

پرسشهائ^{هار}گزینهای

تشكيل دنبالهٔ عددي دهند؟	م باشد تا a,b+٣,c+k هم	نوالی یک دنبالهٔ عددی باشند، k کدا	۱- اگر a,b,c سه جملهٔ من
٨ (۴	۴ (۳	۶ (۲	٣ (١
است؟	قدرنسبت چه عددی ، $\mathbf{a}_{\mathtt{a}}+\mathbf{a}_{\mathtt{b}}$	$a_{1}+a_{17}=77$ $a_{1}+a_{2}+a_{3}=9$	۲- در یک دنبالهٔ عددی اگر
۴ (۴	٣ (٣	۲ (۲	1 (1
	نباله منفى است؟	و ۱۹ $\mathbf{a}_{q}=\mathbf{a}_{q}$ ، چند جمله از این د \mathbf{a}_{a}	۳- در یک دنبالهٔ عددی ۳
۶ (۴	۵ (۳	۴ (۲	٣ (١
اله كدام است؟	ی باشند، جملهٔ چهارم این دنب	x سه جملهٔ ابتدایی از یک دنبالهٔ عدد	$x^{r} + r$ اگر $x^{r} + r$ و
7x	7x [*] + 7 (*	x*- r (r	x*+ ۲ (1
قدرنسبت دنبالهٔ هندسی کدام می تواند باشد؟	<mark>شکیل دنبال</mark> هٔ هندسی میدهند.	دنبالهٔ عددی و اعداد ۲ + ۳٫۵ – ۳٫۵ ت	۵- اعداد ۳,a,b تشکیل ه
۲ (۴	" (m	٣ (٢	<u>\$</u> (1
	1	م یک دنبالهٔ عددی جملات متوالی یک	١
٣٧ (۴		77" (7	17" (1
ab,bc چه عددی است؟	، q باشند، قدرنسبت,cd	مملات یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت	۷- هرگاه, a,b,c,d ج
aq (۴	aq ^۲ (۳	q ^۲ (۲	q (1
ى را كم كنيم تا اعداد حاصل، تشكيل دنباله	باشند، از جملهٔ سوم چه عدد	۲ جملات ابتدایی یک دنبالهٔ هندسی	۸- هرگاه, x + ۳,۴x,
			حسابی دهند؟
۴ (۴	٣ (٣	7 (7	1 (1
		تشکیل دنبالا $x^{4} - (7m + 1)x^{7} + m$	
۵ (۴	F (F	۳ (۲	۲ (۱
نیم بهطوری که در دو دنباله جملهٔ چهلم برابر	از فدرنسبت K واحد کم می د	ه جمله اول ۲ واحد اضافه می کنیم و	۱۰- در یک دنباله عددی با است، k کدام است؟
"\" (F	* (**	<u>\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\</u>	,
177	11	1.5	, ,
		a,l تشکیل یک دنبالهٔ عددی با قدرند	
		$a + d^{\Upsilon}, b + d^{\Upsilon}, c + d^{\Upsilon}$ (Υ	
جملهٔ مشترک، چه عددی است؟	شترک را بنویسیم، چهارمین	جملات ہ $\left\{egin{align*} a_n:-19,-10,-11,\ldots\ b_n:1,rac{1}{2},-10,-11,\ldots \end{array} ight.$	۱۲– اگر در دو دنبالهٔ عددی
۳۷ (۴	۲۵ (۳	\pi_n \cdots, \dagger,	49 (1
جملة a _n است؟	جملةً مشترك آنها، چندمين	مفروضاند، بیستمین $egin{cases} a_n : \mathfrak{T}, V, N \\ b_n : -\Delta, I, V \end{cases}$, ۱۳– دو دنبالهٔ حسابی ',
۶۱ (۴	۶۰ (۳	۵۹ (۲	۵۸ (۱
ل صفر شود؟	بتدای آن را جمع کنیم تا حاص	a _{۱۲} = ۹,a _۹ = ۱ است. چند جمله از ا	۱۴– در یک دنبالهٔ عددی ۲
47 (4	۴۱ (۳	F . (Y	٣٩ (١
	ام است؟	ِل دنبالهٔ حسابی, ۳٫a,b, ۳٫ کد	۱۵- مجموع بيست جملهٔ او
470 (4	۳۷۵ (۳	۳۱۵ (۲	410 (1

___ حسابان۱ نردبام-فصل اول

درجشده کدام است؟	هٔ حسابی دهند. مجموع ۹ عدد	ِ میدهیم به طوری که تشکیل دنبال	۱۶- بین دو عدد ۴ و ۳۴، ۹ عدد قرار	
719 (4	۲۰۹ (۳	171 (٢	111 (1	
	شد کدام است؟	ماندهٔ تقسیم آنها بر ۵ برابر ۳ میبا	۱۷ - مجموع اعداد دو رقمی که باقی	
999 (4	۸۹۹ (۳	٧٩٩ (٢	१९९ (१	
جملهٔ اول است؟	رم باشد، جملهٔ هفتم چند برابر	ی یک دنبالهٔ عددی برابر جملهٔ چها	۱۸- هرگاه مجموع شش جملهٔ ابتدای	
- \frac{\frac{1}{1}} (\frac{\frac{1}{2}}{2}	<u>'\</u> (٣	٣ (٢	$-\frac{\pi}{r}$ (1	
ملهٔ چندم آن ۱ ۴۷ می باشد؟		•	۱۹ در یک دنبالهٔ عددی قدرنسبت	
FA (F	40 (4	74 (7	۲۵ (۱	
	جملهٔ اول بیشتر است؟	جمع ۵ جملهٔ دوم چهقدر از جمع ۵	$\mathbf{a_n} = \mathbf{fn} - \mathbf{T}$ در دنبالهٔ عددی –۲۰	
100 (4	۵۰ (۳	٧٥ (٢	Y o o (1	
$\mathbf{a}_{\mathbf{n}}$ است $\mathbf{a}_{\mathbf{n}}$ است	آن $\mathbf{S_n} = \mathbf{n}^{T} \mathbf{a_1}$ است. اگر $\mathbf{S_n} = \mathbf{n}^{T}$ با	مى برابر a _n و مجموع n جملة اول	۲۱- در یک دنبالهٔ حسابی جم <mark>لهٔ عمو</mark>	
٣n - ٢ (۴			7n+1(1	
ع کنیم تا حاصل از ۲۰۰ بیشتر شود؟	ل چند جمله از ابتدای آن را جم	دایی یک دنبالهٔ عددی باشند، حداق <u>ا</u>	۲۲- هرگاه,۲٫۶,۰۰ جملات اب <mark>تد</mark>	
۱۳ (۴	17 (8	11 (٢	1 • (1	
جملة اول اين دنباله صفر است؟	بر جملهٔ نهم است. مجموع چند	بت مخالف صفر، جملهٔ چهارم دو برا	۲۳- در یک دنبالهٔ حسابی با قدرنس	
YY (*	۲۵ (۳	14 (7	18 (1	
a _۱ با یکدیگر ۱۱۰ واحد اختلاف دارند،	+ d ,a _۲ + ۲d ,a _۳ + ۳d , لهٔ	, a ₁ ,a ₇ ,a ₈ (با قدرنسبت d) و دنبا	۲۴- جمع ۱۰ جملهٔ اول دو دنبالهٔ,	
			d چه عددی است؟	
٨ (۴	۴ (۳	۲ (۲	1 (1	
	,۳,۷,۱۱ چەقدر است؟	سى دو دنبالهٔ حسابي ٢,٥,٨, و .	۲۵- مجموع جملات مشترک دو رقه	
447 (4	47°5 (7°	474 (7	410 (1	
، جمع بيست جملة اول آن كدام است؟	موع چهل جملهٔ اول آن ۸۶۰ باشد	ی دنباله، عدد طبیعی هستند، اگر مجم	۲۶- در یک دنبالهٔ عددی تمام اعضای	
770 (4	710 (٣	۴۳۰ (۲	۲۳۰ (۱	
	چند برابر قدرنسبت است؟	$\mathbf{S}_{To} - TS_{No}$ بالهٔ حسابی باشد، حاصل	اگر \mathbb{S}_{n} مجموع \mathbb{n} جملهٔ اول دن	
Y 0 0 (4	۱۵۰ (۳	1 0 0 (7	۵۰ (۱	
	م است؟	کداه $\mathbf{S}_{r_{\circ}} - r_{\circ} \mathbf{a}_{l}$ کداه $\mathbf{S}_{n} = r n$	۲۸- در یک دنبالهٔ عددی اگر ۲n ^۲ –	
-78 . (4	- \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	− Y∧∘ (۲	-∧ ٢ ∘(\	
فدرنسبت ۴ باشد، جمع جملات مرتبة	مع جملات مرتبهٔ فرد است. اگر ف	، جمع جملات مرتبة زوج، 8 برابر ج م	۲۹- در یک دنبالهٔ عددی ۱۰۰جملهای	
			فرد چه عددی است؟	
170 (4	۴۰ (۳	१० (۲	٨٠ (١	
بب برابر ۱۷، ۲۸ و ۵۴ میباشد. تعداد	خر و مجموع کل جملات به ترتی	مجموع پنج جملهٔ اول، پنج جملهٔ آ		
			جملات این دنباله کدام است؟	
10 (4	17 (8	۱۸ (۲	۲۱ (۱	
		م برابر n + n و مجموع n جملهٔ او	۳۱- در یک دنبالهٔ حسابی، جملهٔ nاُ	
٧ (۴	۶ (۳	۵ (۲	۴ (۱	
٣٢- جملات اول، پنجم و هفتم در يک دنبالهٔ عددي تشکيل يک دنبالهٔ هندسي ميدهند. جمع چند جملهٔ ابتدايي دنبالهٔ عددي صفر است؟				
۱۸ (۴	۱۷ (۳	18 (٢	۱۵ (۱	

Te

14



جبر و معادله

موع n جملة اول اين دنباله كدام مى تواند باشد؟	\mathbf{q}^{T} برابر \mathbf{q}^{T} و \mathbf{q}^{T} میباشد. مجم	جملات دوم، پنجم و چهاردهم به تر تی	٣١- در يک دنبالة حسابي
۶۳ (۴	49 (4	74 (7	78 (1
ست. جملهٔ پنجم چند برابر جملهٔ هشتم است؟	موع سه جملهٔ اول آن برابر ۸۸ اس	ول یک دنبالهٔ هندسی برابر ۷۷ و مج	٣١- مجموع شش جملة او
-A (4	٨ (٣	- ۴ (۲	4 (1
له افزایشی باشد، جملهٔ هفتم چند برابر جملهٔ	وع چهار جملهٔ اول است. اگر دنبا	ى مجموع ٨ جملة اول ١٧ برابر مجم	۳۵- در یک دنبالهٔ هندسـ
			وم است؟
		۳۲ (۲	
م گزینه صحیح است؟	می $\mathbf{a_n} = Y^{l-n}$ باشد، آنگاه کداد	هٔ نخست دنبالهٔ هندسی با جملهٔ عمو	اگر $\mathbf{S_n}$ جمع \mathbf{n} جملهٔ
$S_n = -a_n - Y$ (*	$S_n = a_n - Y (\Upsilon$	$S_n = Y + a_n (Y)$	$S_n = Y - a_n$ (1)
دیف فرد باشد، قدرنسبت آن کدام است؟	ت آن 4 برابر مجموع جملات با ر	ی ۲n جملهای، اگر مجموع تمام جملا	٣١– در يک دنبالهٔ هندسـ
" (۴	" ("	٣ (٢	۲ (۱
مجموع شش جملة اول آن برابر ۱۲۶ مى باشد.	ع جملات اول [ٰ] و چهارم برابر ۱۸ و	ی با قدرن <mark>سبت بزرگ تر از یک، مجمو</mark>	۳/ در یک دنبالهٔ هندسـ
		م است؟	جموع پنج جملهٔ اول کدا
		م است؟ ۲) ۶۳	
جمع ۵ جملهٔ اول چند برابر جملهٔ پنجم است؟ ۴) ۲۶۹–	ن ابتدایی $\frac{1}{\epsilon}, \dots, \frac{1}{\epsilon}$ میباشند.	که قدرنسبت آن منفی است، جملان	a _n در دنبالهٔ هندسی
هٔ دوازدهم از جملهٔ سوم ۹۰ واحد بیشتر باشد	' جملهٔ اول برابر ۵ است. اگر جمل		
A /6	w, 2	ام است؟	درنسبت دنبالهٔ اصلی کد ۱٫۰۰
۵ (۴ $rac{a_1}{a_1+}$ برابر ۲ باشد، قدرنسبت دنباله کدام است؟	$\mathbf{a}_{r} = \mathbf{a}_{r}$	۳ (۲	1 (1
برابر ۲باشد، قدر نسبت دنباله ددام است ${a_1}$	$\overline{a_{\gamma}}, \overline{a_{\gamma} + a_{\gamma}}, \overline{a_{\gamma} + a_{\gamma}}, \dots$	ىلەغمومى ،a،مجموع ١٠ جملەاول دى	۴– در دىبالەھندسى با جە
4 (4	" (۳	<u>r</u> (۲	۲ (۱
اول برابر ۸۱۹ باشد، مقدار n کدام است؟			
		4 (1	
_	_	باشد، مقدار x کدام است $\frac{1+x+x^{\intercal}}{1+x^{\intercal}}$	$-\mathbf{x}^{9}+\mathbf{x}^{9}$
$\frac{\sqrt{\gamma}+1}{7}$ (4	$rac{\sqrt{\Delta}-1}{7}$ (۲ $x=\sqrt{Y}$ یه ازای $x=\sqrt{Y}$ چمة	$\frac{\sqrt{\Delta+1}}{7}$ (7	$\frac{\sqrt{V}-1}{V}$ (1
	به ازای $\mathbf{x} = \sqrt{Y}$ چهق (۱ $-\mathbf{x} + \mathbf{x}$	$(1+x+x^{4}+\cdots-x^{4})$	* +···+ x + اصل (* +···+ *
-981 (4	۵۱۳ (۳	-1.070 (7	1 ° 77" (1
ِ دستهٔ نهم چه عددی است؟	ندی کردهایم. جمع اعداد واقع در	ت,{۱۱,۹٫۹٫{۷٫۹٫۱۱}, دستهبنا	۴۰- اعداد فرد را به صورت
779 (4	747 (4	8091 (٢	Y)
وهای مجموعهٔ هشتم چند برابر °۲۳ است؟	ا دستهندی میکنید حمع عضو	صه، ت ۲۶. ۲۶. ۱۶. ۱۶. ۱۶. ۲۱	۴۱ تمانهای عدد ۲ را به
۱۲۷/۵ (۴) ۱۲۷ (۳	177/6(7	177 (1
•	•	•	•

۴۷ نقطهٔ O بر روی محور xها با یک حرکت رفتوبرگشتی به سمت چپ و راست حرکت میکند و در هر مرحله، نصف مسافت قبلی را طی

1 · 7 Δ

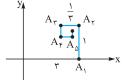
می کند. اگر مرحلهٔ اول ۵ متر در جهت مثبت حرکت کرده باشد، فاصلهٔ آن از مبدأ پس از ۱۰ مرحله چهقدر است؟

17° T (T

10



۴۸- متحرکی مطابق الگوی مقابل از مبدأ مختصات در جهت مثبت محور xها حرکت میکند. در هر مرحله °۹۰ تغییر جهت داده و 🖟 فاصلهٔ قبلی را طی می کند. اگر به همین روش پیش رود، نقطهٔ \mathbf{A}_{λ} با کدام طول است؟



