

CICLO ITA 1 - MATEMÁTICA E QUÍMICA

TURMA IME-ITA



2022

MATEMÁTICA

1ª QUESTÃO

Calcular a soma:

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{2^2} + \frac{5}{2^3} + \dots + \frac{2n-1}{2^n}.$$

Gabarito

a)
$$S = 3 - \frac{2n+3}{2^n}$$

Seja S a soma designada, portanto:

$$2S = 1 + \frac{3}{2} + \frac{5}{2^2} + \dots + \frac{2n-1}{2^{n-1}}.$$

Ao subtrair a expressão obtida da inicial:

$$2S - S = 1 + \frac{2}{2} + \frac{2}{2^2} + \dots + \frac{2}{2^{n-1}} - \frac{2n-1}{2^n}$$

$$S = 1 - \frac{2n-1}{2^n} + 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{2^{n-2}}$$

$$S = 1 - \frac{2n-1}{2^n} + \frac{\left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1}\right)}{1 - \frac{1}{2}}$$

$$S = 3 - \frac{2n+3}{2^n}.$$

2ª QUESTÃO

Dê o conjunto solução da equação:

$$\frac{1 - tg(x)}{1 + tg(x)} = 1 + sen(2x).$$

Gabarito

a)
$$x = k\pi$$
, $com \ k \in \mathbb{Z}$

Solução 01:

Inicialmente, observe que o domínio de validade é dado por:

$$x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$$

е

$$x \neq -\frac{\pi}{4} + k\pi$$
.

Ao substituir as tangentes em função dos senos e cossenos, ao fazer o mmc, obtemos:

$$sen(x) (3 + sen(2x) + cos(2x)) = 0.$$

Como o segundo fator nunca poderá ser nulo, temos que:

$$sen(x) = 0 \to \boxed{x = k\pi}$$

Solução 02:

Parametrizando o seno pela tangente do arco metade:

$$sen(2x) = \frac{2tan(x)}{1 + tan^2(x)}$$

Substituindo na equação do enunciado:

$$\frac{1 - \tan(x)}{1 + \tan(x)} = 1 + \frac{2\tan(x)}{1 + \tan^2(x)}$$

$$\frac{1 - \tan(x)}{1 + \tan(x)} = \frac{1 + 2\tan(x) + \tan^2(x)}{1 + \tan^2(x)}$$

$$\frac{1 - \tan(x)}{1 + \tan(x)} = \frac{(1 + \tan(x))^2}{1 + \tan^2(x)}$$

$$(1 \tan x) \left(1 + \tan^2 x \right) = (1 + \tan x)^3$$

$$2 \tan^3 x + 2 \tan^2 x + 4 \tan x = 0$$

Repare que $\tan x = 0$ é solução

$$\tan x.(\tan^2 x + \tan x + 2) = 0$$

 $\tan^3 x + \tan^2 x + 2\tan x = 0$

Discriminante da equação $\tan^2 x + \tan x + 2$

$$= 1^2 4.2.1 < 0$$

Logo, não haverá equação real para essa equação. Portanto, a única solução será $\tan x = 0$

$$x = k\pi, com \ k \in \mathbb{Z}$$

3ª QUESTÃO

Determine todos os valores reais de *x* que satisfazem:

$$(x-1)(x-2)(x-4)(x-8) = 10x^2.$$

Gabarito

a)
$$x = \frac{11 \pm \sqrt{89}}{2}$$

Solução 1:

Reagrupando os fatores e efetuando as respectivas distributivas:

$$(x-1)(x-8)(x-2)(x-4) = 10x2$$
$$(x2 - 9x + 8)(x2 - 6x + 8) = 10x2$$

Uma vez que 0 não é uma solução da equação, ao dividir por x^2 :

$$\left(x - 9 + \frac{8}{x}\right)\left(x - 6 + \frac{8}{x}\right) = 10.$$

Seja
$$\left(x-9+\frac{8}{x}\right)=y$$
, logo:

$$y(y+3) = 10 \rightarrow y = 2$$
 ou $y = -5$.

