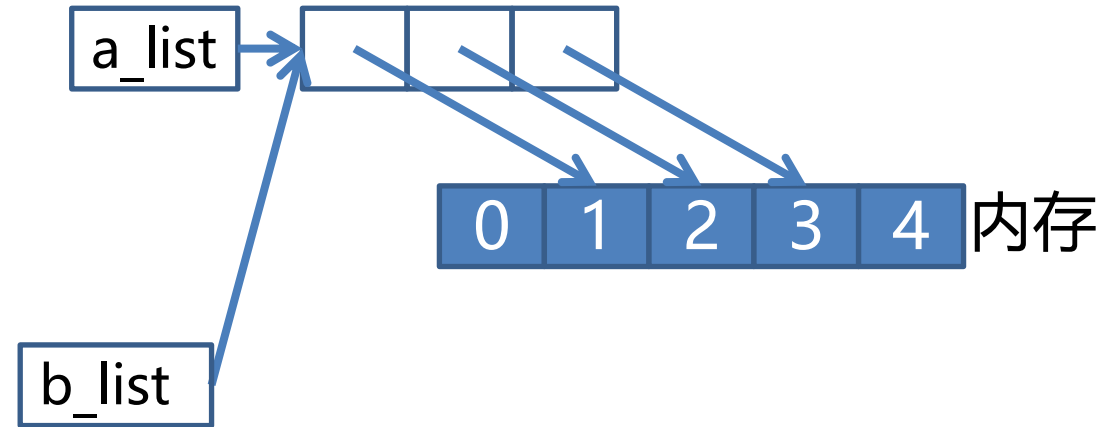
- ndarray, N-dimensional array的缩写
 - 用于存放同类型元素的多维数组
 - 每个元素在内存中都有相同存储大小的区域
- ndarray的组成部分
 - 一个指向数据（内存或内存映射文件中的一块数据）的指针
 - 数据类型dtype
 - 一个表示数组形状（shape）的元组
 - 一个跨度元组（stride），其中的整数指的是为了前进到当前维度下一个元素需要"跨过"的字节数

Numpy: ndarray

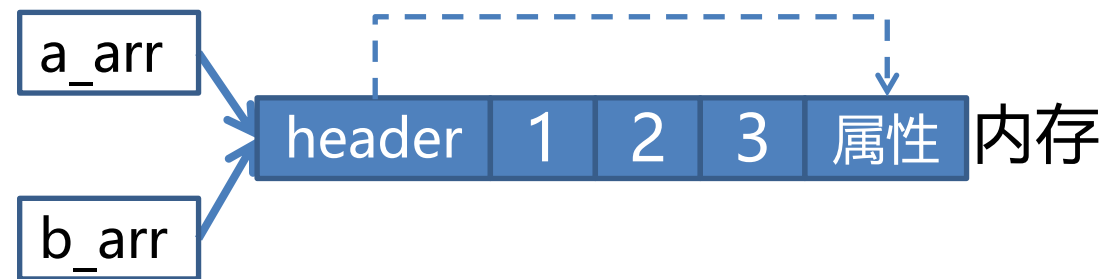


- ndarray *VS.* list

```
a_list = [1, 2, 3]
b_list = a_list
a_list[0] = 4
print(b_list)
```



```
a_arr = np.array([1, 2, 3])
b_arr = a_arr
a_arr[0] = 4
print(b_arr)
```





Numpy: ndarray

- ndarray的组成部分
 - 一个指向数据（内存或内存映射文件中的一块数据）的指针
 - 数据类型dtype
 - 一个表示数组形状（shape）的元组
 - **一个跨度元组（stride）**，其中的整数指的是为了前进到当前维度下一个元素需要"跨过"的字节数

```
import numpy as np  
arr = np.array([[0,1,2],[3,4,5]], dtype='int16')
```

```
>>> [[0 1 2]  
      [3 4 5]]
```



Numpy: ndarray的跨度元组

- ndarray的内存存储机制

```
arr = [[0 1 2]  
       [3 4 5]]
```

```
arr.dtype = int16
```

```
arr.shape = (2, 3)
```

arr.strides = (6, 2)

第一维度，从元素0到元素3

第二维度，从元素0到元素1

arr.strides[1] = 2 bytes

0	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	arr.strides[0] = 2*3 bytes
1	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 1	
2	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 1 0	
3	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 1 1	
4	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 1 0 0	
5	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 1 0 1	

Numpy: ndarray的跨度元组



&arr

$\text{arr.strides}[1] = 2 \text{ bytes}$

0	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0
1	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 1
2	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 1 0
3	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 1 1
4	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 1 0 0
5	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 1 0 1

