## 현수선 길이 계산 방법과 응용

데이터정보학과

지도교수 : 김익성 교수님

20191509 이보윤

20191496 김민주

20201487 김현지

#### contents

 01
 서론

 • 연구 동기 및 목적

 • 연구 방법

 전구 방법

03

• 현수선 길이의 응용 - 광안대교

• 현수선 길이의 규격표 - 현수교

• 현수선 길이 규격표 응용 - 이순신 대교

• 현수선의 개념과 원리

• 현수선의 방정식

• 현수선의 길이

04 | 결론

• 참고문헌

01

• 연구 동기 및 목적

• 연구 방법

## <u>연구 동기 및 목적</u>

- 일상 속에서 전봇대의 전깃줄, 빨랫대의 빨랫줄, 비닐하우스의 서까래와 같이 여러가지 곡선들을 현수선이라고 한다. 현수선의 원리를 인공적인 구조물로 극대화하여구현한 것이 현수교이다. 다리를 무너지지 않게 짓기 위해서 현수선 구조를 어떻게 활용했는지 알아보기 위해 연구를 시작했다.
- 현수선에 대해서 알아보고 현수선 길이를 구하는 방법에 대해 생각해 본다. 간단하 게 현수선 길이를 계산할 수 있는 표를 구현해 본다.

## 연구 방법

- 현수선의 개념과 원리에 대해서 알아보고 현수선 방정식을 이용하여 현수선의 길이 를 구하는 방법에 대해서 알아본다.
- Matlab을 사용하여 각각의 폭과 현수선의 늘어진 길이에 대한 현수선의 길이를 계산한다.
- 현수교 중 대표적으로 광안대교의 현수선 길이를 Matlab을 통해 구하고 현수교의 현수선 길이들을 표로 구현한다. 이 표를 이용하여 이순신대교의 현수선 길이를 구한다.

02

- 현수선의 개념과 원리
  - 현수선의 방정식
    - 현수선의 길이

## 현수선의 개념



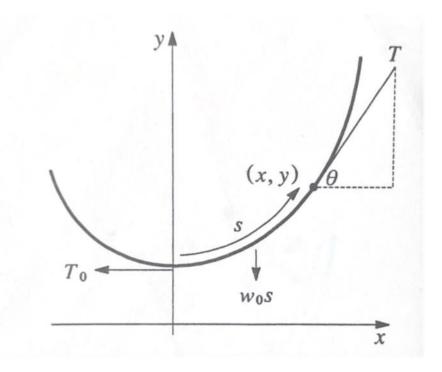
출처: Image by Couleur from Pixabay

- 현수선이란 균일한 밀도를 갖는 유연한 사슬 이나 밧줄을 두 점 사이에 매달아서 그 자신의 무게만으로 드리워져 있을 때 만들어지는 곡 선의 형태이다.
- 우리 주변에서 흔히 볼 수 있는 전봇대 사이에 축 늘어진 전깃줄이나 빨랫줄이 현수선의 대 표적인 예이다.

## 현수선의 원리

- 빨랫줄이 제대로 버티기 위해서는 두 개의 버팀대와 땅에 빨랫줄의 끝을 단단히 고정해야 한다. 빨래를 널지 않은 빨랫줄은 조금 불안정하지만 무거운 빨래를 널면 빨랫줄이 처지기 시작하면서 점차 당기는 힘이 늘어나 팽팽해진다.
- 현수교는 주 케이블이 자체 무게만 지탱하는 것이 아니라 그보다 더 큰 다리 상판의 무게 까지 지탱한다. 주 케이블은 현수선의 형태가 되면 장력이 작용하여 무거운 차량이 다녀 도 거뜬히 버틴다.

## 현수선의 방정식



 $w_0$ : 사슬의 선밀도(단위 길이당 무게)

s: 최저점에서 임의의 점 (x, y)까지의 호의 길이

 $T_0$ : 최저점에서 수평방향으로 작용하는 장력

T: A(x, y)에서 접선의 방향으로 작용하는 장력

 $w_0s$ : 사슬에 작용하는 중력

 $\Rightarrow T\cos\theta = T_0$ ,  $T\sin\theta = w_0s$ 

• T를 제거하기 위해 변끼리 나누면,

$$\frac{T \sin \theta}{T \cos \theta} = \tan \theta = \frac{w_{0S}}{T_0}$$
 (  $\tan \theta = \frac{dy}{dx}$ :  $(x, y)$ 에서의 접선의 기울기)

$$a = \frac{w_0}{T_0}$$
 라고 하면,  $as = \frac{dy}{dx}$  가 된다.

• s를 제거하기 위해 x 로 미분하면,

$$a \frac{ds}{dx} = \frac{d^2y}{dx^2} (ds = \sqrt{(dx)^2 + (dy)^2})$$

$$\Rightarrow \frac{d^2y}{dx^2} = a\sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2}$$
 : 현수선에 대한 미분방정식

• 
$$\frac{d^2y}{dx^2} = a\sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2}$$
: 현수선에 대한 미분방정식

$$\Rightarrow \frac{dp}{dx} = a\sqrt{1+p^2} \ ($$
보조변수  $p = \frac{dy}{dx}$  $)$ 

• 두 변수 x와 p로 분리하여 각각 적분하면,

$$\int \frac{dp}{\sqrt{1+p^2}} = a \int dx \implies sinh^{-1} p = ax + c_1$$

• x=0, p=0을 대입하면,  $c_1=0$   $\Rightarrow sinh^{-1}p=ax$ 

• 보조변수 p에 원래 값  $\frac{dy}{dx}$ 을 대입하면,

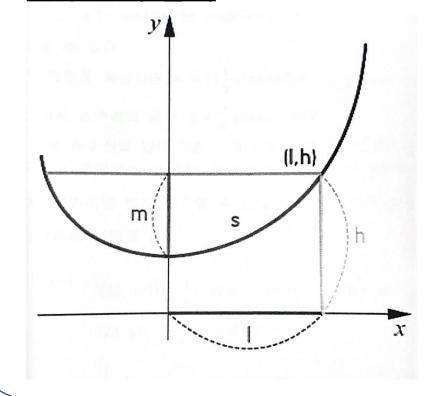
$$sinh^{-1}p = ax \rightarrow sinh^{-1}\frac{dy}{dx} = ax \Rightarrow \frac{dy}{dx} = sinh ax$$

양변을 x에 대해 적분하면,

$$\int dy = \int \sinh ax \ dx$$

$$\Rightarrow y = \frac{1}{a} \cosh ax + c$$
 : 현수선의 방정식

## 현수선의 길이



• 현수선의 길이는 폭과 높이가 주어질 때 현수선의 방정식을 이용하여 구할 수 있다.