77 (4

و a_n-k مندسی است؟ a_n-k میباشد. به ازای کدام مقدار k دنباله با جملهٔ عمومی a_n-k هندسی است؟ -۴۹

شت؟ مجموع ۱۰ جملهٔ ابتدایی a_n و a_n+1 و a_n+1 و a_n+1 مجموع ۱۰ جملهٔ ابتدایی a_n کدام است؟



۵۱- در شکل مقابل اگر هر با<mark>ر هر ضلع مربع به ۳ قسمت برابر تقسیم شو</mark>د و <u>ضلع مربع بزرگ تر</u> ۲ باشد و این عمل ۱۰ مرتبه تکرار شود، مجموع مس<mark>احت رنگی کدام است؟</mark>



$$1-\left(\frac{\Delta}{q}\right)^{1}$$
° (۲

$$1-\left(\frac{d}{t}\right)_{l,o}(1)$$

$$1-\left(\frac{1}{l}\right)^{1}$$
° (4

 $1-\left(\frac{\pi}{l}\right)_{l}$ ° (r

۵۲- در یک دنبالهٔ هندسی مجموع دو جملهٔ اول ۳ برابر مجموع بقیهٔ جملات است. قدرنسبت این دنباله کدام است؟

$$\pm\frac{7}{7}$$
 (1

است؟ $\frac{\Lambda1}{1_{\circ}}(V+VV+VVV+\cdots+\underbrace{VV...V}_{1_{\circ}})$ کدام است؟

$$Y(1 \circ^{9} - 1) (4$$

$$\gamma \circ (1 \circ^{9} - 1) (\gamma$$

 $V(1 \circ^{1} \circ - 1) (7$

ماصل $\mathbf{x} = \mathbf{x}$ حاصل $\mathbf{x} = \mathbf{x}$ حاصل $\mathbf{x} = \mathbf{x}$ + \mathbf{x}

$$9\times 7^{1\circ}-1$$
 (1

۵۵ در یک دنبالهٔ هندسی جملهٔ عمومی $x \times x^{n-n}$ میباشد، جمع تمام جملات کدام است؟

 $a_{
m p}$ و $a_{
m p}$ و $a_{
m p}$ و $a_{
m p}$ جملات $a_{
m p}$ جملات $a_{
m p}$ و $a_{
m p}$ و $a_{
m p}$ و $a_{
m p}$ جملات باقى مانده چەقدر است؟ $a_{
m p}$ جملات باقى مانده چەقدر است؟

۵۷ - در شکل مقابل هر دایره درون یک مربع محاط و بر یک مربع دیگر محیط است. اگر شعاع بزرگ ترین دایره برابر

است؟ باشد حد مجموع مساحت دایرهها چهقدر است ${\bf R}$



$$^{\mathsf{T}}\pi R^{\mathsf{T}}(^{\mathsf{T}})$$

$$7\pi R^7$$
 (7

$$\frac{r}{r}\pi R^{r}$$
 (1

و است؟ $S=a_1+a_7+\cdots$ حاصل $a_n=\frac{\Upsilon^n+\Upsilon^n}{\varsigma^n}$ جه عددی است? $\frac{\tau}{\tau}$ (۳

۴ (۴

۹- در دنبالهای با جملهٔ عمومی $a_n=rac{ au^n+ au^n}{arepsilon^n}$ حد مجموع جملات ردیف فرد چهقدر است



پاسخنامهٔنشربحی

۱- گزینه۲ میدانیم هرگاه b ، a و c سه جملهٔ متوالی از

$$\dfrac{a+c}{r}=b$$
 یک دنبالهٔ حسابی باشند، داریم: $a+c=rb$ یس:

با توجه به آن که $b+\mathfrak{r}$ ،a و c+k نیز سه جملهٔ متوالی یک دنبالهٔ حسابیاند، داریم:

$$\frac{a+(c+k)}{r}=b+r \implies a+c+k=rb+
ho$$
حال به کمک تشکیل دستگاه زیر مقدار k را حساب می کنیم:
$$\begin{cases} a+c=rb \\ \frac{a+c+k=rb+
ho}{rb} \implies rb+k=rb+
ho \implies k=
ho \end{cases}$$

راه اول: در هر دنبالهٔ حسابی جملاتی از دنباله که دارای فواصل مساوی اند نیز با یکدیگر تشکیل دنبالهٔ حسابی که دارای فواصل مساوی اند نیز با یکدیگر تشکیل دنبالهٔ حسابی دو عدد می دهند. در واقع جملهٔ وسط در این جملات نیز میانگین دو عدد دیگر است. در نتیجه اگر a,b,c سه جمله از یک دنبالهٔ حسابی (نه الزاماً متوالی) باشند به طوری که فاصلهٔ جملهٔ a از a و a یکی باشد، داریم: a+c b داریم: فاصلهٔ جملهٔ a از a و a یکسان است. پس a میانگین حسابی a و و a خواهد بود:

$$\begin{array}{c} a_{\gamma} \ , \ a_{\varsigma} \ , \ a_{\gamma} \ \Rightarrow \frac{a_{\gamma} + a_{\gamma \circ}}{\gamma} = a_{\varsigma} \Rightarrow a_{\gamma} + a_{\gamma \circ} = \gamma a_{\varsigma} \\ \Rightarrow a_{\gamma} + a_{\varsigma} + a_{\gamma \circ} = \gamma a_{\varsigma} = \gamma \Rightarrow a_{\varsigma} = \gamma \end{array}$$

 $a_{\rm q}$ به همین ترتیب فاصلهٔ جملهٔ $a_{\rm h}$ از $a_{\rm h}$ و $a_{\rm h}$ نیز برابر است و $a_{\rm h}$ میانگین حسابی $a_{\rm h}$ و $a_{\rm h}$ است:

$$a_{\Delta}$$
, a_{η} , $a_{\eta r} \Rightarrow \frac{a_{\Delta} + a_{\eta r}}{r} = a_{\eta} \Rightarrow a_{\Delta} + a_{\eta r} = ra_{\eta}$

$$\Rightarrow a_{\Delta}+a_{\eta}+a_{\eta\tau}= {\tau}a_{\eta}= {\tau}{\gamma} \Rightarrow a_{\eta}= {\eta}$$
 از طرفی می دانیم $a_n-a_m=(n-m)d$ در نتیجه:

$$\begin{cases} a_{q} = q \\ a_{e} = r \end{cases} \Rightarrow a_{q} - a_{g} = q - r \Rightarrow rd = r \Rightarrow d = r$$

راه دوم: می توانیم هر یک از جملات یک دنبالهٔ حسابی را بر حسب جملهٔ
$$a_n = a_1 + (n-1)d$$
 اول و قدرنسبت دنباله بنویسیم. می دانیم

$$a_{\gamma} = a_{\gamma} + d$$
 $a_{\gamma} = a_{\gamma} + d$ $a_{\gamma} = a_{\gamma} + 1 \Delta d = 0$ $a_{\gamma} = a_{\gamma} + 1 \Delta d = 0$ $a_{\gamma} = a_{\gamma} + 1 \Delta d = 0$ $a_{\gamma} = a_{\gamma} + 1 \Delta d = 0$ $a_{\gamma} = a_{\gamma} + 1 \Delta d = 0$ $a_{\gamma} = a_{\gamma} + 1 \Delta d \Rightarrow a_{\gamma} + a_{\gamma} = 0$ $a_{\gamma} =$

به کمک تشکیل دستگاه زیر مقدار d را محاسبه می کنیم:

$$\begin{cases} a_1 + \Delta d = r \\ a_1 + \Delta d = q \end{cases}$$
 $\xrightarrow{\text{rid} \to d}$ $rd = r \Rightarrow d = r$

 $a_n < 0$ رای آن که متوجه شویم چند جمله از یک دنباله منفی است، کافی است معادلهٔ $a_n < 0$ را در مجموعهٔ اعداد حسابی حل کنیم. در نتیجه ابتدا باید با محاسبهٔ جملهٔ اول و قدرنسبت جملهٔ عمومی دنبالهٔ a_n) را بنویسیم:

$$\begin{cases} a_{\mathfrak{q}} = \mathfrak{i} \, \mathfrak{q} \\ a_{\Delta} = \mathfrak{r} \end{cases} \implies a_{\mathfrak{i}\mathfrak{q}} - a_{\Delta} = \mathfrak{r} d = \mathfrak{i} \mathfrak{s} \implies d = \mathfrak{r}$$

 $a_{\Delta}=a_{1}+\mathbf{f}d=\mathbf{T}\xrightarrow{d=\mathbf{f}}a_{1}=-\mathbf{1}\mathbf{T}$ است، پس جملهٔ عمومی از طرفی میدانیم $a_{n}=a_{1}+(n-\mathbf{1})d$ دنباله به صورت زیر است:

$$a_n = -1 \Upsilon + \digamma(n-1) \implies a_n = \digamma n - 1 \Upsilon$$
 جال معادلهٔ $a_n < \circ$ می کنیم: $a_n < \circ$ می کنیم: $a_n < \circ$ می کنیم: $n - 1 \Upsilon < \circ \implies \digamma n < 1 \Upsilon \implies n < \frac{1 \Upsilon}{\digamma} \simeq \digamma/\dots$ کر نتیجه این دنباله $a_m - a_n = (m-n)d$

a + c = b . (a) و a + c و b + a متوالى يک دنباله a + c = b . (b) اگر a + c = b . (c) حسابى باشند، داريم:

$$x, x^{r} + r, x^{r} + r \Rightarrow \frac{x + (x^{r} + r)}{r} = x^{r} + r$$

$$\Rightarrow x^{r} - rx^{r} + x - r = 0 \Rightarrow x^{r}(x - r) + (x - r) = 0$$

$$\Rightarrow (x-7)(x^7+1)=0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x - r = \circ \implies x = r \\ x^r + 1 = \circ \implies x^r = -1 \implies x \neq 0 \end{cases}$$
 $\Rightarrow \begin{cases} x - r = \circ \implies x = r \\ x \neq 0 \implies x \neq 0 \end{cases}$

با توجه به آن که $\mathbf{x} = \mathbf{r}$ است، دنباله به این صورت خواهد بود:



۲,۶,۱۰,...

در نتیجه جملهٔ چهارم این دنباله با توجه به آن که $d=\mathfrak{k}$ است، برابر $a_{\mathfrak{k}}=a_{\mathfrak{k}}+d=\mathfrak{k}\circ+\mathfrak{k}=\mathfrak{k}\mathfrak{k}$ است با:

که در بین گزینهها تنها 🕜 به ازای x = ۲ برابر ۱۴ است.

ه حسابی اگرینه و c تشکیل دنبالهٔ حسابی اگرینه a اگر سه عدد a اگرینه a اگرینه a دهند، داریم:

با توجه به آن که ۳,a,b تشکیل دنبالهٔ حسابی میدهند، داریم: -

$$\frac{r+b}{r} = a \implies b = ra - r$$

با توجه به آن که (a-1,b+1) تشکیل دنبالهٔ هندسی می دهند، $(b+1)=(a-1)^{\mathsf{Y}}$

$$\Rightarrow (a-1)^{r} = 9(a-1) \Rightarrow \begin{cases} a-1=0 \\ a-1=9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a=1 \\ a=1 \end{cases}$$

از طرفی میدانیم با توجه به تعریف دنبالهٔ هندسی، هیچیک از جملات یک دنبالهٔ هندسی صفر نباید باشد. (چرا؟) در نتیجه چون به ازای a=1 جملهٔ دوم دنبالهٔ هندسی برابر صفر میشود a=1 قابل قبول نیست و a=1 خواهد بود. در نتیجه دنبالهٔ هندسی به این صورت است: a=1 جراح a=1 باین صورت است: a=1 جراح و با تعریف دنبالهٔ هندسی به این صورت است:

 $a_{\gamma} = a_{\gamma} + d$ وزينه -9

 $a_v = a_v + \varepsilon d$

 $a_n = a_1 + (n-1)d$

چون a_{γ} و a_{γ} سه جملهٔ متوالی دنبالهٔ هندسی هستند، پس

$$(a_1 + \varepsilon d)^{\Upsilon} = (a_1 + d)(a_1 + (n - 1)d)$$
 پس: $a_{\Upsilon}^{\Upsilon} = a_{\Upsilon} a_n$

$$a_{\Upsilon}^{\Upsilon} + \Upsilon \varepsilon d^{\Upsilon} + 1 \Upsilon a_1 d = a_{\Upsilon}^{\Upsilon} + a_1 n d + (n - 1) d^{\Upsilon}$$

$$red^r - (n-1)d^r = a_1nd - 1ra_1d$$

$$\Rightarrow$$
 $(\Upsilon V - n)d^{\Upsilon} = a_1 d(n - V \Upsilon)$

$$\xrightarrow{\dot{} d} (rv - n)d = a_1(n - vr) \implies a_1 = \frac{rv - n}{n - vr}d$$

$$\Rightarrow a_{\gamma} = a_{\gamma} + d = \frac{\gamma \gamma - n}{n - \gamma \gamma} d + d = \frac{\gamma \delta}{n - \gamma \gamma} d$$

$$a_{v} = a_{v} + \varepsilon d = \frac{\varepsilon v - n}{n - v} d + \varepsilon d = \frac{\delta n - \varepsilon \delta}{n - v} d$$

$$\Rightarrow q = \frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma}} = \frac{\frac{\Delta n - \gamma \Delta}{n - \gamma \gamma} d}{\frac{\gamma \Delta}{n - \gamma \gamma} d} = \frac{n - \gamma}{\Delta} = \gamma$$

رتذگی در حالت کلی اگر a_m ، a_n و a_k سه جمله از دنبالهای حسابی باشند که با هم تشکیل دنبالهٔ هندسی می دهند، قدر نسبت دنبالهٔ هندسی از رابطهٔ زیر محاسبه می شود:

$$\frac{k-m}{m-n} = q$$

$$\frac{n-v}{v-r}=q=\mathfrak{k} \implies n=v$$
 در نتیجه در این سؤال:

-v میدانیم از حاصل تقسیم هر جملهٔ دنبالهٔ هندسی بر جملهٔ قبلی آن (بهجز جملهٔ اول) قدرنسبت به دست $(n \neq 1)$ $q = \frac{a_n}{a_n}$ میآید:

اگر قدرنسبت دنبالهٔ ..., ab, bc, cd را q' بنامیم، داریم:

$$ab,bc,cd,... \Rightarrow q' = \frac{bc}{ab} = \frac{c}{a}$$

ار طرفی در دنبالهٔ $a\,,b\,,c\,,d\,,\ldots$ اگر قدرنسبت برابر q باشد، جملهٔ $c=aq^{\Upsilon}$ سوم (یعنی c) برابر است با:

$$q' = \frac{c}{a} = \frac{aq^{r}}{a} = q^{r}$$

هرگاه a,b,c سه جملهٔ متوالی یک دنبالهٔ a,b,c هرگاه $ac=b^{\Upsilon}$ هندسی باشند، داریم:

در نتیجه با توجه به آن *که* (x+r), (x+r) تشکیل دنبالهٔ هندسی $x + x = (x+r)^r \Rightarrow x^r - x + q = 0$ می دهند، داریم: $(x-r)^r \Rightarrow x = 0$

در نتیجه دنباله به این صورت خواهد بود: \mathbb{T} , \mathbb{T} , \mathbb{T} دنبالهٔ حسابی نیز اگر دو جملهٔ اول این دنباله، دو جملهٔ اول یک دنبالهٔ حسابی نیز باشند، قدرنسبت برابر $\mathbb{T}=\mathbb{T}-\mathbb{T}$ خواهد بود. در نتیجه جملهٔ سوم این دنبالهٔ حسابی $\mathbb{T}=\mathbb{T}+\mathbb{T}$ است. پس کافی است از جملهٔ سوم دنبالهٔ هندسی \mathbb{T} واحد کم کنیم تا سه جملهٔ حاصل، تشکیل دنبالهٔ حسابی دهند.

