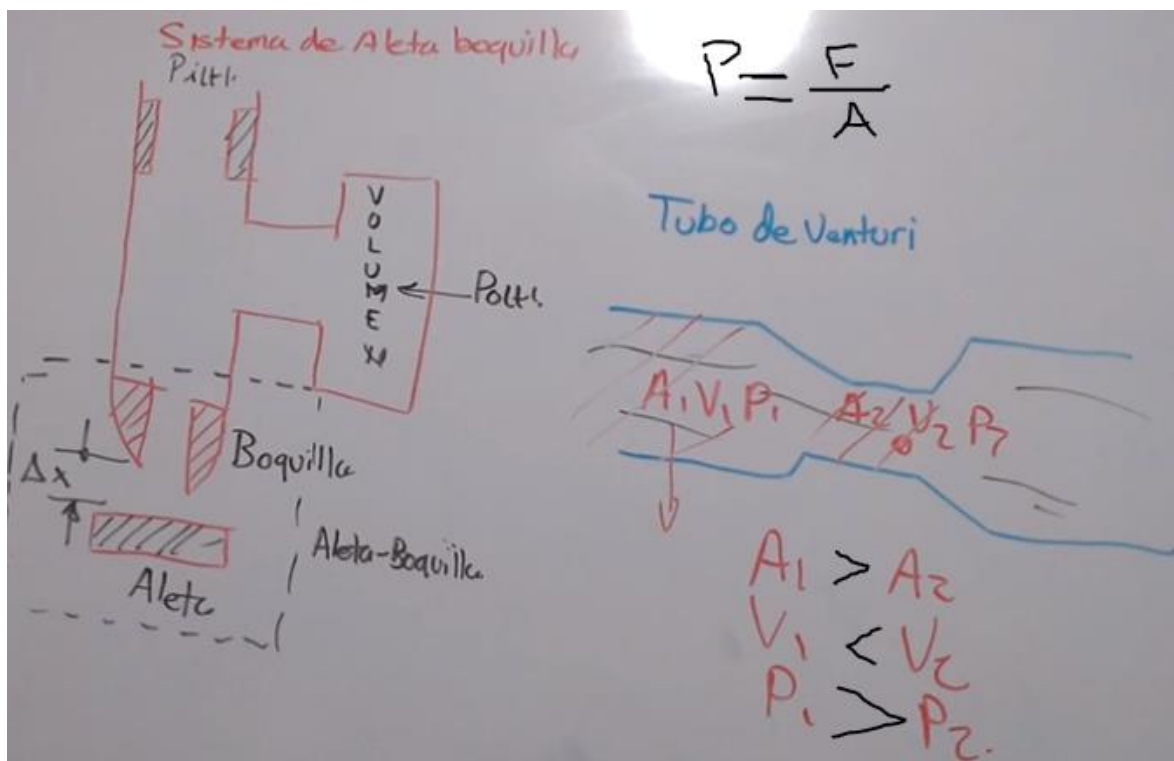
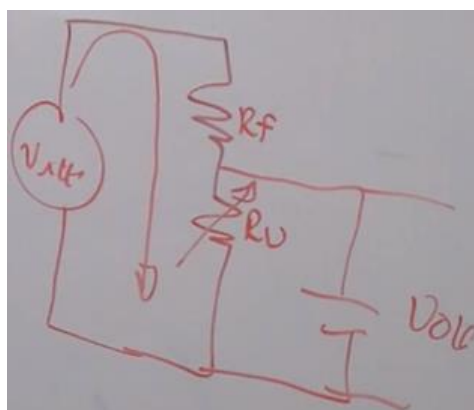
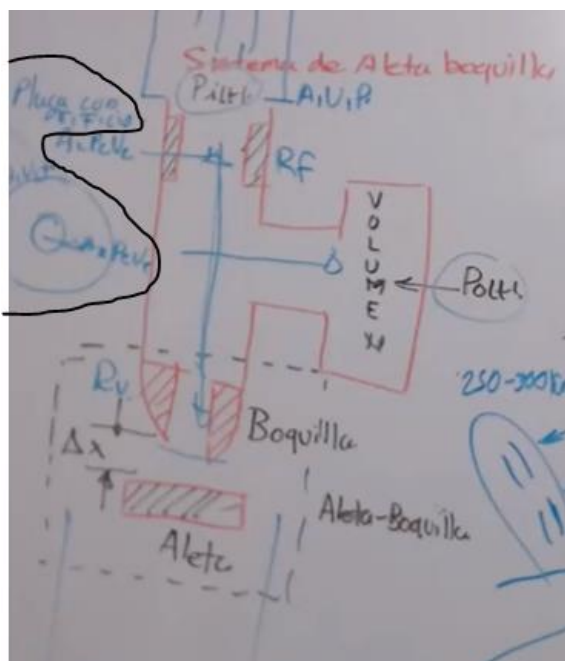


Sistemas de medición neumáticos



Donde A es área, V es velocidad y P es presión



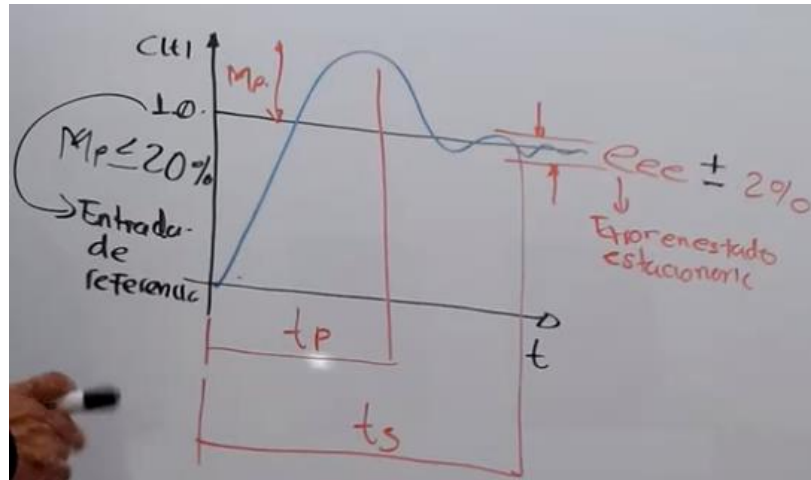
$$\frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{R_v}{R_f + R_v + R_f}$$