$\text{arr.strides}[0] = 2*3 \text{ bytes}$

$\text{arr} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$

$$\text{arr}[1, 2] = \&\text{arr} + 1 * \text{arr.strides}[0] + 2 * \text{arr.strides}[1] = \&\text{arr} + \text{"10"} = 5$$



Numpy: ndarray的跨度元组

```
arr = np.arange(1,25).reshape((2,2,2,3))
```

```
>>> [[[[ 1  2  3]
        [ 4  5  6]]
```

```
arr.dtype = int32
```

```
      [[ 7  8  9]
       [10 11 12]]]
```

```
arr.shape = (2, 2, 2, 3)
```

```
arr.strides = (48, 24, 12, 4)
```

```
      [[13 14 15]
       [16 17 18]]
```

```
      [[19 20 21]
       [22 23 24]]]
```



Numpy: 性能分析



- 性能对比分析

```
from datetime import datetime
```

```
import numpy as np
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
# 使用Numpy计算
```

```
def numpysum(n):
```

```
    a = np.arange(n)**2
```

```
    b = np.arange(n)**3
```

```
    c = a+b return c
```

```
# 使用Python计算
```

```
def pythonsum(n):
```

```
    a = list(range(n))
```

```
    b = list(range(n))
```

```
    c = []
```

```
    for i in range(len(a)):
```

```
        a[i] = i**2
```

```
        b[i] = i**3
```

```
        c.append(a[i]+b[i])
```

```
    return c
```

```
#性能分析
```

```
def printest(func, size):
```

```
    start = datetime.now()
```

```
    temp = func(size)
```

```
    delta = datetime.now() - start
```

```
    return delta.microseconds
```

Numpy: 性能分析



用于作 n-time 图

```
def timeplot():
```

```
    pts = []
```

```
    for i in range(100,100000,100):
```

```
        t_numpy = printest(numpysum,i)
```

```
        t_python = printest(pythonsum,i)
```

```
        pts.append([t_numpy,t_python])
```

```
    plt.plot(pts)
```

```
    plt.legend(['Numpy','Python'])
```

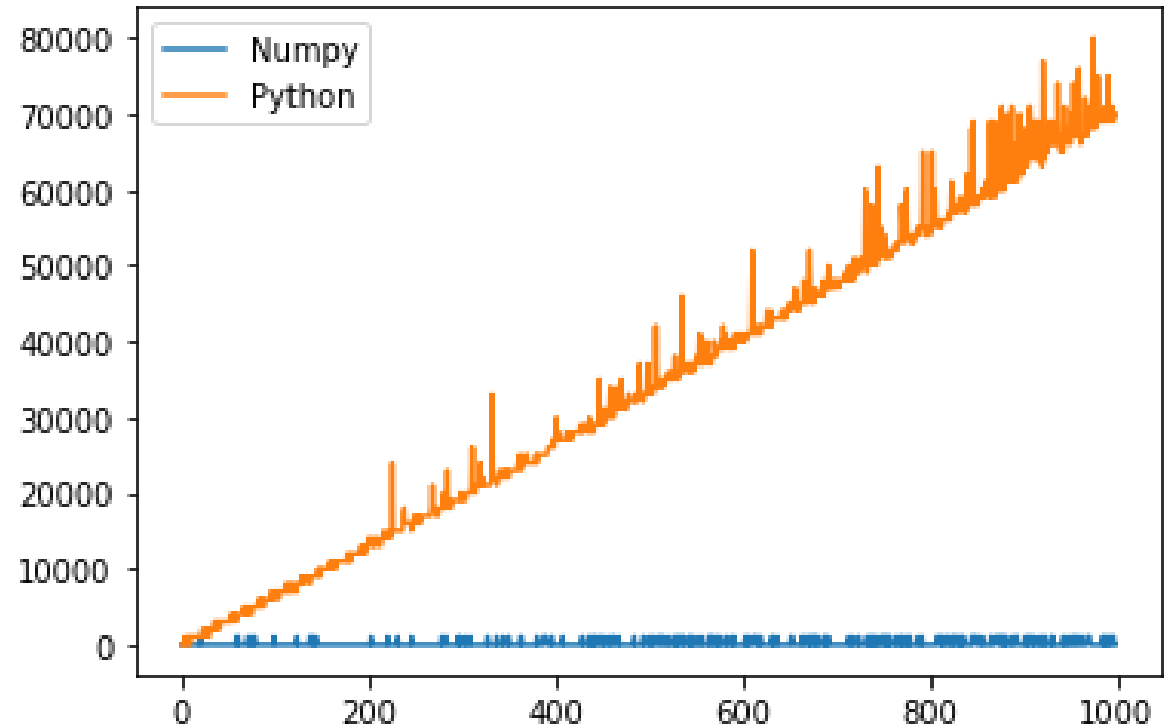
```
    plt.show()
```

```
if __name__ == "__main__":
```

```
    size = 100000
```

```
    printest(numpysum,size)
```

```
    printest(pythonsum,size) timeplot()
```



