

<https://github.com/BrandonReyes0609/VP-Lab3.git>

Task 1

Laboratorio 3 Visión por computadora

- Nancy Mazariegos – 22513
- Brandon Reyes – 22992
- Santiago Pereira – 22318

Task 1:

Parte 1:

Harris R

(M)

$$\begin{aligned}a &= 120 \\d &= 115 \\b &= 5 \\c &= 5\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\det(M) &= ad - bc \\&= (120)(115) - (5)(5) \\&= 13800 - 25 \\&= 13775\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Tr}(M) &= 235 \quad \text{Cuadros Truza} \quad (\text{Tr}(M))^2 = 235^2 \\&= (200 + 35)^2 \\&= 200^2 + 2 \cdot 200 \cdot 35 + 35^2 \\&= 40000 + 14000 + 1225 \\&= 55225\end{aligned}$$

$$R_M = \det(M) - k(\text{Tr}(M))^2$$

$$R_M = 13775 - 0.04 \cdot 55225$$

$$R_M = 11546$$

Positivo
Grande

Para M'

$$\begin{aligned}a &= 200 \\d &= 1 \\b &= 10 \\c &= 10\end{aligned}$$

$$\text{Tr}(M') = 201$$

Determinante

$$\begin{aligned}\det &= ad - bc \\&= (200)(1) - (10)(10) \\&= 200 - 100 \\&= 100\end{aligned}$$

Cuadros + traza

$$\begin{aligned}(\text{Tr}(M'))^2 &= 201^2 \\&= (200 + 1)^2 \\&= (200^2 + 2 \cdot 200 \cdot 1 + 1^2) \\&= 40000 + 400 + 1 \\&= 40401\end{aligned}$$

Entonces

$$R_{M'} = \det(M') - k(\text{Tr}(M'))^2$$

$$R_{M'} = 100 - 0.04 \cdot 40401$$

$$R_{M'} = -1516.04$$

Negativo

Parte 2

$$M = \begin{bmatrix} 120 & 5 \\ 5 & 115 \end{bmatrix} \quad M' = \begin{bmatrix} 200 & 10 \\ 10 & 1 \end{bmatrix}$$

Traza $\text{Tr}(M) = a + d$

Determinante: $\det(M) = ad - bc$

Harris:

$$R = \det(M) - K \cdot (\text{Tr}(M))^2 \quad K = 0.04$$

Eigenvalores $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$
Matris 2x2

Cuando es simétrica

$b = c$

$$\lambda_{1,2} = \frac{(a+d) \pm \sqrt{(a-d)^2 + 4bc}}{2}$$

Calcula Eigenvalores M

$$\lambda_{1,2} = \frac{(a+d) \pm \sqrt{(a-d)^2 + 4bc}}{2}$$

$$\lambda_{1,2} = \frac{(120+115) \pm \sqrt{(120-115)^2 + 4(5)(5)}}{2}$$

$$\lambda_{1,2} = \frac{235 \pm \sqrt{25 + 100}}{2}$$

$$\lambda_{1,2} = \frac{235 \pm \sqrt{125}}{2}$$

$$\lambda_1 = \frac{235 + \sqrt{125}}{2} \quad \lambda_2 = \frac{235 - \sqrt{125}}{2}$$

$$\lambda_1 = 128.09 \quad \lambda_2 = 111.91$$

Los 2 son grandes

Eigenvalores para M'

$a=200, d=1, b=10, c=10$

$$(M')\lambda_{1,2} = \frac{(a+d) \pm \sqrt{(a-d)^2 + 4bc}}{2}$$

$$\frac{(200+1) \pm \sqrt{(200-1)^2 + 4(10)(10)}}{2}$$

$$\frac{(201) \pm \sqrt{39601 + 400}}{2}$$

$$= \frac{201 \pm \sqrt{40001}}{2}$$

$$\lambda_1 = \frac{201 + 200}{2} \quad \lambda_2 = \frac{201 - 200}{2}$$

$$\lambda_1 \approx 200.5$$

Muy Grande

$$\lambda_2 \approx 0.5$$

Muy pequeño

Parte 3

Matriz M

- Para $\lambda_1 = 123.1$ y $\lambda_2 = 111.9$

- En este caso los valores son grandes
- Magnitud similar

Entonces λ_1 y λ_2 son comparables y grande por lo cual la intensidad de la imagen cambia fuerte en dos direcciones distintas alrededor del píxel. Por lo cual es una esquina

Para matriz M'

- Para $\lambda_1 = 200.5$ y $\lambda_2 = 0.5$

- λ_1 es muy grande
- λ_2 es muy pequeño cercano a cero

Entonces λ_1 y λ_2 , uno de los eigenvalores es muy grande y el otro es muy pequeño. Por lo tanto que la intensidad de la imagen cambia mucho solo en una dirección, mientras que en la dirección perpendicular casi no cambia. Esa situación corresponde a un borde porque cuando cruzas el borde la intensidad varía bastante, pero si te mueves siguiendo el borde casi no hay diferencia.