$R = \lim_{s \rightarrow 0} G(s) = \frac{R_v}{R_v + R_f}$ Ganancia

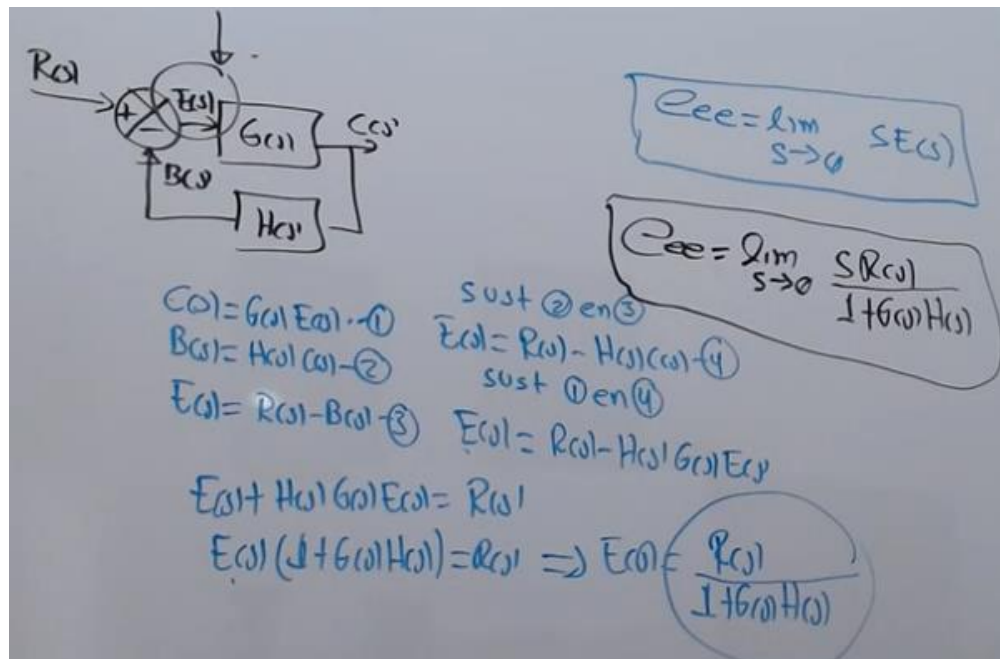
Filtro pasa bajas

Análisis de error de sistemas de medición

El error en estado estacionario se define como la máxima oscilación permisible que puede presentar un sistema de medición una vez que este sea estabilizado siendo el valor permitido $\pm 2\%$ respecto a la entrada de referencia del sistema

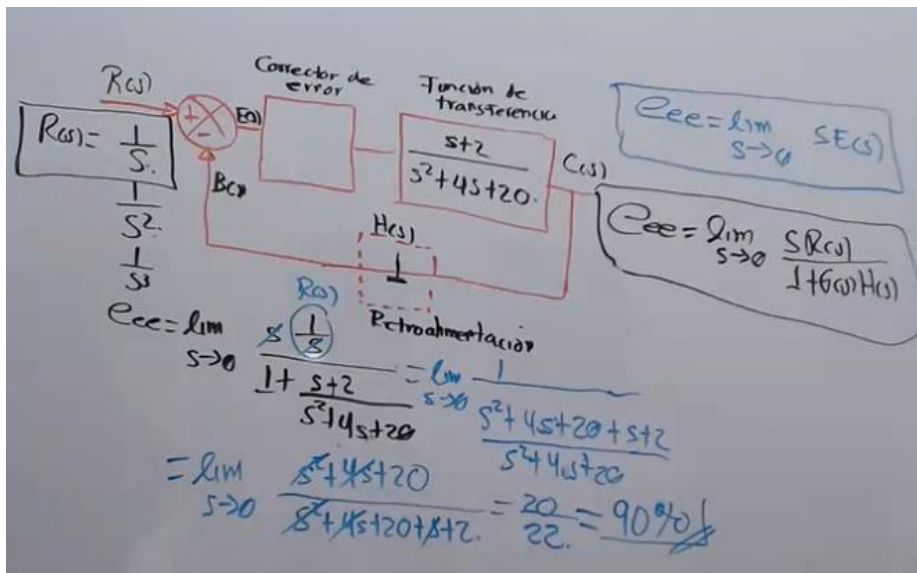
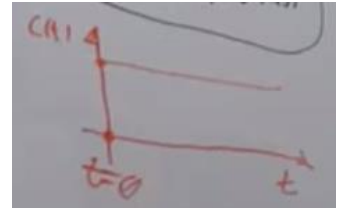


El error en estado estacionario se puede calcular utilizando para ello el teorema de valor final que está determinado por la siguiente expresión



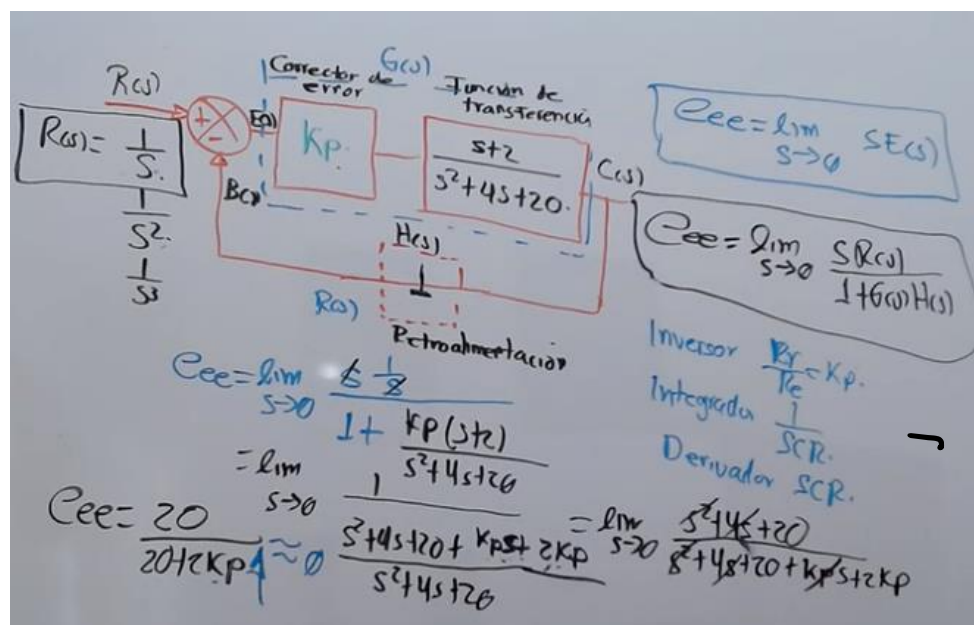
Dada la siguiente función de transferencia de un sistema determinar su error en estado estacionario y de ser necesario establecer una estrategia para la corrección de su error

Nota: cuando solo hay una línea la $H(s)$ es 1, por otra parte, se toma $R(s) = 1/s$

