

Apuntes Neural Networks

Jorge Gómez Reus

Parte I

Introducción

1. Neural Networks

1.1. Usos principales de las redes neuronales

Se tienen 4 usos principales de las redes neuronales artificiales (RNA)

1. Aproximación de sistemas (Modo regresor)
2. Predicción de series de tiempo (Modo regresor)
3. Control de Sistemas (Modo regresor)
4. Clasificación de objetos (Modo Clasificador)

1.2. Aproximación de Sistemas

Dado un sistema $f(t_i)$ del cuál se desconoce su modelo matemático, pero se cuenta con un conjunto de datos entrada-salida (p, t) que representa su comportamiento. Se puede entrenar una RNA para que se comporte de manera similar a $f(t_i)$ en donde:

t_i : Es la variable de tiempo

p : Es la entrada (input)

t : El valor deseado (target)

1.3. Modelo Matemático

Es una representación abstracta que aproxima al comportamiento de un fenómeno real, normalmente mediante un conjunto de ecuaciones.

1.4. Ecuación

Igualdad

1.5. Datos input-output

Es un conjunto de valores que muestrea mediante sensores el comportamiento dinámico del sistema en todo su rango de funcionamiento

1.6. Buena Interpolación

Se llama generación de conocimiento

1.7. Mala Interpolación

Se le llama sobrentendimiento

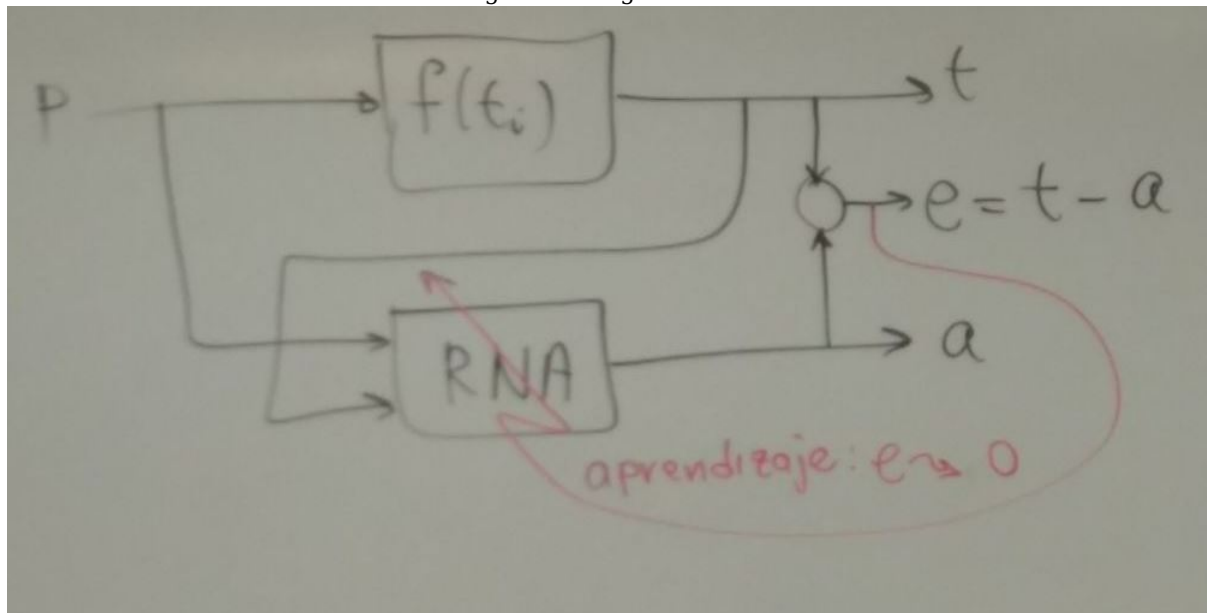
LA RED EN MODO REGRESIÓN FUNCIONA COMO UN INTERPOLADOR

1.8. Extrapolar

Pronosticar o predecir, se requieren RNA's recurrentes.

