

Propriété:

Soient P et Q deux propositions:

$$\neg(P \wedge Q) = \neg P \vee \neg Q$$

$$\neg(P \vee Q) = \neg P \wedge \neg Q$$

Définition:

• L'implication $(P \Rightarrow Q)$ est la proposition $(\neg P) \vee Q$

• On dit que P et Q sont "équivalentes" si $(P \Rightarrow Q) \text{ et } (Q \Rightarrow P)$

• Dans le cas où $(P \Rightarrow Q)$ est vraie, on dit que P est une condition suffisante à Q et que Q est une condition nécessaire à P .

Quantificateurs:

• Quantificateurs universels: "Pour tout", que l'on note par **A**

Exemple:

Pour tout $x \in \mathbb{R}$, on a $x^2 \geq 0$; $\forall x \in \mathbb{R}, x^2 \geq 0$ (fausse)

• Quantificateurs existentiels: "Il existe", que l'on note par **E**

Exemple:

Il existe $x \in \mathbb{R}$ tel que $x^2 < 0$; $\exists x \in \mathbb{R}, x^2 < 0$ (vraie)

"Il existe un unique", que l'on note par **E!**