S: 현수선의 길이

*h* : 높이

m: 높이가 h일 때 현수선의 늘어진 길이

l: 현수선의 폭

• 호장함수의 공식 $(\int_a^b |1+lpha'(t)|\ dt$  : lpha의 t=a에서 t=b까지의 길이)에 의해서,

$$S = 2 \int_0^l \sqrt{1 + (y')^2} \ dx = 2 \int_0^l \sqrt{1 + \sinh^2 ax} \ dx$$

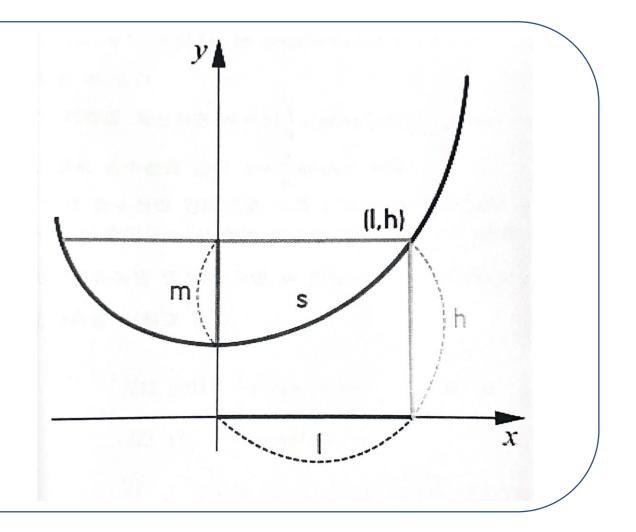
•  $cosh^2 x - sinh^2 x = 1$  이므로,

$$\sqrt{1+\sinh^2 ax} = \cosh ax \Rightarrow S = 2 \int_0^l \cosh ax \, dx$$

$$S = 2 \left[ \frac{1}{a} \sinh ax \right]_0^1 = 2 \left( \frac{1}{a} \sinh al - 0 \right) = \frac{2}{a} \sinh al$$

• 현수선의 방정식  $y = \frac{1}{a} \cosh ax + c$ 의 x값에 0과 폭 l을 대입하면,

$$\Rightarrow y(0) = \frac{1}{a} \cosh a0 + c = h - m,$$
$$y(l) = \frac{1}{a} \cosh al + c = h$$



• y(0)에서  $c = h - m - \frac{1}{a}$ 을 얻을 수 있고 이것을 y(l)에 대입하면,

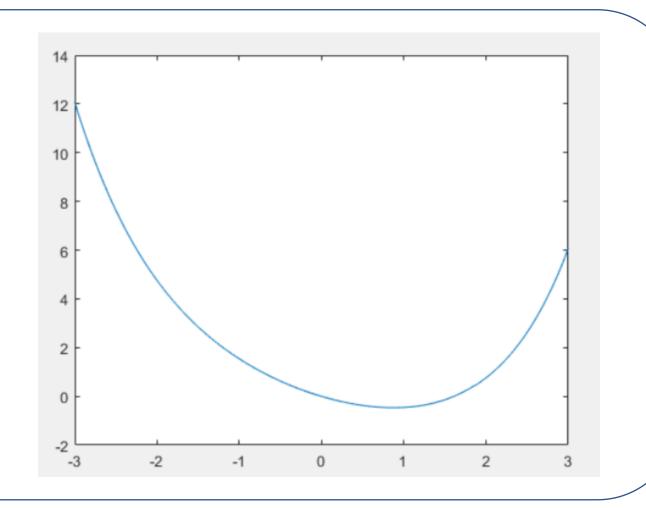
$$\frac{1}{a}\cosh al + h - m - \frac{1}{a} = h \Rightarrow m = \frac{1}{a}\left(\cosh al - 1\right)$$

양변에 a를 곱하여 주면,

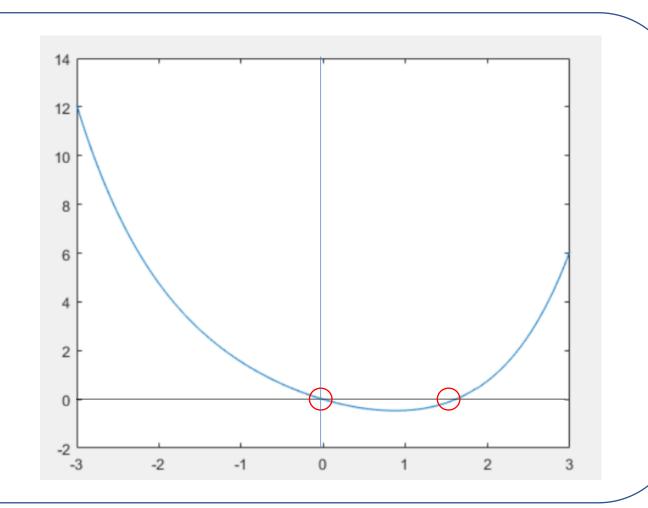
 $am = \cosh al - 1 \Rightarrow$  따라서 방정식  $\cosh al - (1 + am) = 0$  을 얻을 수 있다.

임의로 폭 l = 1, 현수선
 의 늘어진 길이 m = 1
 라 할 때,

의 그래프를 그려보면



- 함수 f(a) = cosh a (1+a)는 하나의 고정
   된 값으로 a = 0의 해를
   가진다.
- 0의 아닌 다른 하나의
   근은 Matlab 프로그램
   을 통하여 구할 수 있다.



#### <0이 아닌 a의 값을 구하는 Matlab 프로그램>

```
\Rightarrow for i = 1;
        for j = 1
           1 = i;
          m = j;
         [a, val] = fzero(@(a))
\exp(a*1) + \exp(-a*1) - 2 - 2*a*m, 2);
        aval(i, j) = a;
     end;
end;
aval
```

• 
$$\cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$$
 를 이용하면  $\cosh al - (1 + am) = 0$ 은  $e^{al} + e^{-al} - 2 - 2am = 0$  이 된다.

• l = 1이고 m = 1일 때, 0이 아닌 a의 값은 1.6161 이다.

• 폭의 값 l을 임의로 1m, 2m, 3m로 두고, 현수선의 늘어진 길이 m을 1m, 2m, 3m로 두었을 때 0이 아닌 a의 값과 현수선의 길이 s의 값을 Matlab 프로그램을 통해 구하여 보자.

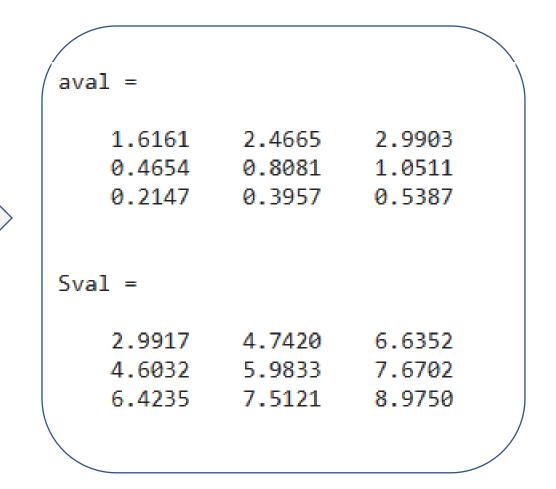
 $\Rightarrow$  폭의 값 l이 1m 간격으로 1~3m까지 변하고, 현수선의 늘어진 길이 m이 1m 간격으로 1~3m까지 변할 때 총 9번 반복하여 계산

 $\Rightarrow$  내장함수 fzero를 사용하여  $\cosh al - (1 + am) = 0$ 의 해를 찾음

⇒ 2에 가까운 해를 구한다는 뜻으로 0이 아닌 해를 구하기 위해서 사용

#### <u><0이 아닌 a의 값을 구하는 Matlab 프로그램></u>

```
>> for i = 1:3;
   for j = 1:3
     1 = i;
     m = j;
   [a, val] = fzero(@(a) \exp(a*l) + \exp(-a*l) - 2 -
2*a*m, 2);
  aval(i, j) = a;
  Sval(i, j) = 2*sinh(a*l)/a;
  end;
end;
aval
Sval
```



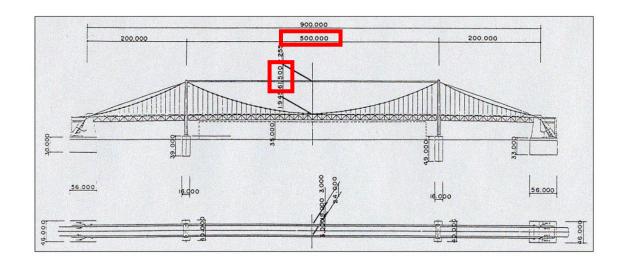
# 03

- 현수선 길이의 응용
  - 광안대교
- 현수선 길이의 규격표
  - 현수교
- 현수선 길이 규격표 응용
  - 이순신 대교

- 수학자들과 과학자들은 이러한 현수선의 특징을 건축 관련 쪽에 접목을 시켜서 많이 응용해왔다. 빨랫줄과 비닐하우스의 서까래와 같이 동그란 아치형으로 되어 있는 것에 대해 중요하게 생각하지 않을 수 있지만, 생각보다 쉽게 만들어지는 것이 아니다.
- 현수선을 사용하는 현수교는 주 케이블과 현수재를 이용하여 하중을 지지하는 교량을 의미하는 것으로, 이 제작 과정에서도 현수선의 길이 계산 문제가 들어있는 것이다. 다리를 무너지지 않고 튼튼하게 짓기 위해서 현수선의 길이가 얼마인지 또한 중요하다. 현수선 길이 계산 문제를 건축에 적용을 시키기 위해서 현수교에 적용시켜본다.



