

EST-46115: Modelación Bayesiana

Profesor: Alfredo Garbuno Iñigo — Primavera, 2022 — Muestreo predictivo.

Objetivo: Que veremos.

Lectura recomendada: Referencia.

1. INTRODUCCIÓN

Como hemos visto podemos utilizar la distribución predictiva para traducir nuestros supuestos distribucionales (estado de conocimiento) en cantidades observables. En esta sección del curso usaremos la **distribución predictiva previa** para evaluar consistencia de cómo matematizamos nuestro conocimiento previo con respecto al de un experto. Por otro lado, utilizaremos la **distribución predictiva posterior** con el objetivo de evaluar y criticar el ajuste del modelo propuesto.

2. MUESTREO PREDICTIVO – PREVIA

Usualmente definimos la distribución predictiva previa de manera que refleje lo que sabemos del problema que estamos modelando. Esperaríamos que fuera fácil en situaciones sencillas. Pero incluso en modelos medianamente complejos es difícil 1) poder definir dicha distribución y 2) entender las consecuencias de esa elección.

2.1. Muestreo predictivo

Recordemos que la distribución predictiva previa es

$$\pi(y) = \int \pi(y|\theta) \pi(\theta) d\theta. \quad (1)$$

El mecanismo que utilizamos para generar muestras de dicha distribución es el siguiente:

- Para $i = 1, \dots, N$:
 1. Generar $\tilde{\theta}_i \sim \pi(\theta)$.
 2. Generar $\tilde{y}_i \sim \pi(y|\tilde{\theta}_i)$.

Al final de este proceso podemos descartar las simulaciones de $\tilde{\theta}$ y obtener una colección de realizaciones aleatorias de $\tilde{y} \sim \pi(y)$.

2.1.1. Para pensar: ¿Por qué este proceso iterativo nos deja muestras de la marginal?
Hint: considera el caso para dos variables y consider los gráficos de dispersión y los histogramas individuales.

2.2. Interpretación

2.3. En la práctica

Usualmente consideramos algún resumen informativo de los datos. Es decir, un resumen a través de un **estadístico** de nuestra distribución, y en consecuencia lo que nos interesaría es evaluar la **distribución de muestreo** de dicho estadístico.

Por ejemplo,

3. MUESTREO PREDICTIVO – POSTERIOR

REFERENCIAS