Numpy: ndarray的创建

- 创建方式

- `np.array(object, dtype = None, copy = True, order = None, subok = False, ndmin = 0)`

名称	描述
object	可迭代序列结构
dtype	数组元素的数据类型，可选
copy	对象是否需要复制，可选
order	创建数组的样式，C为行方向，F为列方向，A为任意方向（默认）
subok	默认返回一个与基类类型一致的数组
ndmin	指定生成数组的最小维度

Numpy扩展

<https://www.labri.fr/perso/nrougier/from-python-to-numpy/>



Numpy: ndarray的创建

- 创建方式

- `np.array(object, dtype = None, copy = True, order = None, subok = False, ndmin = 0)`

```
import numpy as np
```

```
arr = np.array([1,2,3],dtype='float64') → [1. 2. 3.]
```

```
arr = np.array([[1,2,3],[4,5,6]]) → [[1 2 3]  
[4 5 6]]
```

```
arr = np.array([[1,2.],[0,0],[1+1j,2.]]) → [[1.+0.j 2.+0.j]  
[0.+0.j 0.+0.j]  
[1.+1.j 2.+0.j]]
```

```
arr = np.array([i, i * i] for i in [1, 2]) → [[1 1]  
[2 4]]
```



Numpy: ndarray的创建

- ndarray其他创建方式：随机元素数组
 - np.empty(shape, dtype = float, order = 'C')
 - 数组元素为内存中的随机元素

```
arr = np.empty(shape=3)
[4.24399158e-314  8.48798317e-314  1.27319747e-313]
```

```
arr = np.empty(3)
[4.24399158e-314  8.48798317e-314  1.27319747e-313]
```

```
arr = np.empty(shape=(2,3), dtype='bool')
[[False False False]
 [False  True False]]
```



Numpy: ndarray的创建

- ndarray其他创建方式：随机元素数组
- `np.random.randn(d0, d1, ..., dn)`
 - 生成一个(d0, d1, ..., dn)维的数组，数组的元素取自服从正态分布的随机数，若没有参数输入，则生成一个数
- `np.random.rand(d0, d1, ..., dn)`
 - 生成一个(d0, d1, ..., dn)维的数组，数组的元素取自[0, 1)上的均分布，若没有参数输入，则生成一个数
- `np.random.uniform(low=0.0, high=1.0, size=None)`
 - 生出size个符合均分布的浮点数，取值范围为[low, high)，默认取值范围为[0, 1.0)
- `np.random.randint(low, high=None, size=None, dtype='l')`
 - 生成size个整数，取值区间为[low, high)，若没有输入参数high则取值区间为[0, low)



Numpy: ndarray的创建

- ndarray其他创建方式：全0/1数组
 - `np.zeros(shape, dtype = float, order = 'C')`
 - `np.ones(shape, dtype = None, order = 'C')`

```
arr = np.zeros((2,3))
```

```
[[0. 0. 0.]  
 [0. 0. 0.]]
```

```
arr = np.zeros((2,3), dtype='int64')
```

```
[[0 0 0]  
 [0 0 0]]
```

```
arr = np.ones((2,3))
```

```
[[1. 1. 1.]  
 [1. 1. 1.]]
```

Numpy: ndarray的创建

- ndarray其他创建方式：指定数值范围
 - `np.arange(start, stop, step, dtype)`

参数	描述
start	起始值，默认为0
stop	终止值（不包含）
step	步长，默认为1
dtype	返回ndarray的数据类型，如缺省则会使用输入数据的类型

```
arr = np.arange(4)           [0 1 2 3]
```

```
arr = np.arange(4.0)        [0. 1. 2. 3.]
```

```
arr = np.arange(4.)
```