Ao retornar com a variável x original, nota-se que para y=-5 não há soluções reais. Portanto:

$$x - 9 + \frac{8}{x} = 2$$
$$x^2 - 11x + 8 = 0$$
$$x = \frac{11 \pm \sqrt{89}}{2}.$$

Solução 2:

Vamos abrir o produto:

$$(x-1)(x-2)(x-4)(x-8) = 10x2$$
$$(x2 - 3x + 2)(x2 - 12x + 32) = 10x2$$
$$x4 - 15x3 + 60x2 - 120x + 64 = 0$$

Lema de Gauss:

$$(x^{2} + Ax + B)(x^{2} + Cx + D) = 0$$
$$x^{4} + (A + C)x^{3} + (B + D + AC)x^{2} + (AD + BC)x + BD = 0$$

Logo, teremos o sistema:

$$BD = 64$$

$$AD + BC = -120$$

$$B + D + AC = 60$$

$$A + C = -15$$

3

Resolvendo o sistema por tentativa, encontraremos como solução:

$$A = -11$$

$$B = 8$$

$$C = -4$$

$$(x^2 - 11x + 8)(x^2 - 4x + 8)$$

O delta da equação de segundo grau da direita é negativo, então nos sobra analisar as raízes do polinômio da esquerda:

$$x = \frac{11 \pm \sqrt{121 - 32}}{2} \Rightarrow \boxed{x = \frac{11 \pm \sqrt{89}}{2}}$$

4ª QUESTÃO

Seja P um ponto interior a um triângulo equilátero cujas distâncias aos respectivos lados medem x, y e z. Determine a soma x+y+z em função do lado l do triângulo.

Gabarito

Considere os segmentos que unem o ponto P interior a cada um dos três vértices $A, B \in C$ do triângulo equilátero dado. Dessa forma são formados três triângulos interiores, de modo que a soma das áreas dos três equivale à área de ABC:

$$\frac{lx}{2}+\frac{ly}{2}+\frac{lz}{2}=\frac{lh}{2}$$
 , onde h é a altura do triângulo ABC dado.

Portanto
$$x+y+z=h \to \boxed{x+y+z=rac{l\sqrt{3}}{2}}$$
 .

5ª QUESTÃO

Sabendo que a reta 12x+5y=60 forma um triângulo com os eixos coordenados, calcule a soma das alturas de tal triângulo.

Gabarito

Determinando as interseções com cada um dos eixos:

$$x=0 \rightarrow y=12$$
 e $y=0 \rightarrow x=5$.

Notamos que se trata de um triângulo pitagórico 5, 12 e 13, em que duas das alturas são os próprios catetos.

A outra altura é tal que: 5.12 = 13.h

$$h = \frac{60}{13}$$

Logo, a resposta é:

$$\frac{60}{13} + 12 + 5 = \boxed{\frac{281}{13}}$$

6ª QUESTÃO

Quantos pares ordenados (x, y) de números reais satisfazem simultante as equações:

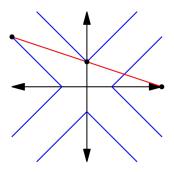
$$x + 3y = 3 e$$

 $||x| - |y|| = 1$?

Gabarito

_

Sabendo que a expressão ||x|-|y||=1 assume os valores representados por x+y=1, x-y=1, -x+y=1, -x-y=1 e x+y=-1, x-y=-1, -x+y=-1, -x-y=-1, com suas respectivas restrições, podemos determinar as interseções entre essas retas e x+3y=3. Obtemos, de acordo com as condições e restrições de cada uma, apenas $\left(\frac{3}{2},\frac{1}{2}\right), (0,1), (-3,2)$. São, portanto, $\boxed{3}$ possíveis pares ordenados. Graficamente:



7ª QUESTÃO

Considere um triângulo ABC, acutângulo, cujos lados medem AB = x - 7, BC = x e AC = x + 2. Se $x \in x \in \mathbb{N} / 0 < x < 20$, determine todos os possíveis valores de x.

Gabarito

a) 16, 17, 18 e 19

Sendo o triângulo acutângulo e x um valor inteiro, basta garantir que:

$$(x+2)^2 < x^2 + (x-7)^2 \to x^2 - 18x + 45 > 0.$$

O intervalo exterior às raízes é dado por: x < 3 ou x > 15. De acordo com as restrições do enunciado, a interseção dos possíveis valores para x é dada por: 1, 2, 16, 17, 18 e 19. No entanto, além disso, os lados

5

devem possuir medidas positivas e as condições de existência do triângulo (desigualdades triangulares) devem ser satisfeitas. Após tais varificações, os únicos valores possíveis restantes são: 16,17,18 e 19.

8ª QUESTÃO

Quantos inteiros não-negativos podem ser escritos da forma:

$$a_73^7 + a_63^6 + \dots + a_13^1 + a_03^0$$
,

com $a_i \in -1, 0, 1$ para $0 \le i \le 7$?

