◇ 分析题

3-1 设计一个 $O(n^2)$ 时间的算法,找出由 n 个数组成的序列的最长单调递增子序列。

3-2 将算法分析题 3-1 中算法的计算时间减至O(nlogn) (提示:一个长度为 i 的候选子序列的最后一个元素至少与一个长度为 i-1 的候选子序列的最后一个元素一样大。通过指向输入序列中元素的指针来维持候选子序列)。

◇ 设计题

3-1 独立任务最优调度问题

问题描述: 用 2 台处理机 A 和 B 处理 n 个作业。设第 i 个作业交给机器 A 处理时需要时间 a_i ,若由机器 B 来处理,则需要时间 b_i 。由于各作业的特点和机器的性能关系,很可能对于某些 i,有 $a_i \geq b_i$,而对于某些 j, $j \neq i$,有 $a_i < b_i$ 。既不能将一个作业分开由 2 台机器处理,也没有一台机器能同时处理 2 个作业。设计一个动态规划算法,使得这 2 台机器处理完这 n 个作业的时间最短(从任何一台机器开工到最后一台机器停工的总时间)。研究一个实例: $(a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6)$ = (2,5,7,10,5,2); $(b_1, b_2, b_3, b_4, b_5, b_6)$ = (3,8,4,11,3,4)。**算法设计**: 对于给定的 2 台处理机 A 和 B 处理 n 个作业,找出一个最优调度方案,使得 2 台机器处理完这 n 个作业的时间最短。

数据输入: 由文件 input.txt 提供输入数据。文件的第 1 行是 1 个正整数 n,表示要处理 n 个作业。在接下来的 2 行中,每行有 n 个正整数,分别表示处理机 A 和 B 处理第 i 个作业 需要的处理时间。

结果输出:程序运行结束时,将计算出的最短处理时间输出到文件 output.txt 中。

输入文件示例 输出文件示例

input.txt output.txt

6 15

2571052

3841134

3-8 乘法表问题

问题描述: 定义于字母表Σ={a,b,c} 上的乘法表如下表所示,依此乘法表,对于一定义于Σ上的字符串,适当加括号后得到一个表达式。例如,对于字符串x=bbbba,它的一个加括号表达式为(b(bb))(ba)。依乘法表,该表达式的值为 a。试设计一个动态规划算法,对任一定义于Σ上的字符串 $x=x_1x_2...x_n$,计算有多少种不同的加括号方式,使由x导出的加括号表达式的值为 a。

	a	b	С
а	b	b	a
b	С	b	a
С	а	С	С

算法设计: 对于给定的字符串 $x = x_1 x_2 \dots x_n$,计算有多少种不同的加括号方式,使由x导出的加括号表达式的值为 a。

数据输入:由文件 input.txt 提供输入数据。文件的第1行中给出一个字符串。

结果输出:程序运行结束时,将计算结果输出到文件 output.txt 中。文件的第 1 行中的数是计算出的加括号方式数。

输入文件示例	输出文件示例	
input.txt	output.txt	
bbbba	6	

◇ 编程实现题

3-2 编辑距离问题

问题描述: 设 A 和 B 是 2 个字符串。要用最少的字符串操作将字符串 A 转换为字符串 B。 这里所说的字符操作包括:

- (1) 删除一个字符;
- (2) 插入一个字符;
- (3) 将一个字符改为另一个字符。

将字符串 A 变换为字符串 B 所用最少的字符操作数称为字符串 A 到 B 的编辑距离,记为 d(A,B)。试设计一个有效算法,对于任给的 2 个字符串 A 和 B,计算出它们的编辑距离 d(A,B)。

算法设计: 对于给定的字符串 A 和字符串 B, 计算其编辑距离 d(A,B)。

数据输入:由文件 input.txt 提供输入数据。文件的第 1 行是字符串 A,文件的第 2 行是字符串 B。

结果输出:程序运行结束时,将编辑距离d(A,B)输出到文件 output.txt 的第一行中。

输入文件示例 输出文件示例

input.txt output.txt

fxpimu 5

xwrs