Numpy: ndarray的创建

- ndarray其他创建方式:
 - np.full(shape, fill_value, dtype=None, order='C')
 - np.tile(a, reps)
 - np.r_[a_list, b_list]
 - np.linspace(start, stop, num=50, endpoint=True, retstep=False, dtype=None)

```
arr = np.full((2, 3), 1)
```

```
[[1 1 1]
 [1 1 1]]
```

```
a_arr = np.array([1,2])
```

```
b_arr = np.tile(a_arr, (2, 3))
```

```
[[1 2 1 2 1 2]
 [1 2 1 2 1 2]]
```

```
arr = np.r_[[1,2],[3,4,5]]
```

```
[1 2 3 4 5]
```

```
arr = np.linspace(-5, 5, 5, False)
```

```
[-5. -3. -1.  1.  3.]
```



Numpy: ndarray的数据类型

- ndarray中的数据类型dtype

名称	描述
bool_	布尔型数据类型 (True 或者 False)
int_	默认的整数类型 (类似于 C 语言中的 long, int32 或 int64)
intc	与 C 的 int 类型一样, 一般是 int32 或 int 64
intp	用于索引的整数类型 (类似于 C 的 ssize_t, 一般情况下仍然是 int32 或 int64)
int8	字节 (-128 to 127)
int16	整数 (-32768 to 32767)
int32	整数 (-2147483648 to 2147483647)
int64	整数 (-9223372036854775808 to 9223372036854775807)

Numpy: ndarray的数据类型



- ndarray中的数据类型dtype

名称	描述
uint8	无符号整数 (0 to 255)
uint16	无符号整数 (0 to 65535)
uint32	无符号整数 (0 to 4294967295)
uint64	无符号整数 (0 to 18446744073709551615)
float_	float64 类型的简写
float16	半精度浮点数, 包括: 1 个符号位, 5 个指数位, 10 个尾数位
float32	单精度浮点数, 包括: 1 个符号位, 8 个指数位, 23 个尾数位
float64	双精度浮点数, 包括: 1 个符号位, 11 个指数位, 52 个尾数位
complex_	complex128 类型的简写, 即 128 位复数
complex64	复数, 表示双 32 位浮点数 (实数部分和虚数部分)
complex128	复数, 表示双 64 位浮点数 (实数部分和虚数部分)



Numpy: ndarray的属性

- ndarray的属性

常用属性	说明
ndarray.ndim	秩，即轴的数量或维度的数量
ndarray.shape	数组的形状，对于矩阵，n 行 m 列
ndarray.size	数组元素的总个数，相当于 .shape 中 n*m 的值
ndarray.dtype	ndarray 对象的元素类型
ndarray.itemsize	ndarray 对象中每个元素的大小，以字节为单位
ndarray.flags	ndarray 对象的内存信息
ndarray.real	ndarray元素的实部
ndarray.imag	ndarray 元素的虚部
ndarray.data	包含实际数组元素的缓冲区，由于一般通过数组的索引获取元素，所以通常不需要使用这个属性。

Numpy: ndarray的属性

- ndarray的shape属性

0	1	2	3	4
---	---	---	---	---

shape: (5,)

0	1	2	3	4
5	6	7	8	9
10	11	12	13	14

shape: (3, 5)

0	1	2	3	4
5	6	7	8	9
10	11	12	13	14

shape: (3, 5, 4)

Numpy: ndarray的操作

- np.reshape()改变数组形状

```
arr = np.arange(10, 20, 1).reshape(5, 2)
[[10 11]
 [12 13]
 [14 15]
 [16 17]
 [18 19]]
```

- np.astype()改变数组元素类型

```
arr = np.array([[ '1', '2'], [ '5', '6']]).astype('float64')
[[1.  2.]
 [5.  6.]]
```



Numpy: ndarray的操作

- ndarray的简单应用

```
arr = np.array([(1,2,3),[4,5,6]])
print('arr:\n',arr)
print('arr - arr:\n',arr - arr)
print('arr * arr:\n',arr * arr)
arr_2 = np.array([(7,8,9),[4,5,6]])
print('arr_2 > arr:\n',arr_2 > arr)
```

arr:	arr - arr:	arr * arr:
[[1 2 3]	[[0 0 0]	[[1 4 9]
[4 5 6]]	[0 0 0]]	[16 25 36]]

```
arr_2 > arr:
[[ True  True  True]
 [False False False]]
```

Numpy: ndarray的操作

- ndarray的数组向量化

$$\begin{bmatrix} [1, 1, 1, 1], \\ [1, 1, 1, 1], \\ [1, 1, 1, 1] \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} [1, 1, 1, 1], \\ [1, 1, 1, 1], \\ [1, 1, 1, 1] \end{bmatrix} = ?$$

- 线性计算:
 - $[] < 1+1, [2,] < 1+1, [2,2,] < 1+1 \dots$
- 向量化计算

$$\begin{bmatrix} [1+1, 1+1, 1+1, 1+1], \\ [1+1, 1+1, 1+1, 1+1], \\ [1+1, 1+1, 1+1, 1+1] \end{bmatrix}$$

这也是TPU/GPU大放异彩的原因!