Gabarito

Solução 1: Observe que, se $a_7=-1$, então o resultado da soma será negativo independente dos outros coeficientes. Portanto, temos que $a_7=1$ ou $a_7=0$. Para $a_7=1$, os outros coeficientes podem assumir quaisquer valores que a soma será positiva, havendo portanto 3^7 possibilidades. Já para $a_7=0$, de forma análoga, o coeficiente a_6 passará a ser o predominante e terá apenas 1 ou 0 como possíveis valores. Dessa forma, o total de possibilidades para se obter um natural positivo é dado pela soma da PG:

$$3^7 + 3^6 + \dots + 3^1 + 3^0 = \frac{3^8 - 1}{2}.$$

Além disso, há o caso para todos os coeficientes nulos, resultando em:

$$\frac{3^8 - 1}{2} + 1 = \frac{3^8 + 1}{2} = \boxed{3281}.$$

Solução 2: Pela simetria do problema(-1 e 1), a quantidade de números escritos dessa forma que são positivos é igual a quantidade de números negativos. Como temos 3 possibilidades para cada número, há 3^8 números, sendo 1 deles o número 0. Logo o pedido da questão é:

$$\frac{3^8 - 1}{2} + 1 = \frac{3^8 + 1}{2} = \boxed{3281}.$$

9ª QUESTÃO

Os comprimentos dos lados de um triângulo são os inteiros x-1, x e x+1. Se o seu maior ângulo é o dobro do menor, calcule o valor de x.

Gabarito

Solução 01:

Considere o triângulo ABC cujos lados são $AB=x+1,\,BC=x$ e AC=x-1. Dessa forma, como o maior ângulo está oposto ao maior lado, assim como o menor ao menor lado, temos que $\hat{B}=\theta \to \hat{C}=2\theta$. Ao traçar a bissetriz CD, obtemos o triângulo BCD isósceles e o triângulo ACD semelhante ao ABC.

(i) Pela semelhança:

$$\frac{AD}{x-1} = \frac{x-1}{x+1}$$

$$AD = \frac{(x-1)^2}{x+1}$$

(ii) Pelo TBI:

$$\frac{AD}{x-1} = \frac{x+1-AD}{x}$$

$$AD = \frac{(x+1)(x-1)}{2x-1}$$

Igualando, obtemos:

$$\frac{(x-1)^2}{x+1} = \frac{(x+1)(x-1)}{2x-1} \to \boxed{x=5}.$$

Solução 02:

Lei dos senos:

$$\frac{(x+1)}{\sin(2\theta)} = \frac{(x1)}{\sin(\theta)}$$

Lei dos cossenos:

$$(x1)^2 = (x+1)^2 + x^2 2x (x+1) \cos \theta$$

Substituindo o valor de $\cos \theta$:

$$(x1)^{2} = (x+1)^{2} + x^{2}x (x+1) \frac{x+1}{x1}$$
$$x^{2} + 12x = x^{2} + 2x + 1 + x^{2} \frac{x (x+1) (x+1)}{x1}$$
$$\frac{(x+1)^{2} x}{x1} = 4x + x^{2}$$

Como $x \neq 0$:

$$x^2 + 1 + 2x = 4x + x^2 4x$$

Logo:

$$x = 5$$

10^a QUESTÃO

Considere A um conjunto não vazio tal que n(A)=x. Se P(A) é o conjunto das partes de A, responda:

- a) Qual a expressão para $n\left(P(A)\right)$ em função de x? Explique.
- b) Considere, agora, n(A) = 2. Ao definir:

 $\beta P^1(A) = P(A) \mod P^1(A) = P(A) = P($

qual o menor valor de k para o qual $P^k(A) > 64000$?

Gabarito

Em (a), tem-se o total de subconjuntos de A. Uma vez que cada elemento de A pode ou não estar em um determinado subconjunto, o total de subconjuntos é dado pelo Princípio Multiplicativo:

$$\underbrace{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdots 2}_{x \text{ vezes}}$$
 ,

resultando em 2^x

Na letra (b), usando que n(A)=2, de acordo com a definição dada e com o resultado demonstrado anteriormente:

$$n(P(A)) = 2^{2} = 4$$
$$n(P^{2}(A)) = 2^{4} = 16$$
$$n(P^{3}(A)) = 2^{16} = 65536$$

Logo:
$$k = 3$$
.

Comentário geral:

O simulado de matemática do ciclo 1 priorizou manter a estrutura da prova do ITA com um nível de dificuldade fácil para médio dado o curto tempo de prova. Desse modo, destacamos 5 questões como as mais diretas da prova (04, 06, 07, 09 e 10), 3 questões de nível médio (01, 02 e 05) e 2 questões mais trabalhosas (03 e 08). Assim, o grande objetivo dessa prova é saber escolher bem as questões que devem ser feitas e não errar besteira a fim de conquistar uma boa nota.

