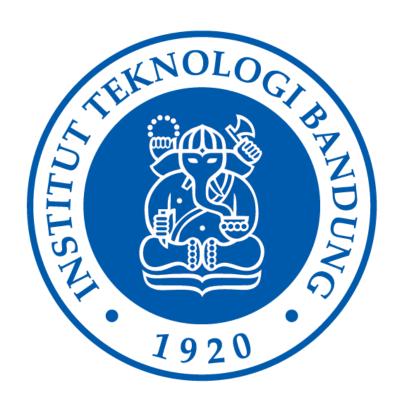
# LAPORAN TUGAS KECIL 2 IF2211/Strategi Algoritma 2022/2023

## Mencari Pasangan Titik Terdekat 3D dengan Algoritma *Divide* and *Conquer*



Muhammad Farrel Danendra Rachim / 13521048

Naufal Syifa Firdaus / 13521050

SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG
SEMESTER II TAHUN 2022/2023

## Daftar Isi

Daftar Isi	2
1. Algoritma dan Masalah	3
A. Divide and Conquer	3
B. Persoalan	3
C. Implementasi Penyelesaian	3
2. Source Code	5
A. File dot.py	5
B. File tool.py	6
C. File dotVisualizer.py	12
D. File main.py	12
3. Eksperimen	16
b. Eksperimen dengan n = 16 dan dimension = 3	16
c. Eksperimen dengan n = 64 dan dimension = 3	17
d. Eksperimen dengan n = 128 dan dimension = 3	19
e. Eksperimen dengan n = 1000 dan dimension = 3	20
4. Lampiran	22

## 1. Algoritma dan Masalah

#### A. Divide and Conquer

Algoritma *Divide and Conquer* adalah salah satu strategi algoritma untuk menyelesaikan persoalan dengan kompleksitas yang disederhanakan. Proses penyederhanaan masalah dibagi kedalam tiga tahap yang sesuai dengan namanya:

#### 1. Divide

Masalah yang akan diselesaikan dibagi menjadi beberapa persoalan yang lebih kecil yang mirip dengan masalah semula.

2. Conquer

Masalah yang telah dibagi dan sekarang berukuran kecil, kini diselesaikan satu persatu.

3. Combine

Solusi permasalah kecil digabung sehingga membentuk solusi persoalan semula.

Dengan langkah diatas kompleksitas penyelesaian masalah dapat direduksi drastis dibandingkan algoritma *Brute Force*. Walaupun kode yang dibuat cenderung lebih rumit dan sulit, efisiensi yang jauh meningkat dinilai sepadan dengan usaha yang dilakukan untuk menyusun kode programnya.

#### B. Persoalan

Persoalan yang akan diselesaikan adalah mencari dua titik dengan jarak terdekat di sebuah ruang 3 dimensi. Titik mempunyai koordinat x, y, dan z sebagai penanda posisinya di dalam ruang. Misalkan terdapat n buah titik pada ruang 3D. Setiap titik p di dalam ruang dinyatakan dengan koordinat p = (x, y, z). Carilah sepasang titik yang mempunyai jarak terdekat satu sama lain. Jarak dua buah titik p = (x1, y1, z1) dan p2 = (x2, y2, z2) dihitung dengan rumus Euclidean berikut:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

Selain itu, program dapat mencari sepasang titik terdekat untuk sekumpulan vektor di  $R^n$ , setiap vektor dinyatakan dalam bentuk x = (x1, x2,..., xn).

Penulis menggunakan algoritma *divide and conquer* untuk menyelesaikan permasalahan tersebut dan algoritma *brute force* untuk membandingkan permasalahan tersebut.

#### C. Implementasi Penyelesaian

Implementasi algoritma *Divide and Conquer* untuk menyelesaikan masalah yang diberikan dirumuskan dengan langkah-langkah sebagai berikut:

- 1. Setiap titik dalam sebuah ruang 3 dimensi direpresentasikan dengan sebuah array berurut berdasarkan koordinat x. Sehingga titik dengan koordinat x paling kecil berada di posisi array ke 0.
- 2. Bagi *array of point* tepat ditengah sehingga dihasilkan dua array (kiri dan kanan) dengan jumlah elemen sama atau berbeda hanya satu.
- 3. Secara rekursif bagi sisi kiri dan kanan dengan cara diatas. Basis dari rekursif tersebut adalah jika jumlah elemen pada array hanya 2 atau 3 sehingga mengembalikan pasangan dengan jarak terdekat (dapat menggunakan kondisional).
- 4. Dengan langkah sebelumnya didapat pasangan titik dengan jarak terdekat dari sisi kiri dan kanan, bandingkan keduanya untuk mendapat pasangan terdekat. Namun, pasangan tersebut belum tentu memiliki jarak paling dekat secara keseluruhan.
- 5. Buatlah sebuah bidang tipis imajiner dengan nilai koordinat sumbu x sama dengan nilai sumbu x titik pembagi pada langkah 2.
- 6. Buatlah *array of point* baru yang berisi semua titik pada ruang dengan jarak ke bidang tipis lebih kecil sama dengan jarak pasangan titik paling dekat yang diperoleh di langkah 4.
- 7. Hitung jarak semua titik di *array of point* yang baru satu sama lain sampai ditemukan jarak yang lebih dekat dari pasangan titik pada langkah 4 atau titik di array habis. Perhitungan pada langkah ini dapat menggunakan metode *Brute Force* karena jumlah titik yang dekat dengan bidang dijamin secara matematis menurun secara signifikan.