1.9. Diagrama General

Figura 1: Diagrama General



2. Tipos de Aprendizaje

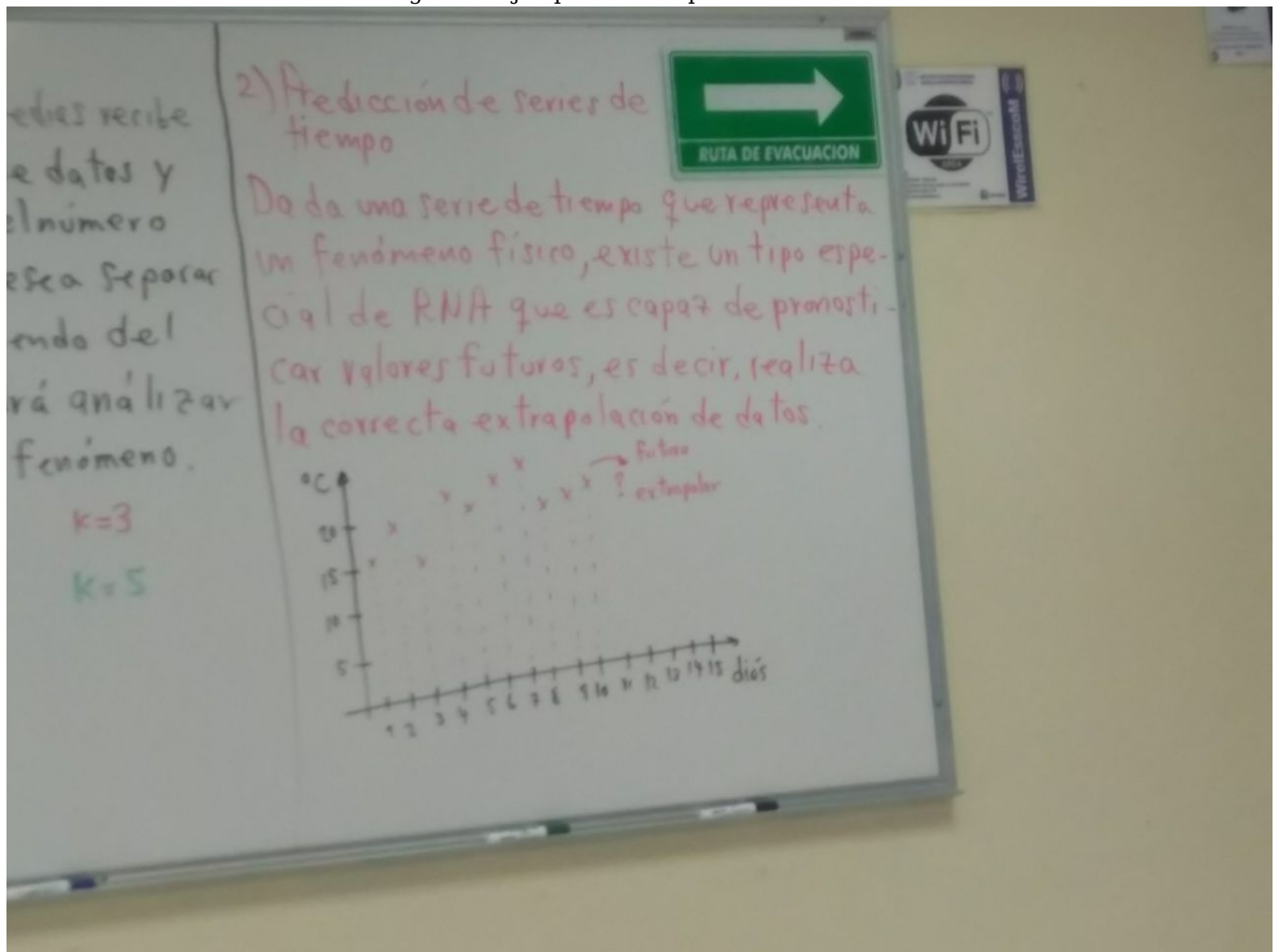
2.1. Aprendizaje Supervisado

Es aquel en el que se cuenta con ejemplos que contienen valores deseados(target) para llevar a cabo el ajuste de los parámetros de la RNA. En este caso se cuenta con un conjunto de datos (p, t) ;

2.2. Aprendizaje no Supervisado

No se cuenta con ejemplos que contengan valores deseados. Sin embargo, existen diversos algoritmos en esta clasificación que se usan para analizar y extraer información valiosa de una fenómeno, por ejemplo, el algoritmo *k-medias* recibe como entrada un conjunto de datos y un valor k que representa el número de clases en los que se desea separar a dicho conjunto. Dependiendo del valor de k el usuario podrá analizar de diferentes maneras el fenómeno.

Figura 2: Ejemplo de extrapolación



3. Predicción de Series de tiempo

Dada una serie de tiempo que representa un fenómeno físico, existe un tiempo especial de RNA que es capaz de pronosticar valores futuros, es decir, realiza la correcta extrapolación de datos. Para esta tarea se hace uso de las RNA's recurrentes.

4. Control de Sistemas

Dado un sistema $f(t)$ se requiere modificar su comportamiento para que sea estable. En esta aplicación se usa una RNA para aproximar a $f(t)$ y una RNA para diseñar un controlador.