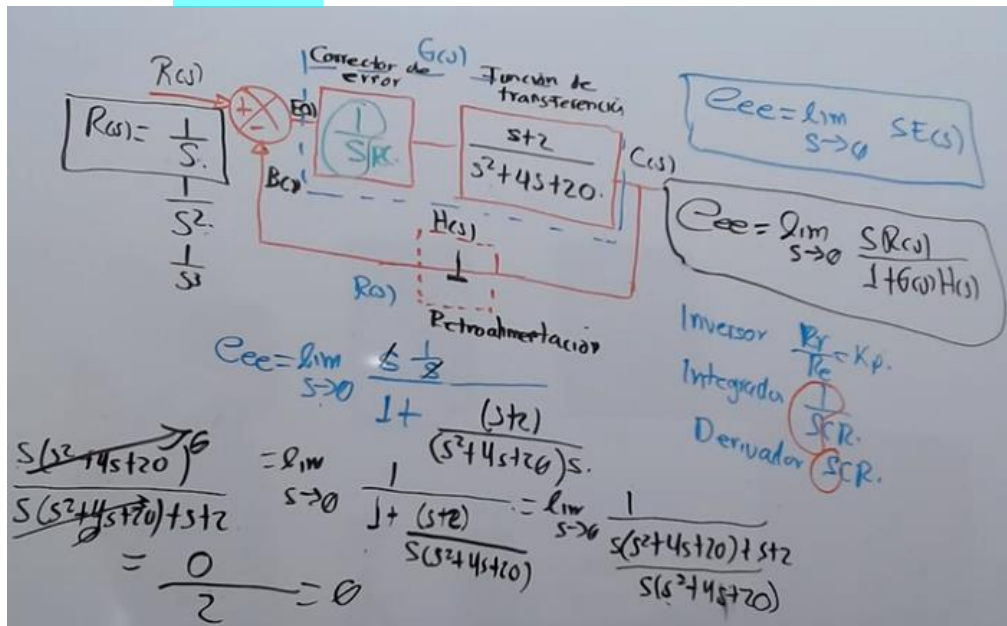


El error es de 90% y es mayor al 2%, por lo tanto, necesitamos una estrategia para reducirlo

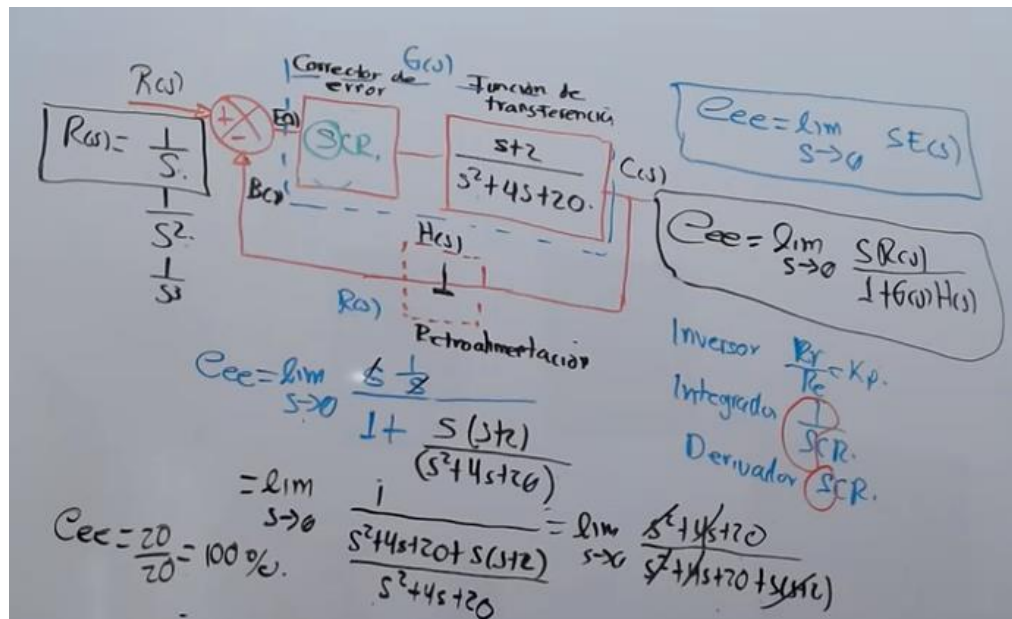
Haciendo uso de un inversor

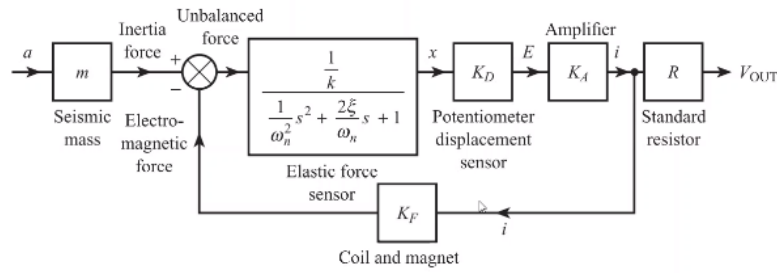


Haciendo uso de un integrador

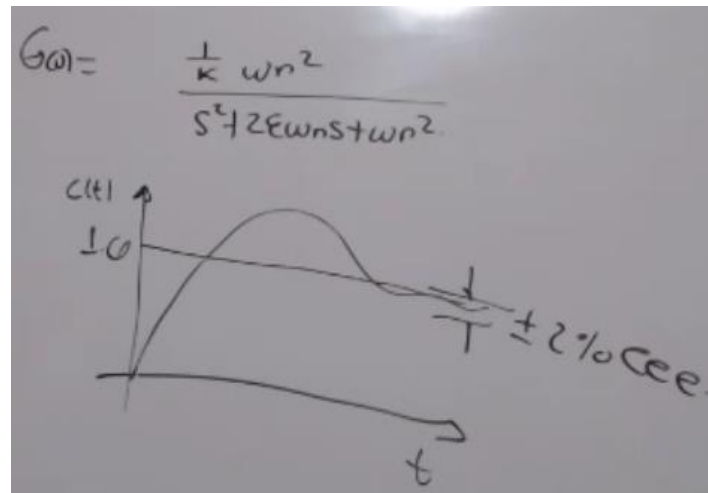


Haciendo uso de un derivador, (no es una opción viable ya que es 100%)