 $ax^{f} + bx^{T} + c = 0$ هر معادله به صورت $\alpha = -\frac{2}{2}$ هر معادله به مورت $\alpha = -\frac{2}{2}$ هر دارای ریشهٔ α باشد، قطعاً دارای ریشهٔ $\alpha = -\frac{2}{2}$ نیز خواهد بود. زیرا مجذور $\alpha = -\alpha$ با هم برابرند:

یشه است , $\alpha \Rightarrow a\alpha^{\dagger} + b\alpha^{\dagger} + c = 0$

موریشه است.
$$-\alpha \Rightarrow a \left(-\alpha\right)^{\mathsf{f}} + b \left(-\alpha\right)^{\mathsf{f}} + c = \circ$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$\alpha^{\mathsf{f}} \qquad \alpha^{\mathsf{f}}$$

- β به همین ترتیب اگر معادلهٔ فوق دارای ریشهٔ β باشد، دارای ریشهٔ β ، $-\alpha$ ، α نیز خواهد بود. در نتیجه این معادله دارای β ریشهٔ α ، α و $-\beta$ است. $(\alpha,\beta>\circ)$.

از طرفي اگر اين ريشهها بخواهند تشكيل دنبالهٔ حسابي دهند بايد از کوچک به بزرگ (یا برعکس) تشکیل دنبالهٔ حسابی دهند. (چرا؟) با فرض مثبتبودن α و β این دنباله به این صورت خواهد بود: $-\beta, -\alpha, \alpha, \beta \ (\alpha < \beta)$

با توجه به این دنباله، قدرنسبت دنباله برابر auاست، $\beta = \alpha + \alpha = \alpha$ و در نتیجه $(\alpha - (-\alpha) = \alpha)$ تجزیهٔ معادلهٔ دادهشده به صورت زیر است:

$$(x^{\mathsf{T}} - \alpha^{\mathsf{T}})(x^{\mathsf{T}} - \beta^{\mathsf{T}}) = 0$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad$$

$$\Rightarrow x^{f} - (\alpha^{r} + \beta^{r})x^{r} + \alpha^{r}\beta^{r} = 0$$

$$\xrightarrow{\beta = r\alpha} x^{f} - 1 \circ \alpha^{r}x^{r} + 9\alpha^{f} = 0$$

با توجه به معادلهٔ دادهشده تساویهای زیر برقرارند:

$$\begin{cases} x^{\xi} - 1 \circ \alpha^{\tau} x^{\tau} + 9\alpha^{\xi} = \circ \\ x^{\xi} - (\tau m + 1) x^{\tau} + m^{\tau} = \circ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 1 \circ \alpha^{\tau} = \tau m + 1 \\ 9\alpha^{\xi} = m^{\tau} \end{cases}$$

دو طرف عبارت $1 \cdot \alpha^{\mathsf{T}} = \mathsf{Tm} + \mathsf{I}$ را به توان ۲ میرسانیم و داریم:

$$\begin{cases} 1 \circ \circ \alpha^{\mathfrak{k}} = (\mathfrak{k}_{m+1})^{\mathsf{k}} & \xrightarrow{\text{paramin}} & \frac{1 \circ \circ}{\mathfrak{k}} = (\frac{\mathfrak{k}_{m+1}}{m})^{\mathsf{k}} \\ \mathfrak{k}_{\alpha}^{\mathsf{k}} = m^{\mathsf{k}} & & \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{rm+1}{m} = \frac{1}{r} \Rightarrow m = r \\ \frac{rm+1}{m} = \frac{-1}{r} \Rightarrow m = -\frac{r}{19} \end{cases}$$

که در بین گزینهها فقط ۳ = m وجود دارد.

اگر جملهٔ اول دنبالهٔ جدید را a_1' و قدرنسبت ۱۰_ گزینه۱

$$\begin{cases} a_1' = a_1 + \mathfrak{k} \\ d' = d - k \end{cases}$$
 دنبالهٔ جدید را d' بنامیم، داریم:

$$a'_{\mathfrak{f}_{\circ}} = a'_{\mathsf{1}} + \mathfrak{P} \mathfrak{I} d' = a_{\mathsf{1}} + \mathfrak{F} + \mathfrak{P} \mathfrak{I} (d - k)$$
 تيجه:

$$a_{\xi_0} - a_1 + 1$$
 در سیجه: $a_{\xi_0} - a_1 + 1$ در سیجه: $a_{\xi_0} - a_1 + 1$ داریم:

$$a_1 + r + rq(d-k) = a_1 + rqd$$

$$\Rightarrow a_1' + f + r r d - r r k = a_1' + r r d \Rightarrow k = \frac{f}{r r}$$

راه اول: مى دانيم اگر هر جمله از دنبالهٔ حسابي، ۱۱_ گزینه۳ را از جملهٔ قبلی آن کم کنیم (بهجز جملهٔ اول) قدرنسبت حاصل می شود. در نتیج

$$ad,bd,cd \implies \begin{cases} bd - ad = d\underbrace{(b-a)}_{d} = d^{Y} \\ cd - bd = d\underbrace{(c-b)}_{d} = d^{Y} \end{cases}$$

در نتیجه (0) یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت d^{7} است.

$$a + d^{\Upsilon}, b + d^{\Upsilon}, c + d^{\Upsilon}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} (b + d^{\Upsilon}) - (a + d^{\Upsilon}) = b - a = d \\ (c + d^{\Upsilon}) - (b + d^{\Upsilon}) = c - b = d \end{cases}$$

در نتیجه 🕜 یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت d است.

$$c+d,b+d,a+d \implies \begin{cases} (b+d)-(c+d) = b-c = -d \\ (a+d)-(b+d) = a-b = -d \end{cases}$$

د، نتیجه \P یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت -d است.

😙 یک دنبالهٔ حسابی نیست، زیرا اگر جملات یک دنبالهٔ حسابی را به توان ۲ برسانیم، فاصلهٔ جملات از یکدیگر ثابت نمیمانند مگر آن که جملات دنباله یکسان باشند: $da^{\gamma}, db^{\gamma}, dc^{\gamma}, \dots$

$$\Rightarrow \begin{cases} db^{\Upsilon} - da^{\Upsilon} = d\underbrace{(b-a)}_{d}(b+a) = d^{\Upsilon}(b+a) \\ \\ dc^{\Upsilon} - db^{\Upsilon} = d\underbrace{(c-b)}_{d}(c+b) = d^{\Upsilon}(c+b) \end{cases}$$

 $\Rightarrow d^{\Upsilon}(b+a) \neq d^{\Upsilon}(c+b)$

راه دوم: مى دانيم اگر a ، b ، a و c با يكديگر دنبالهٔ حسابى بسازند است. در نتیجه گزینهای که حاصل جمع جملهٔ اول و $\frac{a+c}{r}=b$ سوم أن برابر ٢ برابر جملة وسط نباشد، دنباله حسابي نيست:

 $ad,bd,cd \Rightarrow ad+cd=d(a+c)=7bd \Rightarrow \checkmark$

c+d,b+d,a+d🕥 یک دنبالهٔ حسابی است.

 $\Rightarrow (c+d) + (a+d) = \underbrace{a+c}_{\mathsf{rb}} + \mathsf{rd} = \mathsf{r}(b+d) \Rightarrow \checkmark$

$$a + d^{\mathsf{Y}}, b + d^{\mathsf{Y}}, c + d^{\mathsf{Y}}$$
 یک دنبالهٔ حسابی است. $\Rightarrow (a + d^{\mathsf{Y}}) + (c + d^{\mathsf{Y}}) = \underbrace{(a + c)}_{\mathsf{Y}b} + \mathsf{Y}d^{\mathsf{Y}} = \mathsf{Y}(b + d^{\mathsf{Y}}) \Rightarrow \checkmark$

🕥 یک دنبالهٔ حسابی است.

 $da^{r}, db^{r}, dc^{r} \Rightarrow da^{r} + dc^{r} = d(a^{r} + c^{r}) \neq rdb^{r}$ در نتیجه 😙 یک دنبالهٔ حسابی نیست.

چند تذکر:

اگر به جملات یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت d ، عدد ثابتی Mاست. d است. اضافه شود، دنبالهٔ جدید نیز یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت اگر جملات یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت d را در عدد ثابتی Υ مانند k ضرب کنیم، دنبالهٔ جدید یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت kd خواهد بود.



چپ تساوی نیز باید مضربی از ۴ باشد. ۳ که مضرب ۴ نیست پس m + ۷ باید مضرب ۴ باشد:

$$\underbrace{\underline{\mathtt{T}(m+\mathtt{V})}}_{\text{adup}} = \underbrace{\mathtt{Fn}}_{\text{adup}} \quad \Rightarrow \begin{cases} m+\mathtt{V} = \mathtt{Fk} \ \Rightarrow \ \mathtt{F} \\ n = \mathtt{Tk'} \ \Rightarrow \ \mathtt{T} \end{cases}$$

از آنجا که m و n اعداد طبیعیاند، کوچکترین m که m+v را مضربی از ۴ کند، عدد n است، در نتیجه n+v+v است و تساوی مقابل برقرار است: n+v+v+v n+v+v مقابل برقرار است: n+v+v+v

پس اولین جملهٔ مشترک ششمین جملهٔ دنبالهٔ a و اولین جملهٔ دنبالهٔ b است. با توجه به آن که قدرنسبت دنبالهٔ b و a است، قدرنسبت دنبالهٔ جملات مشترک، ۱۲ است و داریم:

$$\mathbf{c}_{\mathbf{n}} = \mathbf{1} + \mathbf{1} \mathbf{7} (\mathbf{n} - \mathbf{1}) = \mathbf{1} \mathbf{7} \mathbf{n} - \mathbf{1} \mathbf{1} \implies \mathbf{c}_{\mathbf{f}} = \mathbf{7} \mathbf{7}$$
 پملاتمشترک

اولین جملهٔ مشترک این دو دنباله ۷ است. از a_n مشترک این دو دنباله ۷ است. از آنجا که قدرنسبت دنباله با جملهٔ عمومی b_n برابر ۶ است، پس قدرنسبت جملات مشترک ک.م.م آنها یعنی ۱۲ خواهد بود:

دنبالهٔ جملات مشترک
$$c_n = V, 19, T, \dots$$

جملهٔ عمومی دنباله با جملهٔ عمومی c_n به صورت زیر است: $\begin{cases} c_1 = \mathsf{V} \\ d = \mathsf{NT} \implies c_n = \mathsf{V} + (n-\mathsf{N}) \times \mathsf{NT} = \mathsf{NT} - \mathsf{D} \end{cases}$

 a_n برای آن که بفهمیم بیستمین جملهٔ مشتر ک چندمین جملهٔ جما برای آن که بفهمیم بیستمین جملهٔ مشتر ک چندمین جملهٔ در $c_{\gamma_\circ} = 17 \times 7 \circ - 0 = 770$ است ابتدا a_n و ابرابر a_n و ابرابر a_n قرار می دهیم و $a_n = c_{\gamma_\circ} \implies 7 + 7(n-1) = 770$ می آوریم:

$$\Rightarrow \ \ \mathsf{f}(n\!-\!1) = \mathsf{TTT} \ \Rightarrow \ n-1 = \Delta \mathsf{A} \ \Rightarrow \ n = \Delta \mathsf{9}$$

، a_n يعنى جملة ۵۹أم دنباله با جملة عمومى . $a_{00}=c_{00}$ يعنى جملة c_{00} است.

۱۴_ گزینه۳

$$\begin{cases} a_{\eta} = 17 \implies \begin{cases} a_{1} + \lambda d = 17 \\ a_{1} = 1 \implies \end{cases} \Rightarrow -rd = r \implies d = -1$$

 $a_1+\lambda d=$ ۱۲ $\xrightarrow{d=-1}$ $a_1-\lambda=$ ۱۲ $\Rightarrow a_1=$ ۲۰ با توجه به داشتن جملهٔ اول و قدرنسبت این دنباله می توانیم مجموع n جملهٔ اول آن را به صورت زیر بنویسیم:

$$S_{n} = \frac{n}{r} [\Upsilon a_{1} + (n-1)d] = \frac{n}{r} [\Upsilon \circ -n+1] = \frac{n}{r} [\Upsilon \cap n] = 0$$

$$\Rightarrow n = \Upsilon \cap 1$$

راه اول: ابتدا باید اولین جملهٔ مشترک این a_n ابتدا باید اولین جملهٔ مشترک این مو دنباله را به دست آوریم. از آنجا که جملات اولیهٔ دنبالهٔ منفی هستند و هر دو دنباله معودی اند. اولین جملهٔ مشترک این دو دنباله عددی مثبت خواهد بود. در نتیجه ابتدا جملهٔ عمومی دنبالهٔ a_n را مینویسیم و به کمک آن سعی می کنیم جملات مثبت این دنباله را بنویسیم. سپس اولین جملهٔ مشترک این دو دنباله را پیدا می کنیم:

$$a_n : -19, -10, -11, \dots \Rightarrow \begin{cases} d = 8 \\ a_1 = -19 \end{cases}$$

$$\Rightarrow a_n = -19 + f(n-1) = fn - fr$$

اولین جملهٔ مثبت دنبالهٔ a_n جملهٔ ششم آن است که برابر ۱ است: $a_n:-19,-10,\ldots, \underbrace{1,0,0,0}_{a_n},\ldots$

$$a_{\circ} = 4 \times 9 - 77 = 1$$

از آنجا که اولین جملهٔ دنبالهٔ $b_{\rm n}$ برابر ۱ است، پس اولین جملهٔ مشترک این دو دنباله ۱ است:

$$\left\{ egin{align*} a_n : -19, -10, \ldots, \textcircled{0}, 0, \ldots \\ b_n : \textcircled{0}, \$, 7, \ldots \end{array}
ight. \Rightarrow \ c$$
 اولین جملهٔ مشترک $= 1$

از طرفی قدرنسبت دنبالهٔ a_n ، a_n و قدرنسبت دنبالهٔ n است. در نتیجه قدرنسبت دنبالهٔ مشترک برابر ک.م.م آنها یعنی ۱۲ خواهد بود و این دنباله را اگر c_n بنامیم، به صورت زیر است:

$$c_n: \underbrace{1, 17, 70, 70, 70, \dots}_{+17, +17, +17}$$

در نتیجه جملهٔ عمومی این دنباله به صورت زیر است: $c_n = 1 + 17(n-1) = 17n-11 \Rightarrow c_r = 77$ رتنگی اگر دو دنبالهٔ حسابی دارای جملات مشترک باشند، جملات مشترک آنها نیز یک دنبالهٔ حسابی اند که قدرنسبت آن برابر ک.م.م

قدرنسبتهای آن دو دنباله است.

$$a_n = -19 + f(n-1) = fn - ff$$

$$b_{m} = 1 + r(m - 1) = rm - r$$

حال اولین n و m را پیدا می کنیم که معادلهٔ زیر برقرار باشد:

$$b_m = a_n \implies rm - r = rm - rr \implies rm + r = rn$$

$$\Rightarrow \forall (m+\forall) = \forall n$$

با توجه به آن که n و m دو عدد طبیعی اند، برای آن که تساوی بالا برقرار باشد لازم است n+1 مضرب عدد n+1 و n مضرب n+1 باید مضرب n+1 باشد. n+1 که مضرب n+1 نیست پس n+1 باشد. از طرفی سمت راست تساوی مضرب n+1 است، در نتیجه سمت باشد. از طرفی سمت راست تساوی مضرب n+1 است، در نتیجه سمت

