



CICLO DIAGNÓSTICO - FÍSICA

TURMA IME-ITA

2022



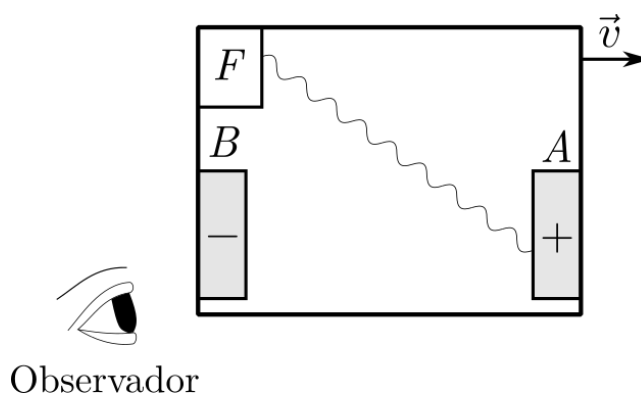
GABARITO

1. -
2. -
3. -
4. -
5. -

1ª QUESTÃO

Valor: 2,00

A figura ilustra um experimento numa plataforma que, no referencial de um observador externo, se move com velocidade \vec{v} constante de módulo $1,80 \times 10^8$ m/s. No instante inicial, uma fonte F emite um pulso de comprimento de onda $\lambda = 500$ nm que incide sobre a placa metálica A , sendo por ela absorvido e, consequentemente, emitindo elétrons. De acordo com o observador externo, o tempo em que um elétron leva para chegar de A até B , que dista 1 cm de A , vale 18,8 ns.



Determine o potencial de corte e a função trabalho da placa A , sabendo que o capacitor estava inicialmente descarregado.

Gabarito

Lembrando do efeito fotoelétrico, temos que após o fóton ser absorvido pela placa, parte de sua energia é utilizada para liberar o elétron da placa, sendo a energia restante convertida em energia cinética para o elétron. Desta forma, temos a fórmula:

$$hf - \phi = \frac{hc}{\lambda} - \phi = K$$

Onde $hc = \frac{hc}{\lambda}$ é a energia do fóton absorvido, ϕ é a função trabalho, sendo a energia gasta para 'liberar' o elétron da placa e K é a energia cinética do elétron emitido. Obtido o valor de K , poderemos obter o valor da função trabalho, tendo em vista que os demais dados foram fornecidos.

Tendo em vista que para um observador externo o elétron leva $18,8 \text{ ns}$ para chegar de uma placa à outra, podemos determinar o tempo que o mesmo gasta para tal, quando medido no referencial da plataforma e do elétron:

Vemos que o elétron será nosso referencial próprio, uma vez que os eventos: saída de A e chegada em B são percebidos na mesma posição para tal. Dessa forma:

$$\begin{aligned}\gamma \Delta t_{e-} &= \Delta t_O \\ \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{1,8 \cdot 10^8}{3 \cdot 10^8}\right)^2}} \cdot t_{e-} &= 18,8 \text{ ns} \\ t_{e-} &= \frac{4}{5} \cdot 18,8 \approx 15 \text{ ns}\end{aligned}$$

Obtido o tempo de travessia no referencial do elétron, podemos determinar sua velocidade em relação à plataforma:

$$v = \frac{0,01}{15,04 \cdot 10^{-9}} = 0,066 \cdot 10^7 = 6,6 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

Com isso, a energia cinética do elétron será:

$$K = \frac{mv^2}{2} = \frac{9,11 \cdot 10^{-31} \cdot 6,6^2 \cdot 10^{10}}{2} = 1,984 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Passando para elétron-Volt:

$$K = \frac{1,984 \cdot 10^{-19}}{1,6 \cdot 10^{-19}} \approx 1,24 \text{ eV}$$

Em seguida, determinamos a energia do fóton incidente:

$$\frac{hc}{\lambda} = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{500 \cdot 10^{-9}} = 3,978 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

Que corresponde, em elétron-Volt:

$$\frac{hc}{\lambda} = \frac{3,978 \cdot 10^{-19}}{1,6 \cdot 10^{-19}} \approx 2,49 \text{ eV}$$

Finalmente, determinamos a função trabalho:

$$\begin{aligned}\phi &= \frac{hc}{\lambda} - K \Rightarrow \phi = 2,49 - 1,24 \\ \phi &= 1,25 \text{ eV}\end{aligned}$$

2ª QUESTÃO

Valor: 2,00

Um recipiente cilíndrico, isolado, localizado a nível do mar possui uma certa quantidade de um gás diatômico ocupando um volume de $0,700 \text{ m}^3$. Inicialmente o cilindro se encontra deitado em equilíbrio estático, com seu êmbolo livre para se deslocar horizontalmente. O êmbolo, de massa $m = 5 \text{ kg}$ e raio $r = 10 \text{ cm}$, é então levemente deslocado levemente, passando a realizar um movimento oscilatório.

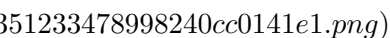
Determine o período de oscilação deste movimento.