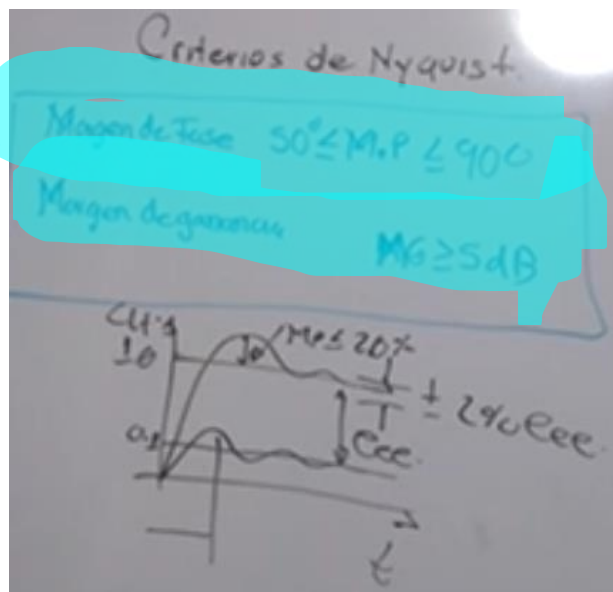




$$a \rightarrow \boxed{\frac{m A K_P K_A R}{1 - A K_P K_A K_F}} \rightarrow V_{OUT}$$



Muy
importante



Doble clic en K

Blocklist:

- F
- C
- G
- H

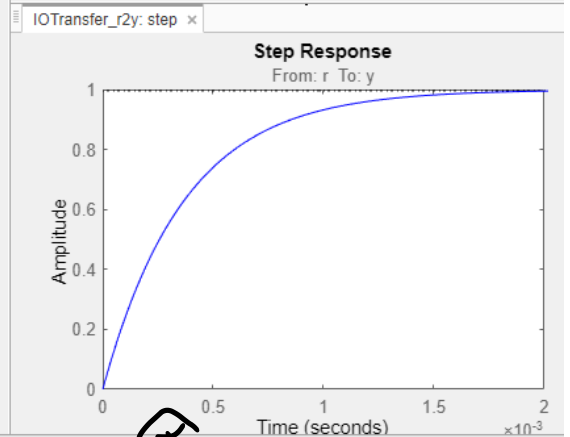
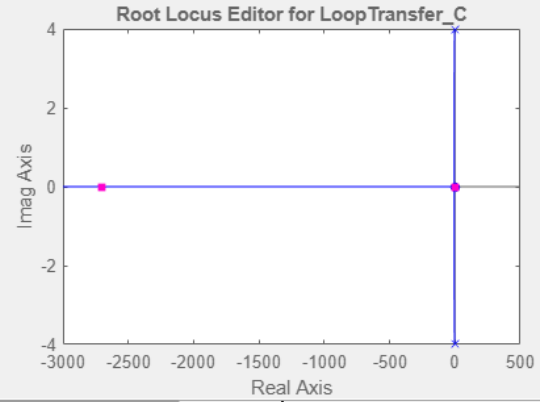
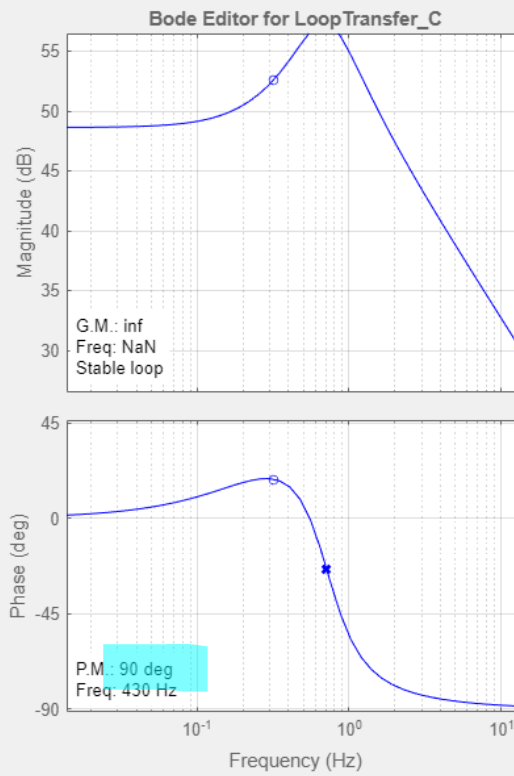
Designs

Responses

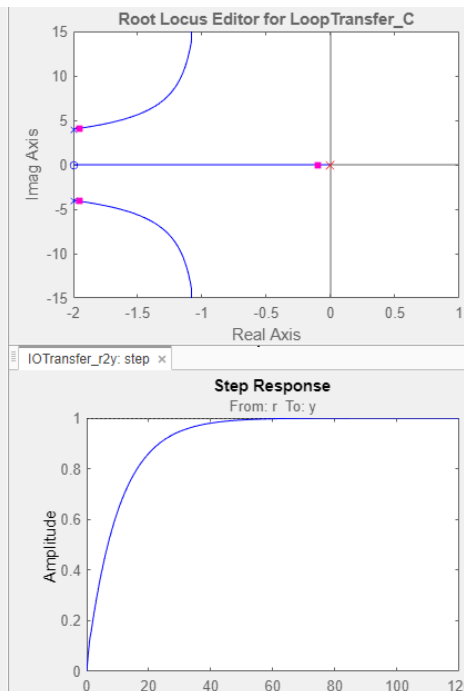
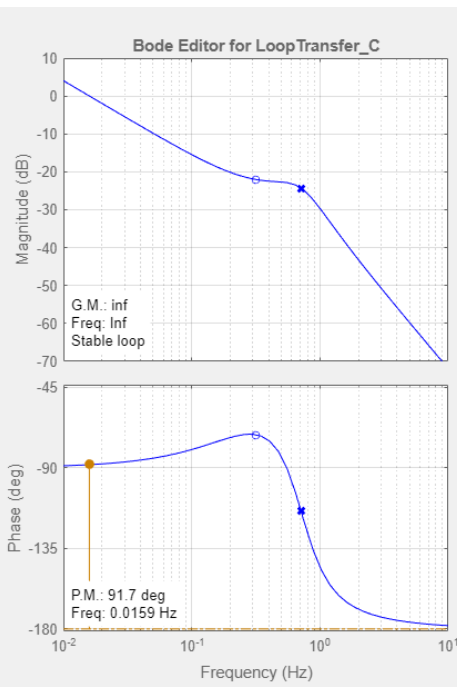
- LoopTransfer_C
- IOTransfer_r2y
- IOTransfer_r2u
- IOTransfer_du2y
- IOTransfer_dy2y
- IOTransfer_n2y