Figura 3: Red Feed Foward

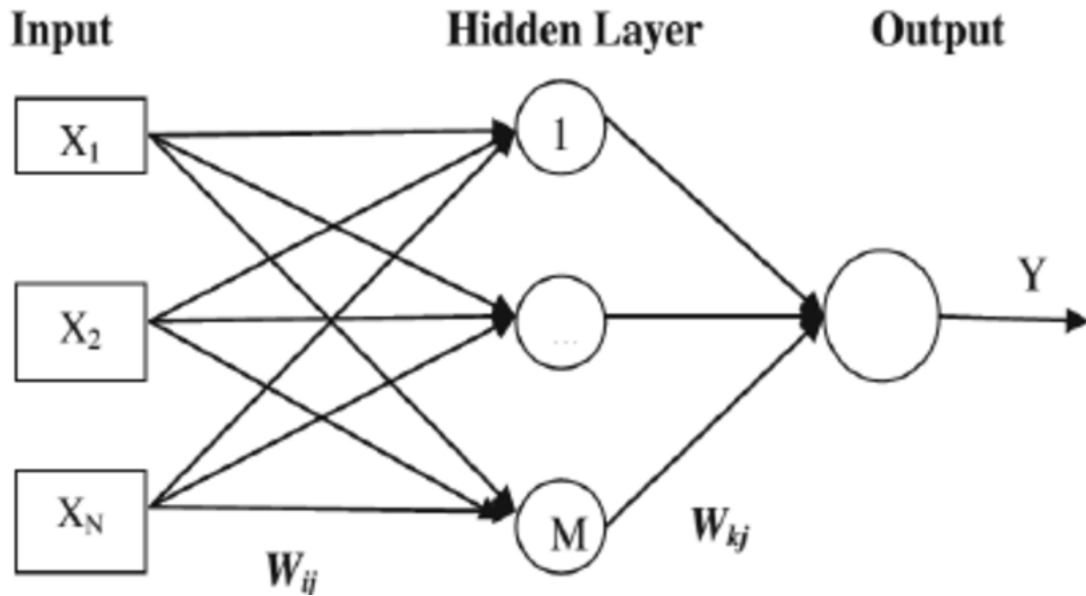


Figura 4: Red Recurrente

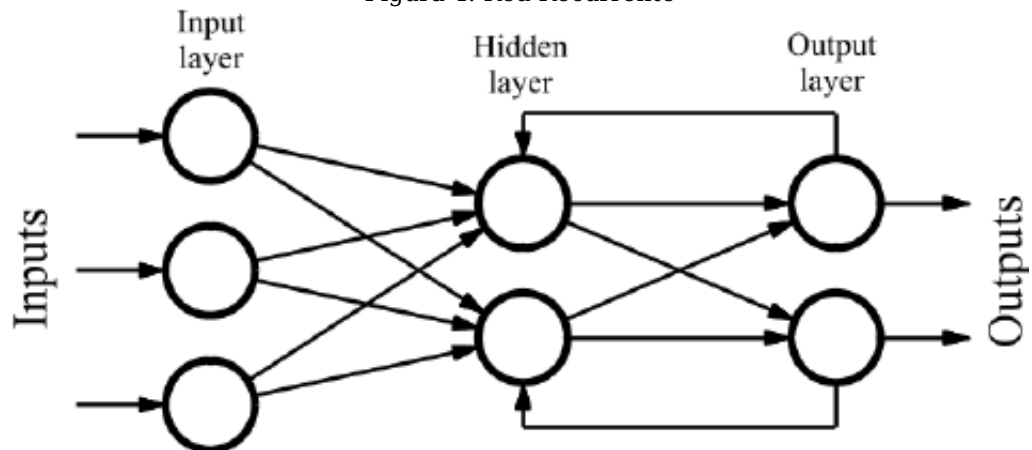


Figura 5: Red Recurrente con bloques recurrentes

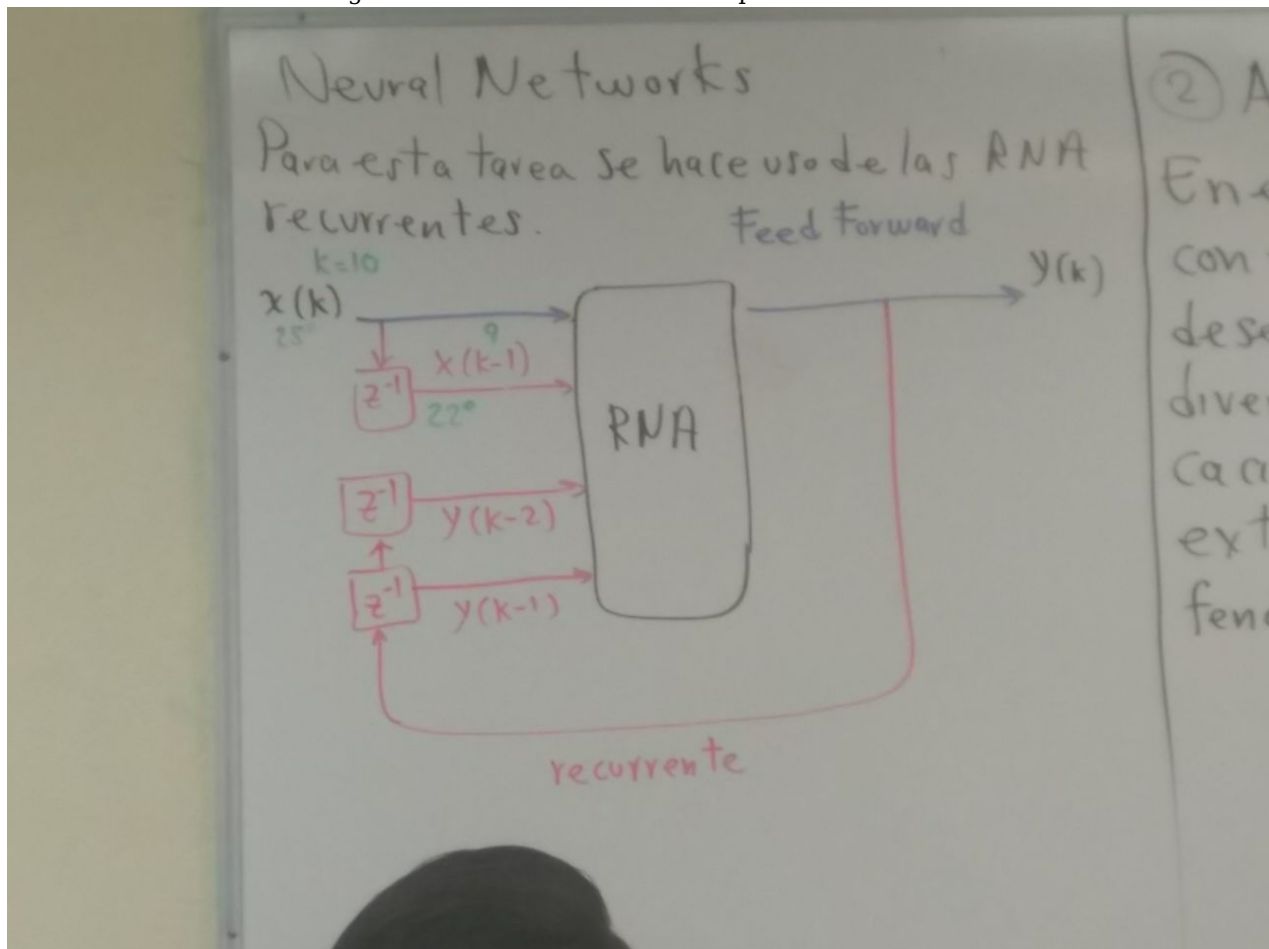
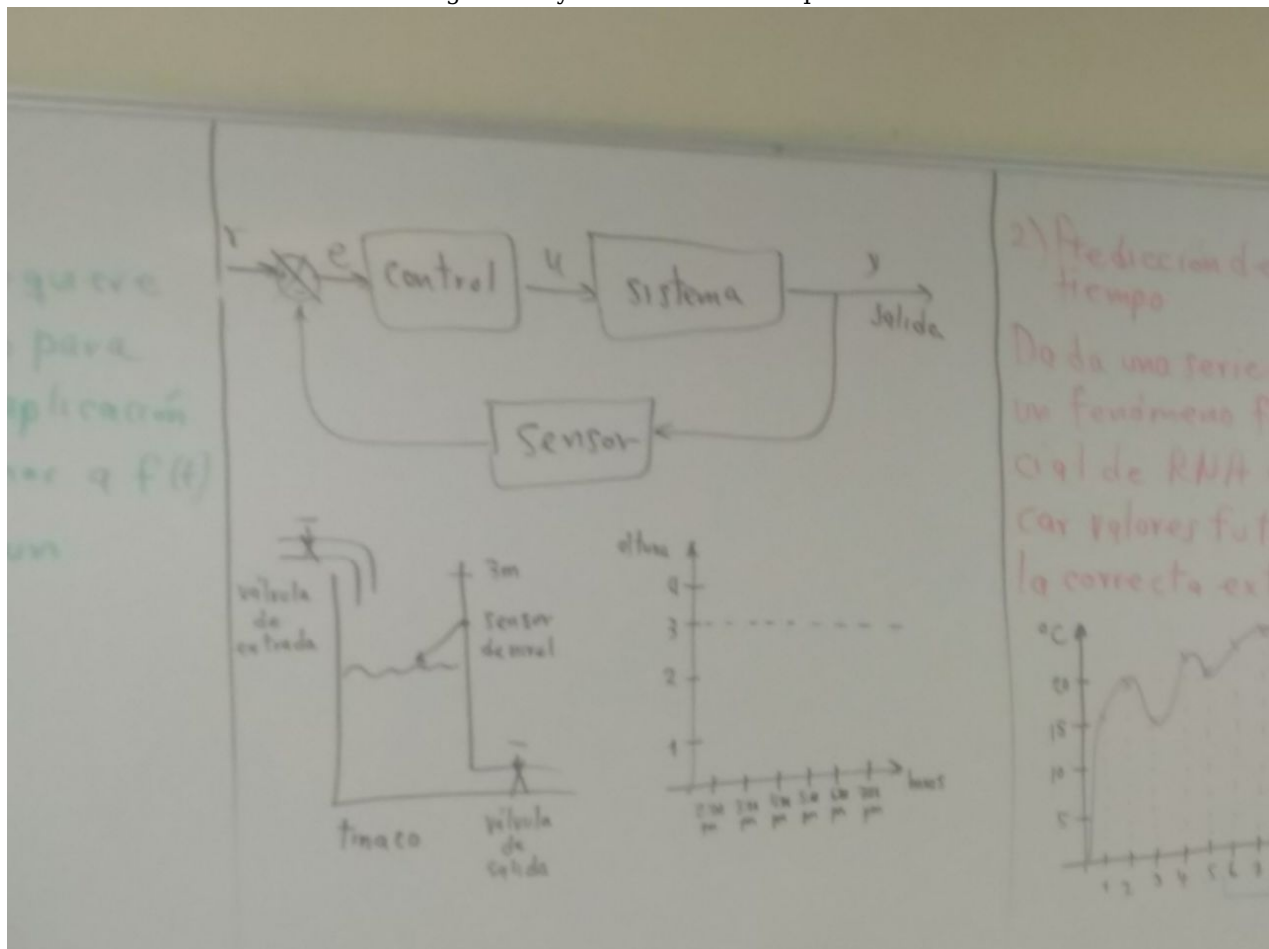