QUÍMICA

Dados

Constantes

- ullet Constante de Planck $h=6.6 imes10^{-34}\,\mathrm{J\,s}$
- \bullet Constante de Rydberg $\mathcal{R}_{\infty} = 1.1 \times 10^7 \, \mathrm{m}^{-1}$
- Massa do elétron $m_e = 9.1 \times 10^{-31} \,\mathrm{kg}$

Elementos

Elemento Químico	Número Atômico	Massa Molar $(\operatorname{g} \operatorname{mol}^{-1})$	Elemento Químico	Número Atômico	Massa Molar $(g \operatorname{mol}^{-1})$
Н	1	1,01	Ar	18	39,95
He	2	4,00	K	19	39,10
С	6	12,01	Ca	20	40,08
Ν	7	14,01	Cr	24	52,00
0	8	16,00	Fe	26	$55,\!84$
F	9	19,00	Cu	29	$63,\!55$
Ne	10	20,18	Zn	30	$65,\!38$
Na	11	22,99	Br	35	79,90
Mg	12	24,31	Мо	42	$95,\!95$
S	16	32,06	I	53	126,90
CI	17	$35,\!45$			

11a QUESTÃO

A série de Lyman é o conjunto de raios que resultam da emissão do átomo do hidrogênio quando um elétron transita de $n \geq 2$ a n=1, onde n representa o número quântico principal referente ao nível de energia do elétron.

- a) **Determine** a faixa de comprimentos de onda referente à série de Lyman.
- b) **Determine** o comprimento de onda associado a um elétron emitido de um átomo de cobre pela incidência de um fóton da segunda linha da série de Lyman.

Dados

 \bullet Função trabalho do cobre $\Phi(Cu) = 7{,}44 \times 10^{-19}\,\mathrm{J}$

Gabarito

- a) $91 \ nm < \lambda < 121 \ nm$
- b) 0,63 nm
- (a) Para Calcularmos todos os possíveis comprimentos de onda referentes à série de emissão Lyman, devemos substituir todos os valores de n na equação:

$$\frac{1}{\lambda} = R_{\infty} \left(\frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_0^2} \right)$$

Dessa forma, como o problema pede o intervalo de valores, basta analisarmos os casos limites. que são $n_0=2$ e $n_0=\infty$. Logo: Primeiro caso:

$$\lambda = \frac{1}{R_{\infty} \left(1 - \frac{1}{2^2}\right)} = \frac{1}{1, 1.10^7.\frac{3}{4}} \approx 121 \; nm$$

Segundo caso:

$$\lambda = \frac{1}{R_{\infty} \left(1 - \frac{1}{\infty^2}\right)} = \frac{1}{1, 1.10^7} \approx 91 \ nm$$

Dessa forma, o intervalo de valores para λ é:

$$91 \ nm < \lambda < 121 \ nm$$

(b) Primeiramente devemos calcular o comprimento de onda associado ao fóton da segunda série de Lyman:

$$\lambda = \frac{1}{R_{\infty} \left(1 - \frac{1}{3^2}\right)} = \frac{1}{1, 1.10^7 \cdot \frac{8}{9}} \approx 102 \ nm$$

A partir disso, podemos estudar o efeito fotoelétrico a partir da seguinte equação:

$$E = \frac{hc}{\lambda} = \Phi + E_{cin}$$

substituindo os valores, temos:

$$\frac{6,6.10^{-34}3.10^8}{102.10^{-9}} = 7,44.10^{-19} + E_{cin}$$
$$\Rightarrow E_{cin} \approx 12.10^{-19}$$

Porém

$$E_{cin} = m_e \cdot v^2$$

$$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{12 \cdot 10^{-19}}{9 \cdot 1 \cdot 10^{-31}}} = 1,15.10^6$$

Pela fórmula de De Broglie, temos:

$$\lambda = \frac{h}{m_e v} = \boxed{0,63 \ nm}$$

12ª QUESTÃO

Considere o elemento **X**, de número atômico Z=42.

- a) Determine a configuração eletrônica do estado fundamental de X.
- b) **Determine** os números quânticos do elétron mais energético de **X**.
- c) **Esboçe** a probabilidade de encontrar o elétron em função da distância radial do núcleo para o orbital mais energético de **X**.

Gabarito

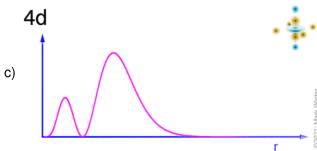
a)
$$1s^2 \ 2s^2 \ 2p^6 \ 3s^2 \ 3p^6 \ 4s^2 \ 3d^{10} \ 4p^6 \ 5s^1 \ 4d^5$$

b)
$$n=4, l=2, m_l=+2, m_s=-\frac{1}{2}$$

a)
$$1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 4s^2 3d^{10} 4p^6 5s^1 4d^5$$

A terminação $5s^1$ $4d^5$ tem como explicação a maior estabilidade do orbital d semipreenchido.

b)
$$n = 4, l = 2, m_l = +2, m_s = -\frac{1}{2}$$



13ª QUESTÃO

Considere a combustão de $12\,\mathrm{g}$ de magnésio com excesso de oxigênio formando óxido de magnésio.

