算法课程大作业-传统项目版

姓名: 赵治宇

学号: xxx

股票交易策略分析

在股票市场中,制定有效的交易策略是投资者追求最大利润的关键。股票价格波动较大,投资者需要在不同时间点做出买入和卖出决策,以获得最大的收益。

问题定义

输入:

- 1. 一系列股票的历史价格数据,以时间序列的形式给出。
- 2. 算法需要考虑的参数,如手续费、最大交易次数等。

输出:

- 1. 买卖股票的时间点,即何时买入和何时卖出。
- 2. 最大利润, 即通过这一系列交易获得的最大收益

约束条件:

- 1. 交易次数限制:可能存在最大交易次数的限制,即在整个时间范围内,最多可以进行多少次交易。
- 2. 手续费:每次买入或卖出都可能涉及手续费,需要考虑在内。
- 3. 冷冻期:每次交易之间会有冷冻期限制,规避频繁交易。

算法设计

含心

贪心算法基于局部最优选择,即在每个阶段选择当前最优的解决方案,希望最终能够得到全局最优解。在股票交易中,具体的贪心策略为在每次价格上涨时买入,价格下跌时卖出。

优点:

简单易行,容易实现。算法复杂度较低,只需遍历一遍数据。空间复杂度低。

缺点:

不是最优解,稳定有收益(不亏损),但不一定是最大收益。当不限制交易次数时也可得到最大收益。

代码实现:

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
```

```
struct StockTrade {
   int buyDay;
   int sellDay;
};
// 贪心算法实现
vector<StockTrade> greedyStockTrade(const vector<int>& prices) {
   vector<StockTrade> trades;
   int n = prices.size();
   if (n < 2) { // 边界条件处理, 避免非法输入
       cout << "非法交易数据" << endl;
       return trades;
   }
   for (int i = 0; i < n - 1; ++i) {
       if (prices[i + 1] > prices[i]) {
           StockTrade trade;
           trade.buyDay = i;
           while (i < n - 1 \&\& prices[i + 1] > prices[i]) {
               ++i; // 找到价格峰值
           trade.sellDay = i;
           trades.push back(trade);
      }
   }
   return trades;
}
int main() {
   // 示例股票价格数据
   // 用户输入股票价格数据
   vector<int> prices;
   int price;
   cout << "输入股票价格序列(输入非字符值结束): ";
   while (cin >> price) {
       prices.push_back(price);
   }
   // 贪心算法
   vector<StockTrade> trades = greedyStockTrade(prices);
   // 输出交易结果
   if (trades.empty()) {
       cout << "非法交易" << endl;
   } else {
       cout << "交易策略" << endl;
       int totalProfit = 0;
```

```
for (const auto& trade: trades) {
    int profit = prices[trade.sellDay] - prices[trade.buyDay];
    totalProfit += profit;
    cout << "购买日: " << trade.buyDay << ", 卖出日: " << trade.sellDay << ", 收益: " << profit << endl;
    }
    cout << "总收益: " << totalProfit << endl;
}

return 0;
}
```

```
● (base) zhaozhiyu@bogon algorithm_class % ./greedy
输入股票价格序列(输入非字符值结束): 100 120 130 70 60 80 e
交易策略
购买日: 0, 卖出日: 2, 收益: 30
购买日: 4, 卖出日: 5, 收益: 20
总收益: 50
```

该测试用例说明贪心算法具有正确性,但是倘若增加交易次数限制呢?

```
// •••其他代码
// 最大交易次数限制
int maxTrades = 2;
vector<StockTrade> greedyStockTrade(const vector<int>& prices, int maxTrades) {
   vector<StockTrade> trades;
   int n = prices.size();
   if (n < 2) { // 边界条件处理, 避免非法输入
       cout << "非法交易数据" << endl;
       return trades;
    }
   int tradesCount = 0;
   for (int i = 0; i < n - 1 && tradesCount < maxTrades; ++i) {</pre>
       if (prices[i + 1] > prices[i]) {
           StockTrade trade;
           trade.buyDay = i;
           while (i < n - 1 \&\& prices[i + 1] > prices[i]) {
               ++i; // 找到价格峰值
           trade.sellDay = i;
           trades.push_back(trade);
           ++tradesCount;
       }
    }
```