رتذكر

1۵- **گزینه آ** با توجه به آن که جملهٔ اول و چهارم این دنباله را داریم، می توانیم قدرنسبت این دنباله را به دست آوریم.

$$\begin{cases} a_{r} = \frac{q}{r} \\ a_{1} = -r \end{cases} \Rightarrow a_{r} - a_{1} = rd \Rightarrow \frac{q}{r} + r = rd$$

$$\Rightarrow \frac{1\Delta}{r} = rd \Rightarrow d = \frac{\Delta}{r}$$

$$S_n = \frac{n}{r} [ra_1 + (n-1)d]$$

$$\Rightarrow \ S_{\gamma_{\circ}} = \frac{\gamma_{\circ}}{\gamma} [-\beta + 19 \times \frac{\Delta}{\gamma}] = -\beta_{\circ} + 19 \times \gamma_{\Delta} = \beta_{1\Delta}$$

$$S_n = \frac{n}{r} [a_1 + a_n] = \frac{n}{r} [ra_1 + (n-1)d]$$

دنباله شامل ۱۱ جمله است که به صورت زیر دنباله شامل ۱۱ جمله است که به صورت زیر $(0,0,0,\dots,0)$ دنباله شامل ۱۲ جمله است که به صورت زیر دنباله شامل ۱۳۹۰ میلاند:

جملهٔ اول این دنباله ۴، و جملهٔ یازدهم آن ۳۴ است از طرفی می دانیم مجموع جملهٔ اول و یازدهم، برابر مجموع جملهٔ دوم و دهم است. پس برای محاسبهٔ مجموع ۹ جملهٔ وسط لازم نیست قدرنسبت دنباله محاسبه شود. زیرا مجموع جملهٔ اول و آخر ۹ جملهٔ درجشده همان مجموع جملهٔ اول و یازدهم دنباله است، در نتیجه:

$$a_1 + a_{11} = a_7 + a_{10} = F + FF = FA$$

الست را گزینه آن بر ۵ برابر ۳ است را k = 2 هر عددی که باقیماندهٔ آن بر ۵ برابر ۳ است را به صورت k = 2 هم میتوان نوشت. به ازای k = 3 ، اولین عدد دو رقمی که باقیماندهٔ آن بر ۵ برابر k = 19 ، بزرگ ترین عدد دو رقمی که باقیماندهٔ آن بر ۵ برابر ۳ است ایجاد می شود. این عدد هجدهمین جملهٔ این دنباله است. جملات این دنباله یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت ۵ هستند که تعداد جملات این دنباله یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت ۵ هستند که تعداد آنها هم ۱۳,۱۸,۲۳,...,۹۸

$$S_{1\lambda}=\frac{1\lambda}{r}[a_1+a_{1\lambda}]=\P[1\Gamma+9\lambda]=9\times111=999$$
 رندگی با توجه به آن که ۱۳ ، اولین جملهٔ این دنباله است می توانستیم آخرین جمله و تعداد جملات این دنباله را به صور ت زیر نیز به دست آوریم:
$$\begin{cases} a_1=1\Gamma\\ d=\delta \end{cases} \Rightarrow a_n=1\Gamma+\delta(n-1)=\delta n+\lambda \\ d=\delta \end{cases} \Rightarrow \Delta n+\lambda<1 \circ \circ \Rightarrow \Delta n<97 \Rightarrow n<\frac{97}{\lambda}\simeq1\lambda/\dots$$

$$n=1$$
در نتیجه بزرگترین مقدار n برابر ۱۸ است. به ازای $n=1$ ۱۸ در نتیجه بزرگترین مقدار $a_{1\lambda}=9$ ۸

۱۸_ گزینه۱

$$\begin{cases} S_{\beta} = \frac{9}{7} [\Upsilon a_{\gamma} + (9 - 1)d] = \Upsilon [\Upsilon a_{\gamma} + \Delta d] = 9 a_{\gamma} + 1 \Delta d \\ a_{\gamma} = a_{\gamma} + \Upsilon d \end{cases}$$

با توجه به تساوی s_{ϵ} و a_{ϵ} داریم:

$$S_{\varphi} = a_{\varphi} \implies \varphi a_{\chi} + \chi \Delta d = a_{\chi} + \Upsilon d \implies \Delta a_{\chi} + \chi \Upsilon d = 0$$

$$\implies d = -\frac{\Delta}{\chi \chi} a_{\chi}$$

از طرفی میدانیم $a_{\gamma}=a_{1}+\epsilon d$ است و با توجه به آن که $d=-\frac{\Delta}{\lambda}a_{1}$

$$\frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma}} = \frac{a_{\gamma} + \varepsilon d}{a_{\gamma}} = \frac{a_{\gamma} + (\varepsilon \times \frac{-\Delta}{\gamma \gamma} a_{\gamma})}{a_{\gamma}} = \frac{a_{\gamma} - \frac{\Delta}{\gamma} a_{\gamma}}{a_{\gamma}} = \frac{-\frac{\gamma}{\gamma} a_{\gamma}}{a_{\gamma}}$$
$$= -\frac{\gamma}{\gamma}$$

١٩_ گزينه ١

$$S_{r \circ} = \frac{r \circ}{r} [ra_1 + (r \circ - 1)d] = 1 \circ [ra_1 + 19d] = r \circ \circ$$

$$\Rightarrow ra_1 + 19d = r \circ$$

از طرفی می دانیم $d = \tau a_1$ در نتیجه:

$$\begin{cases} \mathsf{ra}_1 + \mathsf{id} = \mathsf{r} \circ \\ \mathsf{d} = \mathsf{ra}_1 \end{cases} \Rightarrow \mathsf{d} + \mathsf{id} = \mathsf{r} \circ \Rightarrow \mathsf{r} \circ \mathsf{d} = \mathsf{r} \circ \Rightarrow \mathsf{d} = \frac{\mathsf{r}}{\mathsf{r}}$$

$$\implies d = ra_1 = \frac{r}{r} \implies a_1 = \frac{r}{r}$$

با توجه به آن که جملهٔ اول این دنباله $\frac{\pi}{\gamma}$ و قدرنسبت آن $\frac{\pi}{\gamma}$ است، می توانیم جملهٔ عمومی آن را بنویسیم:

$$a_n = a_1 + (n-1)d = \frac{r}{r} + \frac{r}{r}(n-1) = \frac{r}{r}n - \frac{r}{r}$$

میخواهیم بدانیم جملهٔ چندم این دنباله برابر $\frac{147}{7}$ است، پس جملهٔ عمومی را برابر $\frac{147}{7}$ قرار میدهیم:

$$\frac{\tau}{r}n - \frac{\tau}{r} = \frac{1}{r}\frac{r}{r} \implies \frac{\tau}{r}n = \frac{1}{r}\frac{\delta \circ}{r} \implies n = r\delta$$

راه اول: ۵ جملهٔ دوم این دنباله خود یک منبالهٔ خود یک منبالهٔ حسابیاند که جملهٔ اول آن a_{γ} و جملهٔ آخر آن a_{γ} است. دنبالهٔ حسابیاند که جملهٔ اول آن a_{γ} و جملهٔ آخر آن $S_{\gamma} - S_{\alpha} = \frac{\Delta}{\gamma} [a_{\gamma} + a_{\gamma}]$ است. نتیجه مجموع این ۵ جملهٔ اول این دنباله برابر است با: $S_{\alpha} = \frac{\Delta}{\gamma} [a_{\gamma} + a_{\alpha}]$

جبر و معادله

$$\frac{\Delta}{\gamma} [a_{\varsigma} + a_{\gamma_{\circ}}] - \frac{\Delta}{\gamma} [a_{\gamma} + a_{\Delta}] = \frac{\Delta}{\gamma} [a_{\varsigma} + a_{\gamma_{\circ}} - a_{\gamma} - a_{\Delta}]$$
مجموع ۵جملهٔ دوم

از طرفی میدانیم $a_1 = a_1 = a_2 = a_3 = a_1 = a_1$ است، در

$$\frac{\Delta}{r}[a_{s}-a_{1}+a_{1},-a_{\Delta}]=\frac{\Delta}{r}[\Delta d+\Delta d]=\frac{\Delta}{r}\times 1 \cdot d=r\Delta d$$
 اما با توجه به آن که جملهٔ عمومی این دنباله به صورت $a_{n}=r$ است، قدرنسبت آن برابر r است (ضریب r همان قدرنسبت دنبالهٔ حسابی است)، در نتیجه:

مجموع ۵ جملهٔ اول – مجموع ۵ جملهٔ دوم $= 7 \times 4 = 7 \times$ $a_{p}-a_{q}=(p-q)d$ است. در نتیجه $a_{p}-a_{q}=(p-q)d$ است. در نتیجه و a_{10} همگی مقادیر ثابتی $a_{10}-a_{10}$ همگی مقادیر ثابتی $a_{10}-a_{10}$ برابر Ad خواهند داشت. در نتیجه مجموع ۵ جملهٔ دوم به اندازهٔ ۵ تا ۵d يعنى ۲۵d از مجموع ۵ جملهٔ اول بيشتر است:

$$-\begin{cases}
a_{\varsigma} + a_{\gamma} + a_{\lambda} + a_{\eta} + a_{\eta} \\
a_{\gamma} + a_{\gamma} + a_{\gamma} + a_{\gamma} + a_{\delta}
\end{cases}$$

$$\frac{\Delta d + \Delta d + \Delta d + \Delta d + \Delta d = \gamma \Delta d}{\Delta d + \Delta d + \Delta d = \gamma \Delta d}$$

 $a_n = \mathfrak{r} n - \mathfrak{r}$ با توجه به آن که $a_n = \mathfrak{r} n - \mathfrak{r}$ است و اختلاف جملهٔ دوم از اول برابر $\circ \circ 1 = 4 \times 73$ است.

مجموع n جملهٔ دوم یک دنبالهٔ حسابی از مجموع n جملهٔ nاول آن به اندازهٔ n^{r} بیشتر است. (چون هر جمله از n جملهٔ دوم ا بیشتر است پس $n \times nd$ یعنی $n^{\dagger}d$ بیشتر هستند.)

۲۱_ گزینه۲

راه اول:

$$\begin{cases} S_n = \frac{n}{\gamma} [\Upsilon a_{\gamma} + (n-\gamma)d] \\ a_n = a_{\gamma} + (n-\gamma)d \\ S_n = n^{\gamma} a_{\gamma} \end{cases} \Rightarrow n^{\gamma} a_{\gamma} = \frac{n}{\gamma} [\Upsilon a_{\gamma} + (n-\gamma)d]$$

$$\Rightarrow \forall na_1 = \forall a_1 + nd - d \Rightarrow \forall na_1 - \forall a_1 = nd - d$$

$$\Rightarrow \forall a_1(n-1) = d(n-1)$$

$$\mathsf{Ta}_{\mathsf{N}} = \mathsf{d}$$
 است، داریم: $n \neq \mathsf{N}$ است

$$\frac{a_n}{a_1} = \frac{a_1 + (n-1)d}{a_1} \frac{ra_1 = d}{a_1} \frac{a_1 + ra_1(n-1)}{a_1}$$
 : نتیجه:
$$= \frac{a_1(1 + r(n-1))}{a_1} = 1 + rn - r = rn - 1$$

$$\left\{ \begin{aligned} \mathbf{S}_{n} &= \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{r}} (\mathbf{a}_{1} + \mathbf{a}_{n}) \\ \mathbf{S}_{n} &= \mathbf{n}^{\mathsf{T}} \mathbf{a}_{1} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{r}} (\mathbf{a}_{1} + \mathbf{a}_{n}) = \mathbf{n}^{\mathsf{T}} \mathbf{a}_{1}$$

$$\Rightarrow a_1 + a_n = rna_1 \Rightarrow a_n = (rn - 1)a_1 \Rightarrow \frac{a_n}{a_1} = rn - 1$$

حالا به کمک جملهٔ اول و قدرنسبت، S_n را برحسب n مینویسیم.

$$S_n = \frac{n}{7} [7a_1 + (n-1)d]$$

$$\Rightarrow S_n = \frac{n}{r} [-r + r(n-1)] = \frac{n}{r} [rn - r] = n(rn - r)$$

با حل نامعادلهٔ $S_n > 7 > 0$ حداقل n را می توانیم به دست آوریم:

$$S_n = n(\Upsilon n - \Upsilon) > \Upsilon \circ \circ \implies \Upsilon n(n - \Upsilon) > \Upsilon \circ \circ$$

$$\Rightarrow$$
 $n(n-r) > 1 \circ \circ$

از آنجا که n و n-1 دو عدد طبیعی باید باشند که به فاصلهٔ ۲ از هم هستند با حدس و آزمایش حداقل آن را به دست می آوریم:

$$n = 11 \implies n(n-7) = 99 < 1 \circ \circ$$

$$n = 17 \implies n(n-7) = 17 \times 1 \circ > 1 \circ \circ \checkmark$$

یس حداقل n برابر ۱۲ است.

۲۲_ گزینه۳

رتذكر مى توانيم به كمك اتحاد مربع دوجملهاى نيز اين نامعادله را

$$S_n = n(n-\tau) > \iota \circ \circ \implies n^{\tau} - \tau n > \iota \circ \circ$$
 حل کنیم:

$$\Rightarrow n^{\Upsilon} - \Upsilon n + 1 > 1 \circ 1 \Rightarrow (n-1)^{\Upsilon} > 1 \circ 1 \Rightarrow n \ge 1 \Upsilon$$

$$a_{r} = ra_{q} \implies a_{r} + rd = r(a_{r} + \lambda d)$$
 آوزينه ا

 $\Rightarrow \ a_{\scriptscriptstyle 1} + {\scriptscriptstyle 7}{} d = {\scriptscriptstyle 7}{} a_{\scriptscriptstyle 1} + {\scriptscriptstyle 1}{} {\scriptscriptstyle 7}{} d \ \Rightarrow \ a_{\scriptscriptstyle 1} + {\scriptscriptstyle 1}{} {\scriptscriptstyle 7}{} d = \circ \ \Rightarrow \ a_{\scriptscriptstyle 1}{}_{\scriptscriptstyle 7} = \circ$ با توجه به این که جملهٔ چهاردهم برابر صفر است. ۱۳ جملهٔ اول با ۱۳ جملهٔ بعد از جملهٔ چهاردهم ۲ به دو قرینهٔ یکدیگرند. در نتیجه حاصل جمعشان صفر است:

۲۴_ گزینه۲

راه اول: دو دنبالهٔ زیر را در نظر بگیرید:
$$\left\{a_1, a_7, a_7, \dots\right\}$$

ن از از مدرنسبت دو دنباله است. پس دنبالهای که هر جملهٔ آن از ${
m d}$ حاصل جمع دو جمله با شماره جملهٔ مشابه به دست می آید، دارای

$$a_1 + d$$
, $a_r + rd$, $a_r + rd$,...