- a) Determine a variação de entropia do sistema.
- b) Determine a variação de entropia da vizinhança.
- c) Classifique o porcesso quanto à sua espontaneidade.

Dados

- Entalpia de formação do MgO $\Delta H_{\rm f}^{\circ}({
 m MgO,s}) = -600,0\,{
 m kJ\,mol}^{-1}$
- Entropia do MgO $S^{\circ}(\mathrm{MgO,s}) = 27.0\,\mathrm{J\,K^{-1}\,mol^{-1}}$
- Entropia do Mg $S^{\circ}(Mg, s) = 33.0 \, \mathrm{J \, K^{-1} \, mol^{-1}}$
- Entropia do $O_2 S^{\circ}(O_2, g) = 210.0 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$

Gabarito

- a) -55, 5 J/K
- b) $300 \ kJ$
- c) T < 5405, 4 K

Temos 12 gramas de Magnésio. O primeiro passo é encontrar o número de mols de Mg:

$$n_{Mg} = \frac{12}{24} = 0,5 \ mol$$

A reação é:

$$Mg\left(s\right)+\frac{1}{2}\,O_{2}(g)\longrightarrow MgO\left(s\right)$$

a) Calculando a variação de entropia:

$$\Delta S = 0.5 \cdot (27 - 33 - 105) = \boxed{-55.5 \ J/K}$$

b) Calculando a variação de entalpia:

$$\Delta H = 0.5 \cdot (-600) = -300 \ kJ$$

11

Mas a variação de entalpia da vizinhança tem o valor contrário da variação de entalpia do sistema, portanto

$$\Delta H_{viz} = \boxed{300kJ}$$

c) Para avaliar a espontaniedade do processo é necessário calcular variação da energia livre de Gibbs. Sabemos que a energia livre de Gibbs é dada por :\

$$\Delta G = \Delta H - T \cdot \Delta S$$

Sabemos que para $\Delta G < 0$ a reação é espontânea.

$$\Delta G = -300000 - T \cdot (-55, 5)$$

Queremos achar o valor de T em que a reação deixa de ser espontânea, então igualaremos ΔG a zero.

$$T = \frac{300000}{55, 5} = 5405, 4 K$$

Então para $\mid T < 5405, 4 \; K \mid$ a reação é espontânea.

14ª QUESTÃO

Uma amostra de $50\,\mathrm{g}$ de uma solução 4% em massa de hidróxido de sódio é misturada com uma amostra de $50\,\mathrm{g}$ de uma solução 1.825% de ácido clorídrico em um calorímetro adiabático a $20\,^\circ\mathrm{C}$. Verificase que a temperatura da solução aumentou para $23.4\,^\circ\mathrm{C}$. Em seguida, $70\,\mathrm{g}$ de uma solução 3.5% de ácido sulfúrico a $20\,^\circ\mathrm{C}$ foi adicionada à solução.

Determine a temperatura final da solução resultante.

Dados

• Capacidade calorífica do H_2O $C_P(H_2O,l) = 75.0 \,\mathrm{J\,K^{-1}\,mol^{-1}}$

Gabarito

a) $24^{\circ}C$

Começaremos calculando o número de mols de NaOH e de HCI.

$$50g \ 4\% \frac{m}{m} NaOH \implies 0,05 \ mol \ NaOH$$

$$50g~1,825\%\frac{m}{m}HCl \implies 0,025~mol~HCl$$

Inicialmente temos : $NaOH + HCl \rightarrow NaCl + H_2O$

Porém, é sabido que NaOH é base forte e HCI é ácido forte, e além disso NaCI é solúvel em água. Assim, observamos que Na^+ e Cl^- são íons espectadores. Portanto a reação que nos interessa é

$$H^+ + OH^- \rightarrow H_2O$$
, ΔH_{neut}

Serão consumidos 0,025 mol de H^+ e OH^- ,sobrando 0,025 mol de OH^- Calculando ΔH_{neut} :

$$0,025 \cdot \Delta H_{neut} = (\frac{0,96 \cdot 50 + 0,98175 \cdot 50}{18} + 0,025) \cdot 75 \cdot 3,4 \implies$$

$$\Delta H_{neut} = -55271J$$

Agora a reação com H_2SO_4 :

Veja que $\mathrm{SO_4}^{2-}$ também é íon espectador.

$$OH^- + H^+ \longrightarrow H_2O$$

Logo:

$$70g \ 3,5\% \frac{m}{m} H_2 SO_4 \implies 0,025 \ mol \ H_2 SO_4 \implies 0,05 \ mol \ H^+$$

