

# Guía para el diseño y análisis de agentes en un juego repetido

---

A continuación se propone una **guía** para que estudiantes diseñen y analicen **agentes (estrategias)** que participen en este juego repetido de esfuerzo/ocio/calificación, inspirándose en la lógica de los torneos tipo Axelrod pero **adaptados a este contexto**. La idea es que cada estudiante programe o describa un **agente** que tome decisiones de esfuerzo en sucesivos trabajos, conociendo u observando (según el caso) las acciones pasadas de sus compañeros y la calificación obtenida. Luego, esos agentes se enfrentan en **diversos escenarios** (diferentes funciones de calificación, estructuras de preferencia, horizontes temporales, etc.) y se comparan sus desempeños.

---

## 1. Estructura general del problema

### 1. Juego repetido:

- Hay  $T$  rondas (o trabajos).
- En cada ronda, el equipo de  $E$  estudiantes (agentes) simultáneamente decide cuántas horas  $h_{e,t}$  dedicar.
- Se obtiene una calificación  $G_t = f(\sum_{e=1}^E h_{e,t})$ .
- Cada agente obtiene una utilidad que combina dicha calificación (compartida) y su ocio (horas no invertidas).

### 2. Variabilidad de escenarios:

- Funciones  $f$  con distinta forma (lineal, saturación rápida, concavidad, etc.).
- Preferencias de ocio distintas (lineales, decrecientes, logarítmicas, etc.).
- Jugadores con distintos pesos de calificación ( $\alpha_e$ ) o productividades ( $\omega_e$ ).
- Diferentes horizontes  $T$  (corto vs. largo plazo).
- Distintos tamaños de equipo  $E$ .

### 3. Torneo o simulación masiva:

- Se crean varios tipos de agentes (estrategias).
  - Cada agente se empareja aleatoriamente con grupos distintos a lo largo de múltiples "partidas" o "simulaciones".
  - Se registran los resultados (calificaciones finales, horas de ocio, utilidad global, etc.) para comparar qué estrategia fue más exitosa en promedio.
- 

## 2. Diseño de agentes y estrategias

La pregunta central es: **¿Cómo decide cada agente cuánto esfuerzo poner en cada ronda, dados los resultados pasados y las características del juego?** A continuación se ofrecen **varios enfoques**:

### 2.1. Estrategias fijas o de umbral

### 1. Estrategia constante:

- El agente siempre dedica  $h^*$  horas, sin importar el comportamiento de los demás.
- Útil como baseline para comparar con otras estrategias.

### 2. Estrategia de umbral (threshold):

- El agente elige horas  $h_{e,t}$  si observa (o anticipa) que el total de horas de los demás,  $\sum_{i \neq e} h_{i,t}$ , sea menor/ mayor que cierto umbral.
- "Si mis compañeros no se esfuerzan, mejor no poner mis horas" (comportamiento punitivo) o "aporto más solo si los demás ya están aportando".

### 3. Estrategia escalonada:

- Comienza con un cierto esfuerzo alto. Si detecta free-riders, lo reduce gradualmente a modo de "castigo".
- Variación inspirada en la "titulación" (tit-for-tat) del Dilema del Prisionero repetido.

**Ventaja:** Muy sencillas de programar y rápidas de entender.

**Desventaja:** Pueden no adaptarse bien a escenarios muy cambiantes (por ejemplo, cuando la productividad  $\omega_e$  difiere mucho entre agentes).

## 2.2. Estrategias adaptativas con aprendizaje

### 1. Aprendizaje por refuerzo (Q-learning o similar):

- El agente trata de **maximizar** su utilidad esperada aprendiendo qué acción (nivel de horas) funciona mejor en distintas "circunstancias" (historial de calificaciones, acciones de otros).
- Con el tiempo, el agente puede "descubrir" qué niveles de esfuerzo le convienen dada la dinámica del grupo.

### 2. Modelos evolutivos:

- Se generan muchas copias de cada tipo de estrategia; las más exitosas se replican, las menos exitosas desaparecen.
- Se observa qué estrategias emergen con mayor frecuencia y "dominan" a largo plazo.

**Ventaja:** Pueden ajustarse mejor a entornos complejos y cambiar su comportamiento si la situación lo requiere.

**Desventaja:** Requieren más tiempo de entrenamiento y más parámetros de diseño (tasa de aprendizaje, estados, recompensas inmediatas vs. futuras, etc.).

## 2.3. Estrategias basadas en reputación y señales

### 1. Uso de la historia colectiva:

- El agente guarda un registro de cuántas horas ha aportado cada compañero en rondas anteriores.
- Ajusta su esfuerzo: premia a quienes colaboran "compensando su esfuerzo" y castiga a quienes free-ride "rebajando el propio".

## 2. Sistemas de puntuación interna:

- Cada agente asigna "puntos de reputación" a los demás, en función de su contribución.
- Un compañero con buena reputación (alto esfuerzo pasado) recibe cooperación; uno con mala reputación, no.

**Ventaja:** Explícito para modelar la cooperación a largo plazo y la credibilidad de castigos.

**Desventaja:** Puede volverse complejo con muchos jugadores y exige que se comparta o se conozca esa reputación.

---

## 3. Pasos para realizar la simulación o torneo

A grandes rasgos, la mecánica para un "torneo" computacional podría ser:

### 1. Definir los parámetros de la simulación:

- Número de rondas  $ST$ .
- Tamaño de los equipos  $SE$ .
- Función de calificación  $f$ .
- Forma de la utilidad del ocio (lineal,  $\sqrt{\cdot}$ ,  $\log(\cdot)$ , etc.).
- Valoraciones de la calificación ( $\alpha_e$ ) y productividades ( $\omega_e$ ) para cada agente (si aplican).

