Propositional Logic Arguments for Proofs II

(all valid)

1.	2.	3.	4.
$\neg A$	A	$A \rightarrow (B \rightarrow C)$	$A \rightarrow B$
$:: A \to B$	$: B \to A$	$\therefore B \to (A \to C)$	$A \rightarrow C$
			$: A \to (B \land C)$
5.	6.	7.	8.
$A \rightarrow C$	$A \vee (B \wedge C)$	A	$(A \lor B) \to (C \to D)$
$B \to C$	$A \rightarrow D$	$A \leftrightarrow B$	$(\neg D \lor E) \to (A \land C)$
$(A \lor B) \to C$	$D \rightarrow C$	$C \rightarrow \neg B$	∴D
	∴C	∴¬C	
9.	10.	11.	12.
			. 5
$A \rightarrow B$	$\neg A \lor B$	$A \to \neg (B \to C)$	$A \rightarrow B$
$A \rightarrow \neg B$	$A \lor C$	$(D \land B) \rightarrow C$	$\neg B \rightarrow \neg C$
∴¬A	$\neg D \rightarrow \neg C$	D	$\neg(\neg C \land \neg A)$
	$\therefore B \lor D$	∴¬A	∴В
13.	14.	15.	16.
A . D	(A A) . D	(A D) . (C D)	(A D) C
$A \to B$ $\neg C \to \neg B$	$(A \lor \neg A) \to \neg B$ $(C \land D) \to B$	$(\neg A \lor B) \to (C \land D)$	$\neg(A \lor \neg B) \leftrightarrow \neg C$ C
$C \leftrightarrow D$	$(C \land D) \rightarrow B$ $\therefore \neg D \lor \neg C$	$ \begin{array}{c} \neg(A \lor E) \\ F \to \neg D \end{array} $	$: B \to (A \lor D)$
$\therefore A \rightarrow D$	¬D ∨ ¬C		b / (A \ b)
A ¬ D		71	
17.	18.	19.	20.
$A \wedge (B \wedge C)$	$(A \wedge B) \rightarrow C$	$A \to (B \land C)$	$(\neg A \lor B) \to \neg(C \land D)$
$A \to (D \lor E)$	$\neg C \wedge B$	$(B \lor D) \to A$	$(A \land C) \rightarrow E$
$B \to (D \lor F)$	$(\neg A \lor D) \to E$	$: A \leftrightarrow B$	$A \wedge \neg E$
$\therefore D \vee (E \wedge F)$	∴E		$\therefore \neg (D \vee E)$