Preview

Tunable Block
Name: C
Sample Time: 0
Value:
2698.9



error converge, no



Con un integrador

Con click derecho ADD POLE OR ZERO seguido de integrador

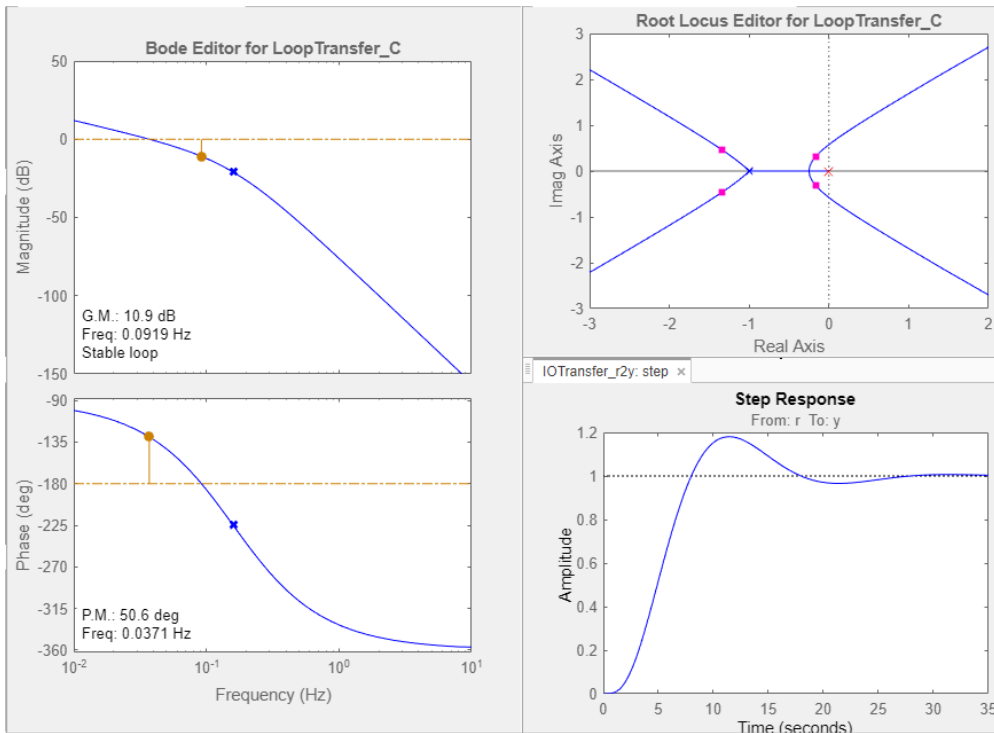
El error se corrige

No olvides cargar las $G(s)$ y $H(s) = 1$ si no aparece en el ejercicio

Cambia a hz las graficas

Solución: Aplicando un integrador y moviendo la grafica

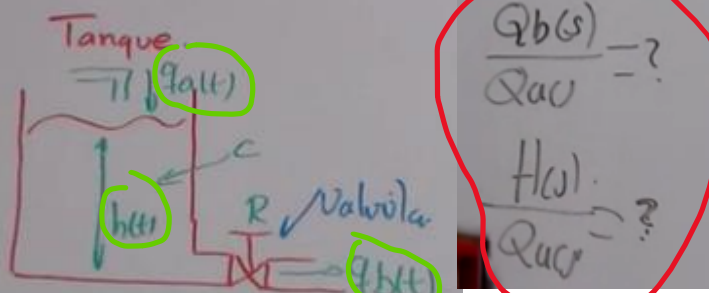
```
Gp = 1 / ((20*(s+1))*(10*(s+1))*(0.5*(s+1)));
sisotool
```



Cuando me acerco a 90 grados el valor de frecuencia es 0.00154 y en el tiempo alcanza la respuesta en 800 segundos, pero cuando me acerco a 50 grados el valor de frecuencia aumenta y mejora el tiempo de respuesta, pero a aumenta el transitorio sin embargo esta por debajo del 2%

Sistemas hidráulicos

$\rightarrow F.T$



$$\frac{Q_b(s)}{Q_{av}} = ?$$

$$\frac{H(s)}{Q_{av}} = ?$$

Variables

Analogías

$q_{alt}, q_{b(t)} \Rightarrow i(t)$
 $h(t) \Rightarrow e(t)$
 $C \Rightarrow \text{Capacitancia}$
 $R \Rightarrow \text{Resistencia}$

El número de ecuaciones es igual al número de variables menos una, en particular este sistema tiene 3 variables, por lo tanto, tenemos 2 ecuaciones.

$$C \frac{dh(t)}{dt} = q_{alt} - q_{b(t)} \quad (1)$$

$$q_{b(t)} = \frac{h(t)}{R} \quad (2)$$

$$SCHOT = Q_{av} - Q_{b(s)} \quad (3)$$

$$Q_{b(s)} = \frac{H(s)}{R} \quad (4)$$

Ecu. Únicas

Transformamos las ecuaciones

$H(s) \left(sCR + \frac{1}{R} \right) = Q_{ac}(s)$
 $\frac{H(s)}{Q_{ac}(s)} = \frac{1}{sCR + 1}$
 $= \frac{R}{sCR + 1}$ (F.T.)

Sust (4) en (3)
 $SCH(s) = Q_{ac}(s) - \frac{H(s)}{R}$ (5)
 $SCH(s) + \frac{H(s)}{R} = Q_{ac}(s)$
 $SCH(s) = Q_{ac}(s) - Q_{bc}(s)$ (3)
 $Q_{bc}(s) = \frac{H(s)}{R}$ (4)