Gabarito

Equilíbrio inicial do êmbolo: 

$$F_{o\ gas} = F_{ext} \Rightarrow P_{o\ gas} \cdot A_{embolo} = P_{atm} \cdot A_{embolo} \Rightarrow P_{o\ gas} = P_{atm} \quad (i)$$

$$V_o = A_{embolo} \cdot x_o = 0,700\ m^3 \quad A_{embolo} = \pi \cdot r^2 = \pi \cdot 0,1^2 \quad x_o = \frac{0,7}{\pi \cdot 0,1^2}$$

Deslocando o êmbolo: 

$$F_{gas} - F_{atm} = F_{res}$$

$$\rightarrow (P_{gas} - P_{atm}) \cdot A_{embolo}$$

(ii)

Conservando o número de mols (usando i)

$$P_{o\ gas} \cdot V_o = P_{gas} \cdot V_f \rightarrow P_{atm} \cdot A_{embolo} \cdot x_o = P_{gas} \cdot A_{embolo} (x_o - x)$$

$$P_{gas} = \frac{P_{atm} \cdot x_o}{(x_o - x)}$$

Como foi realizado um pequeno deslocamento, utilizaremos a aproximação de Bernoulli:

$$P_{gas} = \frac{P_{atm} \cdot x_o}{x_o \left(1 - \frac{x}{x_o}\right)} \approx P_{atm} \left(1 + \frac{x}{x_o}\right)$$

Substituindo em ii :

$$F_{res} = \left(P_{atm} \left(1 + \frac{x}{x_o}\right) - P_{atm} \right) \cdot A_{embolo}$$

$$P_{atm} \cdot \frac{x}{x_o} \cdot \pi \cdot 0,1^2 = F_{res}$$

Observe que a F_{res} é diretamente proporcional ao deslocamento e o êmbolo tende a retornar a sua posição inicial. Logo, o movimento se configura um MHS e podemos usar a relação:

$$T_{MHS} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$k = \frac{P_{atm} \cdot \pi \cdot 0,1^2}{x_o}$$

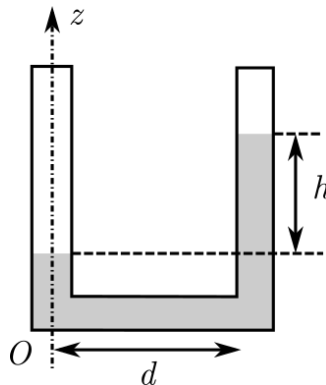
Substituindo os valores (e usando $P_{atm} = 10^5$):

$$k \approx 141$$

$$T_{MHS} = 2\pi \sqrt{\frac{5}{141}}$$

3ª QUESTÃO**Valor: 2,00**

Um tubo em U contendo um líquido gira em torno do eixo z , indicado na figura, com velocidade angular de 10 rad/s . A distância d entre os dois ramos do tubo é de 12 cm , e ambos são abertos na parte superior.



Calcule a diferença de altura h entre os níveis atingidos pelo líquido nos dois ramos do tubo


Gabarito

****Solução 1:**** força resultante centrípeta

Primeiro, vamos calcular a diferença de pressão nos extremos do tubo horizontal:

$$\Delta p = \rho g h$$

Porém, a diferença de pressão gera uma força resultante. Como o tubo que possui a maior altura gera maior pressão, temos uma força resultante apontando para o centro de rotação em O .

Logo, sendo A a área do tubo:  (/uploads/upload_f555898596c5d0bd1edee924e1ea182a.png)

$$F_{res} = F_1 - F_2 = \Delta p \cdot A = F_{cp}$$

$$\rho g h A = m \omega^2 R$$

Nesse caso, o corpo em rotação é o líquido no tubo horizontal, e o centro de massa está localizado na metade do tubo. Assim, temos:

$$\rho g h A = m \omega^2 \frac{d}{2}$$

Onde a massa vale:

$$m = \rho V = \rho A d$$

Portanto,

$$\rho g h A = \rho A d \omega^2 \frac{d}{2}$$

$$g h = \frac{(\omega d)^2}{2}$$

$$\therefore h = \frac{(\omega d)^2}{2g}$$

Substituindo os valores no S.I.:

$$h = \frac{10^2 \cdot 0,12^2}{2 \cdot 10} = 0,072 \text{ m}$$

$$h = 7,2 \text{ cm}$$

****Solução 2:**** parábola de Newton

Primeiro, vamos fazer o diagrama de corpo livre para uma pequena partícula do fluido, sendo a normal resultante perpendicular à superfície do líquido.

Lembrando que a força centrípeta é dada por:

$$F_{cp} = m.\omega^2.R$$

Relacionando as forças com as medidas usando a tangente do ângulo teta:

$$\tan \alpha = \frac{F_{cf}}{P} = \frac{h}{x}$$

Sendo x a distância da partícula até o centro de rotação

Multiplicando cruzado e substituindo Peso e Força centrífuga.

$$\frac{m.\omega^2.dx}{m.g} = \frac{h}{x}$$

Sendo dx o raio de curvatura da pequena partícula, ω a velocidade angular e x a medida do raio do balde.