Kompleksitas algoritma dengan implementasi *Divide and Conquer* adalah  $O(n \log^2 n)$ . Jika dibandingkan dengan algoritma *Brute Force* yang akan memiliki kompleksitas  $O(n^2)$ , algoritma diatas jauh lebih efisien dalam mencari pasangan titik terdekat.

#### 2. Source Code

Program ini terbagi menjadi 4 file: dot.py, tool.py, dotVisualizer.py, dan main.py dengan deskripsi sebagai berikut:

#### A. File dot.py

Berisi kelas Dot yang merepresentasikan titik pada ruang 3D dan kelas PairOfDots yang merepresentasikan sebuah pasangan titik.

#### i. Daftar library

Kami memakai library \_\_future\_\_ untuk membuat parameter menjadi tipe kelas yang sama di beberapa metode di kelas Dot dan math untuk menghitung rumus Euclidean dua buah titik pada ruang 3D serta random untuk menghasilkan titik-titik dengan koordinat acak.

```
from __future__ import annotations
from math import sqrt
from random import *
```

#### ii. Kelas Dot

Kelas Dot memiliki atribut berupa x, y, z yang merepresentasikan koordinat suatu titik pada ruang 3D.

Metode	Peran
displayDot()	Meng-output dot dalam format (x, y, z)
distanceTwoDots(otherDot:Dot)	Menghitung jarak antara dua buah dot
isEqual(otherDot:Dot)	Menentukan apakah dua dot berlokasi di koordinat yang sama atau tidak

```
class Dot:
    def __init__(self, dimention):
        self.coordinates = []
        for i in range(dimention):
            self.coordinates.append(round(uniform(-100000, 100000), 3))
    def displayDot(self):
        print("(", end="")
        for i in range (len(self.coordinates)-1):
    print("{x},".format(x = self.coordinates[i]), end="")
        print("{y}".format(y=self.coordinates[i+1]), end="")
        print(")")
    def distanceTwoDots(self, otherDot: Dot):
        sumAll = 0
        for i in range(len(self.coordinates)):
            sumAll += (self.coordinates[i] - otherDot.coordinates[i])**2
        return sqrt(sumAll)
    def isEqual(self, otherDot: Dot):
        equal = True
        for i in range(len(self.coordinates)):
             if(self.coordinates[i] != otherDot.coordinates[i]):
                equal = False
        return equal
```

#### iii. Kelas PairOfDots

Kelas PairOfDots memiliki atribut berupa p1 dan p2 yang merepresentasikan dengan dua buah titik bertipe Dot, serta distance, yakni jarak antara kedua buah titik tersebut.

```
class PairOfDots:
    def __init__(self, p1, p2, distance):
        self.p1 = p1
        self.p2 = p2
        self.distance = distance
```

#### B. File tool.py

Dalam file ini kami mengimplementasikan fungsi-fungsi yang digunakan untuk membuat dan menyelesaikan permasalahan yang diberi.

1. dotSorted

Keterangan	Parameter
Menghasilkan list berisi dot dengan nilai float (x,y,z) yang acak sebanyak n yang terurut berdasarkan nilai x. Restriksi masing-masing sumbu antara -100000 sampai 100000 (nilai x, y, dan z berada di dalam <i>range</i> tersebut).	n = jumlah titik yang akan dibentuk dimension = jumlah dimensi pada ruang

```
def dotSorted(n, dimension):
    # Menghasilkan list point yang terurut berdasarkan nilai sumbu x

pointList = []

for i in range(n):
    dot = Dot(dimension)
    pointList.append(dot)

pointList = sorted(pointList, key=lambda Dot:Dot.coordinates[0])

return pointList
```

#### 2. bruteForceClosest

Keterangan	Parameter
Mencari pasangan titik terdekat dengan menggunakan algoritma brute force.	pointList = array of point yang berisi semua titik dalam ruang

#### 3. minDistancePair

Keterangan	Parameter	
Menentukan pasangan titik dengan jarak paling dekat antara dua pasangan titik.	Pair1 = pasangan titik pertama Pair2 = pasangan titik kedua	
<pre>def minDistancePair(pair1, pair2):     if(pair1.distance &lt; pair2.distance):         return pair1     else:         return pair2</pre>		