#### <u>광안대교 현수선 길이</u>



- 앞서 구한 현수선의 길이 방정식을 보면, 현수교의 탑 사이 폭의 반에 해당하는 길이인 l과 현수선에서 늘어진 길이인 m을 알면 현수선의 길이를 계산할 수 있다.
- 위 그림을 보면 광안대교는 주탑과 주탑 사이의 거리인 주경간장이 0.5 km이고 현수선의 늘어진 길이는 0.0615 km이다. 그러므로 l은 0.25이고, m은 0.0615이다. 폭과 현수선의 늘어진 길이를 가지고 Matlab을 이용하여 광안대교의 현수선 길이를 구해본다.

## <u>〈광안대교 현수선 길이를 구하는 Matlab 프로그램〉(단위 : km)</u>

```
\rangle 1 = 0.25;
  m = 0.0615;
  [a,val] = fzero(@(a) exp(a*l)+exp(-a*l)-2-2*a*m, 1);
  length = 2 * sinh(a*l) / a;
>> length
length =
0.5000
```



- 광안대교의 현수선 길이를 구하기 위해서 Matlab에서 현수선 길이 S 를 구하는 방 정식은 앞에서 구한  $S = \frac{2}{a} \sinh al$  을 이용했다.
- 현수선의 전체 폭의 반에 해당하는 길이 0.25와 현수선의 늘어진 길이 0.0615를 e<sup>al</sup> + e<sup>-al</sup> 2 2am = 0에 대입하여 a 를 구하고, 구한 a 값을 가지고 현수선의 길이 S를 계산한다. 그러면 S는 0.5000(km)가 나온다.
- 따라서 광안대교의 현수선의 길이는 약
   0.5000km=500m이다.

## <u>〈현수선 길이를 구하는 Matlab 프로그램〉(단위:km)</u>

```
\Rightarrow for ii = 1:30;
     for ii = 1:30;
        I = 0.2 + ii * 0.02;
        m = 0.05 + jj * 0.005;
     [a,val]=fzero(@(a) exp(a*l)+exp(-a*l)-2-2*a*m, 1.6);
     length(ii, ii) = 2 * sinh(a*l) / a;
     end:
end:
>> length
```

- 현수교의 현수선 길이 규격 표를 만들기 위해 앞에서와 같이 Matlab에서 현수선 길이 S 를 구하는 방정식  $S = \frac{2}{a} \sinh al$  을 이용했다.
- 폭은 0.22부터 0.8까지 즉 l = 0.22km
   = 220m ~ 0.8km = 800m로 하였고,
   현수선의 늘어진 길이는 0.055부터 0.2
   까지 즉 m = 0.055km = 55m ~ 0.2km
   = 200m로 설정했다.

## <u>〈현수교의 현수선 길이 규격 표〉(단위 : km)</u>

	m	0.055	0.060	0.065	0.070	0.075	0.080	0.085	0.090	0.095	0.100
1											
-	).22	0.4578	0.4611	0.4646	0.4684	0.4724	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400
_	).24	0.4964	0.4994	0.5027	0.5062	0.5099	0.5139	0.5180	0.5224	0.4800	0.4800
(	0.26	0.5352	0.5380	0.5411	0.5443	0.5478	0.5515	0.5554	0.5594	0.5637	0.5682
(	0.28	0.5742	0.5768	0.5796	0.5827	0.5859	0.5894	0.5930	0.5969	0.6009	0.6051
(	0.30	0.6132	0.6157	0.6184	0.6213	0.6243	0.6276	0.6310	0.6346	0.6384	0.6424
(	0.32	0.6524	0.6548	0.6573	0.6600	0.6629	0.6659	0.6692	0.6726	0.6762	0.6799
(	0.34	0.6917	0.6939	0.6963	0.6989	0.7016	0.7045	0.7076	0.7108	0.7142	0.7178
(	0.36	0.7311	0.7332	0.7354	0.7378	0.7404	0.7432	0.7461	0.7492	0.7524	0.7558
(	38.0	0.7705	0.7725	0.7746	0.7769	0.7794	0.7820	0.7848	0.7877	0.7908	0.7940
	0.40	0.8100	0.8119	0.8139	0.8161	0.8185	0.8209	0.8236	0.8264	0.8293	0.8324
(	).42	0.8495	0.8513	0.8533	0.8554	0.8576	0.8600	0.8625	0.8652	0.8680	0.8709
(	).44	0.8891	0.8908	0.8927	0.8947	0.8968	0.8991	0.9015	0.9041	0.9068	0.9096
(	0.46	0.9287	0.9304	0.9321	0.9341	0.9361	0.9383	0.9406	0.9431	0.9457	0.9484
(	0.48	0.9684	0.9699	0.9716	0.9735	0.9755	0.9776	0.9798	0.9821	0.9846	0.9872
(	0.50	1.0080	1.0095	1.0112	1.0129	1.0148	1.0169	1.0190	1.0213	1.0237	1.0262
(	0.52	1.0477	1.0492	1.0508	1.0525	1.0543	1.0562	1.0583	1.0605	1.0628	1.0652
	).54	1.0874	1.0888	1.0904	1.0920	1.0938	1.0956	1.0976	1.0997	1.1020	1.1043
	0.56	1.1272	1.1285	1.1300	1.1316	1.1333	1.1351	1.1370	1.1391	1.1412	1.1435
(	).58	1.1669	1.1682	1.1697	1.1712	1.1728	1.1746	1.1764	1.1784	1.1805	1.1827
(	0.60	1.2067	1.2080	1.2093	1.2108	1.2124	1.2141	1.2159	1.2178	1.2198	1.2219
(	0.62	1.2465	1.2477	1.2490	1.2505	1.2520	1.2537	1.2554	1.2573	1.2592	1.2613
(	0.64	1.2863	1.2875	1.2888	1.2902	1.2916	1.2932	1.2949	1.2967	1.2986	1.3006
(	0.66	1.3261	1.3272	1.3285	1.3298	1.3313	1.3328	1.3345	1.3362	1.3381	1.3400
(	0.68	1.3659	1.3670	1.3682	1.3696	1.3710	1.3725	1.3741	1.3758	1.3775	1.3794
(	0.70	1.4057	1.4068	1.4080	1.4093	1.4107	1.4121	1.4137	1.4153	1.4170	1.4189
(	).72	1.4456	1.4466	1.4478	1.4490	1.4504	1.4518	1.4533	1.4549	1.4566	1.4584
(	).74	1.4854	1.4865	1.4876	1.4888	1.4901	1.4915	1.4929	1.4945	1.4961	1.4979
(	).76	1.5253	1.5263	1.5274	1.5286	1.5298	1.5312	1.5326	1.5341	1.5357	1.5374
(	).78	1.5652	1.5661	1.5672	1.5683	1.5696	1.5709	1.5723	1.5738	1.5753	1.5770
(	0.80	1.6050	1.6060	1.6070	1.6081	1.6093	1.6106	1.6120	1.6134	1.6149	1.6165