OBS: PEQUENA REVISÃO DE INTEGRAL Duas importantes integrais:

$$\int x \, dx = \frac{x^2}{2}$$

$$\int dx = x$$

Seguindo na questão:

$$h = \int \frac{\omega^2}{g} . x \, dx$$

$$h = \frac{\omega^2}{g} . \frac{d^2}{2}$$

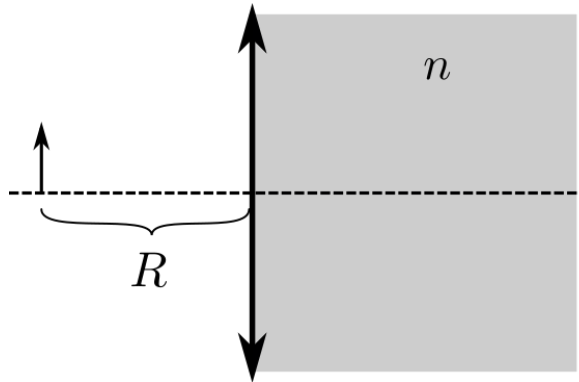
Substituindo os dados fornecidos:

$$h = \frac{10^2 . (12 . 10^{-2})^2}{2 . 10}$$

$$h = 7,2 \text{ cm}$$

4ª QUESTÃO**Valor: 2,00**

Uma lente biconvexa de raios iguais a R é posicionada na transição entre o vácuo e um meio de índice $n = 2$.



Determine a posição da imagem final em relação à lente de um objeto posicionado a uma distância R desta. O material da lente possui um índice de refração igual a 1,50.

Gabarito

Para encontrar a posição da imagem final, devemos primeiro entender que não se trata de um problema comum de lentes, visto que temos três meios diferentes que o raio de luz percorrerá:

Sendo assim, devemos utilizar a equação de dioptra esférico duas vezes, primeiro para a passagem do meio 1 para o meio 2, depois da passagem do meio 2 para o meio 3.

A equação do dioptra esférico é dada por:

$$\frac{n_2 - n_1}{R} = \frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{p'}$$

Onde $R > 0$ para partes convexas e $R < 0$ para partes côncavas.

Meio 1 para meio 2:

$$\frac{1,5 - 1}{R} = \frac{1}{R} + \frac{1,5}{p'}$$

$$p' = -3R \text{ (i)}$$

Meio 2 para meio 3:

$$\frac{2 - 1,5}{-R} = \frac{1,5}{3R} + \frac{2}{p''}$$

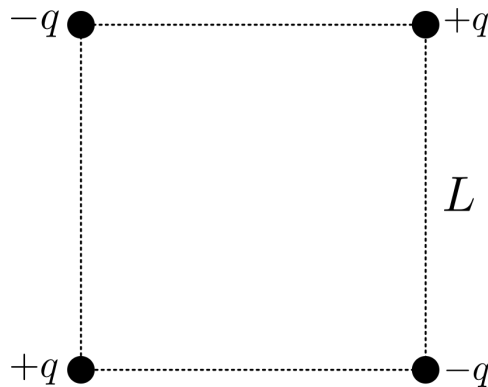
$$p'' = -2R$$

Como o valor de p'' é negativo, significa que a imagem final está formada a uma distância $2R$ à esquerda da lente.

5ª QUESTÃO

Valor: 2,00

Quatro corpos pontuais de mesma massa m e carregados eletricamente formam um quadrado de lado L . Os corpos giram em torno do centro do quadrado com velocidade angular constante. Sendo k a constante eletrostática do meio, determine o período de rotação.

**Gabarito**

Como as cargas estão dispostas em um quadrado simétricas em relação às diagonais, as únicas forças responsáveis pelo movimento delas em torno do centro são as forças radiais. Considere o quadrado $ABCD$. Analisando as forças atuando sobre a carga $+q$ disposta em A , temos:

$$F_{AB} = F_{AD} = \frac{kq^2}{L^2}; F_{AC} = \frac{kq^2}{(L\sqrt{2})^2}$$

Decompondo as forças radialmente, temos que a resultante apontando para o centro do quadrado é a força centrípeta:

$$F_{AB} \cdot \cos 45^\circ + F_{AD} \cdot \cos 45^\circ - F_{AC} = F_{cp}$$

Logo, ficamos com:

$$\frac{2kq^2}{L^2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{kq^2}{2L^2} = \frac{kq^2(2\sqrt{2} - 1)}{2L^2} = m\omega^2 R \Rightarrow \Rightarrow \omega^2 = \frac{kq^2(2\sqrt{2} - 1)}{2mRL^2} \Rightarrow \omega = \frac{q}{L} \sqrt{\frac{k(2\sqrt{2} - 1)}{2mR}} \Rightarrow \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \frac{q}{L} \sqrt{\frac{k(2\sqrt{2} - 1)}{2mR}}$$