Numpy: ndarray切片

- 一维数组切片

```
import numpy as np
arr = np.arange(10)
# 从索引2开始到索引7停止，间隔为2
s1 = slice(2,7,2)
print(arr[s1])
arr_s2 = arr[2:7:2]
print(arr_s2)
```

[2 4 6]

[2 4 6]



Numpy: ndarray切片

- 二维数组切片

```
import numpy as np

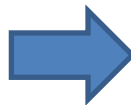
arr = np.array([[1,2,3,4],[5,6,7,8],[9,10,11,12],\
               [13,14,15,16],[17,18,19,20]])

print('初始数据: \n',arr)
print('数据维度: ', arr.shape)

print('切片[1,2): ',arr[1:2])
print('初始数据全部切片: \n',arr[:])

print('第一列数据: \n',arr[:,0])
print('第一行数据: \n',arr[0])
print('第一行数据: \n',arr[0,:])

print('右上角数据: \n',arr[:2,1:])
```



```
初始数据:
[[ 1  2  3  4]
 [ 5  6  7  8]
 [ 9 10 11 12]
 [13 14 15 16]
 [17 18 19 20]]
数据维度: (5, 4)
切片[1,2): [[5 6 7 8]]
初始数据全部切片:
[[ 1  2  3  4]
 [ 5  6  7  8]
 [ 9 10 11 12]
 [13 14 15 16]
 [17 18 19 20]]
第一列数据:
[ 1  5  9 13 17]
第一行数据:
[1 2 3 4]
第一行数据:
[1 2 3 4]
右上角数据:
[[2 3 4]
 [6 7 8]]
```


