

Условие: найти точку N , симметричную точке $M(3; 3; 3)$ относительно прямой

$$\frac{x-1}{-1} = \frac{y-1.5}{0} = \frac{z-3}{1}$$

Решение: схоже с нахождением расстояния от точки до прямой в том, что тут мы тоже ищем проекцию.

Выделим точку на прямой, направляющий вектор и вектор для проекции:

$$L_0 = (1; 1.5; 3)$$

$$l = (-1; 0; 1)$$

$$L_0M = M - L_0 = (2; 1.5; 0)$$

Теперь находим проекцию точки M на прямую:

$$\text{pr}_l L_0M = \frac{(L_0M, l)}{(l, l)} l = \frac{-2}{2} l = -l$$

$$M' = L_0 - l = (2; 1.5; 2)$$

Чтобы найти симметричную точку N для M , нужно сдвинуть M' на то же расстояние, на которое сдвинута точка M' относительно M .

$$N = M' + (MM') = 2M' - M = (1; 0; 1)$$

Ответ: $(1; 0; 1)$

Условие: найти точку N , симметричную точке $M(0; -3; 2)$, относительно прямой

$$\frac{x-1}{1} = \frac{y+1.5}{-1} = \frac{z}{1}$$

Решение:

Шаг первый: собрать точку на прямой, направляющий вектор,

проектируемый вектор.

$$L_0 = (1; -1.5; 0)$$

$$l = (1; -1; 1)$$

$$L_0M = M - L_0 = (-1; -1.5; 2)$$

Шаг второй: проектируем точку на прямую.

$$\text{pr}_l L_0M = \frac{(L_0M, l)}{(l, l)} l = \frac{2.5}{3} l$$

$$M' = L_0 + \frac{2.5}{3} l = \left(\frac{11}{6}; -\frac{7}{3}; \frac{5}{6}\right)$$

Шаг третий: отражаем точку:

$$N = 2M' - M = \left(\frac{11}{3}; -\frac{5}{3}; -\frac{1}{3}\right)$$

Ответ: $\left(\frac{11}{3}; -\frac{5}{3}; -\frac{1}{3}\right)$

Условие: найти точку N , симметричную точке $M(-2; -3; 0)$, относительно прямой

$$\frac{x + 0.5}{1} = \frac{y + 1.5}{0} = \frac{z - 0.5}{1}$$

Решение:

Шаг первый: собрать точку на прямой, направляющий вектор, проектируемый вектор.

$$L_0 = (-0.5; -1.5; 0.5)$$

$$l = (1; 0; 1)$$

$$L_0M = M - L_0 = (-1.5; -1.5; -0.5)$$

Шаг второй: проектируем точку на прямую.

$$\text{pr}_l L_0M = \frac{(L_0M, l)}{(l, l)} l = \frac{-2}{2} l = -l$$

$$M' = L_0 - l = (-1.5; -1.5; -0.5)$$

Шаг третий: отражаем точку:

$$N = 2M' - M = (-1; 0; -1)$$

Ответ: $(-1; 0; -1)$