$$S_{1\circ} = \frac{1\circ}{r} [\tau a_1 + (n-1)d]$$
 در نتیجه:

$$S'_{1\circ} = \frac{1\circ}{r}[\Upsilon(a_1+d)+(n-1)\times \Upsilon d]$$

$$\Rightarrow \begin{cases} S_{1\circ} = \Delta[\Upsilon a_1 + (n-1)d] \\ S'_{1\circ} = \Delta[\Upsilon a_1 + \Upsilon d + \Upsilon (n-1)d] \end{cases}$$

$$\Rightarrow S_{\text{\tiny 1},\text{\tiny 0}}' - S_{\text{\tiny 1},\text{\tiny 0}} = \Delta [\ \text{\tiny 7} \alpha_{\text{\tiny 1}}' + \text{\tiny 7} d + \text{\tiny 7} (n-\text{\tiny 1}) d - \text{\tiny 7} \alpha_{\text{\tiny 1}}' - (n-\text{\tiny 1}) d]$$

$$\frac{\underline{\mathbf{n}} = \mathbf{1} \circ \Delta \left[\underbrace{(\mathbf{n} - \mathbf{1}) d + \mathbf{7} d}_{\mathbf{1} \mathbf{1} \mathbf{1} \mathbf{d}} \right] = \Delta \Delta d = \mathbf{1} \mathbf{1} \circ \Rightarrow d = \mathbf{7}$$

راه دوم: جملات اول، دوم، سوم و ... دنبالهٔ دوم به ترتیب هر کدام d واحد بزرگتر از جملات اول، دوم، سوم و ... دنبالهٔ اول است:

$$- \begin{cases} a_1 + d, a_7 + 7d, a_7 + 7d, \dots \\ a_1, a_7, a_7, a_7, \dots \\ d, 7d, 7d, \dots \end{cases}$$

در نتیجه مجموع جملات دنبالهٔ دوم به اندازهٔ حاصل جمع زیر از مجموع جملات دنبالهٔ اول بیشتر است:

$$S'_{1\circ} - S_{1\circ} = d + rd + rd + rd + \dots + 1 \circ d = \frac{1 \circ \times 1 \cdot 1d}{r} = \Delta \Delta d$$

$$\Rightarrow S'_{1\circ} - S_{1\circ} = \Delta \Delta d = 11 \circ \Rightarrow d = r$$

۲۵_ گزینه۲ با نوشتن چند جملهٔ اول این دو دنباله اولین جملة مشترك آنها را يبدأ مي كنيم:

$$7,0,0,0$$
 \rightarrow $7,0,0,0$ \rightarrow $7,0,0,0$ \rightarrow $7,0,0,0$ \rightarrow $7,0,0,0$ \rightarrow $7,0,0,0$ \rightarrow $7,0,0,0$ \rightarrow $7,0,0,0$

از آنجا که ۱۱ عددی دورقمی است، اولین جملهٔ جملات مشترک دورقمی نیز محسوب می شود. با توجه به آن که قدرنسبت دو دنباله به ترتیب ۳ و ۴ است، پس جملات مشترک دارای قدرنسبتی برابر ۱۲ (به مقدار ک.م.م قدرنسبت دو دنباله) دارند: ۱۱٫۲۳٫۳۵٫۰۰۰ حال می توانیم جملهٔ عمومی جملات مشترک را بنویسیم:

$$a_n = 1 + 17(n-1) = 17n-1$$
 از آن جا که آخرین جملهٔ این دنباله بزرگترین عدد ۲ رقمی در این

دنباله است، داریم:

$$17n-1<1$$
 $\rightarrow 0$ $\rightarrow 0$

$$S_{\lambda} = \frac{\lambda}{r} [r \times r + r \times r] = r[r + \lambda r] = r \times r \cdot r = r \times r$$

$$S_{\epsilon_{\circ}} = \lambda s_{\circ} \implies S_{\epsilon_{\circ}} = \frac{\epsilon_{\circ}}{r} [ra_{1} + rd] = \lambda s_{\circ}$$

 $\implies ra_{1} + rd = \epsilon r$

با توجه به آن که
$$d$$
 و a_1 هر دو عدد طبیعی هستند، با عددگذاری می توانیم d و a_1 و d را به دست آوریم:
$$d=1 \\ a_1=7$$

$$7a_1 + 79d = 77 \implies \begin{cases} d = 1 \\ a_1 = 7 \end{cases}$$

$$S_{r_{\circ}} = \frac{r_{\circ}}{r}[ra_{1} + rad] = re{r}$$
در نتیجه: $re{r}$

$$S_{r_{\circ}} = \frac{r_{\circ}}{r} [ra_{1} + rd] = r_{\circ} [ra_{1} + rd]$$

$$S_{1\circ} = \frac{1\circ}{r} [ra_1 + qd] = \Delta[ra_1 + qd]$$

$$\Rightarrow \ S_{\text{Y}_{\circ}} - \text{Y}S_{\text{Y}_{\circ}} = \text{Y}_{\circ}[\text{Y}a_{\text{Y}} + \text{Y}\text{Y}d] - \text{Y}_{\circ}[\text{Y}a_{\text{Y}} + \text{Y}d]$$

$$= 19 \cdot d - 9 \cdot d = 1 \cdot d$$

راه دوم: میدانیم $S_{r_{\circ}} - S_{r_{\circ}}$ مجموع ۱۰ جملهٔ دوم یک دنبالهٔ حسابی است. اولین جملهٔ ۱۰ جملهٔ دوم (یعنی جملهٔ یازدهم) ۱۰ط بيشتر از جملهٔ اول دنباله است. دومين جملهٔ ١٠ جملهٔ دوم (جملهٔ دوازدهم) نیز ۱۰d بیشتر از جملهٔ دوم دنباله است. به همین ترتیب دهمین جملهٔ ۱۰ جملهٔ دوم (یعنی جملهٔ بیستم) نیز ۱۰d بیشتر از جملهٔ دهم است. در نتیجه مجموع ۱۰ جملهٔ دوم از مجموع ۱۰ جملهٔ اول ۱۰۰d بیشتر است.

$$S_{r_{\circ}} - rS_{r_{\circ}} = \underbrace{S_{r_{\circ}} - S_{r_{\circ}}}_{\substack{1 \circ epopos}} - \underbrace{S_{r_{\circ}}}_{\substack{1 \circ epopos}} = r_{\circ} \times r_{\circ} d = r_{\circ} \circ d$$
 جملهٔ اول جملهٔ اول

$$\begin{cases} S_{\gamma, \circ} - S_{\gamma, \circ} = S_{\gamma, \gamma} + S_{\gamma, \gamma} + \dots + S_{\gamma, \circ} \\ S_{\gamma, \circ} = S_{\gamma} + S_{\gamma} + \dots + S_{\gamma, \circ} \end{cases}$$

$$S_{\gamma_{\circ}} - S_{\gamma_{\circ}} - S_{\gamma_{\circ}} = \underbrace{\gamma_{\circ}d + \gamma_{\circ}d + \dots + \gamma_{\circ}d}_{\gamma_{\circ}\circ d}$$

$$\Rightarrow S_{r \circ} - rS_{r \circ} = r \circ d$$

 $n^{\mathsf{T}}d$ ، d جملهٔ دوم هر دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت n مجموع n جملهٔ دوم بیشتر از مجموع n جملهٔ اول است.



۲۸_ گزینه۴

میدانیم S_1 برابر همان a_1 است. در نتیجه: $S_{Y_0} = T \times T \circ - T \times T \circ^T = S \circ - \Lambda \circ \circ = -V f \circ$

 $S_1 = a_1 = r - r = 1$

 $\implies S_{\texttt{Y}\, \circ} - \texttt{Y} \circ a_{\texttt{Y}} = - \texttt{Y} \texttt{Y} \circ - \texttt{Y} \circ = - \texttt{Y} \texttt{S} \circ$

- **۲۹ گزینه ت** می دانیم در هر دنبالهٔ حسابی قدرنسبت برابر است با حاصل تفاضل هر جمله از جملهٔ قبلی. در نتیجه تفاضل جملهٔ دوم از اول برابر d ، تفاضل جملهٔ چهارم از سوم برابر d و در حالت کلی تفاضل هر جملهٔ با ردیف زوج به اندازهٔ d واحد از جملهٔ قبلی آن، که در ردیف فرد است بیشتر است. در نتیجه مجموع جملات ردیف زوج در - ۹۰ جملهٔ ابتدایی، - ۵۰ بیشتر از مجموع جملات ردیف فرد است و در نتیجه:

$$-SS = a_{r} + a_{r} + a_{s} + \cdots + a_{1 \circ \circ}$$

$$-S = a_{1} + a_{r} + a_{\Delta} + \cdots + a_{q \circ}$$

$$\Delta S = \underline{d + d + d + \cdots + d} \implies \Delta S = \Delta \cdot d \implies S = 1 \cdot d$$

 $\xrightarrow{d=\mathfrak{r}} S = \mathfrak{r} \circ$

 $-r_0$ ور هر دنبالهٔ حسابی مجموع جملهٔ اول و $-r_0$ اگرینه و $-r_0$ ام، سوم و $-r_0$ ام و ... با هم برابرند. در واقع با افزایش شمارهٔ جمله از ۱ به ۲ قدرنسبت $-r_0$ واحد افزایش می یابد اما با کاهش شمارهٔ جمله از $-r_0$ به $-r_0$ قدرنسبت $-r_0$ واحد کاهش می یابد در نتیجه مجموع جملهٔ اول و $-r_0$ ام با مجموع جملهٔ دوم و $-r_0$ می بایر است.

$$\begin{aligned} &a_{\scriptscriptstyle 1} + a_{n} = a_{\scriptscriptstyle \Upsilon} + a_{n-{\scriptscriptstyle 1}} = a_{\scriptscriptstyle \Upsilon} + a_{n-{\scriptscriptstyle \Upsilon}} = a_{\scriptscriptstyle F} + a_{n-{\scriptscriptstyle \Upsilon}} \\ &= a_{\scriptscriptstyle \Delta} + a_{n-{\scriptscriptstyle F}} \end{aligned}$$

در نتیجه مجموع α جملهٔ اول و α جملهٔ آخر α برابر مجموع جملات اول و آخر است:

$$+ \begin{cases} a_{1} + a_{7} + a_{7} + a_{7} + a_{5} \\ a_{n} + a_{n-1} + a_{n-7} + a_{n-7} + a_{n-7} \end{cases}$$

$$(a_1 + a_n) + (a_{\tau} + a_{n-1}) + (a_{\tau} + a_{n-\tau})$$

$$+(a_{\xi}+a_{n-\xi})+(a_{\Delta}+a_{n-\xi})=\Delta(a_{\chi}+a_{n})$$

از طرفی با توجه به سؤال، مجموع ۵ جملهٔ اول و آخر برابر 4 = 100 است. در نتیجه:

$$\Delta(a_1 + a_n) = \Delta \Rightarrow a_1 + a_n = \Delta$$

با توجه به آن که مجموع n جملهٔ اول برابر ۵۴ است، داریم:

$$S_n = \frac{n}{r} [\underbrace{a_1 + a_n}_{2}] = \Delta F \implies \frac{9n}{r} = \Delta F \implies n = 17$$

تذكر مجموع m جملة اول هر دنبالة حسابي با m جملة آخر آن،

برابر است با m برابر مجموع جملات اول و آخر.

رتذکی اگر m+n=p+q باشد، حاصل جمع جملات m اُم و n اُم و p اُم و p اُم جملات p اُم و p اُم برابر است.

$$a_m + a_n = a_p + a_q$$

به عنوان مثال: $a_1+a_{1\circ}=a_7+a_9=a_7+a_A$ به عنوان مثال: $1+1\circ=7+9=7+A$

۳۱- گزینه اول: در دنبالهٔ a اگر جملهٔ عمومی

ید: $a_n = rn + a$ باشد، به ازای n = r جملهٔ اول به دست می آید: n = rn + a

$$\begin{cases} S_{\gamma} = b \times \gamma^{\gamma} + f \times \gamma = fb + \lambda \\ S_{\gamma} = a_{\gamma} = r + a \\ a_{\gamma} = r \times \gamma + a = a + \beta \end{cases}$$

$$\Rightarrow$$
 $S_{\gamma} - S_{\gamma} = fb + \lambda - a - f = a + f \Rightarrow fb - fa = 1$

با حل دستگاه زیر داریم:

$$\begin{cases} a-b=1 \\ fb-ra=1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} fa-fb=f \\ fb-ra=1 \end{cases} \Rightarrow ra=\Delta \Rightarrow a=\frac{\Delta}{r}$$

$$\xrightarrow{a=\frac{\Delta}{r}} rb-\Delta=r \implies b=\frac{r}{r}$$

$$\Rightarrow a+b=\frac{\Delta}{r}+\frac{r}{r}=r$$

راه دوم: اگر از مجموع n جملهٔ اول هر دنباله مجموع جملهٔ اول را کم کنیم، حاصل، جملهٔ n اُم خواهد بود:

$$S_n = \underbrace{a_{_1} + a_{_{\Upsilon}} + \dots + a_{_{n-1}}}_{S_{_{n-1}}} + a_{_n} \implies S_n - S_{_{n-1}} = a_{_n}$$

اگر در رابطهٔ $S_n = bn^{\Upsilon} + {\mathfrak r} n$ قرار دهیم، مجموع n-1 ، n ول به دست می آید:

$$\begin{cases} S_n = bn^{\gamma} + fn \\ S_{n-\gamma} = b(n-\gamma)^{\gamma} + f(n-\gamma) \end{cases}$$

$$\Rightarrow S_n - S_{n-1} = bn^{r} + rn - b(n-1)^{r} - r(n-1) = a_n$$

$$\Rightarrow$$
 $bn^{f} + fn - bn^{f} + 7bn - b - fn + f = 7n + a$

$$\Rightarrow \forall bn - b + f = \forall n + a$$



باید ضریب جملهٔ درجهاول دو سمت (ضریب n) و مقدار عددی دو سمت با هم برابر باشند تا تساوی همواره صحیح باشد:

$$(b)n + (b) = (a)n + (a)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} rb = r \implies b = \frac{r}{r} \\ r - b = a \xrightarrow{b = \frac{r}{r}} a = r - \frac{r}{r} = \frac{\Delta}{r} \end{cases} \Rightarrow a + b = r$$

n و n به ترتیب جملهٔ عمومی و مجموع n جملهٔ اول S_n اگر n $S_{\text{\tiny N}}=a$, $S_{n}-S_{n-\text{\tiny N}}=a_{n}$. دنبالهٔ حسابی باشند، داریم:

۳۲_ گزینه اگر a و b ه متوالی یک دنبالهٔ متوالی یک دنبالهٔ هندسی باشند، داریم $ac = b^{\mathsf{T}}$ هندسی باشند،

 $a_{\lambda}, a_{\lambda}, a_{\nu} \implies a_{\lambda}.a_{\nu} = a_{\lambda}^{\tau}$