ı m	0.105	0.110	0.115	0.120	0.125	0.130	0.135	0.140	0.145	0.150
0.22	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400
0.24	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800
0.26	0.5728	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200
0.28	0.6094	0.6140	0.6187	0.6235	0.6285	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600
0.30	0.6465	0.6508	0.6552	0.6598	0.6646	0.6695	0.6745	0.6797	0.6850	0.6000
0.32	0.6838	0.6879	0.6921	0.6965	0.7010	0.7057	0.7105	0.7155	0.7205	0.7257
0.34	0.7215	0.7253	0.7294	0.7335	0.7378	0.7423	0.7469	0.7516	0.7564	0.7614
0.36	0.7593	0.7630	0.7668	0.7708	0.7749	0.7792	0.7836	0.7881	0.7927	0.7975
0.38	0.7974	0.8009	0.8046	0.8084	0.8123	0.8164	0.8206	0.8249	0.8293	0.8339
0.40	0.8356	0.8390	0.8425	0.8461	0.8499	0.8538	0.8578	0.8620	0.8662	0.8706
0.42	0.8740	0.8773	0.8806	0.8841	0.8877	0.8914	0.8953	0.8993	0.9034	0.9076
0.44	0.9126	0.9157	0.9189	0.9222	0.9257	0.9293	0.9330	0.9368	0.9408	0.9448
0.46	0.9512	0.9542	0.9573	0.9605	0.9638	0.9673	0.9709	0.9745	0.9784	0.9823
0.48	0.9900	0.9928	0.9958	0.9989	1.0021	1.0054	1.0089	1.0124	1.0161	1.0199
0.50	1.0288	1.0316	1.0344	1.0374	1.0405	1.0437	1.0471	1.0505	1.0540	1.0577
0.52	1.0678	1.0704	1.0732	1.0760	1.0790	1.0821	1.0853	1.0887	1.0921	1.0956
0.54	1.1068	1.1093	1.1120	1.1148	1.1177	1.1207	1.1238	1.1270	1.1303	1.1337
0.56	1.1458	1.1483	1.1509	1.1536	1.1564	1.1593	1.1623	1.1654	1.1686	1.1719
0.58	1.1850	1.1874	1.1899	1.1925	1.1952	1.1980	1.2009	1.2039	1.2070	1.2102
0.60	1.2242	1.2265	1.2289	1.2314	1.2340	1.2368	1.2396	1.2425	1.2455	1.2486
0.62	1.2634	1.2657	1.2680	1.2704	1.2730	1.2756	1.2784	1.2812	1.2841	1.2871
0.64	1.3027	1.3049	1.3071	1.3095	1.3120	1.3146	1.3172	1.3200	1.3228	1.3257
0.66	1.3420	1.3441	1.3463	1.3487	1.3511	1.3535	1.3561	1.3588	1.3616	1.3644
0.68	1.3814	1.3834	1.3856	1.3878	1.3902	1.3926	1.3951	1.3977	1.4004	1.4032
0.70	1.4208	1.4228	1.4249	1.4271	1.4293	1.4317	1.4341	1.4367	1.4393	1.4420
0.72	1.4602	1.4622	1.4642	1.4663	1.4685	1.4708	1.4732	1.4757	1.4782	1.4809
0.74	1.4997	1.5016	1.5036	1.5056	1.5078	1.5100	1.5123	1.5147	1.5172	1.5198
0.76	1.5392	1.5410	1.5430	1.5450	1.5471	1.5493	1.5515	1.5539	1.5563	1.5588
0.78	1.5787	1.5805	1.5824	1.5843	1.5864	1.5885	1.5907	1.5930	1.5954	1.5978
0.80	1.6182	1.6200	1.6218	1.6238	1.6258	1.6278	1.6300	1.6322	1.6345	1.6369

l m	0.155	0.160	0.165	0.170	0.175	0.180	0.185	0.190	0.195	0.200
0.22	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400
0.24	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800
0.26	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200
0.28	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600
0.30	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000
0.32	0.7311	0.7365	0.7421	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400
0.34	0.7665	0.7717	0.7771	0.7825	0.7881	0.7938	0.7995	0.8054	0.6800	0.6800
0.36	0.8024	0.8074	0.8125	0.8178	0.8231	0.8286	0.8341	0.8398	0.8456	0.8514
0.38	0.8386	0.8434	0.8484	0.8534	0.8585	0.8638	0.8691	0.8746	0.8802	0.8858
0.40	0.8751	0.8798	0.8845	0.8894	0.8943	0.8994	0.9045	0.9098	0.9152	0.9206
0.42	0.9120	0.9164	0.9210	0.9256	0.9304	0.9353	0.9403	0.9454	0.9506	0.9558
0.44	0.9490	0.9533	0.9577	0.9622	0.9668	0.9715	0.9763	0.9813	0.9863	0.9914
0.46	0.9863	0.9904	0.9947	0.9990	1.0035	1.0080	1.0127	1.0174	1.0223	1.0272
0.48	1.0238	1.0278	1.0319	1.0361	1.0404	1.0448	1.0493	1.0539	1.0586	1.0633
0.50	1.0614	1.0653	1.0692	1.0733	1.0775	1.0817	1.0861	1.0905	1.0951	1.0997
0.52	1.0992	1.1030	1.1068	1.1107	1.1148	1.1189	1.1231	1.1274	1.1318	1.1363
0.54	1.1372	1.1408	1.1445	1.1483	1.1522	1.1562	1.1603	1.1645	1.1688	1.1732
0.56	1.1753	1.1788	1.1824	1.1861	1.1899	1.1937	1.1977	1.2018	1.2059	1.2102
0.58	1.2135	1.2169	1.2204	1.2240	1.2276	1.2314	1.2353	1.2392	1.2432	1.2474
0.60	1.2518	1.2551	1.2585	1.2620	1.2656	1.2692	1.2730	1.2768	1.2807	1.2847
0.62	1.2902	1.2934	1.2967	1.3001	1.3036	1.3071	1.3108	1.3145	1.3183	1.3222
0.64	1.3288	1.3319	1.3351	1.3383	1.3417	1.3452	1.3487	1.3523	1.3561	1.3599
0.66	1.3673	1.3704	1.3735	1.3767	1.3800	1.3833	1.3868	1.3903	1.3939	1.3976
0.68	1.4060	1.4090	1.4120	1.4151	1.4183	1.4216	1.4249	1.4284	1.4319	1.4355
0.70	1.4448	1.4476	1.4506	1.4536	1.4567	1.4599	1.4632	1.4665	1.4700	1.4735
0.72	1.4836	1.4864	1.4892	1.4922	1.4952	1.4983	1.5015	1.5048	1.5082	1.5116
0.74	1.5224	1.5252	1.5280	1.5308	1.5338	1.5369	1.5400	1.5432	1.5464	1.5498
0.76	1.5614	1.5640	1.5668	1.5696	1.5725	1.5754	1.5785	1.5816	1.5848	1.5880
0.78	1.6003	1.6029	1.6056	1.6084	1.6112	1.6141	1.6170	1.6201	1.6232	1.6264
0.80	1.6394	1.6419	1.6445	1.6472	1.6500	1.6528	1.6557	1.6587	1.6617	1.6648

• 이와 같은 방법으로 Matlab 프로그램을 사용하여 폭과 현수선의 늘어진 길이의 범위를 설정하여 현수교의 현수선 길이 규격 표를 만들었다. 이 현수선 길이 규격 표를 이용하면 따로 재 볼 필요 없이 간단하게 길이를 알 수 있어 보다 더 신속하고 정확하게 일 처리가 가능하다. 이를 표를 통해서 국내 최대 경간장의 현수교인 이순신대교의 현수선 길이를 알아볼 것이다.