Serão consumidos 0,025 mol de H^+ e OH^- , sobrando 0,025 mol de H^+

Agora encontraremos a temperatura de equilíbrio quando a solução de H_2SO_4 é adicionada. Teremos 23,4řC 97,0875g de água da primeira mistura e 20řC 67,55g de água da segunda mistura.

$$(23, 4-T) \cdot 97,0875 = (T-20) \cdot 67,55 \implies T = 22 rC$$

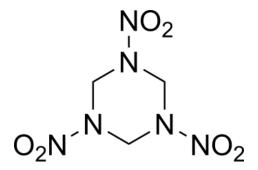
A energia liberada na nova neutralização será: $\Delta H = 0,025 \cdot 55271 = 1381,78~J$

Calculando a temperatura final: $\frac{164.68}{18} \cdot 75 \cdot \Delta T = 0,025 \cdot 55271$

A temperatura final será $24^{\circ}C$.

15^a QUESTÃO

Considere a estrutura do explosivo RDX, a seguir.



Uma amostra de $11.1\,\mathrm{g}$ de RDX foi adicionada a um cilindro juntamente com $1.845\,\mathrm{L}$ de ar a $27\,^{\circ}\mathrm{C}$ e $1\,\mathrm{atm}$. Após a reação, os gases no interior do cilidro são resfriados novamente a $27\,^{\circ}\mathrm{C}$.

- a) Apresente a reação balanceada de combustão do RDX.
- b) **Determine** a entalpia de combustão do RDX.
- c) **Determine** a energia interna de combustão do RDX.
- d) Determine a pressão parcial de dióxido de carbono no cilindro após a reação.

Dados

- Entalpia de formação do RDX $\Delta H_{\rm c}(RDX) = 2100\,{\rm kJ/mol}$
- Entalpia de formação do $CO_2 \Delta H_f^{\circ}(CO_2, g) = -390.0 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$
- Entalpia de formação do H_2O $\Delta H_f^{\circ}(H_2O, l) = -290.0 \text{ kJ mol}^{-1}$

a)
$$C_3H_6N_6O_6(s) + \frac{3}{2}O_2(g) + 6N_2(g) \longrightarrow 3CO_2(g) + 3H_2O(l)^+9N_2(g)$$

- b) $-4140 \ kJ/mol$
- c) $-4151, 2 \, kJ/mol$
- d) 0,25atm

Composto RDX: $C_3H_6N_6O_6$. Massa molar: $222 \ g/mol$. a) Reação de combustão

$$C_3 H_6 N_6 O_6(s) + \frac{3}{2} O_2(g) + 6 N_2(g) \longrightarrow 3 CO_2(g) + 3 H_2 O(l)^+ 9 N_2(g)$$

b)
$$\Delta H_{reação}^\circ = \Delta H_{Prod}^\circ - \Delta H_{Reag}^\circ$$

$$\Delta H_{reação}^\circ = 3\cdot (-390) + 3\cdot (-290) - 1\cdot (2100) = \boxed{-4140~kJ/mol}$$

c)
$$\Delta U = \Delta H - \Delta nRT$$

$$\Delta U = -4140 \cdot 10^3 - \left(\frac{9}{2}\right) \cdot 8,31 \cdot 300 = \boxed{-4151,2\ kJ/mol}$$

d) $n_{RDX}=\frac{massa}{MM}=\frac{11,1}{222}=0,05~mols$ Calculando o número de mols de ar: $PV=nRT\to 1\cdot 1,845=n\cdot 0,082\cdot 300\to n_{ar}=0,075$ Então: $n_{O_2}=0,015mols$ e $n_{N_2}=0,06mols$ Perceba que o ar será, portanto, reagente limitante. Logo, pela estequiometria da reação, $n_{CO_2}=0,03$ e $n_{N_2}=0,09$ Para acharmos a pressão parcial usaremos que: $P_{CO_2}=x_{co_2}\cdot P_{total}\to P_{CO_2}=1atm\cdot \frac{0,03}{0,03+0,09}\to P_{CO_2}=0,25$ atm

16^a QUESTÃO

Um cilindro contém $30\,\mathrm{g}$ de uma mistura equimolar de hidrogênio e monóxido de carbono com o dobro da quantidade estequiométrica de ar necessária para a combustão completa.

- a) Determine a massa de ar no cilindro.
- b) Determine o calor liberado na combustão da mistura.
- c) **Determine** a temperatura adiabática da chama.