Figura 6: System Control Example



Parte II

Aplicaciones de la RNA

5. Reporte de Práctica

1. Intro
2. Metodología
3. Pseudo código
4. Resultados(Discusión)
5. Conclusiones
6. Referencias(mínimo 2)

6. Clasificación de Objetos

Consiste en tener una adecuada separación de un conjunto de objetos mediante una función de semejanza.

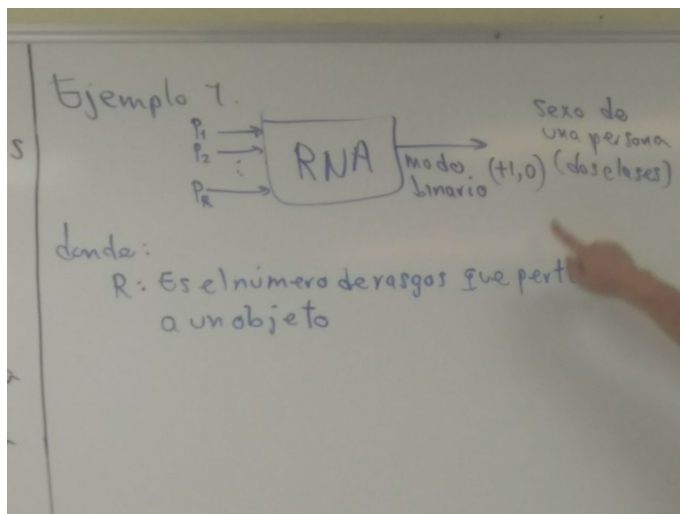
1. Clasificación supervisada:

Aquí se cuenta con un conjunto de objetos y se conoce a que clase pertenece cada uno de ellos. Una RNA en modo clasificador puede usar una o más salidas para representar a que clase considera que un dato de entrada pertenece.

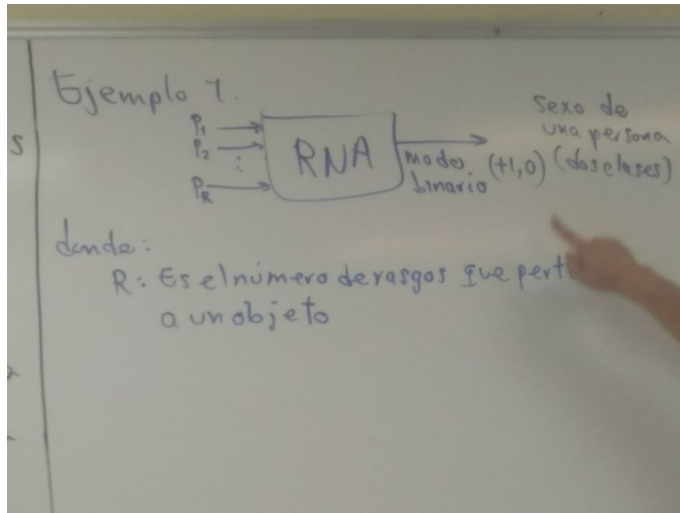
Aquí tenemos targets ya que tenemos un conjunto de clases a las que este se puede etiquetar.

Las redes pueden ser entrenadas no supervisadamente y supervisadamente

Ejemplos:



-
-

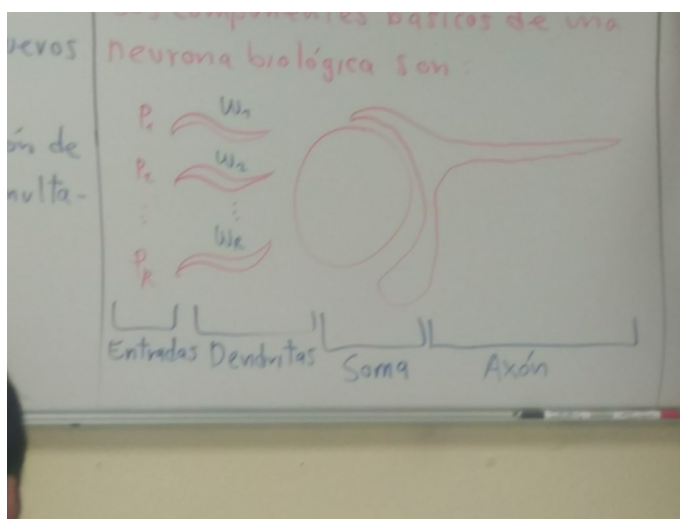


7. Neurona Biológica

Los sistemas biológicos son tan complejos que se han convertido en una excelente fuente de inspiración para diseñar sistemas artificiales, que emulen algunas de sus características, entre ellas se encuentran las siguientes

1. No siempre requieren de módulos de referencia (targets)
2. Se desempeñan exitosamente ante incertidumbres
3. Se adaptan fácilmente a nuevos ambientes
4. Pueden Procesar información de diversas fuentes en forma simultánea

Dado que las RNA nacieron de los elementos básicos de una neurona biológica, es bioinspirada. Los componentes básicos de una neurona biológica son:



donde:

P_1, \dots, P_R : Son Entradas

W_1, \dots, W_r : Son los pesos sinápticos

Los pesos sinápticos se usan para indicar el nivel de importancia de cada una de las conexiones para una tarea particular.

El soma se encarga de acumular energía y determinar cuando se generará una señal de salida.

Nota: Para un target o tarea deseada, aprendizaje es buscar un conjunto de W_1 a W_r tales que la salida de la red desea igual al target, para todos los datos del conjunto de entrenamiento

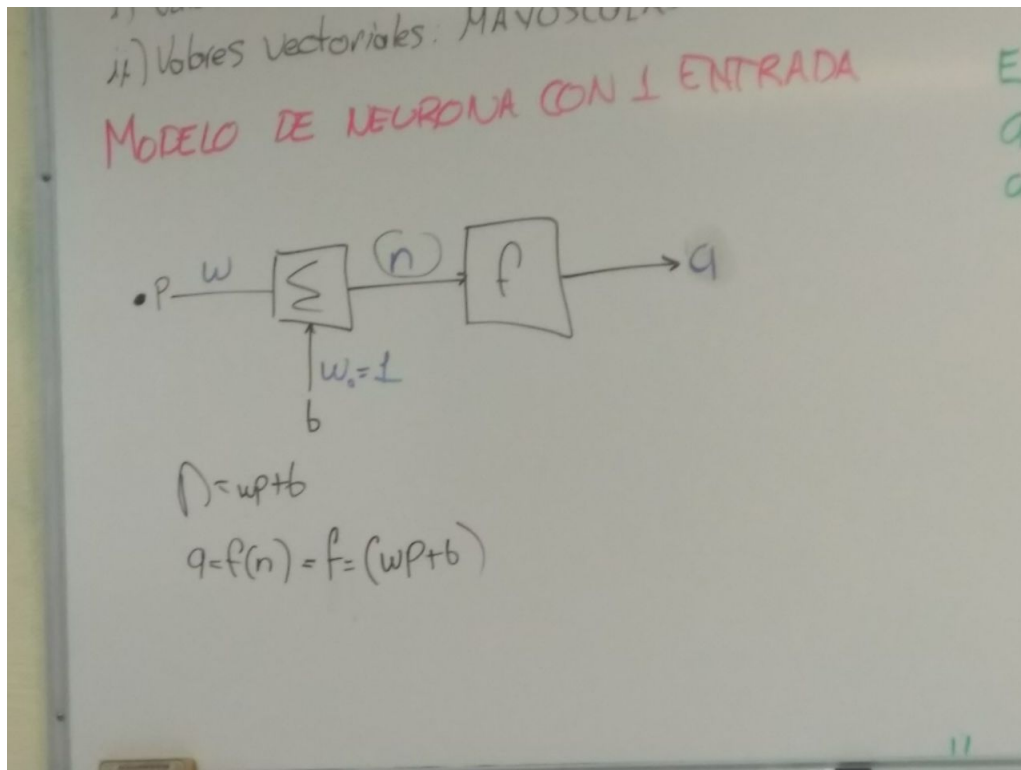
Parte III

Arquitecturas de Redes

8. Notación

- Valores escalares: minúsculas
- Valores vectoriales: Mayúsculas

9. Modelo de neurona con una entrada



El bias es una entrada artificial que por definición tendrá siempre un peso sináptico de 1.

El bias como parámetro extra, le permite a la red resolver problemas más complejos, aunque existen RNA sin bias.