그림3. 이순신대교 구조계획 개요

이순신대교의 경우 주탑과 주탑 사이의 거리인 주경간장이 1.545(km) 이고 현수선의 늘어진 길이는 0.2km이다. 그러므로 *l* = 0.77 (km), *m* = 0.2(km)라는 것을 알 수 있다. 앞서 구한 표를 이용해서 구해본다면 이순신대교의 현수선의 길이인 *S* 값은 약 1.6072km = 1607.2m라는 것을 알수 있다.

0.24         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000 <th></th>											
0.24         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.4800         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000 <th></th> <th>0.155</th> <th>0.160</th> <th>0.165</th> <th>0.170</th> <th>0.175</th> <th>0.180</th> <th>0.185</th> <th>0.190</th> <th>0.195</th> <th>0.200</th>		0.155	0.160	0.165	0.170	0.175	0.180	0.185	0.190	0.195	0.200
0.26         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5200         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000 <td>0.22</td> <td>0.4400</td>	0.22	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400	0.4400
0.28         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.5600         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.9812         0.9206         0.9212 <th>0.24</th> <th>0.4800</th>	0.24	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800	0.4800
0.30         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6000         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6800         0.6800           0.36         0.8024         0.8074         0.8125         0.8178         0.8231         0.8286         0.8341         0.8398         0.8456         0.8514           0.38         0.8386         0.8434         0.8484         0.8585         0.8638         0.8691         0.8746         0.8802         0.8858           0.40         0.9120         0.9164         0.9210         0.9216         0.9216         0.9353         0.9403         0.9454         0.9508         0.9515         0.9506         0.9558           0.44	0.26	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200	0.5200
0.32         0.7311         0.7365         0.7421         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6400         0.6600         0.6600         0.6600         0.6600         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6800         0.6801         0.8838         0.8844         0.8843         0.8858         0.8631         0.8945         0.8943         0.8944         0.9045         0.9098         0.9152         0.9206           0.42         0.9120         0.9164         0.9210         0.9256         0.9304         0.9353         0.9403         0.9454         0.9506         0.9558           0.44         0.9490         0.9533         0.9577         0.9622         0.9668         0.9715         0.9763 <td< th=""><th>0.28</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th><th>0.5600</th></td<>	0.28	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600	0.5600
0.34         0.7665         0.7717         0.7771         0.7825         0.7881         0.7938         0.7995         0.8054         0.6800         0.6800           0.36         0.8024         0.8074         0.8125         0.8178         0.8231         0.8286         0.8341         0.8398         0.8456         0.8514           0.38         0.8386         0.8434         0.8484         0.8534         0.8585         0.8638         0.8691         0.8746         0.8802         0.8858           0.40         0.8751         0.8798         0.8845         0.8894         0.8943         0.9045         0.9088         0.9152         0.9266           0.42         0.9120         0.9164         0.9210         0.9256         0.9304         0.9353         0.9403         0.9454         0.9506         0.9558           0.44         0.9490         0.9533         0.9577         0.9622         0.9668         0.9715         0.9763         0.9813         0.9863         0.9914           0.46         0.9863         0.9904         0.9947         0.9990         1.0035         1.0080         1.0127         1.0174         1.0223         1.0272           0.48         1.0238         1.0278         1.0319 <th>0.30</th> <th>0.6000</th>	0.30	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000	0.6000
0.36         0.8024         0.8074         0.8125         0.8178         0.8231         0.8286         0.8341         0.8398         0.8456         0.8514           0.38         0.8386         0.8434         0.8484         0.8534         0.8585         0.8638         0.8691         0.8746         0.8802         0.8858           0.40         0.8751         0.8798         0.8845         0.8894         0.8943         0.8994         0.9045         0.9098         0.9152         0.9206           0.42         0.9120         0.9164         0.9210         0.9256         0.9304         0.9353         0.9403         0.9493         0.9493         0.9493         0.9403         0.9493         0.9493         0.9403         0.9403         0.9454         0.9506         0.9558           0.44         0.9490         0.9533         0.9577         0.9622         0.9668         0.9715         0.9763         0.9813         0.9863         0.9914           0.46         0.9863         0.9904         0.9947         0.9990         1.0035         1.0080         1.0127         1.0174         1.0223         1.0272           0.48         1.0238         1.0278         1.0319         1.0361         1.0404         1.0	0.32	0.7311	0.7365	0.7421	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400	0.6400
0.38         0.8386         0.8434         0.8484         0.8534         0.8585         0.8638         0.8691         0.8746         0.8802         0.8858           0.40         0.8751         0.8798         0.8845         0.8894         0.8943         0.8994         0.9045         0.9098         0.9152         0.9206           0.42         0.9120         0.9164         0.9210         0.9256         0.9304         0.9353         0.9403         0.9454         0.9506         0.9558           0.44         0.9490         0.9533         0.9577         0.9622         0.9668         0.9715         0.9763         0.9813         0.9863         0.9914           0.46         0.9863         0.9904         0.9947         0.9990         1.0035         1.0080         1.0127         1.0174         1.0223         1.0272           0.48         1.0238         1.0278         1.0319         1.0361         1.0404         1.0448         1.0493         1.0539         1.0586         1.0633           0.50         1.0614         1.0653         1.0692         1.0733         1.0775         1.0817         1.0861         1.0905         1.0951         1.0997           0.52         1.0992         1.1030 <th>0.34</th> <th>0.7665</th> <th>0.7717</th> <th>0.7771</th> <th>0.7825</th> <th>0.7881</th> <th>0.7938</th> <th>0.7995</th> <th>0.8054</th> <th>0.6800</th> <th>0.6800</th>	0.34	0.7665	0.7717	0.7771	0.7825	0.7881	0.7938	0.7995	0.8054	0.6800	0.6800
0.40         0.8751         0.8798         0.8845         0.894         0.8943         0.8994         0.9045         0.908         0.9152         0.9206           0.42         0.9120         0.9164         0.9210         0.9256         0.9304         0.9353         0.9403         0.9454         0.9506         0.9558           0.44         0.9490         0.9533         0.9577         0.9622         0.9668         0.9715         0.9763         0.9813         0.9863         0.9914           0.46         0.9863         0.9904         0.9947         0.9990         1.0035         1.0080         1.0174         1.0223         1.0272           0.48         1.0238         1.0278         1.0319         1.0361         1.0404         1.0448         1.0493         1.0539         1.0586         1.0633           0.50         1.0614         1.0653         1.0692         1.0733         1.0775         1.0817         1.0861         1.0905         1.0951         1.0997           0.52         1.0992         1.1030         1.1068         1.1107         1.1148         1.1189         1.1231         1.1274         1.1318         1.1363           0.54         1.1372         1.1408         1.1445	0.36	0.8024	0.8074	0.8125	0.8178	0.8231	0.8286	0.8341	0.8398	0.8456	0.8514
0.4Z         0.9120         0.9164         0.9210         0.9256         0.9304         0.9353         0.9403         0.9454         0.9506         0.9558           0.44         0.9490         0.9533         0.9577         0.9622         0.9668         0.9715         0.9763         0.9813         0.9863         0.9914           0.46         0.9863         0.9904         0.9947         0.9990         1.0351         1.0080         1.0127         1.0174         1.0223         1.0272           0.48         1.0238         1.0278         1.0319         1.0361         1.0404         1.0448         1.0493         1.0539         1.0586         1.0633           0.50         1.0614         1.0653         1.0692         1.0733         1.0775         1.0817         1.0861         1.0905         1.0951         1.0997           0.52         1.0992         1.1030         1.1068         1.1107         1.1148         1.1189         1.1231         1.1274         1.1318         1.1363           0.54         1.1372         1.1408         1.1445         1.1483         1.1522         1.1562         1.1603         1.1645         1.1688         1.1732           0.56         1.1753         1.1788 <th>0.38</th> <th>0.8386</th> <th>0.8434</th> <th>0.8484</th> <th>0.8534</th> <th>0.8585</th> <th>0.8638</th> <th>0.8691</th> <th>0.8746</th> <th>0.8802</th> <th>0.8858</th>	0.38	0.8386	0.8434	0.8484	0.8534	0.8585	0.8638	0.8691	0.8746	0.8802	0.8858