Numpy: ndarray切片



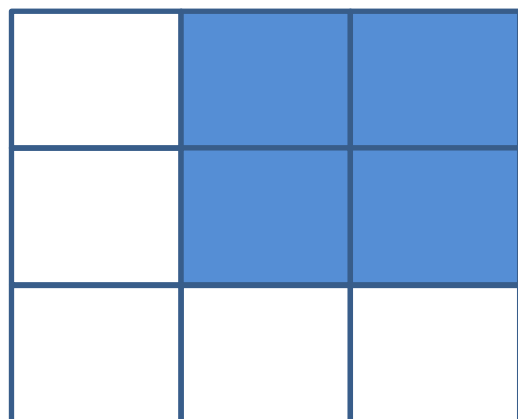
- 二维数组的元素布局

		axis1		
		0	1	2
axis0	0	0,0	0,1	0,2
	1	1,0	1,1	1,2
	2	2,0	2,1	2,2

Numpy: ndarray切片



- 二维数组的元素布局

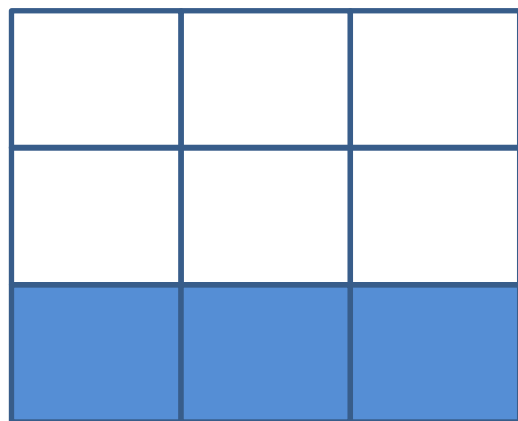


切片表达式

shape

`arr[:2, 1:]`

`(2, 2)`



`arr[2]`

`(3,)`

`arr[2, :]`

`(3,)`

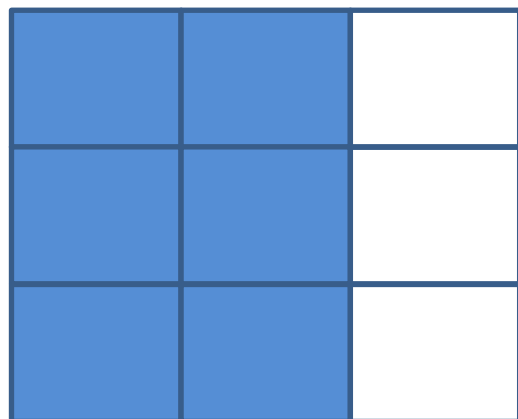
`arr[2 :, :]`

`(1, 3)`

Numpy: ndarray切片



- 二维数组的元素布局

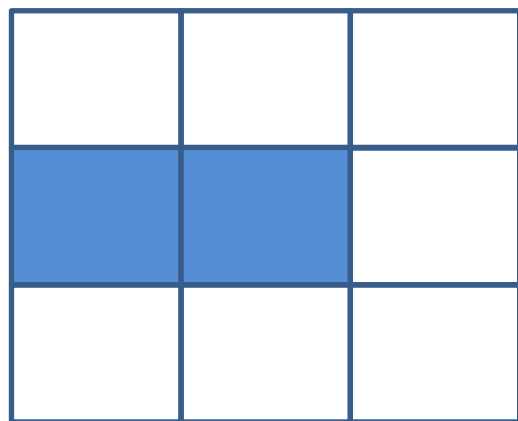


切片表达式

shape

`arr[:, :2]`

`(3, 2)`



`arr[1, :2]`

`(2,)`

`arr[1:2, :2]`

`(1, 2)`

Numpy: ndarray索引



- 数组索引

```
import numpy as np
```

```
arr = np.array([[1, 2], [3, 4], [5, 6]])  
x = arr[[0,1,2], [0,1,0]]  
print (x)
```

```
[1 4 5]
```

```
arr = np.array([[0, 1, 2], [3, 4, 5], [6, 7, 8],  
                [9, 10, 11]])  
rows = np.array([[0,0], [3,3]])  
cols = np.array([[0,2], [0,2]])  
x = arr[rows,cols]  
print ('这个数组的四个角元素是: \n',x)
```

```
[[ 0  2]  
 [ 9 11]]
```



Numpy: ndarray索引

- 布尔索引

```
chars = np.array(['a', 'b', 'a', 'c'])
arr = np.random.rand(4, 4)
print('arr: \n', arr)
print('chars = a: \n', chars == 'a')
print('arr[chars = a] \n', arr[chars == 'a'])
```

```
arr:
[[0.93086288 0.62076943 0.10139825 0.33603834]
 [0.15763767 0.30167788 0.12422861 0.56300044]
 [0.97671332 0.76585451 0.94892057 0.88279619]
 [0.01195383 0.94468459 0.57054435 0.21849045]]
chars = a:
[ True False  True False]
arr[chars = a]
[[0.93086288 0.62076943 0.10139825 0.33603834]
 [0.97671332 0.76585451 0.94892057 0.88279619]]
```

Numpy: ndarray索引



- 布尔索引

```
arr = np.array([[0, 1, 2], [3, 4, 5], [6, 7, 8], \
                [9, 10, 11]])
print('大于 5 的元素是: \n', arr[arr>5])
```

```
[ 6  7  8  9 10 11]
```

Numpy: ndarray索引



- 花式索引 (Fancy indexing) : 利用整数数组进行索引, 这里的整数数组可以是Numpy数组也可以是Python中列表、元组等可迭代类型。

```
arr = np.arange(32).reshape((8,4))  
print (arr[[4,2,1,7]])
```

```
[[16 17 18 19]  
 [ 8  9 10 11]  
 [ 4  5  6  7]  
 [28 29 30 31]]
```

```
arr = np.arange(32).reshape((8,4))  
print(arr[[4,2,1,7,6,4,4,4],:3:2])
```

```
[[16 18]  
 [ 8 10]  
 [ 4  6]  
 [28 30]  
 [24 26]  
 [16 18]  
 [16 18]  
 [16 18]]
```

Numpy: ndarray索引



- 除了花式索引，其他切片与索引为浅复制（花式索引生成一个新的数组，不像切片，花式索引生成的是新的数据对象）

```
arr = np.arange(10)           [0 1 2 3 4 5 6 7 8 9]
```

```
arr_s2 = arr[2:7:2]           [2 4 6]
```

```
arr_s2[0]=999
```

```
print(arr_s2)
```

```
print(arr)
```

[999	4	6]							
[0	1	999	3	4	5	6	7	8	9]

Numpy: ndarray索引



```
import numpy as np
a = np.arange(6)
print('我们的数组是: ')
print(a)
print('调用 id() 函数: ')
print(id(a))
print('a 赋值给 b: ')
b = a
print(b)
print('b 拥有相同 id(): ')
print(id(b))
print('修改 b 的形状: ')
b.shape = 3,2
print(b)
print('a 的形状也修改了: ')
print(a)
```