Dados

- Capacidade calorífica do CO₂ $C_P(CO_2, g) = 37.0 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- Capacidade calorífica do H_2O $C_P(H_2O, g) = 34.0 \,\mathrm{J}\,\mathrm{K}^{-1}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- Capacidade calorífica do O_2 $C_P(O_2, g) = 29.0 \,\mathrm{J \, K^{-1} \, mol^{-1}}$
- Entalpia de formação do $CO_2 \Delta H_f^{\circ}(CO_2, g) = -390.0 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$
- Entalpia de formação do CO $\Delta H_{\rm f}^{\circ}({\rm CO,g}) = -110.0 \, {\rm kJ \, mol}^{-1}$
- Entalpia de formação do H_2O $\Delta H_f^{\circ}(H_2O,g) = -240.0 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$

- a) 27,1584 g
- b) $-49,036 \ kJ$
- c) 1566, 3 K
 - a) Combustão completa da reação

1.
$$H_{2(g)} + \frac{1}{2}O_{2(g)} + 2N_{2(g)} \rightarrow H_2O_{(l)} + 2N_{2(g)}$$

2.
$$CO_{(g)} + \frac{1}{2}O_{2(g)} + 2N_{2(g)} \rightarrow CO_{2(g)} + 2N_{2(g)}$$

Seja x o número de mols de H_2 , como se trata de uma mistura equimolar, o número de mols de CO também será x Pela estequiometria da reação e usando que a quantidade de ar usada é o dobro da necessária para a combutão, temos que:

$$n_{O_{2(g)}} = 2x$$

$$n_{N_{2(q)}} = 8x$$

Assim:

$$30 = 2x + 28x + 64x + 224x$$
$$x = 0.0943$$

Logo, a massa de ar será:

$$m_{ar} = 2x \cdot 32 + 8x \cdot 28 = 288x = \boxed{27,1584 \ g}$$

b)

$$\Delta H_I = -240kJ/mol$$

$$\Delta H_{II} = -390 - (-110) = -280kJ/mol$$

Assim, a energia liberada será dada por:

$$E_{liberada} = (-240 - 280) \cdot x = \boxed{-49,036 \ kJ}$$

c)

$$\Delta H = c_p \cdot \Delta T$$

$$520 \cdot 10^3 = (4 \cdot 29 + 1 \cdot 34 + 1 \cdot 37 + 4 \cdot 29 + 1 \cdot 29) \cdot \Delta T$$

$$\Delta T = 1566, 3K$$

17a QUESTÃO

Um composto orgânico **X** contendo apenas carbono, hidrogênio, nitrogênio e oxigênio foi análisado. O resultado das análises é apresentado a seguir.

- 1. Uma amostra de $58\,\mathrm{mg}$ do composto sofreu combustão completa formando $88\,\mathrm{mg}$ de dióxido de carbono e $36\,\mathrm{mg}$ de água.
- 2. Todo nitrogênio de uma amostra de $87\,\mathrm{mg}$ do composto foi convertido em $33,\!6\,\mathrm{mL}$ de amônia em CNTP.
- 3. A taxa de efusão desse composto em um experimento foi de $30\,\mathrm{mL/min}$. A taxa de efusão do argônio em condições idênticas foi de $17.6\,\mathrm{mL/min}$.
- a) Determine a fórmula mínima de X.
- b) Determine a fórmula molecular de X.

- a) C_2H_4NO
- b) $C_4H_8N_{202}$
 - a) 1. Para o primeiro experimento temos que:

$$n_{carbono} = n_{CO_2} = \frac{88 \ mg}{44} = 2 \ mmol$$

Logo:

$$n_{hidrog\hat{\mathbf{e}}nio} = 2 \cdot n_{H_2O} = 2 \cdot \frac{36 \ mg}{18} = 4 \ mmol$$

Assim, em 58mg de composto:

$$m_{carbono} = 2 \cdot 12 = 24 \ mg$$

$$m_{hidrog\hat{\mathbf{e}}nio} = 1 \cdot 4 = 4 \ mg$$

Para o segundo experimento: 2. Em 33,6~mL de amônia temos $\frac{33,6mL}{22,4L}=1,5mmol$ de nitrôgenio, dado que o gás se encontra em CNTP. Para acharmos a massa de nitrogênio em 58~mg de composto:

Assim:

$$58 = 24 + 4 + 14 + m_{oxig\hat{e}nio}$$

$$m_{oxig\hat{e}nio} = 16mg$$

$$n_{oxig\hat{e}nio} = 1mmol$$

Daí, a fórmula mínima do composto será:

$$C_2H_4NO$$

b) Para acharmos a fórmula molecular do composto precisamos, primeiro, calcular sua massa molar. Assim:

$$\frac{30}{17,6} = \sqrt{\frac{m_{molar}}{40}}$$

$$m_{molar} = 116~g/mol$$

Como a massa molar da fórmula mínima é $58 \ g/mol$

$$58 \cdot n = 116 \to n = 2$$

Logo, a fórmula do composto será:

$$\boxed{C_4 H_8 N_2 0_2}$$

18ª QUESTÃO

Considere que V é o volume do recipiente que contém n mols um gás. O volume total ocupado pelas moléculas de gás é bn e, próximo às paredes, as moléculas de gás são atraídas com força proporcional ao quadrado da concentração do gás, levando a uma diferença de pressão de an^2/V^2 .