```
return trades;
}
```

● (base) zhaozhiyu@bogon algorithm_class % ./greedy 输入股票价格序列(输入非字符值结束): 100 110 105 80 60 90 e 交易策略 购买日: 0, 卖出日: 1, 收益: 10 总收益: 10

可以看到当设置交易限制的时候,结果就不正确了,对于该测试用例,正确的最大收益应该为30,在第4日买入, 第5日卖出。

动态规划

动态规划是一种通过拆分问题为子问题并保存其最优解的方法。在股票交易中,可以通过定义状态(持有或不持有股票)和状态转移方程来设计动态规划算法。动态规划通常能够找到全局最优解,但它可能需要更多的计算和空间复杂度。

优点:

可得到最优解。算法复杂度相对较高,但依旧是线性时间o(N)。

缺点:

需要额外的辅助空间。

算法设计:

对每一天维护两个状态:

- 1. 持有股票: 该状态下的最大利润可以是前一天就持有股票,或者今天买入股票(前一天没有股票)。
- 2. 不持有股票: 该状态下的最大利润可以是前一天就没有股票,或者今天卖出股票(前一天持有股票)。

dp[i][0]表示第i天不持有股票的最大利润,dp[i][1]表示第i天持有股票的最大利润。

具体定义:

```
// 初始条件: 第0天不持有股票的最大利润为0, 持有股票的最大利润为-prices[0] dp[0][0] = 0; dp[0][1] = -prices[0]; // 状态转移方程 dp[i][0] = max(dp[i - 1][0], dp[i - 1][1] + prices[i]); dp[i][1] = max(dp[i - 1][1], -prices[i]);
```

代码实现:

```
//・・・代码
// 动态规划算法实现
```

```
vector<StockTrade> DPStockTrade(const vector<int>& prices) {
   vector<StockTrade> trades;
   int n = prices.size();
   if (n < 2) { // 边界条件处理, 避免非法输入
       cout << "非法交易数据" << endl;
      return trades;
   }
   // 创建动态规划数组, dp[i][0]表示第i天不持有股票的最大利润, dp[i][1]表示第i天持有股票的最大利润
   vector<vector<int>>> dp(n, vector<int>(2, 0));
   // 初始条件: 第0天不持有股票的最大利润为0, 持有股票的最大利润为-prices[0]
   dp[0][0] = 0;
   dp[0][1] = -prices[0];
   for (int i = 1; i < n; ++i) {
       // 状态转移方程
       dp[i][0] = max(dp[i-1][0], dp[i-1][1] + prices[i]);
       dp[i][1] = max(dp[i-1][1], dp[i-1][0] - prices[i]);
       // 记录交易信息
       if (dp[i][0] > dp[i-1][0] & dp[i][1] == dp[i-1][1]) {
           StockTrade trade;
           trade.buyDay = i - 1;
          trade.sellDay = i;
          trades.push_back(trade);
       }
   }
   // 最终收益为在最后一天不持有股票的状态
   // return dp[n - 1][0];
   return trades;
}
```

```
● (base) zhaozhiyu@bogon algorithm_class % ./dp
输入股票价格序列(输入非字符值结束): 100 120 110 130 80 90 110 75 e
总收益: 70
```

该测试用例说明动态规划算法具有正确性。那么面对增加限制条件的情况呢?

限制交易次数

对于限制交易次数的情况,动态规划的状态可以扩展为三维数组,其中除了天数 i 外,还包括交易次数 k 。我们可以使用 dp[i][k][0] 表示第 i 天结束时不持有股票的最大利润,dp[i][k][1] 表示第 i 天结束时持有股票的最大利润。修改后的状态转移方程如下:

// 状态转移方程 dp[i][k][0] = max(dp[i - 1][k][0], dp[i - 1][k][1] + prices[i]); dp[i][k][1] = max(dp[i - 1][k][1], dp[i - 1][k - 1][0] - prices[i]);

入参增加最大交易数入参。函数签名更改如下:

```
vector<StockTrade> DPStockTrade(const vector<int>& prices, int maxTrades);
```

运行效果:

```
● (base) zhaozhiyu@bogon algorithm_class % ./dp
输入股票价格序列(输入非字符值结束): 100 120 110 130 80 90 110 75 e
交易数限制为1的总收益: 30
交易数限制为2的总收益: 60
交易数限制为3的总收益: 70
```

手续费

当考虑手续费时,我们需要在买入和卖出时扣除手续费。

更改函数签名:

```
vector<StockTrade> DPStockTrade(const vector<int>& prices, int fee)
```

更改初始条件:

```
// 初始条件: 第0天不持有股票的最大利润为0, 持有股票的最大利润为-prices[0] dp[0][0] = 0; dp[0][1] = -prices[0] - fee; // 考虑手续费
```

更改状态转移方程:

```
// 状态转移方程
dp[i][0] = max(dp[i - 1][0], dp[i - 1][1] + prices[i]);
dp[i][1] = max(dp[i - 1][1], dp[i - 1][0] - prices[i] - fee); // 考虑手续费
```

运行效果:

```
● (base) zhaozhiyu@bogon algorithm_class % ./dp
输入股票价格序列(输入非字符值结束): 100 120 110 130 80 90 110 75 e
总收益: 20
```

冷冻期

当考虑冷冻期时,我们需要在状态转移方程中考虑是否处于冷冻期。冷冻期的限制意味着如果在第 i 天卖出股票,那么在第 i+1 天就不能再买入股票。

更改状态转移方程:

```
// 计算处于冷冻期的前一天的状态
int prevDay = (i >= 2) ? dp[i - 2][0] : 0;

// 状态转移方程
dp[i][0] = max(dp[i - 1][0], dp[i - 1][1] + prices[i]);
dp[i][1] = max(dp[i - 1][1], prevDay - prices[i]);
```

```
● (base) zhaozhiyu@bogon algorithm_class % 1/dp
输入股票价格序列(输入非字符值结束): 100 120 110 130 80 90 110 75 e
总收益: 50
```

性能评估

应用 <chrono> 提供的计时器和 <random> 提供的随机数生成方法,生成股票序列,测试动态规划算法耗时:

```
// 测试算法性能
void testAlgorithmPerformance(const vector<int>& data) {
   auto start_time = chrono::high_resolution_clock::now();
   // 调用算法函数
   int result = DPStockTrade(data, 10);
   auto end_time = chrono::high_resolution_clock::now();
   auto duration = chrono::duration_cast<chrono::microseconds>(end_time - start_time);
   // 输出执行时间
   cout << "算法执行时间: " << duration.count() << " ms" << endl;
}
// 生成随机股价数据集
vector<int> generateRandomStockPrices(int size, int minPrice, int maxPrice) {
   vector<int> prices;
   // 设置随机数生成器
   random device rd;
   mt19937 gen(rd());
   uniform_int_distribution<int> priceDist(minPrice, maxPrice);
   // 生成随机股价数据集
   for (int i = 0; i < size; ++i) {
       prices.push_back(priceDist(gen));
   }
   return prices;
}
```

分别生成100、1000、10000长度序列,测试结果如下:

▶ (base) zhaozhiyu@bogon algorithm_class % ./dp

100序列

算法执行时间: 6783 ms

1000序列

算法执行时间: 41401 ms

10000序列

算法执行时间: 28740 ms

结果分析可知,由于限定交易次数,运行时间会出现数据量增大而减小的现象;此外分析可知该算法的时间复杂度为o(N),只需遍历一遍输入序列,效率较高,可用于大量数据计算。

另外空间方面,需要额外开辟辅助存储空间,复杂度为o(N·K)(K为限制交易次数)。

性能优化

为优化性能,提高算法运行效率,可以考虑在工程实现层面加入缓存、并行计算等机制(考虑到动态规划迭代需要依赖前置结果,此处并行限于输入输出处理)等。此外还可以考虑使用机器学习等人工智能算法模型,但对应的开销也会增大。

挑战和解决方案

C++编译环境的搭建

问题描述:

由于课业要求使用C++解决问题,故需要配置本地开发环境,以实现本地开发运行实验程序。本人使用的代码编辑器为VSCode,编译CPP文件需要配置编译器信息。但由于电脑自身链接问题无法绑定编译器。

解决方案:

依旧VSCode编辑代码,但编译运行直接命令行操作。

股票预测场景与解决方案调研

问题描述:

由于网络上股票信息纷繁复杂,需要对股票序列进行建模。通过Google等搜索引擎协助,了解了股票预测的一般形式和应用场景。但依然有不懂、不明白的地方。

解决方案:

利用学院交叉学科优势,咨询金科方向同学相关问题,并基于自身技术背景为股票预测建模,验证方案的可行性。

总结与改进方向

项目本身是从算法层面,对股票序列单一建模的方式进行的分析比较和实验,但实际股票预测场景更为复杂多变,需要建立高效、可用的系统来解决实际的股票预测与策略生成。故改进方向为,可以建立股票交易系统,应用该项目研究的股票交易算法,实现真正的股票交易。

项目代码和评估结果演示视频已上传至: https://github.com/Breeze-P/Algorithm-Project

LeetCode 主页: https://leetcode.cn/u/zhao-shao-feng-e/

最后,感谢这一学期张老师的教学指导,本人在算法层面获得了足够的训练、提升和进步,附图为本学期的 LeetCode 刷题情况:

