

We zoeken de booglengte van het deel van de rode kromme ($5 \cdot y^3 = x^2$) dat in het eerste kwadrant ligt onder de blauwe kromme ($y^2 = x/3$).

Eerst het snijpunt berekenen:

$$\text{solve} \left(\begin{cases} 5 \cdot y^3 = x^2 \\ y^2 = \frac{x}{3} \end{cases}, x, y \right) \quad x=0 \text{ and } y=0 \text{ or } x=\frac{25}{27} \text{ and } y=\frac{5}{9}$$

Het gezochte snijpunt is dus $(25/27 ; 5/9)$.


$$\text{Booglengte} = \int_0^{\frac{25}{27}} \sqrt{1 + f'(x)^2} \cdot dx$$

$$y = f(x) \text{ halen uit het impliciet voorschrift } 5 \cdot y^3 = x^2: \quad y = \sqrt[3]{\frac{x^2}{5}}$$

$$f(x) := \sqrt[3]{\frac{x^2}{5}}$$

Done

$$\int_0^{\frac{25}{27}} \sqrt{1 + \left(\frac{d}{dx}(f(x)) \right)^2} dx \qquad \frac{29 \cdot \sqrt{29}}{135} - \frac{8}{135}$$



$$\int_0^{\frac{25}{27}} \sqrt{1 + \left(\frac{d}{dx}(f(x)) \right)^2} dx \qquad 1.09755$$