- a) Apresente a equação de estado para esse gás.
- b) **Ordene** os gases nobres He, Ne e Ar em função do parâmetro b.
- c) **Ordene** as moléculas H_2 , H_2O e NO, em função do parâmetro a.

Gabarito

a)
$$(P + \frac{an^2}{V^2}) \cdot (V - bn) = nRT$$

b)
$$b_{Ar} > b_{Ne} > b_{He}$$

c)
$$a_{H_2O} > a_{NO} > a_{H_2}$$

{=html} <!-- --> - A equação de estado para esse gás será dada por:

$$P + \frac{an^2}{V^2} \cdot (V - bn) = nRT$$

- O parâmetro b está relacionado ao tamanho das moléculas de gás, quanto maior o tamanho da molécula, maior o b, portanto:

$$R_{Ar} > R_{Ne} > R_{He} \Rightarrow b_{Ar} > b_{Ne} > b_{He}$$

- O parâmetro a está relacionado às interações intermoleculares das moléculas, quanto mais forte a interação maior o valor de a, portanto: $H_2 \to \text{dipolo}$ induzido $H_2O \to \text{ligação}$ de hidrogênio $NO \to \text{dipolo}$ dipolo sendo F a força de cada interação, temos:

$$F_{H_2O} > F_{NO} > F_{H_2} \Rightarrow \boxed{a_{H_2O} > a_{NO} > a_{H_2}}$$

19^a QUESTÃO

O composto **B** pode ser preparado por uma síntese de multiplas etapas partindo do composto **A1** ou de seu enantiômero, **A2**.

Dependendo da série de reações empregadas, a configuração dos carbonos 2, 3 e 5 pode ser seletivamente mantida ou invertida. Esse protocolo não leva à inversões no carbono 4. De todos os possíveis estereoisômeros de **B**, apenas guatro são efetivamente formados nessa síntese.

- a) Apresente a estrutura do composto A2.
- b) Determine o número de estereoisômeros de A1 e A2.
- c) Determine o número de estereoisômeros de B.
- d) Apresente a estrutura dos estereoisômeros de B que são efetivamente formados na reação.

- a) -
- b) 32
- c) 10
- d) -

{=html} <!-- --> - Para encontrar a estrutura do composto A2 basta espelhar A1, portanto:

a) Para determinar o número de estereoisômeros de A1 basta contar o número de carbonos quirais:

5 carbonos quirais portanto $2^5=\boxed{\bf 32}$ estereoisômeros tanto para **A1** quanto para **A2** * Para determinar o número de estereoisômeros de B, primeiro percebemos que há uma certa simetria, portanto faremos os casos 1 a 1 pois são poucos e não podemos esquecer de nenhum:

Contando, temos 10 estereoisômeros * As estruturas efetivamente formadas são as que apresentam o carbono 4 na mesma configuração vista no composto A1, portanto temos as seguintes estruturas:

Em amarelo temos o carbono que foi seletivamente escolhido para mudar sua configuração.

20^a QUESTÃO

A bupropiona é um fármaco utilizado principalmente para o tratamento da depressão e do tabagismo.

Este composto é opticamente ativo, sendo que um dos estereoisômeros possui maior efeito farmacológico. Mesmo que seja possível isolar o isômero mais potente, a bupropiona é comercializada como uma mistura racêmica, pois sofre racemização *in vivo*, ou seja, uma solução opticamente ativa desse composto perde sua atividade com o tempo no corpo humano.

- a) Identifique as funções orgânicas na bupropiona.
- b) Apresente o equilíbrio tautomérico da bupropiona com a sua forma enólica.
- c) **Explique** porque uma mistura ópticamente ativa de bupropiona perde sua atividade óptica em meio ácido no corpo humano.

Gabarito

- a) amina, cetona e haleto de arila
- b) -
- c) Devido ao equilíbrio tautomérico.

{=html} <!-- --> - Observando o fármaco verificamos as funções amina, cetona e haleto de arila

dade óptica pela sua condição de tautomeria. Isso acontece pois quando a bupropiona passa para o seu isômero enólico, a molécula deixa de ser opticamente ativa, pois deixa de ter carbono quiral. Sendo assim, quando a molécula retorna à bupropiona, a escolha de R ou S é feita de maneira aleatória, o que faz com que a mistura fique racêmica