0.44         0.9490         0.9533         0.9577         0.9622         0.9668         0.9715         0.9763         0.9813         0.9863         0.9914           0.46         0.9863         0.9904         0.9947         0.9990         1.0035         1.0080         1.0127         1.0174         1.0223         1.0272           0.48         1.0238         1.0278         1.0319         1.0361         1.0404         1.0448         1.0493         1.0539         1.0586         1.0633           0.50         1.0614         1.0653         1.0692         1.0733         1.0775         1.0817         1.0861         1.0905         1.0951         1.0997           0.52         1.0992         1.1030         1.1068         1.1107         1.1148         1.1189         1.1231         1.1274         1.1318         1.1363           0.54         1.1372         1.1408         1.1445         1.1483         1.1522         1.1562         1.1603         1.1645         1.1688         1.1732           0.56         1.1753         1.1788         1.1824         1.1861         1.1899         1.1937         1.1977         1.2018         1.2059         1.2102           0.58         1.2135         1.2169 <th>0.40</th> <th>0.8751</th> <th>0.8798</th> <th>0.8845</th> <th>0.8894</th> <th>0.8943</th> <th>0.8994</th> <th>0.9045</th> <th>0.9098</th> <th>0.9152</th> <th>0.9206</th>	0.40	0.8751	0.8798	0.8845	0.8894	0.8943	0.8994	0.9045	0.9098	0.9152	0.9206
0.46         0.9863         0.9904         0.9947         0.9990         1.0035         1.0080         1.0127         1.0174         1.0223         1.0272           0.48         1.0238         1.0278         1.0319         1.0361         1.0404         1.0448         1.0493         1.0539         1.0586         1.0633           0.50         1.0614         1.0653         1.0692         1.0733         1.0775         1.0817         1.0861         1.0905         1.0951         1.0997           0.52         1.0992         1.1030         1.1068         1.1107         1.1148         1.1189         1.1231         1.1274         1.1318         1.1363           0.54         1.1372         1.1408         1.1445         1.1483         1.1522         1.1562         1.1603         1.1645         1.1688         1.1732           0.56         1.1753         1.1788         1.1824         1.1861         1.1899         1.1937         1.1977         1.2018         1.2059         1.2102           0.58         1.2135         1.2169         1.2204         1.2240         1.2276         1.2314         1.2353         1.2392         1.2432         1.2474           0.60         1.2518         1.2585 <th>0.42</th> <th>0.9120</th> <th>0.9164</th> <th>0.9210</th> <th>0.9256</th> <th>0.9304</th> <th>0.9353</th> <th>0.9403</th> <th>0.9454</th> <th>0.9506</th> <th>0.9558</th>	0.42	0.9120	0.9164	0.9210	0.9256	0.9304	0.9353	0.9403	0.9454	0.9506	0.9558
0.48         1.0238         1.0278         1.0319         1.0361         1.0404         1.0448         1.0493         1.0539         1.0586         1.0633           0.50         1.0614         1.0653         1.0692         1.0733         1.0775         1.0817         1.0861         1.0905         1.0951         1.0997           0.52         1.0992         1.1030         1.1068         1.1107         1.1148         1.1189         1.1231         1.1274         1.1318         1.1363           0.54         1.1372         1.1408         1.1445         1.1483         1.1522         1.1562         1.1603         1.1645         1.1688         1.1732           0.56         1.1753         1.1788         1.1824         1.1861         1.1899         1.1937         1.1977         1.2018         1.2059         1.2102           0.58         1.2135         1.2169         1.2204         1.2240         1.2276         1.2314         1.2353         1.2392         1.2432         1.2474           0.60         1.2518         1.2551         1.2585         1.2620         1.2656         1.2692         1.2730         1.2768         1.2807         1.2847           0.62         1.2902         1.2934 <th>0.44</th> <th>0.9490</th> <th>0.9533</th> <th>0.9577</th> <th>0.9622</th> <th>0.9668</th> <th>0.9715</th> <th>0.9763</th> <th>0.9813</th> <th>0.9863</th> <th>0.9914</th>	0.44	0.9490	0.9533	0.9577	0.9622	0.9668	0.9715	0.9763	0.9813	0.9863	0.9914
0.50         1.0614         1.0653         1.0692         1.0733         1.0775         1.0817         1.0861         1.0905         1.0951         1.0997           0.52         1.0992         1.1030         1.1068         1.1107         1.1148         1.1189         1.1231         1.1274         1.1318         1.1363           0.54         1.1372         1.1408         1.1445         1.1483         1.1522         1.1562         1.1603         1.1645         1.1688         1.1732           0.56         1.1753         1.1788         1.1824         1.1861         1.1899         1.1937         1.1977         1.2018         1.2059         1.2102           0.58         1.2135         1.2169         1.2204         1.2240         1.2276         1.2314         1.2353         1.2392         1.2432         1.2474           0.60         1.2518         1.2551         1.2585         1.2620         1.2656         1.2692         1.2730         1.2768         1.2807         1.2847           0.62         1.2902         1.2934         1.2967         1.3001         1.3036         1.3071         1.3108         1.3145         1.3183         1.3222           0.64         1.3288         1.3319 <th>0.46</th> <th>0.9863</th> <th>0.9904</th> <th>0.9947</th> <th>0.9990</th> <th>1.0035</th> <th>1.0080</th> <th>1.0127</th> <th>1.0174</th> <th>1.0223</th> <th>1.0272</th>	0.46	0.9863	0.9904	0.9947	0.9990	1.0035	1.0080	1.0127	1.0174	1.0223	1.0272
0.52         1.0992         1.1030         1.1068         1.1107         1.1148         1.1189         1.1231         1.1274         1.1318         1.1363           0.54         1.1372         1.1408         1.1445         1.1483         1.1522         1.1562         1.1603         1.1645         1.1688         1.1732           0.56         1.1753         1.1788         1.1824         1.1861         1.1899         1.1937         1.1977         1.2018         1.2059         1.2102           0.58         1.2135         1.2169         1.2204         1.2240         1.2276         1.2314         1.2353         1.2392         1.2432         1.2474           0.60         1.2518         1.2551         1.2585         1.2620         1.2656         1.2692         1.2730         1.2768         1.2807         1.2847           0.62         1.2902         1.2934         1.2967         1.3001         1.3036         1.3071         1.3108         1.3145         1.3183         1.3222           0.64         1.3288         1.3319         1.3351         1.3383         1.3417         1.3452         1.3487         1.3523         1.3561         1.3599           0.66         1.3673         1.3704 <th>0.48</th> <th>1.0238</th> <th>1.0278</th> <th>1.0319</th> <th>1.0361</th> <th>1.0404</th> <th>1.0448</th> <th>1.0493</th> <th>1.0539</th> <th>1.0586</th> <th>1.0633</th>	0.48	1.0238	1.0278	1.0319	1.0361	1.0404	1.0448	1.0493	1.0539	1.0586	1.0633
0.54         1.1372         1.1408         1.1445         1.1483         1.1522         1.1562         1.1603         1.1645         1.1688         1.1732           0.56         1.1753         1.1788         1.1824         1.1861         1.1899         1.1937         1.1977         1.2018         1.2059         1.2102           0.58         1.2135         1.2169         1.2204         1.2276         1.2314         1.2353         1.2392         1.2432         1.2474           0.60         1.2518         1.2551         1.2585         1.2620         1.2656         1.2692         1.2730         1.2768         1.2807         1.2847           0.62         1.2902         1.2934         1.2967         1.3001         1.3036         1.3071         1.3108         1.3145         1.3183         1.3222           0.64         1.3288         1.3319         1.3351         1.3383         1.3417         1.3452         1.3487         1.3523         1.3561         1.3599           0.66         1.3673         1.3704         1.3735         1.3767         1.3800         1.3833         1.3868         1.3903         1.3939         1.3976           0.68         1.4060         1.4090         1.4120 <th>0.50</th> <th>1.0614</th> <th>1.0653</th> <th>1.0692</th> <th>1.0733</th> <th>1.0775</th> <th>1.0817</th> <th>1.0861</th> <th>1.0905</th> <th>1.0951</th> <th>1.0997</th>	0.50	1.0614	1.0653	1.0692	1.0733	1.0775	1.0817	1.0861	1.0905	1.0951	1.0997
0.56         1.1753         1.1788         1.1824         1.1861         1.1899         1.1937         1.1977         1.2018         1.2059         1.2102           0.58         1.2135         1.2169         1.2204         1.2240         1.2276         1.2314         1.2353         1.2392         1.2432         1.2474           0.60         1.2518         1.2551         1.2585         1.2620         1.2656         1.2692         1.2730         1.2768         1.2807         1.2847           0.62         1.2902         1.2934         1.2967         1.3001         1.3036         1.3071         1.3108         1.3145         1.3183         1.3222           0.64         1.3288         1.3319         1.3351         1.3383         1.3417         1.3452         1.3487         1.3523         1.3561         1.3599           0.66         1.3673         1.3704         1.3735         1.3767         1.3800         1.3833         1.3868         1.3903         1.3939         1.3976           0.68         1.4060         1.4090         1.4120         1.4151         1.4183         1.4216         1.4249         1.4284         1.4319         1.4355           0.70         1.4448         1.4476 <th>0.52</th> <th>1.0992</th> <th>1.1030</th> <th>1.1068</th> <th>1.1107</th> <th>1.1148</th> <th>1.1189</th> <th>1.1231</th> <th>1.1274</th> <th>1.1318</th> <th>1.1363</th>	0.52	1.0992	1.1030	1.1068	1.1107	1.1148	1.1189	1.1231	1.1274	1.1318	1.1363
0.58         1.2135         1.2169         1.2204         1.2240         1.2276         1.2314         1.2353         1.2392         1.2432         1.2472           0.60         1.2518         1.2551         1.2585         1.2620         1.2656         1.2692         1.2730         1.2768         1.2807         1.2847           0.62         1.2902         1.2934         1.2967         1.3001         1.3036         1.3071         1.3108         1.3145         1.3183         1.3222           0.64         1.3288         1.3319         1.3351         1.3383         1.3417         1.3452         1.3487         1.3523         1.3561         1.3599           0.66         1.3673         1.3704         1.3735         1.3767         1.3800         1.3833         1.3868         1.3903         1.3939         1.3976           0.68         1.4060         1.4090         1.4120         1.4151         1.4183         1.4216         1.4249         1.4284         1.4319         1.4355           0.70         1.4448         1.4476         1.4506         1.4536         1.4567         1.4989         1.4632         1.4665         1.4700         1.4735           0.72         1.4836         1.4864 <th>0.54</th> <th>1.1372</th> <th>1.1408</th> <th>1.1445</th> <th>1.1483</th> <th>1.1522</th> <th>1.1562</th> <th>1.1603</th> <th>1.1645</th> <th>1.1688</th> <th>1.1732</th>	0.54	1.1372	1.1408	1.1445	1.1483	1.1522	1.1562	1.1603	1.1645	1.1688	1.1732