Para la otra función de transferencia

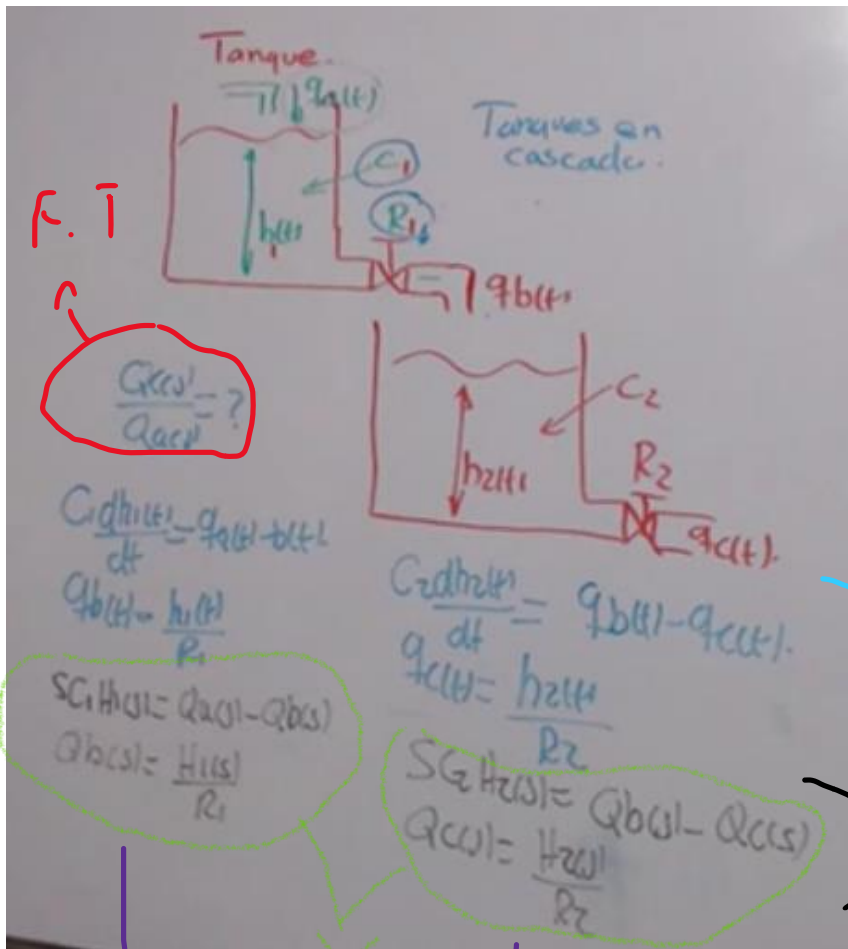
Despejamos $H(s)$ de la ecuación 4

$$R \cdot Q_{bc}(s) = H(s)$$

Sustituimos en la ecuación 3

$SCQ_{bc}(s)R = Q_{ac}(s) - Q_{bc}(s)$
 $SCQ_{bc}(s)R + Q_{bc}(s) = Q_{ac}(s)$
 $Q_{bc}(s)(sCR + 1) = Q_{ac}(s)$
 $\frac{Q_{bc}(s)}{Q_{ac}(s)} = \frac{1}{sCR + 1}$ (F.T.)

Tanques en cascada



Como las ecuaciones son iguales al del ejercicio anterior tenemos que

$$\frac{Q_b(s)}{Q_a(s)} = \frac{1}{S C_1 R_1 + 1}$$

$$Q_b(s) = \frac{1}{S C_1 R_1 + 1} Q_a(s) \dots (1)$$

$$\frac{Q_c(s)}{Q_b(s)} = \frac{1}{S C_2 R_2 + 1} \dots (2)$$

$$\frac{Q_c(s)}{Q_a(s)} = \frac{1}{S C_2 R_2 + 1} \cdot \frac{1}{S C_1 R_1 + 1}$$

$$= \frac{1}{S^2 C_1 C_2 R_1 R_2 + S C_1 R_1 + S C_2 R_2 + 1}$$

Sustituimos 1 en 2

Tanque.

q_{alt}

h_1

q_{bt}

Tanques en cascada.

q_{bt}

h_2

q_{ct}

Circuit Model:

R_1

C_1

R_2

C_2

Equations:

$$\frac{Q_{cs}}{Q_{as}} = ?$$

$$\frac{dh_1}{dt} = q_{alt} - q_{bt}$$

$$h_1(t) = \frac{h_1(t)}{R_1}$$

$$Q_{cs} = Q_{as} - Q_{bs}$$

$$h_2(t) = \frac{h_2(t)}{R_2}$$

$$Q_{cs} = Q_{bs} - Q_{cs}$$

$$Q_{bs} = \frac{h_2(t)}{R_2}$$

$$Q_{cs} = Q_{bs} - Q_{cs}$$

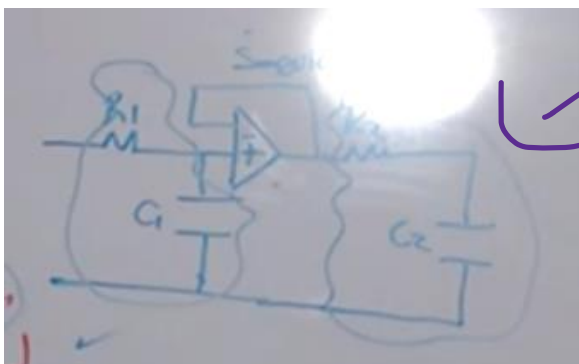
$$Q_{bs} = \frac{h_2(t)}{R_2}$$

$$\frac{Q_{cs}}{Q_{as}} = \frac{1}{sC_1R_1 + 1} \cdot \frac{Q_{as}}{Q_{bs}}$$

$$\frac{Q_{cs}}{Q_{bs}} = \frac{1}{sC_2R_2 + 1}$$

$$\frac{Q_{cs}}{Q_{as}} = \frac{1}{sC_1R_1 + 1} \cdot \frac{1}{sC_2R_2 + 1}$$

$$= \frac{1}{s^2 C_1 C_2 R_1 R_2 + s(C_1 R_1 + C_2 R_2) + 1}$$



Analogy
para 2
+ anques en
cascada

Análisis de sistemas de primer orden

Cálculo de la respuesta general de un sistema de primer orden para la entrada en escalón

Diagrama de bloques: $R(s) \rightarrow [G(s)] \rightarrow C(s)$

$R(s) = ? \quad \frac{1}{s}, \frac{1}{s^2}, \frac{1}{s^3}$

$C(s) = G(s)R(s)$

$G(s) = \frac{1}{s + \frac{1}{T}}$ (F.T. para escalón)

Donde
 $T = \text{Constante de tiempo del sistema (seg)}$
 $s = j\omega = j2\pi f$

Diagrama de bloques: $\frac{1}{s} R(s) \rightarrow [G(s)] \rightarrow C(s)$

$G(s) = \frac{1}{s + \frac{1}{T}}$

$C(s) = G(s)R(s) = \frac{1}{s + \frac{1}{T}} \cdot \frac{1}{s} = \frac{1}{s(s + \frac{1}{T})}$

Descomposición en fracciones parciales:

$$\frac{A}{s} + \frac{B}{s + \frac{1}{T}} = \frac{(s + \frac{1}{T})A + sB}{s(s + \frac{1}{T})}$$

Equating numerators:

$$\frac{1}{T} = sA + \frac{A}{T} + sB$$

Equating coefficients:

$$\begin{aligned} 1 &= A + B \quad A+B=0 \\ \frac{1}{T} &= \frac{A}{T} \quad 1+B=0 \end{aligned}$$

Solving for A and B:

$$\boxed{A=1} \quad \boxed{B=-1}$$

Partial fraction decomposition:

$$C(s) = \frac{1}{s} - \frac{1}{s + \frac{1}{T}}$$

Applying Laplace transform:

$$C(t) = 1 - e^{-t/T}$$

Response general de un sistema de primer orden para entrada escalón unitario

$C(s) = \frac{1}{s} - \frac{1}{s + \frac{1}{T}}$

$\frac{1}{s+a} \rightarrow e^{-at}$

Escalón

Cálculo de la respuesta general de un sistema de primer orden para una entrada rampa

