Алгоритмы и структуры данных для студентов

Методы решения задач.

Справка: очень часто задачи, в которых нужно отвечать на запросы, делят на два типа:

- Offline. Тут вы можете считать все запросы, их как-то предобработать, а потом уже на них разом отвечать. Например, задачи 1A, 1J, 3C.
- Online. Тут вы обязаны отвечать на запрос, как только он пришел, т.е. все запросы сразу узнать нельзя (но какой-то предподсчет, перед тем как запросы начнут приходить, разумеется, сделать можно). Например, задача 1С (проверяющая программа отвечает на ваши запросы).

Разумеется, решать задачу Offline проще, чем Online.

- 1. Задача RSQ Online. Научитесь находить сумму за $\mathrm{O}(1)$ на:
 - (a) отрезке [l..r] в одномерном массиве a размера n.
 - (b) прямоугольнике $[(x_l, y_l)..(x_r, y_r)]$ в двумерном массиве a размера n^2 .
 - (c)* параллеленинеде $[(x_l, y_l, z_l)..(x_r, y_r, z_r)]$ в трехмерном массиве a размера n^3 .
 - (d)*** произвольном m-гиперпрямоугольнике $[(x_{l,1},\ldots,x_{l,m})..(x_{r,1},\ldots,z_{r,m})]$ в m-мерном массиве a размера n^m .
- 2. Можно ли похожим образом находить минимум/максимум на отрезках?
- 3. Дан массив a. Определите, есть ли в нём подотрезок заданной суммы. Время O(n).
 - (а) а содержит целые положительные числа
 - $(b)^* a$ содержит целые числа
- 4. Дан набор из n отрезков на прямой, заданных координатами начал и концов $[l_i, r_i]$. Требуется найти любую точку на прямой, покрытую наибольшим количеством отрезков.
- 5. Дан набор из n отрезков на прямой, заданных координатами начал и концов $[l_i, r_i]$. Требуется найти суммарную длину их объединения.
- 6. Дан набор из n отрезков на прямой, заданных координатами начал и концов $[l_i, r_i]$. Есть q запросов вида x_i . Требуется сказать, скольким отрезкам пренадлежит заданная точка. **Offline** задача.
- 7. Дан набор из n отрезков на прямой, заданных координатами начал и концов $[l_i, r_i]$. Требуется для каждого отрезка сказать сколько отрезков с ним пересекаются.