0.60         1.2518         1.2551         1.2585         1.2620         1.2656         1.2692         1.2730         1.2768         1.2807         1.2847           0.62         1.2902         1.2934         1.2967         1.3001         1.3036         1.3071         1.3108         1.3145         1.3183         1.3222           0.64         1.3288         1.3319         1.3351         1.3383         1.3417         1.3452         1.3487         1.3523         1.3561         1.3599           0.66         1.3673         1.3704         1.3735         1.3767         1.3800         1.3833         1.3868         1.3903         1.3939         1.3976           0.68         1.4060         1.4090         1.4120         1.4151         1.4183         1.4216         1.4249         1.4284         1.4319         1.4355           0.70         1.4448         1.4476         1.4506         1.4536         1.4567         1.4599         1.4632         1.4665         1.4700         1.4735           0.72         1.4836         1.4864         1.4892         1.4922         1.4952         1.4983         1.5015         1.5048         1.5048         1.5498           0.74         1.5224         1.5252 <th>0.56</th> <th>1.1753</th> <th>1.1788</th> <th>1.1824</th> <th>1.1861</th> <th>1.1899</th> <th>1.1937</th> <th>1.1977</th> <th>1.2018</th> <th>1.2059</th> <th>1.2102</th>	0.56	1.1753	1.1788	1.1824	1.1861	1.1899	1.1937	1.1977	1.2018	1.2059	1.2102
0.62         1.2902         1.2934         1.2967         1.3001         1.3036         1.3071         1.3108         1.3145         1.3183         1.3222           0.64         1.3288         1.3319         1.3351         1.3383         1.3417         1.3452         1.3487         1.3523         1.3561         1.3599           0.66         1.3673         1.3704         1.3735         1.3767         1.3800         1.3833         1.3868         1.3903         1.3939         1.3976           0.68         1.4060         1.4090         1.4120         1.4151         1.4183         1.4216         1.4249         1.4284         1.4319         1.4355           0.70         1.4448         1.4476         1.4506         1.4566         1.4567         1.4599         1.4632         1.4665         1.4700         1.4735           0.72         1.4836         1.4864         1.4892         1.4922         1.4952         1.4983         1.5015         1.5048         1.5082         1.5116           0.74         1.5224         1.5252         1.5280         1.5308         1.5338         1.5369         1.5400         1.5432         1.5464         1.5498           0.76         1.5614         1.5640 <th>0.58</th> <th>1.2135</th> <th>1.2169</th> <th>1.2204</th> <th>1.2240</th> <th>1.2276</th> <th>1.2314</th> <th>1.2353</th> <th>1.2392</th> <th>1.2432</th> <th>1.2474</th>	0.58	1.2135	1.2169	1.2204	1.2240	1.2276	1.2314	1.2353	1.2392	1.2432	1.2474
0.64         1.3288         1.3319         1.3351         1.3383         1.3417         1.3452         1.3487         1.3523         1.3561         1.3599           0.66         1.3673         1.3704         1.3735         1.3767         1.3800         1.3833         1.3868         1.3903         1.3939         1.3976           0.68         1.4060         1.4090         1.4120         1.4151         1.4183         1.4216         1.4249         1.4284         1.4319         1.4355           0.70         1.4448         1.4476         1.4506         1.4566         1.4567         1.4599         1.4632         1.4665         1.4700         1.4735           0.72         1.4836         1.4864         1.4892         1.4922         1.4952         1.4983         1.5015         1.5048         1.5082         1.5116           0.74         1.5224         1.5252         1.5280         1.5308         1.5338         1.5369         1.5400         1.5432         1.5464         1.5498           0.76         1.5614         1.5640         1.5668         1.5696         1.5725         1.5754         1.5785         1.5816         1.5848         1.5880           0.78         1.6003         1.6029 <th>0.60</th> <th>1.2518</th> <th>1.2551</th> <th>1.2585</th> <th>1.2620</th> <th>1.2656</th> <th>1.2692</th> <th>1.2730</th> <th>1.2768</th> <th>1.2807</th> <th>1.2847</th>	0.60	1.2518	1.2551	1.2585	1.2620	1.2656	1.2692	1.2730	1.2768	1.2807	1.2847
0.66         1.3673         1.3704         1.3735         1.3767         1.3800         1.3833         1.3868         1.3903         1.3939         1.3976           0.68         1.4060         1.4090         1.4120         1.4151         1.4183         1.4216         1.4249         1.4284         1.4319         1.4355           0.70         1.4448         1.4476         1.4506         1.4536         1.4567         1.4599         1.4632         1.4665         1.4700         1.4735           0.72         1.4836         1.4864         1.4892         1.4922         1.4952         1.4983         1.5015         1.5048         1.5082         1.5116           0.74         1.5224         1.5252         1.5280         1.5308         1.5338         1.5369         1.5400         1.5432         1.5464         1.5498           0.76         1.5614         1.5640         1.5668         1.5696         1.5725         1.5754         1.5785         1.5816         1.5848         1.5880           0.78         1.6003         1.6029         1.6056         1.6084         1.6112         1.6141         1.6170         1.6201         1.6232         1.6264	0.62	1.2902	1.2934	1.2967	1.3001	1.3036	1.3071	1.3108	1.3145	1.3183	1.3222
0.68         1.4060         1.4090         1.4120         1.4151         1.4183         1.4216         1.4249         1.4284         1.4319         1.4355           0.70         1.4448         1.4476         1.4506         1.4536         1.4567         1.4599         1.4632         1.4665         1.4700         1.4735           0.72         1.4836         1.4864         1.4892         1.4922         1.4952         1.4983         1.5015         1.5048         1.5082         1.5116           0.74         1.5224         1.5252         1.5280         1.5308         1.5338         1.5369         1.5400         1.5432         1.5464         1.5498           0.76         1.5614         1.5640         1.5668         1.5696         1.5725         1.5754         1.5785         1.5816         1.5848         1.5880           0.78         1.6003         1.6029         1.6056         1.6084         1.6112         1.6141         1.6170         1.6201         1.6232         1.6264	0.64	1.3288	1.3319	1.3351	1.3383	1.3417	1.3452	1.3487	1.3523	1.3561	1.3599
0.70         1.4448         1.4476         1.4506         1.4536         1.4567         1.4599         1.4632         1.4665         1.4700         1.4735           0.72         1.4836         1.4864         1.4892         1.4922         1.4983         1.5015         1.5048         1.5082         1.5116           0.74         1.5224         1.5252         1.5280         1.5308         1.5338         1.5369         1.5400         1.5432         1.5464         1.5498           0.76         1.5614         1.5640         1.5668         1.5696         1.5725         1.5754         1.5785         1.5816         1.5848         1.5880           0.78         1.6003         1.6029         1.6056         1.6084         1.6112         1.6141         1.6170         1.6201         1.6232         1.6264	0.66	1.3673	1.3704	1.3735	1.3767	1.3800	1.3833	1.3868	1.3903	1.3939	1.3976
0.72         1.4836         1.4864         1.4892         1.4922         1.4952         1.4983         1.5015         1.5048         1.5082         1.5116           0.74         1.5224         1.5252         1.5280         1.5308         1.5338         1.5369         1.5400         1.5432         1.5464         1.5498           0.76         1.5614         1.5640         1.5668         1.5696         1.5725         1.5754         1.5785         1.5816         1.5848         1.5880           0.78         1.6003         1.6029         1.6056         1.6084         1.6112         1.6141         1.6170         1.6201         1.6232         1.6264	0.68	1.4060	1.4090	1.4120	1.4151	1.4183	1.4216	1.4249	1.4284	1.4319	1.4355
0.74         1.5224         1.5252         1.5280         1.5308         1.5338         1.5369         1.5400         1.5432         1.5464         1.5498           0.76         1.5614         1.5640         1.5668         1.5696         1.5725         1.5754         1.5785         1.5816         1.5848         1.5880           0.78         1.6003         1.6029         1.6056         1.6084         1.6112         1.6141         1.6170         1.6201         1.6232         1.6264	0.70	1.4448	1.4476	1.4506	1.4536	1.4567	1.4599	1.4632	1.4665	1.4700	1.4735
0.76         1.5614         1.5640         1.5668         1.5696         1.5725         1.5754         1.5785         1.5816         1.5848         1.5880           0.78         1.6003         1.6029         1.6056         1.6084         1.6112         1.6141         1.6170         1.6201         1.6232         1.6264	0.72	1.4836	1.4864	1.4892	1.4922	1.4952	1.4983	1.5015	1.5048	1.5082	1.5116
0.78	0.74	1.5224	1.5252	1.5280	1.5308	1.5338	1.5369	1.5400	1.5432	1.5464	1.5498
	0.76	1.5614	1.5640	1.5668	1.5696	1.5725	1.5754	1.5785	1.5816	1.5848	1.5880
0.80	0.78	1.6003	1.6029	1.6056	1.6084	1.6112	1.6141	1.6170	1.6201	1.6232	1.6264
	0.80	1.6394	1.6419	1.6445	1.6472	1.6500	1.6528	1.6557	1.6587	1.6617	1.6648