Rampa

$$\begin{aligned} & \frac{1}{s} \rightarrow \left[G(s) \right] \rightarrow C(s) \\ & \frac{1}{s^2} \\ & G(s) = \frac{1}{s + \frac{1}{T}} \\ & C(s) = G(s) R(s) = \frac{1}{s + \frac{1}{T}} \cdot \frac{1}{s^2} = \frac{1}{s^2(s + \frac{1}{T})} = \frac{A}{s^2} + \frac{B}{s} + \frac{C}{s + \frac{1}{T}} \\ & \frac{1}{s^2(s + \frac{1}{T})} = \frac{(s + \frac{1}{T})A + s(s + \frac{1}{T})B + s^2C}{s^2(s + \frac{1}{T})} \\ & \frac{1}{s^2} = \frac{sA + \frac{A}{T} + s^2B + s\frac{B}{T} + s^2C}{s^2(s + \frac{1}{T})} \\ & \frac{1}{s^2} = \frac{sA + \frac{A}{T} + s^2B + s\frac{B}{T} + s^2C}{s^2(s + \frac{1}{T})} \\ & \frac{1}{s^2} = \frac{sA + \frac{A}{T} + s^2B + s\frac{B}{T} + s^2C}{s^2(s + \frac{1}{T})} \\ & \frac{1}{s^2} = \frac{sA + \frac{A}{T} + s^2B + s\frac{B}{T} + s^2C}{s^2(s + \frac{1}{T})} \end{aligned}$$

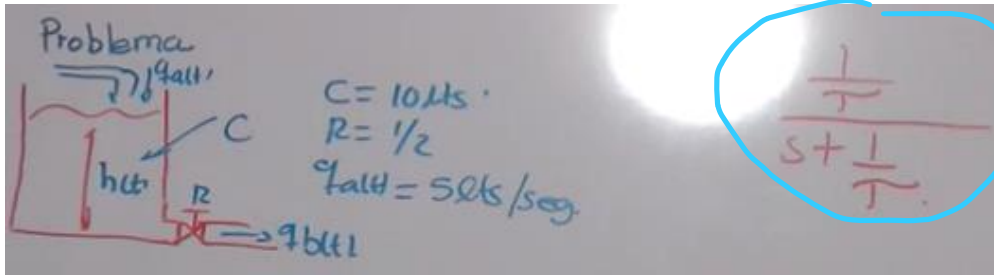
$$\begin{aligned} C(s) &= \frac{1}{s^2} - \frac{1}{s} + \frac{1}{s + \frac{1}{T}} \\ C(t) &= t - T + Te^{-t/T} \\ & \text{Respuesta de un sistema de primer orden para entrada rampa.} \end{aligned}$$

Aplicando L^{-1}

metodología de análisis para sistemas de primer orden

1. Determinar la FT del sistema
2. Obtener el valor de la constante de tiempo del sistema
3. Elegir la respuesta general adecuada, considerando las características de la entrada a la cual se someterá el sistema
4. Graficar la respuesta

Problema dado el siguiente sistema hidráulico determinar su respuesta y graficarla considerando los siguientes datos, la entrada es escalón



→ F.T. general

Llevar la FT a su forma general, este tiene dos FT elegimos la que represente mejor la ganancia

$M_1 \rightarrow K = \lim_{s \rightarrow 0} G(s) = 1$

$M_2 \rightarrow K = \lim_{s \rightarrow 0} G(s) = R$

The transfer function is written as $\frac{1}{s + \frac{1}{T}}$ with $T = CR = 10/2 = 5 \text{ seg.}$

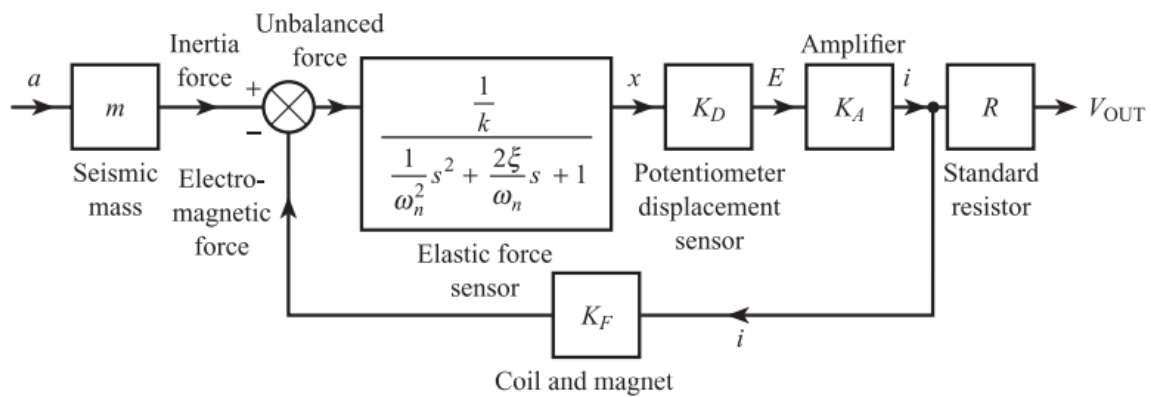
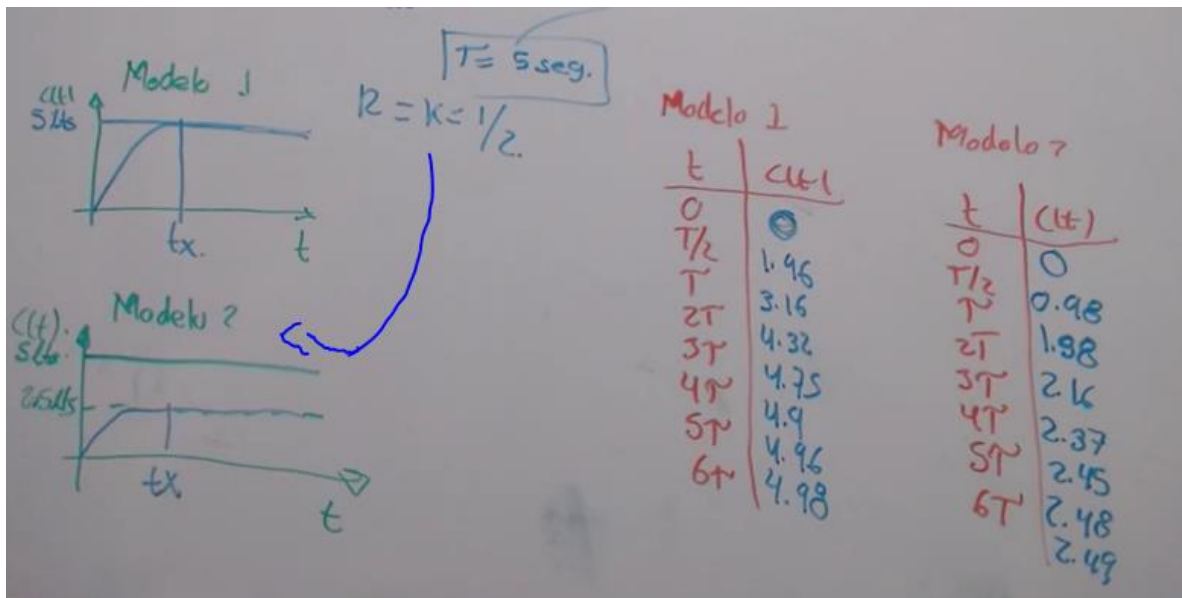
Para el escalón