我们的数组是:

```
[0 1 2 3 4 5]
```

调用 id() 函数:

```
1468387953920
```

a 赋值给 b:

```
[0 1 2 3 4 5]
```

b 拥有相同 id():

```
1468387953920
```

修改 b 的形状:

```
[[0 1]
```

```
 [2 3]
```

```
 [4 5]]
```

a 的形状也修改了:

```
[[0 1]
```

```
 [2 3]
```

```
 [4 5]]
```

- 视图：切片与大部分索引均会创建视图

- ndarray.view() 方会创建一个新的数组对象，该方法创建的新数组的维数更改不会更改原始数据的维数
- 使用切片创建视图修改数据会影响到原始数组

```
import numpy as np
# 最开始 a 是个 3X2 的数组
a = np.arange(6).reshape(3,2)
print('数组 a: ')
print(a)
print('创建 a 的视图: ')
b = a.view()
print(b)
print('两个数组的 id() 不同: ')
print('a 的 id(): ')
print(id(a))
print('b 的 id(): ')
print(id(b))
# 修改 b 的形状, 并不会修改 a
b.shape = 2,3
print('b 的形状: ')
print(b)
print('a 的形状: ')
print(a)
```

```
数组 a:
[[0 1]
 [2 3]
 [4 5]]
创建 a 的视图:
[[0 1]
 [2 3]
 [4 5]]
两个数组的 id() 不同:
a 的 id():
1468388037456
b 的 id():
1468388037376
b 的形状:
[[0 1 2]
 [3 4 5]]
a 的形状:
[[0 1]
 [2 3]
 [4 5]]
```

Numpy: ndarray索引



- ndarray.copy()

```
import numpy as np
a = np.array([[10,10], [2,3], [4,5]])
print('数组 a: ')
print(a)
print('创建 a 的深层副本: ')
b = a.copy()
print('数组 b: ')
print(b)
# b 与 a 不共享任何内容
print('我们能够写入 b 来写入 a 吗? ')
print(b is a)
print('修改 b 的内容: ')
b[0,0] = 100
print('修改后的数组 b: ')
print(b)
print('a 保持不变: ')
print(a)
```

```
数组 a:
[[10 10]
 [ 2  3]
 [ 4  5]]
创建 a 的深层副本:
数组 b:
[[10 10]
 [ 2  3]
 [ 4  5]]
我们能够写入 b 来写入 a 吗?
False
修改 b 的内容:
修改后的数组 b:
[[100 10]
 [ 2  3]
 [ 4  5]]
a 保持不变:
[[10 10]
 [ 2  3]
 [ 4  5]]
```



Numpy: ndarray计算

```
import numpy as np

arr = np.array([0,30,45,60,90])
print ('不同角度的正弦值: ')
# 通过乘  $\pi/180$  转化为弧度
print (np.sin(arr*np.pi/180))
print ('\n')
print ('数组中角度的余弦值: ')
print (np.cos(arr*np.pi/180))
print ('\n')
print ('数组中角度的正切值: ')
print (np.tan(arr*np.pi/180))
```

Numpy: ndarray计算



不同角度的正弦值:

```
[0.          0.5          0.70710678  0.8660254   1.          ]
```

数组中角度的余弦值:

```
[1.00000000e+00  8.66025404e-01  7.07106781e-01  5.00000000e-01  
 6.12323400e-17]
```

数组中角度的正切值:

```
[0.00000000e+00  5.77350269e-01  1.00000000e+00  1.73205081e+00  
 1.63312394e+16]
```



Numpy: ndarray计算

- 比较运算: $<$, $<=$, $=$, $!=$, $>=$, $>$
- 算术: $+$, $-$, $*$, $/$, reciprocal, square
- 指数计算: exp, expm1, exp2, log, log10, log1p, log2, power, sqrt
- 三角函数: sin, cos, tan, asin, arccos, atan
- 双曲线函数: sinh, cosh, tanh, asinh, arccosh, atanh
- 位运算: $\&$, $|$, \sim , \wedge , left_shift, right_shift
- 逻辑运算: and, logical_xor, not, or
- 谓词: isfinite, isinf, isnan, signbit
- 其他运算: abs, ceil, floor, mod, modf, round, sinc, sign, trunc

Numpy: ndarray的广播机制(Broadcast)

- ndarray的数学计算

a

0	1	2	3	4	5
---	---	---	---	---	---

b

0	10	20	30	40	50
---	----	----	----	----	----

c

0	11	22	33	44	55
---	----	----	----	----	----

$$c = a + b$$

Numpy: ndarray的广播机制(Broadcast)



- 广播(Broadcast): numpy 对不同形状(shape)的数组进行数值计算的方式。当运算中的 2 个数组的形状不同时, numpy 将自动触发广播机制。

a

0	1	2	3	4	5
---	---	---	---	---	---

b

10	10	10	10	10	10
----	----	----	----	----	----

$$c = a + b$$

c

10	11	12	13	14	15
----	----	----	----	----	----

Numpy: ndarray的广播机制(Broadcast)

- 广播(Broadcast)
 - numpy 对不同形状(shape)的数组进行数值计算的方式
 - 被广播的数组通常会复制元素填充或者赋填充值为1 (高维)

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} + [2]$$

0	1
2	3
4	5

+

10	10
20	20
30	30

=

10	11
22	23
34	35

Numpy: 广播机制与 np.newaxis



- np.newaxis 的功能是增加新的维度， np.newaxis 放的位置不同，产生的矩阵形状也不同。

```
a = np.array([ [ 1, 1, 1, 1], [ 1, 1, 1, 1], [ 1, 1, 1, 1] ])
```

```
b = np.array([2, 3, 4])
```

```
c = np.array([2, 3, 4, 5])
```

```
print(a.shape, b.shape)
```

```
print(a + b[:, np.newaxis])
```

```
print(a + c)
```

```
print(a + c[np.newaxis])
```

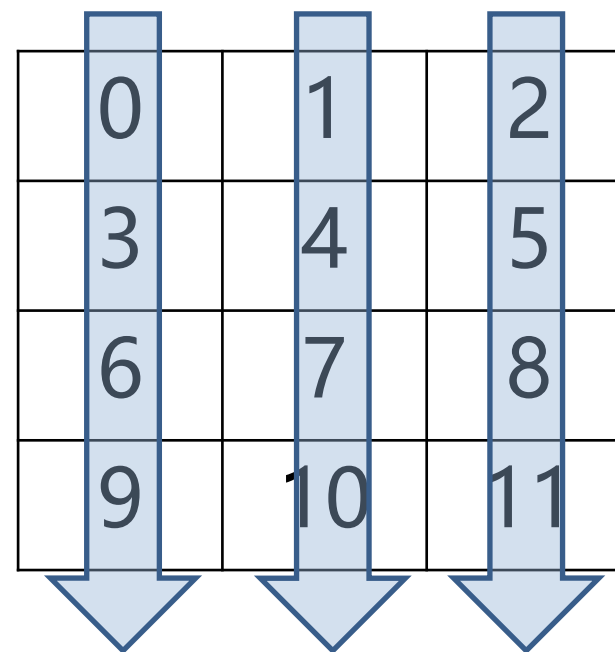
Numpy: ndarray降维



```
arr = np.arange(12).reshape(4,3)
```

```
>>> [[ 0  1  2]
      [ 3  4  5]
      [ 6  7  8]
      [ 9 10 11]]
```

```
arr.sum(axis=0) = [18 22 26]
```



axis=0

Numpy: ndarray降维



```
arr = np.arange(12).reshape(4,3)
```

```
>>> [[ 0  1  2]
      [ 3  4  5]
      [ 6  7  8]
      [ 9 10 11]]
```

```
arr.sum(axis=0) = [18 22 26]
```

```
arr.sum(axis=1) = [ 3 12 21 30]
```

0	1	2
3	4	5
6	7	8
9	10	11

axis=1

练习题



- 计算矩阵秩。
- 考虑一个数组 $Z=[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14]$ ，如何生成一个矩阵 $R=[[1,2,3,4], [2,3,4,5], [3,4,5,6]....., [11,12,13,14]]$?
- 如何查找数组中最频繁的值。
- 考虑任意一个 16×16 矩阵，如何获得矩阵块的和（块大小为 4×4 ）。
- 给定一个矩阵，输出没有相同元素的所有的行。
- 给定两个向量A和B，基于`np.einsum`实现等价于`inner`, `outer`, `sum`, 和`mul`函数的表达式。
- 给定两个维度分别为 $n \times 4$ 和 $m \times 4$ 的矩阵，计算两两之间的IoU距离，得到 $n \times m$ 的矩阵（用numpy实现，不用for循环）。

练习题



- 计算任意函数与x轴围成的面积
 - 定义一个函数，比如 $\sin(x)$;
 - 用数值的方法计算该函数在某个区间比如 $[0, \pi]$ 与x轴围成的面积;
 - 用numpy实现，不能用for循环。
- 计算二元函数体积
 - 在x轴 $[0, 1]$, y轴 $[0, 1]$, 定义一个任意连续的二元函数;
 - 用数值的方法该函数与x,y平面在该区间下的体积;
 - 用numpy实现，不能用for循环;
 - 精确到20位小数点。