### 2. Generar un conjunto de agentes (estrategias) a comparar:

- Por ejemplo: "Constante baja", "Constante media", "Condiciona al esfuerzo de los demás", "Aprendiz Q-learning", "Basado en reputación", etc.

### 3. Asignar equipos de forma aleatoria repetidas veces:

- En cada "partida", se sortean  $SE$  agentes de entre los disponibles.
- Se ejecuta el juego durante  $ST$  rondas con esos agentes en el equipo.
- Se registran las utilidades finales de cada agente.

### 4. Repetir con múltiples instancias:

- Para obtener resultados robustos, correr varias simulaciones con distintas semillas aleatorias, distintos valores de  $\alpha_e$ , distintos  $\omega_e$ , etc.

### 5. Analizar los resultados:

- Promedio de la utilidad de cada agente (o de cada tipo de estrategia).
- Distribución de esfuerzos en el tiempo.
- Frecuencia de cooperación vs. free-riding.
- Comparación del "equilibrio emergente" con el óptimo social (si es calculable).

### 6. (Opcional) Tener una fase evolutiva:

- En cada ronda de "torneo", las estrategias más exitosas se "replican" o se seleccionan para la siguiente fase.

- Observar si alguna estrategia dominante surge.

---

## 4. Cómo planear la estrategia de un agente

Cuando un estudiante diseña su **propio agente**, podría seguir estos pasos:

### 1. Identificar objetivos:

- ¿Te interesa maximizar la nota a toda costa?
- ¿Te interesa equilibrar calificación y horas de ocio?
- ¿Estás dispuesto a castigar comportamientos egoístas?

### 2. Definir tu modelo de "percepción":

- ¿Qué información tendrás de las rondas anteriores? (¿Ves exactamente cuántas horas puso cada otro agente, o solo la calificación resultante?)
- ¿Cómo procesas esa información? (¿Actualizas creencias sobre si es "confiable" cada uno?)

### 3. Diseñar la regla de decisión (estrategia):

- Puede ser un **if-then** sencillo:  
"Si la calificación anterior fue baja, aumento mi esfuerzo para intentar subirla, de lo contrario me relajo".
- O algo más sofisticado:  
"Utilizo un algoritmo de aprendizaje que, en función de (estado\_actual), me sugiere cuántas horas poner".

### 4. Probarla en escenarios simples:

- Empieza con un caso de 2 jugadores, \$T\$ pequeño, y un \$f\$ lineal.
- Observa si tu agente obtiene más utilidad que un agente "constante".
- Ajusta parámetros si ves comportamientos no deseados.

### 5. Escalar y robustecer:

- Añade más jugadores, un \$T\$ más grande, heterogeneidad en  $\omega_e$  y  $\alpha_e$ .
- Observa cómo evoluciona la estrategia y si sigue siendo efectiva.

---

## 5. Visualización y análisis de resultados

Para entender el comportamiento de tu agente y el de los demás, puedes:

### 1. Graficar la evolución de esfuerzos a lo largo de las rondas:

- Ver si los esfuerzos convergen a un nivel estable o fluctúan.
- Identificar si alguien "colapsa" al no cooperar.

### 2. Graficar la utilidad individual por ronda o acumulada:

- Distinguir quién obtiene mayor beneficio y en qué momento.

### 3. Mapa de calor de decisiones:

- Si usas aprendizaje por refuerzo, puedes visualizar la **función de valor (Q-value)** que asigna a cada estado-acción, para ver cómo tu agente "piensa" internamente.

### 4. Comparar agentes en un ranking final:

- ¿Cuál obtuvo la mayor utilidad promedio?
- ¿Cuál alcanzó los mejores resultados sociales (suma total de utilidades)?

### 5. Realizar un análisis de sensibilidad:

- Variar parámetros:  $\alpha$ ,  $\omega$ , escala de  $\gamma$ , etc.
- Evaluar estabilidad de la estrategia ante estos cambios.

---

## 6. Conclusión: hacia un "torneo" colaborativo

- La propuesta final es que cada estudiante **programe o describa** su agente (con una regla de decisión clara y bien documentada).
- A continuación, se corren simulaciones donde se forman grupos aleatorios de agentes. Se repite para distintos escenarios y, al final, se obtiene un **"podio"** de estrategias más exitosas en cada contexto.
- Esta actividad sirve para entender en la práctica fenómenos de **cooperación, free-riding, castigo y colaboración** en **juegos repetidos** que reflejan la realidad de trabajar en equipo bajo presión, con distintas motivaciones y habilidades.

En resumen, **la clave** es diseñar y comparar **diferentes reglas de decisión**, observar sus resultados en múltiples condiciones y **analizar** cómo la dinámica de cooperación o explotación emerge de las interacciones repetidas. Cada estudiante puede **experimentar** con ideas sencillas, algoritmos de aprendizaje o sistemas de reputación para encontrar la estrategia que mejor se adapte a las variaciones del entorno. Con este enfoque, se lograría una **visión práctica** y experimental de la teoría subyacente al problema del free-rider y la cooperación en equipos.