#### 4. distanceAbsis

Keterangan	Parameter
Menghitung jarak antara dua titik dengan hanya menggunakan koordinat x dari kedua titik. Digunakan untuk mencari jarak titik kepada suatu bidang.	point1 = titik pertama point2 = titik referensi sebuah bidang

def distanceAbsis(point1, point2):
 # Menghitung jarak dengan memperhatikan atribut x saja
 return abs(point1.coordinates[0] - point2.coordinates[0])

#### 5. calculateClosest

Keterangan	Parameter	
Menghasilkan pasangan titik yang paling dekat menggunakan algoritma Divide and Conquer.	pointList = <i>array of list</i> yang berisi semua titik dalam ruang yang terurut berdasarkan koordinat x.	

```
def calculateClosest(pointList): # bidang pembatas ditengah (x, 0, 0)
   # BASIS
   countEuclidean = 0
    if(len(pointList) == 2):
        closestPair = PairOfDots(pointList[0].
                                pointList[1],
                                pointList[0].distanceTwoDots(pointList[1]))
        countEuclidean += 1
        return closestPair, countEuclidean
   elif (len(pointList) == 3):
        closestPair = PairOfDots(pointList[0],
                                pointList[1],
                                pointList[0].distanceTwoDots(pointList[1]))
        if(pointList[0].distanceTwoDots(pointList[2]) < closestPair.distance):</pre>
            closestPair.p2 = pointList[2]
            closestPair.distance = pointList[0].distanceTwoDots(pointList[2])
        elif (pointList[1].distanceTwoDots(pointList[2]) < closestPair.distance):</pre>
            closestPair.p1 = pointList[1]
            closestPair.p2 = pointList[2]
            closestPair.distance = pointList[1].distanceTwoDots(pointList[2])
       countEuclidean += 3
       return closestPair, countEuclidean
   else:
       middle = len(pointList) // 2
       closestPair_Right, countRightEuclidean = calculateClosest(pointList[:middle])
       countEuclidean += countRightEuclidean
       closestPair_Left, countLeftEuclidean = calculateClosest(pointList[middle:])
       countEuclidean += countLeftEuclidean
       closestPair = minDistancePair(closestPair_Left, closestPair_Right)
       # bidang yang mengandung poin dengan kemungkinan
       pointField = []
        for i in pointList:
            if (distanceAbsis(i, pointList[middle]) < closestPair.distance):</pre>
                pointField.append(i)
        for a in pointField:
            for b in pointField:
                countEuclidean += 1
                if (a.distanceTwoDots(b) < closestPair.distance and a != b):</pre>
                    closestPair = PairOfDots(a, b, a.distanceTwoDots(b))
       return closestPair, countEuclidean
```

#### 6. getSeparateXYZ

Keterangan	Parameter	
Mengembalikan tuple berisi list atribut x, y, z yang terpisah dari	pointList = <i>array of list</i> yang berisi semua titik dalam ruang	
titik-titik yang bukan merupakan pasangan titik terdekat.	closestPair = pasangan titik paling dekat	
<pre># dari titik-titik yang bukan n xs = [] ys = [] zs = [] for i in range (0, len(pointlist if (not pointlist[i].isEquation)</pre>	ist atribut x, y, z yang terpisah merupakan pasangan titik terdekat  st)): al(closestPair.p1)): sEqual(closestPair.p2)): t[i].x) t[i].y)	

## 7. getSeperateClosestXYZ

Keterangan	Parameter	
Mengembalikan tuple berisi list atribut x, y, z yang terpisah dari titik-titik yang merupakan pasangan titik terdekat.	1	
<pre>def getSeparateClosestXYZ(closestPai     # Mengembalikan tuple berisi lis     # dari titik-titik yang merupaka     xclosest = []     yclosest = []     xclosest.append(closestPair.p1.x     yclosest.append(closestPair.p1.y     zclosest.append(closestPair.p1.z     xclosest.append(closestPair.p2.x     yclosest.append(closestPair.p2.x     yclosest.append(closestPair.p2.x     yclosest.append(closestPair.p2.x     return xclosest, yclosest, zclosest.append(closestPair.p2.z     return xclosest, yclosest, yclosest, zclosest.append(closestPair.p2.z     return xclosest, yclosest, yclosest</pre>	t atribut x, y, z yang terpisah n pasangan titik terdekat  () ) ) () ) () ) )	

#### C. File dotVisualizer.py

File program berikut berisi fungsi untuk memvisualisasikan ruang 3d beserta titik-titik di dalamnya.