انت. یس: $a_v = a_1 + \epsilon d$ و $a_A = a_1 + \epsilon d$ است. یس:

$$a_1(a_1 + \varepsilon d) = (a_1 + \varepsilon d)^{\varepsilon}$$

$$\Rightarrow a_1^{1} + \epsilon a_1 d = a_1^{1} + \lambda a_1 d + 1 \epsilon d^{1}$$

$$18d^{r} = -ra_{1}d \xrightarrow{\div rd} \lambda d = -a_{1}$$

$$S_n = \frac{n}{r}[\Upsilon a_1 + (n-1)d]$$
 نطرفی میدانیم:

$$S_n = \frac{n}{\gamma} [-17d + (n-1)d] = 0 \implies -17d + (n-1)d = 0$$

$$\Rightarrow n-1=1$$
 $\Rightarrow n=1$

میتوانیم خیلی سریع از روی تساوی $a_1 = -\lambda d$ نتیجه تنگ بگیریم پس $a = \lambda + \lambda d$ است؛ یعنی $a_0 = a_0$ است. با توجه به آن که دنباله حسابی است پس جملات قبل و بعد a_0 دوبهدو قرینهٔ یکدیگرند. پس مجموع ۸ جملهٔ اول و ۸ جملهٔ بعد از a_0 همگی صفر

$$a_1 + a_7 + \cdots + a_9 + a_{10} + \cdots + a_{10} = 0$$

٣٣_ گزينه٣

$$\begin{aligned} a_{\gamma} &= a_{\gamma} + d = q \\ a_{\Delta} &= a_{\gamma} + rd = q^{r} \\ a_{\gamma} &= a_{\gamma} + rrd = q^{r} \end{aligned} \Rightarrow \begin{aligned} a_{\Delta} - a_{\gamma} &= rd = q^{r} - q \\ a_{\gamma} &= a_{\gamma} + rrd = q^{r} \end{aligned} \Rightarrow \begin{aligned} a_{\gamma} &= a_{\gamma} - a_{\gamma} = rd = q^{r} - q^{r} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \frac{rd}{qd} = \frac{q^r - q}{q^r - q^r} \Rightarrow \frac{q(q - 1)}{q^r(q - 1)} = \frac{1}{r} \xrightarrow{q \neq 0} \frac{1}{q} = \frac{1}{r}$$

$$\Rightarrow q = r \Rightarrow \begin{cases} a_1 + d = q \\ a_1 + rd = q \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_1 + d = r \\ a_1 + rd = q \end{cases}$$
$$\Rightarrow \begin{cases} a_1 + d = r \\ a_1 + rd = q \end{cases} \end{cases}$$
$$rd = r$$

 $q = \frac{k-m}{m-n}$ بدهند، داریم: q بدهند، داریم:

$$\mathbf{q} = \mathbf{m} - \mathbf{n}$$
 $\mathbf{q} = \frac{\mathbf{N} + \Delta}{\Delta} = \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{w}} = \mathbf{w}$ در نتیجه:

$$\Rightarrow S_n = \frac{n}{r} [ra_1 + (n-1)d] = \frac{n}{r} [r+rn-r] = n^r$$

پس $S_n = n^{\Upsilon}$ است. یعنی S_n مربع کامل است. تنها مربع کامل در

مجموع n جملهٔ اول یک دنبالهٔ هندسی به

مورت q است که در آن q قدرنسبت و جملهٔ $S_n = \frac{a_{\scriptscriptstyle 1}(q^n-1)}{q-1}$ صورت

$$\left\{ \mathbf{S}_{\wp} = \frac{\mathbf{a}_{1}(\mathbf{q}^{\wp} - 1)}{\mathbf{q} - 1} = \mathsf{Y}\mathsf{Y} \right\}$$
 اول است. در نتیجه:

$$S_r = rac{a_1(q^r-1)}{q-1} = \Lambda \Lambda$$
 دريم: S_r به S_r داريم:

$$\frac{S_{\varsigma}}{S_{\tau}} = \frac{\frac{a_{1}(q^{\varsigma} - 1)}{q - 1}}{a_{1}\frac{(q^{\tau} - 1)}{q - 1}} = \frac{\gamma\gamma}{\lambda\lambda} \implies \frac{q^{\varsigma} - 1}{q^{\tau} - 1} = \frac{\gamma}{\lambda}$$

$$\Rightarrow \frac{(q^{r}-1)(q^{r}+1)}{(q^{r}-1)} = \frac{\gamma}{\lambda} \Rightarrow q^{r}+1 = \frac{\gamma}{\lambda} \Rightarrow q^{r} = -\frac{1}{\lambda}$$

$$\Rightarrow q = -\frac{1}{7}$$

 a_{Λ} و از طرفی می دانیم $a_{\Lambda}=a_{\Lambda}q^{V}$ و $a_{\Lambda}=a_{\Lambda}q^{K}$ است، با تقسیم

$$rac{a_{\Delta}}{a_{\Lambda}}=rac{a_{\gamma}q^{\gamma}}{a_{\gamma}q^{\gamma}}=rac{\gamma}{q^{\gamma}}=rac{\gamma}{\left(-rac{\gamma}{r}
ight)^{\gamma}}=-\lambda$$
 په ډاريم:

$$\frac{S_{\lambda}}{S_{\xi}} = YY \implies \frac{a_{1}\frac{(q^{\lambda} - 1)}{q - 1}}{a_{1}\frac{(q^{\xi} - 1)}{q - 1}} = YY \implies \frac{q^{\lambda} - 1}{q^{\xi} - 1} = YY$$

$$\Rightarrow \frac{(q^{k}-1)(q^{k}+1)}{(q^{k}-1)} = 1 \lor \Rightarrow q^{k} + 1 = 1 \lor \Rightarrow q^{k} = 1 \lor$$

$$\Rightarrow a = \pm 7$$



اگر قدرنسبت یک دنبالهٔ هندسی منفی باشد، جملات آن یک در میان مثبت و منفیاند و نه کاهشی و نه افزایشیاند، در نتیجه $\frac{a_{\gamma}}{a_{\tau}} = \frac{a_{\gamma}q^{\varsigma}}{a_{\gamma}q} = q^{\delta} = \mathsf{T}^{\delta} = \mathsf{TT}$

راه اول: می دانیم در حالت کلی جملهٔ عمومی هر دنبالهٔ هندسی به صورت $a_n = a_n q^{n-1}$ است. در نتیجه مى توانيم با توجه به جملهٔ عمومى دنباله، q = q را به دست آوريم: $a_n=\textbf{r}^{\textbf{1}-n}=\textbf{r}^{-(n-\textbf{1})}=(\textbf{r}^{-\textbf{1}})^{n-\textbf{1}}=(\frac{\textbf{1}}{\textbf{r}})^{n-\textbf{1}}=\textbf{1}\times(\frac{\textbf{1}}{\textbf{r}})^{n-\textbf{1}}$

$$a_1q^{n-1} = 1 \times (\frac{1}{r})^{n-1} \implies \begin{cases} a_1 = 1 \\ q = \frac{1}{r} \end{cases}$$
 در نتیجه:

 $\xrightarrow{q=\frac{1}{r}} S_n = \frac{1 - \left(\frac{1}{r}\right)^n}{1 - \frac{1}{r}} = \frac{1 - \left(\frac{1}{r}\right)^n}{\frac{1}{r}} = r(1 - r^{-n})$

$$\Rightarrow S_n = r - r^{1-n} \xrightarrow{a_n = r^{1-n}} S_n = r - a_n$$

راه اول: هر جمله با شمارهٔ جملهٔ زوج، ${\bf q}$ برابر هر جمله با شمارهٔ جملهٔ فرد ماقبل خود است. پس اگر تعداد جملات دنباله زوج باشد. مجموع جملات ردیف زوج، q برابر مجموع جملات ردیف فرد است. پس اگر فرض کنیم مجموع جملات ردیف فرد x باشد، مجموع جملات ردیف زوج xq است

$$\begin{array}{cccc} a_1, a_7, a_7, a_8, a_{7n-1}, & a_{7n} \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ a_1q & a_7q & a_{7n-1}q \end{array}$$

$$q(\underbrace{a_1 + a_{\tau} + \dots + a_{\tau n - 1}}_{x}) = \underbrace{a_{\tau} + a_{\tau} + \dots + a_{\tau n}}_{xq}$$

$$\Rightarrow \forall x = xq \Rightarrow q = \forall$$

راه دوم: در هر دنبالهٔ هندسی جملات ردیف فرد (جملات با شماره جملهٔ فرد) با یکدیگر یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت q^7 میسازند. همچنین جملات ردیف زوج نیز با یکدیگر یک دنبالهٔ هندسی با

$$a_{1}$$
, a_{r} , a_{δ} ,... $a_{r} = \frac{a_{\delta}}{a_{r}} = \cdots = \frac{a_{7k+1}}{a_{7k-1}} = q^{r}$

$$a_{\gamma}$$
, a_{γ} , a_{γ} , ... a_{γ} = $\frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma}}$ = $\frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma}}$ = \cdots = $\frac{a_{\gamma k}}{a_{\gamma k-\gamma}}$ = q^{γ}

در نتیجه جملات ردیف فرد دنبالهای با قدرنسبت q^{τ} هستند که جملهٔ اول آنها a_1 است و اگر تعداد اعضای دنباله a_1 باشد، تعداد جملات این دنباله n است. در نتیجه:

$$S_{\gamma n} = \frac{a_{\gamma}(q^{\gamma n} - 1)}{q - 1}$$

$$q = \frac{1}{\gamma}$$

با توجه به آن که $S_{rn} = FS'$ است، داریم:

$$\frac{a_1'(q^{rn}-1)}{q-1} = \frac{f(q^{rn}-1)}{q^r-1} \Rightarrow \frac{1}{q-1} = \frac{f}{q^r-1}$$

$$\Rightarrow \frac{q^r-1}{q-1} = f \Rightarrow \frac{(q-1)(q+1)}{(q-1)} = f$$

$$\frac{q\neq 1}{q-1} \Rightarrow q+1 = f \Rightarrow q=f'$$

۳۸_ گزینه۱

$$\left\{ \begin{aligned} \mathbf{S}_{\varphi} &= \frac{\mathbf{a}_{1}(\mathbf{q}^{\varphi} - 1)}{\mathbf{q} - 1} = 1$$
 און $\mathbf{a}_{1} + \mathbf{a}_{1} = 1$ און $\mathbf{a}_{1} + \mathbf{a}_{2} = 1$ און $\mathbf{a}_{2} = 1$ און $\mathbf{a}_{3} = 1$ און $\mathbf{a}_{4} = 1$ און $\mathbf{a}_{5} = 1$ און $\mathbf{a}_{5} = 1$ און $\mathbf{a}_{1} = 1$ און $\mathbf{a}_{2} = 1$ און $\mathbf{a}_{3} = 1$ און $\mathbf{a}_{4} = 1$ און $\mathbf{a}_{5} = 1$ און $\mathbf{a}_{5} = 1$ און $\mathbf{a}_{5} = 1$

$$\frac{S_{s}}{a_{1} + a_{r}} = \frac{175}{11} \Rightarrow \frac{a_{1}}{q - 1} \frac{(q^{s} - 1)}{q - 1} = Y$$

$$\Rightarrow \frac{(q^{r}-1)(q^{r}+1)}{q-1} = Y \Rightarrow \frac{q^{r}-1}{q-1} = Y$$

$$\Rightarrow \frac{(q-1)(q^{r}+q+1)}{(q-1)} = V \Rightarrow q^{r}+q-9 = 0$$

$$\Rightarrow (q+r)(q-r) = \circ \Rightarrow egin{cases} q = -r & \dot{\exists} \ddot{\exists} \ddot{\exists} & \\ q = r & \end{cases}$$

با توجه به آن که دنبالهٔ داده شده باید دارای قدرنسبت بزرگ تر از ۱ باشد. q=-r غیرقابل قبول است.

حال با توجه به داشتن ${\bf q}={\bf r}$ با جای گذاری در رابطهٔ (*) می توانیم مال با به دست آوریم: ${\bf a}_{\bf r}$

$$a_{\gamma}(q^{\gamma} + 1) = 1\lambda \xrightarrow{q=\gamma} 9a_{\gamma} = 1\lambda \implies a_{\gamma} = \gamma$$

$$S_{\Delta} = \frac{a_1(q^{\Delta} - 1)}{q - 1} = \frac{Y(Y^{\Delta} - 1)}{Y - 1} =$$
۶۲ :در نتیجه:

$$a^{r} - b^{r} = (a - b)(a^{r} + ab + b^{r})$$

$$a^{r} + b^{r} = (a + b)(a^{r} - ab + b^{r})$$

مى دانيم اگر a و a سه جملهٔ متوالى از يک مى دنيم باشند داريم $ac=b^{\dagger}$. يس:

$$f, a, \frac{1}{f} \implies f \times \frac{1}{f} = a^{f} \implies a^{f} = 1 \implies a = \pm 1$$

قدرنسبت منفی است پس a = -1 است. در نتیجه:

$$a = -1 \implies q = -\frac{1}{\epsilon}$$

$$\frac{S_{\Delta}}{a_{\Delta}} = \frac{a_{1}(\frac{1-q^{\Delta}}{1-q})}{a_{1}q^{\epsilon}} = \frac{\frac{1-(-\frac{1}{\epsilon})^{\Delta}}{1-(-\frac{1}{\epsilon})^{\epsilon}}}{(-\frac{1}{\epsilon})^{\epsilon}} = \frac{\frac{\alpha}{\epsilon}}{\frac{\alpha}{\epsilon}}$$

$$=\frac{\mathsf{f}^{\Delta}+\mathsf{I}}{\Delta}=\frac{\mathsf{I}\circ\mathsf{T}\Delta}{\Delta}=\mathsf{T}\circ\Delta$$

$$S_{q} = \frac{a_{1}(q^{q} - 1)}{q - 1} = \Delta$$

$$\begin{cases}
S_{q} = \frac{a_{1}(q^{q} - 1)}{q - 1} = \Delta \\
a_{17} - a_{7} = 9 \circ \Rightarrow a_{1}q^{1} - a_{1}q^{7} = 9 \circ \\
\Rightarrow a_{1}q^{7}(q^{q} - 1) = 9 \circ
\end{cases}$$
 $\Rightarrow a_{1}q^{7}(q^{q} - 1) = 9 \circ$
با تقسیم S_{q} بر S_{q} بر S_{q} داریم:

با تقسیم
$$S_q$$
 بر $a_{1Y} - a_{\gamma}$ داریم: $a_{1Y} - a_{\gamma}$ بر $A_{1Y} - a_{\gamma}$ با تقسیم A_{1Y

$$\mathbf{q} = \mathbf{m}$$
 با توجه به آن که \mathbf{q} عددی است طبیعی با حدس و آزمایش

$$\frac{a_{n+1}}{a_n} = q$$
 در هر دنبالهٔ هندسی میدانیم در هر دنبالهٔ هندسی

 $u_{n+1}=a_n q$ پس:

$$a_{n+1} + a_n = a_n q + a_n = a_n (q+1)$$

$$\frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma} + a_{\gamma}} = \frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma}(1+q)} = \frac{1}{q+1}$$
 در نتیجه: $\frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma} + a_{\varepsilon}} = \frac{a_{\gamma}}{a_{\gamma}(1+q)} = \frac{1}{q+1}$

$$\frac{a_n}{a_n + a_{n+1}} = \frac{a_n}{a_n(1+q)} = \frac{1}{q+1}$$

$$\Rightarrow \frac{a_1}{a_1 + a_r} + \frac{a_r}{a_r + a_r} + \dots + \frac{a_{1 \circ}}{a_{1 \circ} + a_{1 1}} = \frac{1 \circ}{1 \circ 1}$$

$$\Rightarrow \frac{1 \circ}{q+1} = 7 \Rightarrow q = 7$$

۴۲_ گزینه۲

$$\begin{cases} S_{\forall n} = \frac{a_1(q^{\forall n} - 1)}{q - 1} = \lambda 19 \\ S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1} = \forall \end{cases}$$

ا تقسیم S_m بر S_n داریم:

$$\frac{S_{rn}}{S_n} = \frac{\frac{a_1(q^{rn} - 1)}{q - 1}}{\frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}} = \frac{q^{rn} - 1}{q^n - 1} = \frac{\lambda 19}{r} = rvr$$

با توجه به اتحاد $a^{\mathsf{r}}-b^{\mathsf{r}}=(a-b)(a^{\mathsf{r}}+ab+b^{\mathsf{r}})$ داریم:

$$\frac{q^{r_n} - 1}{q^n - 1} = r r r \Rightarrow \frac{(q^n - 1)(q^{r_n} + q^n + 1)}{(q^n - 1)} = r r r$$

