

<https://github.com/BrandonReyes0609/VP-Lab3.git>

Task 1

Laboratorio 3 Visión por computadora

- Nancy Mazariegos – 22513
- Brandon Reyes – 22992
- Santiago Pereira – 22318

Task 1:

Parte 1:

Harris R

(M)

$$a = 120$$

$$d = 115$$

$$b = 5$$

$$c = 5$$

$$\begin{aligned}\det(M) &= ad - bc \\ &= (120)(115) - (5)(5) \\ &= 13800 - 25 \\ &= 13775\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}Tr(M) &= 235 \quad \text{Cuadros} \quad Tr(Tr(M)) = 235^2 \\ &= (200 + 35)^2 \\ &= 200^2 + 2 \cdot 200 \cdot 35 + 35^2 \\ &= 40000 + 14000 + 1225 \\ &= 55225\end{aligned}$$

$$R_M = \det(M) - k(Tr(M))^2$$

$$R_M = 13775 - 0.04 \cdot 55225$$

$$\begin{array}{l}R_M = 11546 \\ \text{Positivo} \\ \text{Grande}\end{array}$$

Rara M'

$$a = 200$$

$$d = 1$$

$$b = 10$$

$$c = 10$$

$$Tr(M') = 201$$

Determinante

$$\begin{aligned}\det &= ad - bc \\ &= (200)(1) - (10)(10) \\ &= 200 - 100 \\ &= 100\end{aligned}$$

Cuadro traza

$$\begin{aligned}(Tr(M'))^2 &= 201^2 \\ &= (200+1)^2 \\ &= (200^2 + 2 \cdot 200 \cdot 1 + 1^2) \\ &= 40000 + 400 + 1 \\ &= 40401\end{aligned}$$

Entonces

$$R_{M'} = \det(M') - k(Tr(M'))^2$$

$$R_{M'} = 100 - 0.04 \cdot 40401$$

$$R_{M'} = -1516.04$$

Negativo

Parte 2

$$M = \begin{bmatrix} 120 & 5 \\ 5 & 115 \end{bmatrix} \quad M' = \begin{bmatrix} 200 & 10 \\ 10 & 1 \end{bmatrix}$$

Traza $\text{Tr}(M) = a + d$

Determinante: $\det(M) = ad - bc$

Harris:

$$\rho = \det(M) - k \cdot (\text{Tr}(M))^2 \quad k = 0.04$$

Eigenvalores $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$
Matriz 2×2

Cuando es simétrica

$b=c$

$$\lambda_{1,2} = \frac{(a+d) \pm \sqrt{(a-d)^2 + 4bc}}{2}$$

Calculo Eigenvalores M

$$\lambda_{1,2} = \frac{(a+d) \pm \sqrt{(a-d)^2 + 4bc}}{2}$$

$$\lambda_{1,2} = \frac{(120+115) \pm \sqrt{(120-115)^2 + 4(5)(5)}}{2}$$

$$\lambda_{1,2} = \frac{235 \pm \sqrt{25 + 100}}{2}$$

$$\lambda_{1,2} = \frac{235 \pm \sqrt{125}}{2}$$

$$\lambda_1 = \frac{235 + \sqrt{125}}{2} \quad \lambda_2 = \frac{235 - \sqrt{125}}{2}$$

$$\lambda_1 = 128.09 \quad \lambda_2 = 111.91$$

Los 2 son grandes

Eigenvalores para M'

$$a=200, d=1, b=10, c=10$$

$$(M')\lambda_{1,2} = \frac{(a+d) \pm \sqrt{(a-d)^2 + 4bc}}{2}$$

$$\frac{(200+1) \pm \sqrt{(200-1)^2 + 4(10)(10)}}{2}$$

$$\frac{(201) \pm \sqrt{39601 + 400}}{2}$$

$$= \frac{201 \pm \sqrt{40001}}{2}$$

$$\lambda_1 = \frac{201 + 200}{2} \quad \lambda_2 = \frac{201 - 200}{2}$$

$$\lambda_1 \approx 200.5$$

Very Large

$$\lambda_2 \approx 0.5$$

Very Small

Parte 3

Matriz M

- Para $\lambda_1 = 123.1$ y $\lambda_2 = 111.9$
 - En este caso los valores son grandes
 - Magnitud similar

Entonces λ_1 y λ_2 son comprables y grande por lo cual la intensidad de la imagen cambia fuerte en dos direcciones distintas alrededor del piel. Por lo cual es una esquina

Para matriz M'

- Para $\lambda_1 = 200.5$ y $\lambda_2 = 0.5$
 - λ_1 es muy grande
 - λ_2 es muy pequeño cercano a cero

Entonces λ_1 y λ_2 , uno de los eigenvalores es muy grande y el otro es muy pequeño. Por lo tanto que la intensidad de la imagen cambia mucho solo en una dirección, mientras que en la dirección perpendicular casi no cambia. Esa situación corresponde a un borde porque cuando cruzas el borde la intensidad varía bastante, pero si te mueves siguiendo el borde casi no hay diferencia.