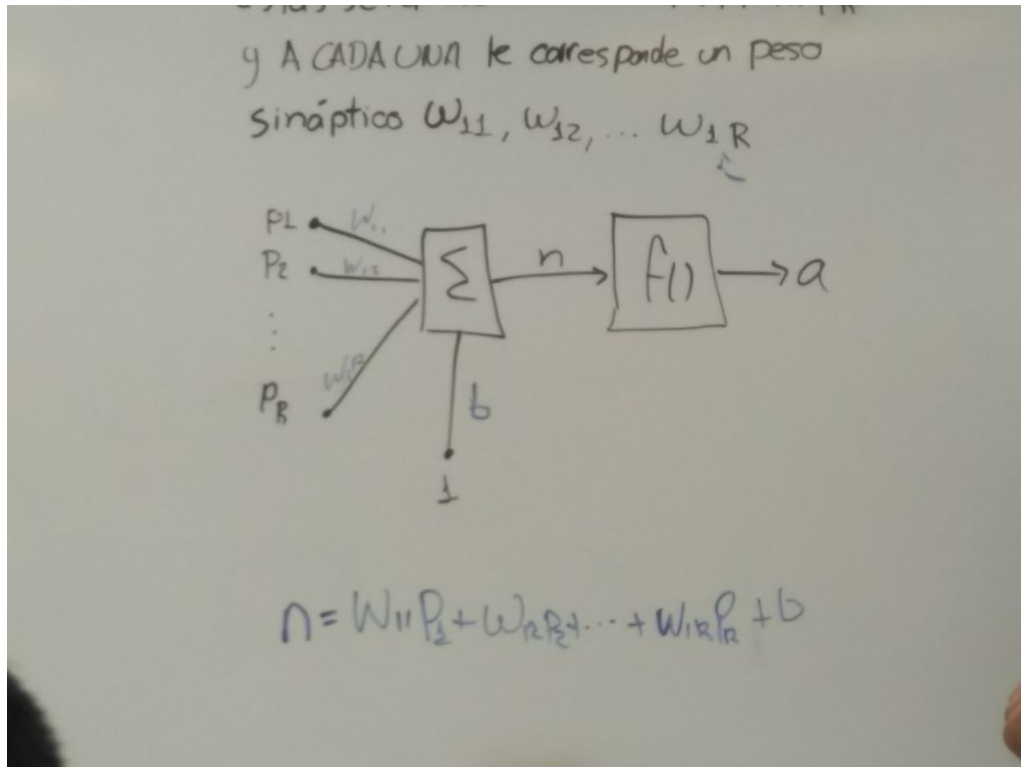
Ejemplo:

Siendo $p=2$, $w=3$ y $b=-1.5$, sustituya en el modelo de la neurona con 1 entrada.

$$a = f(4,5)$$

10. Neurona con múltiples entradas

Típicamente, para resolver un problema, una neurona tiene más de una entrada. Estas se representan como $p_1, p_2, p_3, \dots, p_r$ y a cada una le corresponde un peso sináptico $w_{11}, w_{12}, \dots, w_{1r}$



En forma matricial, se puede expresar:

$$n = W * P + b$$

Donde n es un escalar

W es una matriz de $[1 \times R]$

P es una matriz de $[R \times 1]$

b es un escalar

R es el número de entradas

1 es el número de neuronas

Finalmente, la salida de la red es:

$$a = f(WP + b)$$

Nota:

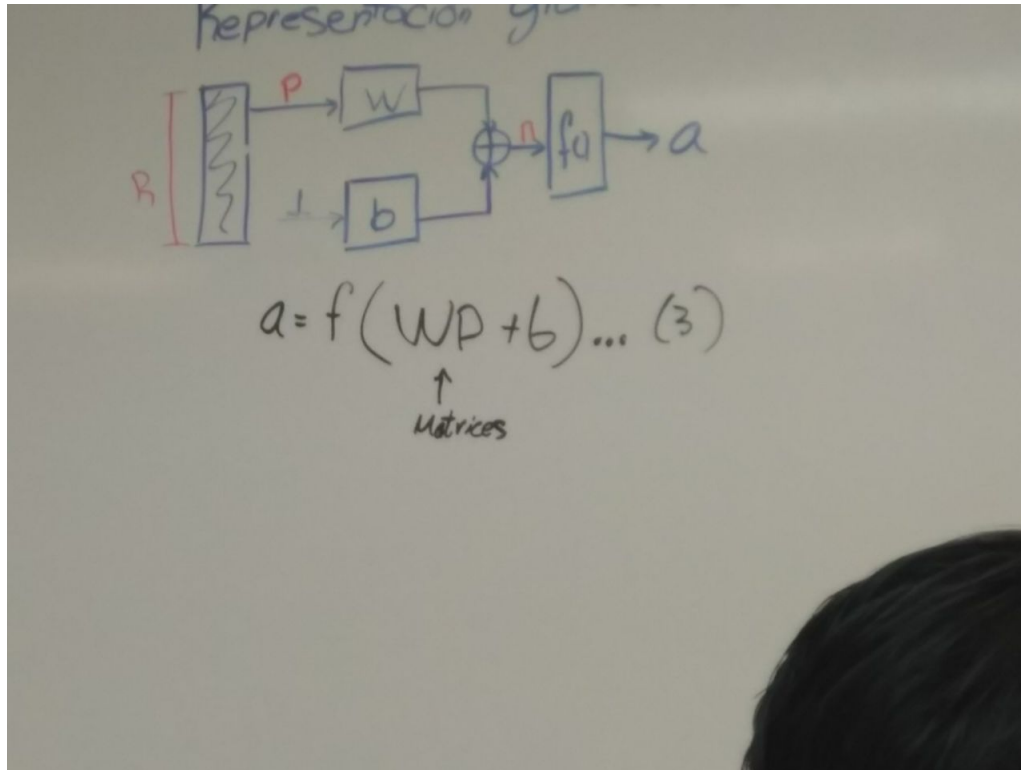
Para este caso particular, la matriz de pesos W es un vector fila, ya que representa el número de neuronas en cada capa de la RNA

10.1. Índices de la matriz W

Durante el curso, se utilizó la siguiente convención para los índices de la matriz de pesos:

1. El primer índice, se refiere a la Neurona a la que llega a la conexión.
2. El segundo índice indica el número de la **Fuente** de la que proviene el dato

10.2. Representación Gráfica matricial



11. Múltiples neuronas en Paralelo con múltiples entradas (Una capa)

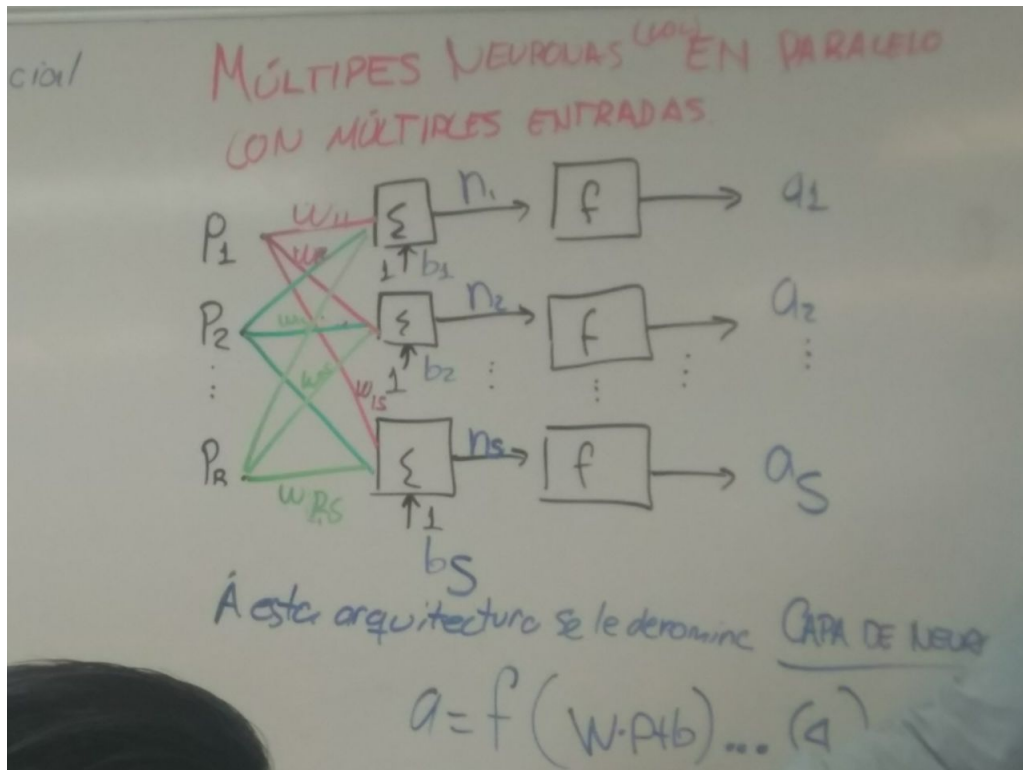


Figura 7: Arquitectura "Capa de neuronas"

$$a = f(w * p + b)$$

donde las dimensiones de w son: $S \times R$

las dimensiones de P son: $R \times S$

las dimensiones de b son $S \times 1$

11.1. Diagrama Simplificado

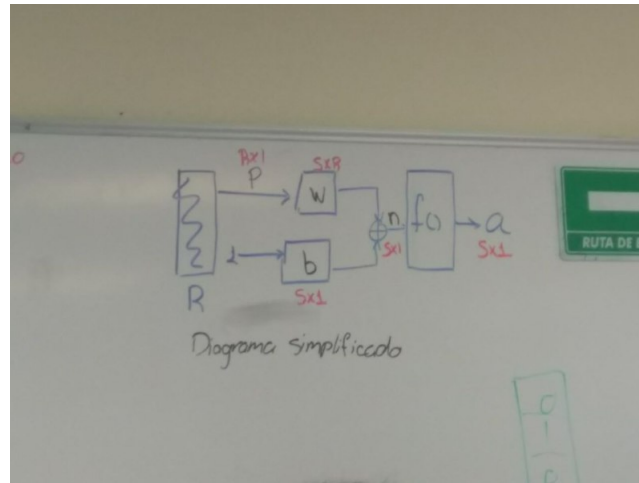


Figura 8: Arquitectura “Capa de neuronas” en diagrama simplificado

11.2. Ejemplo con $s = 1$

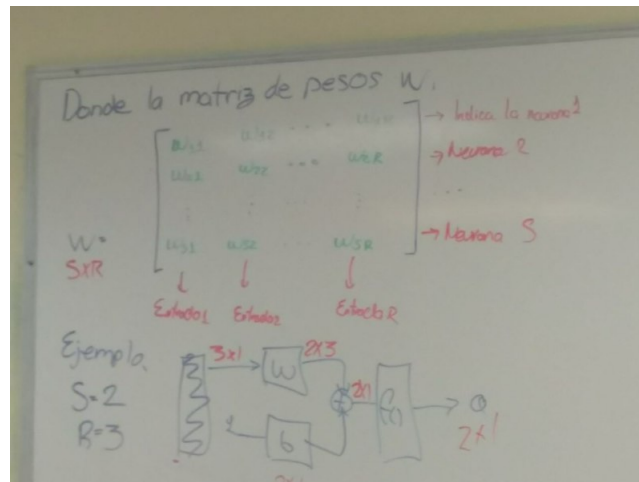


Figura 9: Matriz de pesos W_i

11.2.1. Nota acerca de las capas

Algunos autores llaman al vector de entrada P “Capa de entrada”.

Sin embargo, como en ella no se llevan a cabo operaciones, durante el curso **NO LO HAREMOS**

- Capas Ocultas: Se les llama así porque no tiene contacto con el exterior (Hidden Layers)
- Capa de Salida: Es aquella que entrega el resultado

12. Múltiples Capas de Neuronas

Ahora se considerará una RNA con varias entradas y múltiples capas. Cada capa tiene su propia matriz de pesos w , vector de bias b y vector de salida a . Para distinguir entre cada capa, agregamos un superíndice o la variable.

$$a^1 = f^1(w_s^1 p_r^1 b_s^1)$$

$$a^2 = f^2(w^2 a^1 + b_s^2)$$

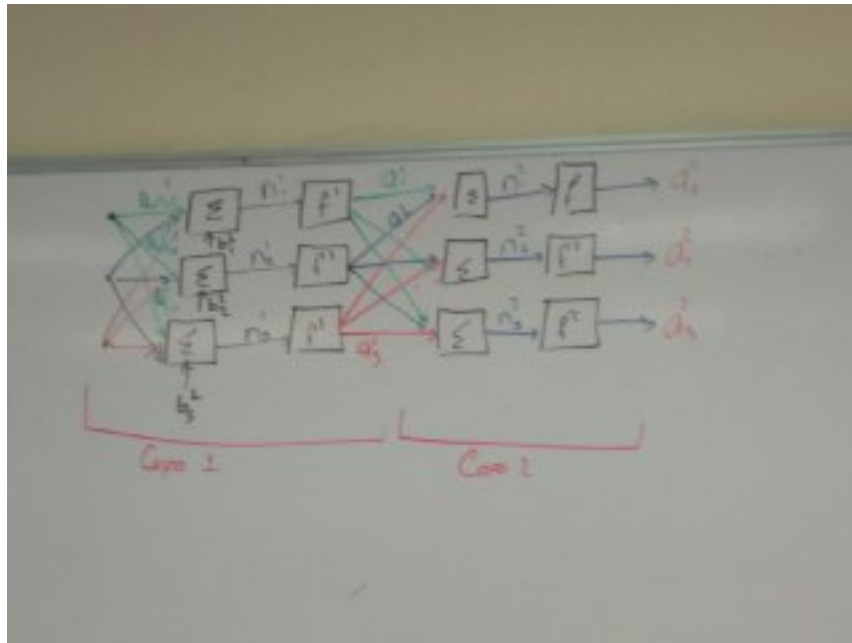


Figura 10: Modelo Arcoiris

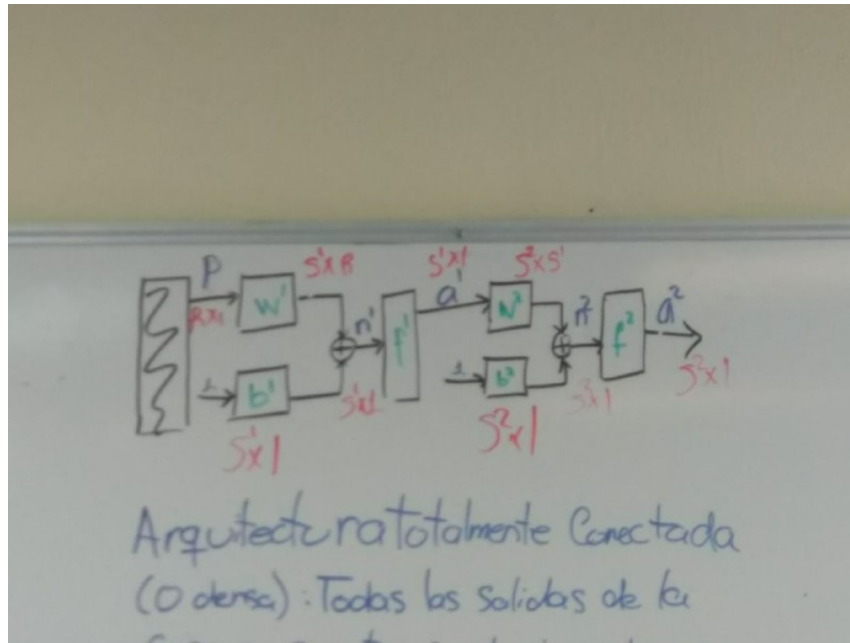


Figura 11: Capa del modelo arcoiris

13. Arquitectura totalmente conectada (O densa)

$$a^2 = f^2[w^2 f^1(w^1 p + b^1) + b^2]$$

Para representar una arquitectura multicapa, (MLP-Multilayer-Perceptron) se utiliza notación:

$$[R \ S^1 \ S^2 \ S^3 \ \dots \ S^m]$$

Donde:

R: Es el número de entradas

M: Es el número de capas.

$S^1 \dots S^m$: El número de neuronas en cada capa

13.1. Ejemplo

$$[4 \ 2 \ 5 \ 1]$$

$$[P] = 4 \times 1$$

$$[w^1] = 2 \times 4$$

$$[w^2] = 5 \times 2$$

$$[w^3] = 1 \times 5$$

$$[b^1] = 2 \times 1$$

$$[b^2] = 5 \times 1$$

$$[b^3] = 1 \times 1$$

14. Multilayer Perceptron (MLP)

La arquitectura mínima de un MLP es $[R \ S^1 \ S^2]$, pero ¿Cómo seleccionas la arquitectura?

Debemos partir de las especificaciones del problema, ello nos permite definir lo siguiente:

1. El número de entradas (R) al MLP es igual al número de rasgos o variables usados en el problema
2. El número de neuronas en la capa de salida es igual al número de clases definida en el problema
3. El tipo de función de activación depende de las consideraciones del problema
4. En cuanto al número de capas ocultas y al número de neuronas en cada una de ellas, sigue siendo un problema abierto

14.1. Ejemplo

Determinemos la arquitectura que clasifique los siguientes objetos en 2 clases

$$O_1 = \begin{Bmatrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{Bmatrix} \quad O_2 = \begin{Bmatrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{Bmatrix} \quad O_3 = \begin{Bmatrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{Bmatrix} \quad O_4 = \begin{Bmatrix} R_1 \\ R_2 \\ R_3 \end{Bmatrix}$$

[3 2]

14.2. Uso del MLP

- Para problemas de aproximación de señales, es común pensar que la dimensión de la señal de entrada sea $R=1$. Se usan 1 o 2 capas ocultas y una neurona de la capa de salida