توجه به آن که q = r است، داریم:

$$q^{rn} + q^n + 1 = rvr$$
 $\xrightarrow{q=r}$ $r^{rn} + r^n = rvr$ در رابطهٔ بالا اگر $r^n = r^n$ ، تساوی برقرار است:

 $n = f \implies f^{\lambda} + f^{f} = f \Delta f + f = f V f$

رتذکی برای حل معادلهٔ $\mathbf{Y}^{n}+\mathbf{Y}^{n}=\mathbf{Y}\mathbf{Y}$ می توان فرض کرد $\mathbf{Y}^{n}+\mathbf{Y}^{n}=\mathbf{Y}$ است و به کمک حل معادلهٔ درجه ۲ نیز معادله را حل کرد

جير و معادله

$$\Rightarrow (t-18)(t+17) = \circ$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t = 18 \Rightarrow \Upsilon^n = 18 \Rightarrow n = 8 \\ t = -17 \Rightarrow \Upsilon^n = -17 \Rightarrow \tau^n = -17 \end{cases}$$
امکانناپذیراست

۴۳ گزینه ۳ به دنبالههای زیر دقت کنید:

$$a:1,x,x^{7},...,x^{11}$$

$$b: 1, x^{r}, x^{s}, x^{q}$$

دنبالهٔ a یک دنبالهٔ هندسی با جملهٔ اول ۱ و قدرنسبت x است. در نتیجه مجموع x جملهٔ اول این دنباله برابر است با:

$$S_{17} = \frac{b_1(q^{17} - 1)}{q - 1} = \frac{1 \times (x^{17} - 1)}{x^7 - 1} = \frac{x^{17} - 1}{x - 1}$$

دنبالهٔ b یک دنبالهٔ هندسی با جملهٔ اول ۱ و قدرنسبت \mathbf{x}^{T} است که مجموع T جملهٔ اول آن برابر است با:

$$S'_{\xi} = \frac{b_{1}(q^{\xi} - 1)}{q - 1} = \frac{1 \times ((x^{\xi})^{\xi} - 1)}{x^{\xi} - 1} = \frac{x^{1\xi} - 1}{x^{\xi} - 1}$$

د, نتىحە:

$$\frac{1 + x + x^{7} + \dots + x^{1}}{1 + x^{7} + x^{5} + x^{9}} = \frac{\frac{x^{17} - 1}{x - 1}}{\frac{x^{17} - 1}{x^{7} - 1}} = \frac{x^{7} - 1}{x - 1}$$

$$= \frac{(x-1)(x^{r}+x+1)}{(x-1)} = r \implies x^{r}+x-1 = 0$$

$$\Rightarrow x = \frac{-1 \pm \sqrt{\Delta}}{\gamma}$$
 که در بین گزینهها $x = \frac{\sqrt{\Delta} - 1}{\gamma}$ وجود دارد.

دو دنبالهٔ زیر را در نظر بگیرید:

$$a:$$
 $(-x)$ $(-x)$ $(-x)$ $(-x)$

$$b: 1, x, x^r, x^r, \dots, x^q$$

دنبالهٔ a یک دنبالهٔ هندسی با جملهٔ اول 1 و قدرنسبت -x است، در نتیجه مجموع 1 جملهٔ اول آن برابر است با:

$$S_{1,\circ} = 1 - x + x^{r} - x^{r} + \dots - x^{q} = \frac{a_{1}(q^{1,\circ} - 1)}{q - 1}$$

$$=\frac{1((-x)^{1\circ}-1)}{-x-1}=\frac{1-x^{1\circ}}{x+1}$$

دنبالهٔ b نیز یک دنبالهٔ هندسی با جملهٔ اول ۱ و قدرنسبت x است. در نتیجه مجموع x جملهٔ اول آن برابر است با:

$$S'_{1,\circ} = 1 + x + x^{r} + \dots + x^{q} = \frac{b_{1}(q^{1,\circ} - 1)}{q - 1} = \frac{1 \times (x^{1,\circ} - 1)}{x - 1}$$

$$= \frac{x^{1,\circ} - 1}{x - 1}$$

$$(1 - x + x^{r} - x^{r} + \dots - x^{q})(1 + x + x^{r} + \dots + x^{q})$$

$$= \frac{1 - x^{1,\circ}}{x + 1} \times \frac{x^{1,\circ} - 1}{x - 1} = -\frac{(x^{1,\circ} - 1)^{r}}{x^{r} - 1}$$

$$= \frac{1 - x^{1,\circ}}{x + 1} \times \frac{x^{1,\circ} - 1}{x - 1} = -\frac{(x^{1,\circ} - 1)^{r}}{x^{r} - 1}$$

$$= \frac{(x^{1,\circ} - 1)^{r}}{x^{r} - 1} = -\frac{(\sqrt{r}^{1,\circ} - 1)^{r}}{\sqrt{r}^{r}} = -r^{r} = -q + r$$

١٥٠ گزينه؟ راه اول: بدون در نظر گرفتن دستهها، دنبالهٔ زير يک دنبالهٔ حسابي با قدرنسبت ۲ است:

 $b_n: 1, \Upsilon, \Delta, V, 9, 11, ...$

$$1+7+7+\cdots+\lambda=\frac{9\times\lambda}{7}=79$$
 \Rightarrow $1+7+\cdots+\lambda+1=79$

پس ۳۷ اُمین جملهٔ دنبالهٔ b_n اولین جملهٔ دستهٔ نهم است. چون دنبالهٔ یک دنبالهٔ حسابی است، پس درون هر دسته نیز یک دنبالهٔ حسابی با قدرنسبت ۲ است. تعداد جملات هر دسته نیز با شمارهٔ آن دسته برابر است. پس:

اولین جملهٔ دستهٔ نهم $a_1 = b_{rr} = I + (rr - I) \times T$

 $= 1 + \% \times \% = \%$

$$\Rightarrow S_n = \frac{n}{r} (ra_1 + (n-1)d) \Rightarrow S_n = \frac{n}{r} [ra_1 + \lambda d]$$

$$S_n = n(a_1 + rd) = n(rr + \lambda) = n \times \lambda = rr$$

راه دوم: حاصل جمع هر دسته برابر تعداد اعضای دسته به توان ۳ است. (این مطلب را با کمی تلاش میتوان اثبات کرد.) در نتیجه حاصل جمع اعضای دستهٔ نهم برابر ۹^۳ است. 9۲۷ = ۹۲ حاصل جمع اعضای دستهٔ نهم برابر ۹۳ است.

-۴۶ گزینه با جملات هر دسته یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت ۲ هستند. تعداد جملات هر دسته برای شمارهٔ آن دسته است. مثلاً دستهٔ اول ۱ عضو، دستهٔ دوم ۲ عضو و ... و دستهٔ اام، n عضو دارد.

اگر اولین جملهٔ هر دسته را بتوانیم به دست آوریم می توانیم به کمک رابطهٔ مجموع جملات دنبالهٔ هندسی مجموع کل اعضای آن دسته را حساب کنیم.

شمارهٔ جملهٔ اول هر دسته در دنبالهٔ اصلی از جمع تعداد اعضای دستههای قبل به علاوهٔ یک به دست می آید. پس الگوی زیر را داریم:

$$Y = Y + Y + Y + Y = 1$$
 شمارهٔ جملهٔ اول دستهٔ

 $= 1 + 7 + 7 + \cdots + 7 + 1 = \frac{7(1+7)}{7} + 1 = 79$ اول دستهٔ ۸ تعداد اعضای دستهٔ اول تعداد اعضای دستهٔ دوم تعداد اعضای دستهٔ سوم تعداد اعضاى دستهٔ هفتم

شمارهٔ اولین عضو دستهٔ هشتم دنبالهٔ بیست و نهمین عضو از دنبالهٔ حسابی اصلی است. پس اولین عضو از دستهٔ هشتم برابر ۲^{۲۹} است. چون تعداد اعضای این دسته برابر ۸ است، داریم:

$$S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1} = \frac{r^{rq}(r^{\lambda} - 1)}{(r - 1)} = r^{rq} \times r \Delta \Delta$$

$$\frac{T^{79} \times T\Delta\Delta}{T^{70}} = \frac{T\Delta\Delta}{T} = 1TV/\Delta$$
 در نتیجه:

متحرک در مرحلهٔ اول ۵ متر به سمت راست، در مرحلهٔ دوم $\frac{\Delta}{7}$ متر به سمت چپ، در مرحلهٔ سوم $\frac{\Delta}{7}$ متر به سمت راست حرکت می کند و به حرکت خود ادامه می دهد. در واقع مقدار حرکتهای او در جهت مثبت یا منفی محور Xها یک دنبالهٔ هندسی مى سازد كه براينداين حركتها مكان نهايي متحرك را مشخص مي كند: ۱ مختصات محل قرارگیری متحرک در مرحلهٔ α

مختصات محل قرارگیری متحرک در مرحلهٔ ۲
$$- \Delta - \frac{\Delta}{\gamma}$$

$$-\frac{\Delta}{\tau} + \frac{\Delta}{\tau}$$
 = مختصات محل قرار گیری متحرک در مرحلهٔ $-\frac{\Delta}{\tau}$ + $\frac{\Delta}{\tau}$ مختصات مرحلهٔ $-\frac{\Delta}{\tau}$

مختصات محل قرارگیری متحرک در مرحلهٔ ۱۰ مختصات محل المارگیری متحرک در مرحلهٔ ۱۰ مختصات محل

بس مجموع بالا مختصات نهایی را مشخص می کند:

$$S_{n} = \frac{a_{1}(q^{n} - 1)}{q - 1} = \frac{\Delta((-\frac{1}{r})^{1 \circ} - 1)}{-\frac{1}{r} - 1} = \frac{1 \vee 0}{\Delta \vee 1}$$

۴۸_ گزینه۱ با توجه به شکل، مؤلفهٔ x نقاط A_{v} و A_{v} با هم برابرند. همچنین مؤلفهٔ x نقاط A_{arkpsi} و A_{arkpsi} نیز با هم برابرند و می توان در حالت کلی گفت مؤلفهٔ x نقاط A_{7k-1} و A_{7k} با هم برابرند. مختصات مؤلفهٔ x نقاط A_{t} و A_{t} برابر m است. با توجه به X أن كه از نقطهٔ A به A واحد حركت كردهايم، پس مؤلفهٔ $A_{\scriptscriptstyle 1}$ نقاط X نقاط اندازهٔ $\frac{1}{w}$ واحد کمتر از مؤلفهٔ نقاط نقاط نقاط و A_{γ} است. به همین ترتیب مؤلفهٔ x نقاط A_{δ} و و ما به اندازهٔ Xواحد بیشتر از مؤلفهٔ x نقاط $A_{\rm e}$ و $A_{\rm e}$ است. در نتیجه داریم: $X_{A_1} = X_{A_2} = \Upsilon$

$$\begin{aligned} \mathbf{x}_{\mathbf{A}_{r}} &= \mathbf{x}_{\mathbf{A}_{r}} = \mathbf{r} - \frac{1}{r} \\ \mathbf{x}_{\mathbf{A}_{\Delta}} &= \mathbf{x}_{\mathbf{A}_{S}} = \mathbf{r} - \frac{1}{r} + \frac{1}{r^{r}} \end{aligned}$$

$$\mathbf{x}_{\mathbf{A}_{\vee}} = \mathbf{x}_{\mathbf{A}_{\wedge}} = \mathbf{r} - \frac{\mathbf{1}}{\mathbf{r}} + \frac{\mathbf{1}}{\mathbf{r}^{\mathbf{r}}} - \frac{\mathbf{1}}{\mathbf{r}^{\Delta}}$$

پس مختصات طول نقطهٔ A_{λ} از حاصل جمع جملات یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت $\frac{1}{p}$ و جملهٔ اول ۳ ایجاد می شود:

$$X_{A_{\Lambda}} = S_{f} = \frac{r(1 - (-\frac{1}{q})^{f})}{1 - (-\frac{1}{q})} = \frac{r(\frac{q^{f} - 1}{q^{f}})}{\frac{1 \circ}{q}}$$

$$= \frac{\frac{505 \circ}{1100}}{\frac{1}{q}} = \frac{505}{1100}$$

$$=\frac{\frac{\cancel{50\cancel{5}} \circ}{\cancel{110\cancel{5}}}}{\frac{\cancel{1}}{\cancel{9}}}=\frac{\cancel{50\cancel{5}}}{\cancel{7\cancel{5}\cancel{7}}}$$

راه اول: جملات دنباله با جملهٔ عمومی a_n را

مینویسیم:
$$\frac{1}{r} + r, \frac{r}{r}(\frac{r}{r} + r) + r, \dots$$
 : جمنویسیم:
$$\frac{1}{r}, \frac{rq}{q}, \dots$$
 اگر از جملات دنبالهٔ فوق k واحد کم کنیم، دنبالهٔ جدید به صورت
$$1 - k, \frac{11}{r} - k, \frac{rq}{q} - k, \dots$$
 مقابل است:

اگر جملات دنبالهٔ فوق تشكيل دنبالهٔ هندسي دهند، داريم:

۴۹_ گزینه ۱

$$\begin{aligned} a,b,c &\Rightarrow ac = b^{\Upsilon} \Rightarrow (1-k)(\frac{\P q}{q} - k) = (\frac{11}{r} - k)^{\Upsilon} \\ &\Rightarrow k^{\Upsilon} - \frac{\Delta \Lambda}{q}k + \frac{\P q}{q} = k^{\Upsilon} - \frac{\Upsilon \Upsilon}{r}k + \frac{1\Upsilon 1}{q} \\ &\Rightarrow \frac{\Upsilon \Upsilon k}{r} - \frac{\Delta \Lambda}{q}k = \frac{1\Upsilon 1}{q} - \frac{\P q}{q} \Rightarrow \frac{\Lambda}{q}k = \frac{\Upsilon}{q} \Rightarrow k = q \end{aligned}$$



راه دوم: اگر دنباله با جملهٔ عمومی c_n یک دنبالهٔ هندسی باشد، داریم $c_{n+1}=a_nq$ و در نتیجه $c_{n+1}=a_nq$ داریم بسیار شبیه به یک دنبالهٔ هندسی است که اگر $a_{n+1} = \frac{\mathsf{r}}{\mathsf{r}} a_n + \mathsf{r}$ از هر جملهٔ آن عدد ثابتی کم کنیم تبدیل به یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت $\frac{7}{\pi}$ خواهد شد. اگر دنبالهٔ جدید را b بنامیم و قدرنسبت آن را 📅 فرض کنیم باید داشته باشیم: $b_n = a_n - k$ $b_{n+1} = \frac{7}{2}b_n = \frac{7}{2}(a_n - k)$

از طرفی میدانیم $b_{n+1} = a_{n+1} - k$ (زیرا از هر جمله k واحد کم کردهایم) پس داریم: $b_{n+1} = \frac{7}{7}b_n = \frac{7}{7}(a_n - k)$ $b_{n+1} = a_{n+1} - k = \frac{7}{\pi} a_n + 7 - k$

$$\Rightarrow \frac{7}{7}(a_n - k) = \frac{7}{7}a_n + 7 - k$$

$$\Rightarrow \frac{r}{r}a_n - \frac{r}{r}k = \frac{r}{r}a_n + r - k \Rightarrow \frac{r}{r}k = r \Rightarrow k = 9$$

مىنويسىم:

راه اول: جملات این دنباله را به صورت زیر

 $a_1 = 1$ $a_r = r \times l + l = r$

 $a_{\varepsilon} = 7 \times 7 + 1 = 10$

با اضافه کردن ۱ واحد به هر جملهٔ دنبالهٔ فوق این دنباله به یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت ۲ تبدیل میشود:

 $b_n: \Upsilon, \Upsilon, \Lambda, \Upsilon, \ldots$ $q = \Upsilon$

پس مجموع ۱۰ جملهٔ اول دنباله با جملهٔ عمومی ۱۰، ۵، واحد کمتر از مجموع ١٠ جملة اول دنبالة هندسي است. پس ابتدا مجموع ١٠ جملة اول دنبالهٔ هندسي رابه كمك رابطهٔ مجموع n جملهٔ اول حساب مي كنيم:

$$S_{1\circ} = \frac{a_1(q^{1\circ}-1)}{q-1} = \frac{r(r^{1\circ}-1)}{r-1} = r^{11}-r$$

پس مجموع \circ ۱ جملهٔ ابتدایی دنبالهٔ a به صورت زیر است:

$$S'_{10} = S_{10} - 1 \circ = 7^{11} - 7 - 1 \circ = 7^{11} - 17$$

راه دوم: هر جمله از دنبالهٔ a را به صورت زیر مینویسیم: $a_1 = 1$

$$a_{r} = r + 1$$

$$a_{r} = Y(Y+1) + 1 = Y^{Y} + Y + 1$$

$$a_{r} = r(r^{r} + r + 1) + 1 = r^{r} + r^{r} + r + 1$$

$$\mathbf{a}_{1,2} = \mathbf{r}(\mathbf{r}^{\lambda} + \mathbf{r}^{\gamma} + \dots + \mathbf{r}) + \mathbf{1} = \mathbf{r}^{q} + \mathbf{r}^{\lambda} + \dots + \mathbf{r} + \mathbf{1}$$

چون حاصل هر جمله از این دنباله از حاصل جمع جملات یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت ۲ و جملهٔ اول ۱ به دست می آید می توانیم هر $a_{1\circ} = \frac{r^{1\circ} - 1}{r} = r^{1\circ} - 1$ $a_{q} = \frac{r^{q} - 1}{r - 1} = r^{q} - 1$ $a_{\lambda} = \frac{\Upsilon^{\lambda} - 1}{\Upsilon - 1} = \Upsilon^{\lambda} - 1$ $a_1 = \frac{r' - 1}{r - 1} = r' - 1$ $\Rightarrow a_{10} + a_{10} + \cdots + 1$ $= (t_{1,0} + t_{4} + \dots + t_{1}) - 1 \circ = \frac{t_{1,0} - 1}{t_{1,0} - 1} - 1 \circ$ $= 7^{11} - 7 - 1 \circ = 7^{11} - 17$

 $a_{n+1} = ta_n + k$ اگر به هر جمله از دنباله با رابطهٔ بازگشتی و $a_1 = m$ ، عدد ثابتی اضافه کنیم، تبدیل به دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت t خواهد شد.

۵۱ گزینه۲

طول هر ضلع مثلث رنگی در هر مرحله به

ترتیب $\frac{7}{w}$ و $\frac{1}{w}$ طول ضلع مربع متناظر است. در نتیجه مساحت هر مثلث $\frac{1}{6}$ کل مربعی است که اضلاع قائم مثلث بر روی اضلاع آن مربع قرار دارد. همچنین چون در هر مرحله داخل هر مربع ۴ مثلث و ۱ مربع قرار دارد مساحت کل مثلثها $\frac{*}{a}$ مساحت کل و در نتیجه مساحت مربع محاطشده درون هر مربع در هر مرحله $\frac{\Delta}{\rho}$ کل مربع قبلی است. پس هر بار $\frac{1}{a}$ مربع داخلی رنگ می شود و در هر مرحله مساحت مربع داخلی $\frac{\Delta}{\rho}$ مربع قبلی است پس دنبالهٔ مساحتهای

رنگی به صورت زیر است:

 $\frac{1}{9} \times \mathcal{F}, \frac{1}{9} \times \frac{\Delta}{9} \times \mathcal{F}, (\frac{1}{9} \times \frac{\Delta}{9} \times \mathcal{F}) \times \frac{\Delta}{9}, \dots$



۵۳_ گزینه۲

دست آوريم:

$$\frac{r}{a}, \frac{r}{a} \times (\frac{\Delta}{a})^{1}, \frac{r}{a} \times (\frac{\Delta}{a})^{7}, \dots$$

 $\frac{\mathfrak{k}}{a}$ در نتیجه دنبالهٔ حاصل تشکیل یک دنبالهٔ هندسی با جملهٔ اول

$$S_{1,\circ} = \frac{a_1(1-q^{1,\circ})}{1-q} = \frac{r}{q} \times \frac{1-\left(\frac{\Delta}{q}\right)^{1,\circ}}{1-\frac{\Delta}{q}} = 1-\left(\frac{\Delta}{q}\right)^{1,\circ}$$

مجموع بقية جملات يعنى مجموع تمام جملات بهجز جملهٔ a_{7} و a_{7} . پس دنبالهٔ جدید یک دنبالهٔ هندسی

$$a_1 + a_r = r \times \frac{a_r}{1 - q} \implies a_1 + a_1 q = \frac{r a_1 q^r}{1 - q}$$

$$\xrightarrow{\div a_1} 1 + q = \frac{r q^r}{1 - q} \implies 1 - q^r = r q^r$$

$$\implies q^r = \frac{1}{r} \implies q = \pm \frac{1}{r}$$

$$A = A \times I = A \times \frac{1 \cdot A}{4}$$

$$A = A \times I = A \times \frac{1 \cdot A}{4}$$

$$A = A \times I = A \times \frac{1 \cdot A}{4}$$

$$A = A \times I = A \times \frac{1 \cdot A}{4}$$

 $(\underbrace{\underbrace{\vee \dots \vee \vee \vee}_{\circ \, \ell \, \ell . .}}_{\circ \, \ell \, \ell . .}) + \dots + \underbrace{\vee \vee \vee}_{\circ \, \ell \, \ell . .})$ $=\frac{\sqrt{1}}{\sqrt{1}}\left[\sqrt{\left(\frac{1\circ-1}{9}+\frac{1\circ^{2}-1}{9}+\frac{1\circ^{2}-1}{9}+\cdots+\frac{1\circ^{1}\circ-1}{9}\right)}\right]$ $=\frac{1}{\sqrt{1}}\left[\frac{1}{\sqrt{1}}\left(1\circ+1\circ^{7}+1\circ^{7}+\cdots+1\circ^{1}\circ-1\circ\right)\right]$ $=\frac{1}{4}\left[1 \cdot \frac{1}{4} + 1 \cdot \frac{1}{4} + \dots + 1 \cdot \frac{1}{4}\right]$

حاصل جمع $^{\circ}$ ا $+ \cdots + ^{\circ}$ ا مجموع ۹ جملهٔ ابتدایی یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت ۱۰ و جملهٔ ابتدایی ۱۰۲ است. در نتیجه حاصل عبارت بالا به صورت زیر ساده می شود:

$$\frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}$$

۵۴_ گزینه۲

اگر فرض کنیم
$$S = N + \Upsilon x + \Upsilon x^{\Upsilon} + \dots + N \circ X^{\eta}$$
، داریم:

$$\begin{cases} xS = x + 7x^{7} + 7x^{7} + \dots + 9x^{9} + 1 \cdot x^{1} \\ S = 1 + 7x + 7x^{7} + \dots + 1 \cdot x^{9} \end{cases}$$

$$S - xS = 1 + x + x^{r} + x^{r} + \dots + x^{q} - 1 \circ x^{1 \circ}$$

$$S(1-x) = 1 + x + x^{r} + \dots + x^{q} - 1 \circ x^{1 \circ}$$

از طرفی دنبالهٔ $x^{9},...,x^{1},...$ یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت

$$S_q = 1 + x + x^{\gamma} + \dots + x^q = \frac{a_1(q^{1^{\circ}} - 1)}{q - 1} = \frac{x^{1^{\circ}} - 1}{x - 1}$$

$$\Rightarrow S(1-x) = \frac{x^{1 \circ} - 1}{x - 1} - 1 \circ x^{1 \circ}$$

$$\xrightarrow{x=r} -S = r' \circ -1 - 1 \circ \times r' \circ$$

$$\Rightarrow S = 1 \cdot \times 7^{1} \cdot - 7^{1} \cdot + 1 = 9 \times 7^{1} \cdot + 1$$

اگر $a_n = \mathsf{T} \times \mathsf{T}^{\mathsf{l}-\mathsf{n}}$ باشد، جملهٔ اولِ برابر است. این دنباله یک دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت $\frac{1}{w}$ است. $a_1=7$

پس مجموع تمام جملات آن از رابطهٔ $S_{\infty} = \frac{a_1}{1-a_1}$ به دست می آید:

$$a_1 = r$$
, $a_r = \frac{r}{r}$, $a_r = \frac{r}{q}$, ...

$$S_{\infty} = \frac{r}{1 - \frac{1}{r}} = \frac{r}{\frac{r}{r}} = r$$

جملات ..., a_{r} , a_{s} , a_{s} , خود تشکیل یک

دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت $q^{\tau}=\frac{1}{\lambda}$ میدهند: b_n : a_{τ} , a_{ε} , a_{η} ,...

$$b_n = \frac{1}{\lambda}, \frac{1}{57}, \frac{1}{517}, \dots$$

مجموع جملات دنبالهٔ a_n و b_n راطبق رابطهٔ حدمجموع به دست می آوریم:

$$S_{a_n} = \frac{a_1}{1 - q_1} = \frac{\frac{1}{r}}{1 - \frac{1}{r}} = 1$$

$$S_{b_n} = \frac{b_1}{1 - q'} = \frac{\frac{1}{\lambda}}{1 - \frac{1}{\lambda}} = \frac{1}{\gamma}$$

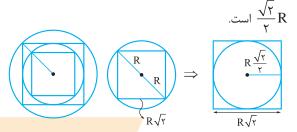
در نتیجه مجموع جملات باقیمانده برابر است با:

$$S_{a_n} - S_{b_n} = 1 - \frac{1}{V} = \frac{9}{V}$$



جبر و معادله

 $-\Delta V$ مربع محاطشده درون آن است. طول ضلع هر مربع نیز برابر قطر مربع محاطشده درون آن است. پس اگر شعاع دایرهٔ اول R هر دایرهٔ محاطشده درون آن است. پس اگر شعاع دایرهٔ اول باشد، طول قطر مربع درون آن TR و در نتیجه طول ضلع مربع باشد، طول قطر مربع درون آن TR است. پس طول شعاع دایرهٔ محاط در مربع



در نتیجه دنبالهٔ مساحتها به صورت <mark>زیر است:</mark>

$$\pi R^{\gamma}, \pi (\frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma} R)^{\gamma}, \pi (\frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma} \times \frac{\sqrt{\gamma}}{\gamma} R)^{\gamma}, \dots$$

$$\pi R^{\Upsilon}, \frac{\pi R^{\Upsilon}}{\Upsilon}, \frac{\pi R^{\Upsilon}}{\Upsilon}, \dots$$

پس دنبالهٔ مساحت یک دنبالهٔ هندسی با جملهٔ اول πR^{γ} و قدرنسبت $\frac{1}{\gamma}$ است. در نتیجه حد مجموع مساحتها برابر است با: $S_{\infty} = \frac{a_{\gamma}}{1-q} = \frac{\pi R^{\gamma}}{\gamma-\frac{1}{\gamma}} = \gamma \pi R^{\gamma}$

۵۸ گزینه

$$a_n = \frac{\mathbf{r}^n + \mathbf{r}^n}{\mathbf{s}^n} = \left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{s}}\right)^n + \left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{s}}\right)^n = \left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}}\right)^n + \left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{r}}\right)^n$$

دنبالهٔ a_n از حاصل جمع دو دنبالهٔ هندسی با قدرنسبتهای بین $b_n=(\frac{1}{\gamma})^n$ و $c_n=(\frac{1}{\gamma})^n$ باشند، صفر و ۱ تشکیل شده است. اگر $c_n=(\frac{1}{\gamma})^n$ و $c_n=(\frac{1}{\gamma})^n$ باشند، می توان حد مجموع b_n و b_n و b_n را به دست آوریم.

$$b_{n} = \left(\frac{1}{r}\right)^{n} \implies \begin{cases} b_{1} = \frac{1}{r} \\ q = \frac{1}{r} \end{cases} \implies S_{b} = \frac{b_{1}}{1 - q} = \frac{\frac{1}{r}}{1 - \frac{1}{r}} = 1$$

$$c_{n} = \left(\frac{1}{r}\right)^{n} \implies \begin{cases} c_{1} = \frac{1}{r} \\ q = \frac{1}{r} \end{cases} \implies S_{c} = \frac{c_{1}}{1 - q} = \frac{\frac{1}{r}}{1 - \frac{1}{r}} = \frac{1}{r}$$

$$S = 1 + \frac{1}{r} = \frac{r}{r}$$

$$a_n = \frac{r^n + r^n}{r^n} = (\frac{r}{r})^n + (\frac{r}{r})^n$$

و از حاصل جمع دو دنبالهٔ هندسی با قدرنسبت ۵ به ترتیب a_n $b_n=(\frac{7}{\epsilon})^n \ \Rightarrow \ b_n:\frac{1}{7},\frac{1}{\epsilon},\frac{1}{7},\frac{1}{7},\dots$ تشکیل شده است: $c_n=(\frac{\pi}{\epsilon})^n \ \Rightarrow \ c_n:\frac{\pi}{\epsilon},\frac{9}{7\epsilon},\frac{77}{5\epsilon},\dots$

قدرنسبت جملات ردیف فرد b_n برابر c_n و c_n برابر b_n است (توان دوم قدرنسبت دنبالهٔ اصلی). پس:

$$\frac{1}{\lambda} + \frac{1}{\lambda} + \dots = \frac{1 - d}{p^{\lambda}} = \frac{\frac{1}{\lambda}}{\frac{1}{\lambda}} = \frac{\frac{1}{\lambda}}{\frac{\lambda}{\lambda}} = \frac{\lambda}{\lambda}$$

$$\frac{\kappa}{k} + \frac{k\lambda}{k} + \dots = \frac{c^{1}}{1 - d} = \frac{\frac{k}{k}}{1 - \frac{d}{k}} = \frac{\frac{k}{k}}{\frac{k}{k}} = \frac{1\lambda}{k}$$

$$\frac{7}{7} + \frac{17}{7} = \frac{17 + 79}{71} = \frac{20}{71}$$

$$a_n: \frac{1}{7}, \frac{7}{77}, \frac{7}{77}, \frac{7}{77}, \frac{7}{77}, \dots$$

$$S = \frac{1}{r} + \frac{r}{r^r} + \frac{r}{r^r} + \frac{r}{r^r} + \cdots$$

$$TS = 1 + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \cdots$$

$$\mathsf{TS} - \mathsf{S} = \mathsf{I} + (\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}} - \frac{\mathsf{I}}{\mathsf{Y}}) + (\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}^\mathsf{Y}} - \frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}^\mathsf{Y}}) + (\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}^\mathsf{Y}} - \frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}^\mathsf{Y}}) + \cdots$$

$$S = 1 + \frac{1}{r} + \frac{1}{r^r} + \frac{1}{r^r} + \cdots \implies S = \frac{a_1}{1 - q} = \frac{1}{1 - \frac{1}{r}} = r$$