04

• 결론

균일한 밀도를 갖는 유연한 사슬이나 밧줄을 두 점 사이에 매달아서 그 자신의 무게만으로 드리워져 있다고 할 때, 이것에 의하여 만들어지는 곡선의 형태를 현수선이라고 한다. 우리 주변에서 흔히 볼 수 있는 전봇대 사이에 축 늘어진 전깃줄이나 빨랫줄 현수선의 대표적인 예다.

현수선의 방정식  $y = \frac{1}{a} \cosh ax + c$ 를 이용하면 현수선의 길이  $S = \frac{2}{a} \sinh al$ 을 구할수 있다. 현수선의 길이 S를 구하기 위해서는 a의 값을 먼저 구해야 한다. 그리고 현수선의 방정식의 x 값에 0과 폭 l 을 대입하여 연립방정식을 정리하면 방정식  $\cosh al - (1 + am) = 0$  을 얻을 수 있다. 방정식의 해를 구하면 a의 값을 구할 수 있다.

이렇게 현수선의 길이를 구하는 방법을 이용하여 현수교 중 대표적으로 광안대교의 현수선 길이를 알아볼 수 있다. 현수교의 탑 사이 폭의 반에 해당하는 길이인 l 과 현수선의 늘어진 길이인 l 등해 구해보았다. 광안대교의 경우 l = 0.25(km), l = 0.0615(km)이다.

Matlab 프로그램에서 앞에서 구한  $S = \frac{2}{a} \sinh al$ 을 이용하면 광안대교의 현수선의 길이인 S 값은 약 0.5km = 500m 라는 것을 알 수 있다. 이를 통해 현수교의 폭과 현수교의 늘어진 길이에 따라서 필요한 현수선의 길이를 계산해서 간단하게 제작이 가능하도록 규격 표를 만들어 보았다. 규격표를 통해서는 이순신대교의 현수선 길이를 쉽게 구해낼 수 있었다.

이렇듯 Matlab을 사용해 현수선 길이 규격표를 이용하면 따로 재 볼 필요 없이 간단하고 빠르게 길이를 알 수 있다. 또한 현수교뿐만 아니라 비닐하우스의 서까래, 전봇대 사이에 축 늘어진 전깃줄 등에서도 구현해 보며 많은 데이터를 가지고 있으면 다양한 경우에서 제작하는 데 매우 유용할 것이다.

- [1] <미적분학과 해석기하> p.373. p.374. p.375.
- [2] <광안대교의 계획 및 설계\_서식구 Planning and Design of Gwangan Grand Bridge> p.2.
- [3] <2012 하반기 특집(현수교+자립기술)-이순신대교의 설계와 시공> p.2.

감사합니다.