$T = 5 \text{ seg.}$

$C(t) = (1 - e^{-t/T}) K \cdot E$

Modelo 1: $C(t) = (1 - e^{-t/5}) \cdot 1 \cdot 5$

Modelo 2: $C(t) = (1 - e^{-t/5}) \cdot \frac{1}{2} \cdot 5$



$$G(s) = \frac{K \omega_n^2}{s^2 + 2\xi \omega_n s + \omega_n^2}$$

$$K = 1$$

$$K = 0$$

$$G(s) = \frac{1}{s^2 + 2\xi \omega_n s + \omega_n^2}$$

$$K = \lim_{s \rightarrow 0} G(s) = \frac{1}{\omega_n^2}$$

$$K = \lim_{s \rightarrow \infty} G(s) = 0$$

$$G(s) = \frac{K \omega_n^2}{s^2 + 2\zeta \omega_n s + \omega_n^2}$$

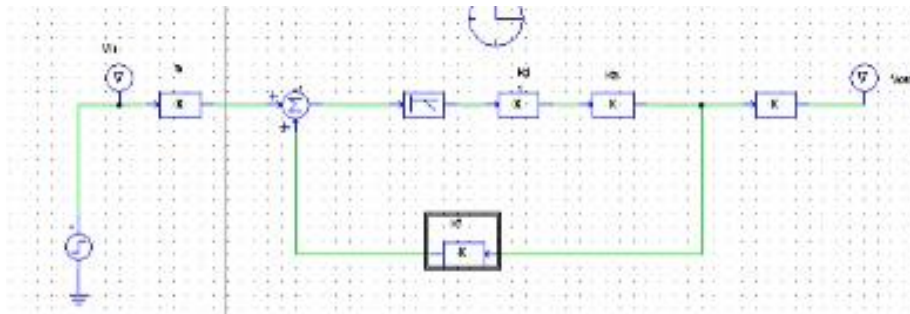
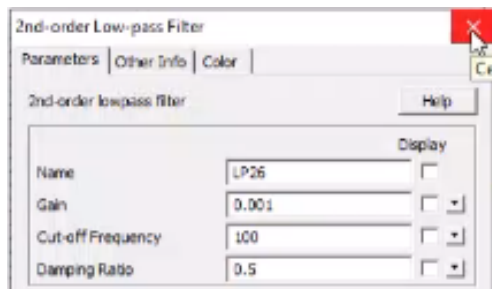
$K = 1$
 $K = 0$

$$G(s) = \frac{1}{s^2 + 1.5s + 1.5}$$

$K = \lim_{s \rightarrow 0} G(s) = \frac{1}{K_i}$
 $K = \lim_{s \rightarrow \infty} G(s) = 0$

$$\frac{\frac{1}{M} \frac{K}{K}}{s^2 + \frac{1.5}{M} \frac{K}{K}} = \frac{\frac{1}{K} \frac{K}{M}}{s^2 + \frac{1.5}{M} \frac{K}{K}}$$

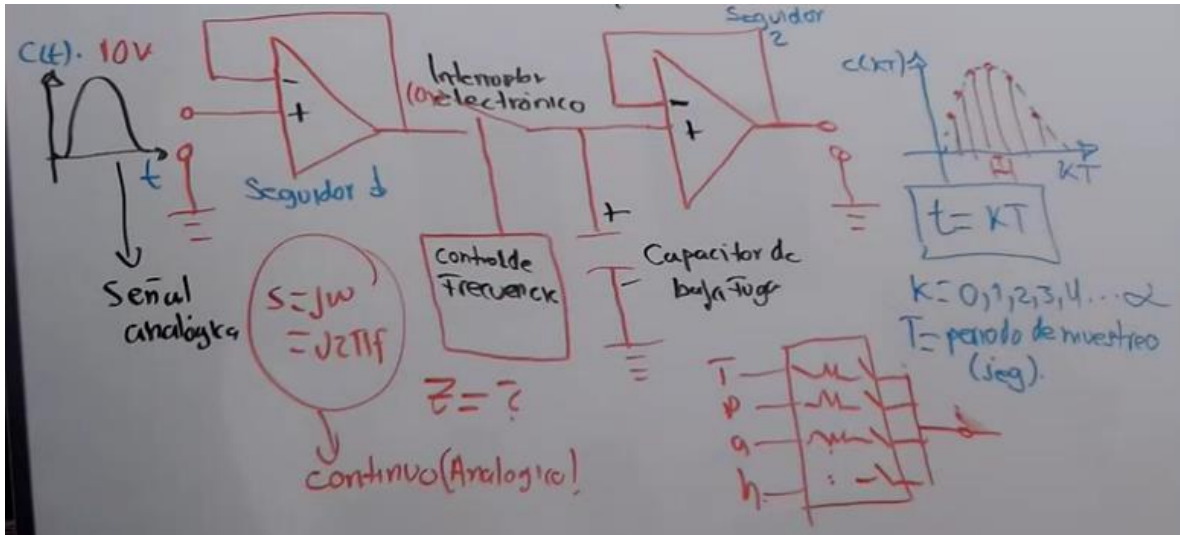
$\omega_n^2 = \frac{K}{M}$
 $\omega_n = \sqrt{\frac{K}{M}}$



En Matlab reacomodamos los bloques, en psim lo colocamos tal cual está el bloque

Sistemas discretos

Circuito de muestreo y retención



Nota: Cuando discretiza la señal cambia de t a kt

k es la cantidad de muestras

Capacitor de baja fuga se descarga muy rápido

Si no discretizamos los sistemas no los podemos digitalizar

T = periodo de muestreo

σ = relación en el plano s , (valor del eje real)

