

Universidad del Istmo de Guatemala Facultad de Ingenieria Ing. en Sistemas Informatica 1 Prof. Ernesto Rodriguez - erodriguez@unis.edu.gt

Hoja de trabajo #4

Fecha de entrega: 30 de Agosto, 2018 - 11:59pm

Instrucciones: Resolver cada uno de los ejercicios siguiendo sus respectivas instrucciones. El trabajo debe ser entregado a traves de Github, en su repositorio del curso, colocado en una carpeta llamada "Hoja de trabajo 1". Al menos que la pregunta indique diferente, todas las respuestas a preguntas escritas deben presentarse en un documento formato pdf, el cual haya sido generado mediante Latex.

Ejercicio #1 (10%)

A continuación se le presentara una serie de definiciones de conjuntos pertenecientes al conjunto $2^{\mathbb{N}}$. Indicar que definiciones corresponden al mismo conjunto, es decir que definiciones definen conjuntos que tienen los mismos elementos.

- 1. $a := \{1, 2, 4, 8, 16, 32, 64\}$
- 2. $b := \{ n \in \mathbb{N} \mid \exists x \in \mathbb{N} : x = n/5 \}$
- 3. $c := \{ n \in \mathbb{N} \mid \exists x \in \mathbb{N} : n = x * x \}$
- 4. $d := \{ n \in \mathbb{N} \mid \exists i \in \mathbb{N} : n = 2^i \land n < 100 \}$
- 5. $e := \{ n \in \mathbb{N} \mid \exists x \in \mathbb{N} : x = \sqrt{n} \}$
- 6. $f := \{ n \in \mathbb{N} \mid \exists x \in \mathbb{N} : n = x + x + x + x + x \}$

Ejercicio #2 (10%)

Utilize la jerga matematica para definir los siguientes conjuntos:

- 1. El conjunto de todos los naturales divisibles dentro de 5
- 2. El conjunto de todos los naturales divisibles dentro de 4 y 5
- 3. El conjunto de todos los naturales que son primos
- 4. El conjunto de todos los conjuntos de numeros naturales que contienen un numero divisible dentro de 15
- 5. El conjunto de todos los conjuntos de numeros naturales que al ser sumados producen 42 como resultado

Ejercicio #3 (10%)

Un numero semi-primo es el producto de dos numeros primos. Los numeros semiprimos tienen la peculiaridad que nada más son divisibles entre 1 y los dos primos de los cuales dicho numero es un producto. Un ejemplo es el numero seis (6 = 2 * 3) el cual se obtiene al multiplicar los primos 2 y 3.

Definir una relación llamada $S \subset \mathbb{N}_{50} \times \mathbb{N}_{50} \times \mathbb{N}_{50}$ en donde $\mathbb{N}_{30} := \{n \in \mathbb{N} \mid n \leq 30\}$. La cual relaciona a todos los numeros semi-primos menores a 30 con los numeros primos que lo forman. Las tripletas que pertencen al conjunto que define dicha relación deben ser de la forma $\langle primo_1, primo_2, semi - primo \rangle$, por ejemplo, para el numero 6 corresponderia la tripleta $\langle 2, 3, 6 \rangle$

Ejercicio #4 (20%)

Utilize la jerga matematica para definir los conjuntos a los que corresponden las siguientes funciónes:

- 1. $f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$; f(x) = x + x
- 2. $g: \mathbb{N} \to \mathbb{B}$; g(x) es verdadero si x es divisible dentro de 5, falso en caso contrario. Nota: $\mathbb{B} = \{\text{true}, \text{false}\}\$, puede definir dos conjuntos separados y definir la función como la union de ambos conjuntos.
- 3. Indicar el conjunto al que pertenece la función $f \circ g$
- 4. Definir el conjunto que corresponde a la función $f \circ g$

Ejercicio #5 (20%)

Dadas las siguientes funciones que pertenecen a $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$, indique si la función es injectiva, surjectiva o bijectiva.

- 1. $f(x) = x^2$
- 2. $g(x) = \frac{1}{\cos(x-1)}$
- 3. h(x) = 2x
- 4. w(x) = x + 1

Ejercicio #6 (30%)

A continuación se definira una bijección entre los numeros naturales (\mathbb{N}) y los numeros enteros (\mathbb{Z}) . Se utilizaran varios conjuntos intermediariarios para facilitar el proceso.

- 1. Definir el conjunto $B_1 \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ el cula empareja a los numeros naturales pares con todos los naturales mayores a 0. Eg. $B_1 = \{\langle 2, 1 \rangle, \langle 4, 2 \rangle, \langle 6, 3 \rangle \dots\}$
- 2. Definir el conjunto $B_{2a} \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ el cula empareja a los numeros naturales *impares* con todos los naturales mayores a 0. Eg. $B_{2a} = \{\langle 1, 1 \rangle, \langle 3, 2 \rangle, \langle 5, 3 \rangle \dots\}$
- 3. Definir el conjunto $B_2 \in \mathbb{N} \times \mathbb{Z}$ el cual se definie exactamente igual al conjunto B_{2a} excepto que los valores en el contradominio son negativos
- 4. El conjutno $B := \{(0,0)\} \cup B_1 \cup B_2$ es la bijección que se intenta definir.