



Rechterhelft wentelen om de y-as. Eerst de t-waarden van begin- en eindpunt bepalen:

Periode = $2 \cdot \pi$

Snijding met y-as: stel $x = 0$:

$$x(t) := a \cdot \cos(t)$$

Done

$$y(t) := b \cdot \sin(t)$$

Done

$$\text{solve}(x(t)=0, t) | 0 \leq t \leq 2 \cdot \pi$$

$$0 \leq t \leq 2 \cdot \pi \text{ and } a=0 \text{ or } t=\frac{\pi}{2} \text{ or } t=\frac{3 \cdot \pi}{2}$$

Bovenste snijpunt met y-as: $t = \pi/2$

Onderste snijpunt met y-as: $t = 3 \cdot \pi/2$, maar we willen van een kleine naar een grote t-waarde gaan, dus $t = 3 \cdot \pi/2 - 2 \cdot \pi = -\pi/2$

$$\text{Wentelvolumen om y-as} = \pi \cdot \int_{t_1}^{t_2} x(t)^2 \cdot dy(t) = \pi \cdot \int_{t_1}^{t_2} x(t)^2 \cdot \frac{dy(t)}{dt} \cdot dt$$

$$\pi \cdot \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \left((x(t))^2 \cdot \frac{d}{dt}(y(t)) \right) dt$$

$$\frac{4 \cdot a^2 \cdot b \cdot \pi}{3}$$

Zijdelingse oppervlakte na wenteling om de y-as =

$$2 \cdot \pi \cdot \int_{t_1}^{t_2} x(t) \cdot ds = 2 \cdot \pi \cdot \int_{t_1}^{t_2} x(t) \cdot \sqrt{\left(\frac{dx(t)}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy(t)}{dt}\right)^2} \cdot dt$$

$$2 \cdot \pi \cdot \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \left(x(t) \cdot \sqrt{\left(\frac{d}{dt}(x(t))\right)^2 + \left(\frac{d}{dt}(y(t))\right)^2} \right) dt \mid a > 0 \text{ and } b > 0$$

$$\frac{2 \cdot a \cdot \left(\ln \left(\frac{\sqrt{a^2 - b^2} + a}{b} \right) \cdot b^2 + a \cdot \sqrt{a^2 - b^2} \right) \cdot \pi}{\sqrt{a^2 - b^2}}$$