#### 1. Plot3d

Keterangan	Parameter	
Menggambarkan semua titik dalam bidang 3D. Sepasang titik yang	x, y, z Closest = semua koordinat dari pasangan yang paling dekat.	
jaraknya terdekat ditunjukkan dengan warna merah, sedangkan titik lainnya ditunjukkan dengan warna hijau	x,y,z others = semua koordinat dari titik dalam ruang.	
<pre>def plot3D(xClosest, yClosest, zClosest, xOthers, yOthers, zOthers):     # Menggambarkan semua titik dalam bidang 3D     # Sepasang titik yang jaraknya terdekat ditunjukkan dengan warna merah,     # sedangkan titik lainnya ditunjukkan dengan warna hijau     plt.rcParams["figure.figsize"] = [12, 9]     plt.rcParams["figure.autolayout"] = True     fig = plt.figure()</pre>		

#### D. File main.py

Berikut merupakan file yang digunakan untuk menjalankan keseluruhan program. Program didalamnya berisi interface dan penanganan input/output dari program.

axis = fig.add\_subplot(projection="3d")

axis.scatter(x0thers, y0thers, z0thers, c='green')
axis.scatter(xClosest,yClosest,zClosest, c='red')

#### 1. Proses input

plt.show()

Input pengguna berupa nilai n dan dimensi akan divalidasi sampai memiliki tipe data integer dengan  $n \ge 2$ .

```
print("\n\nWelcome to Closest 3D Dot Finder!")
print("\n======\n")
while True:
   n = input("Masukkan nilai n: ")
   try:
       n = int(n)
   except ValueError:
       print("Nilai n harus berupa integer >= 2. Silakan coba lagi.")
   else:
       try:
           if n < 2:
              raise InvalidN
           else:
              break
       except InvalidN:
           print("Nilai n >= 2. Silakan coba lagi.")
while True:
   dimension = input("Masukkan nilai dimension: ")
       dimension = int(dimension)
   except ValueError:
       print("Nilai dimension harus berupa integer >= 2. Silakan coba lagi.")
   else:
       try:
           if dimension < 2:
              raise InvalidN
           else:
              break
       except InvalidN:
           print("Nilai dimension >= 2. Silakan coba lagi.")
print("\n-----\n")
```

#### 2. Algoritma

Sebanyak n buah dot (titik) akan di-*generate* secara acak ke dalam sebuah list. Dari list tersebut akan dicari sepasang titik yang jaraknya paling dekat serta jumlah operasi Euclidean yang dilakukan dengan algoritma *divide* and conquer dan algoritma *brute* force. Masing-masing penyelesaian tersebut diukur waktunya menggunakan library timeit.

```
points = dotSorted(n, dimension)

startDVC = timer()
closestPairDVC, countDVC = calculateClosest(points)
endDVC = timer()
timeDVC = endDVC - startDVC

startBF = timer()
closestPairBrute, countBrute = bruteforceClosest(points)
endBF = timer()
timeBF = endBF - startBF
```

#### 3. Output

Akan ditampilkan pasangan paling dekat, jarak pasangan tersebut, banyak operasi Euclidean yang dilakukan, dan waktu penyelesaian dalam microsecond untuk masing-masing algoritma divide and conquer dan algoritma brute force.

```
print("\n======\n")
print("***DIVIDE AND CONQUER METHOD***")
print("Closest Pair: ")
closestPairDVC.p1.displayDot()
closestPairDVC.p2.displayDot()
print("\n======\n")
print("Pair Distance:")
print(closestPairDVC.distance)
print("\n======\n")
print("The amount of Euclidean operations done:")
print(countDVC)
print("\n======\n")
print("Divide and Conquer algorithm duration: ")
print(f"{timeDVC * 10**6 :.3f} microseconds ({timeDVC :.f} seconds)")
print("\n======\n")
```

```
print("\n======\n")
print("***BRUTE FORCE METHOD***")
print("\n======\n")

print("Closest Pair: ")
closestPairBrute.p1.displayDot()
closestPairBrute.p2.displayDot()

print("\n=====\n")

print("Pair Distance:")
print(closestPairBrute.distance)

print("\n======\n")

print("The amount of Euclidean operations done:")
print(countBrute)

print("\n=====\n")
print("\n=====\n")
print("\n=====\n")
print("\text{TimeBF * 10**6 :.3f} microseconds ({timeBF :.2f} seconds)")
print("\n=====\n")
```

Diperoleh tiga buah list, masing-masing berisi x, y, dan z, untuk semua titik yang bukan termasuk pasangan titik terdekat, serta tiga list lain berisi x, y, dan z untuk pasangan titik terdekat. Akhirnya, akan ditampilkan grafik 3D yang menampilkan semua titik.

```
xOthers, yOthers, zOthers = getSeparateXYZ(points,closestPairDVC)
xClosest,yClosest, zClosest = getSeparateClosestXYZ(closestPairDVC)
plot3D(xClosest,yClosest,zClosest,xOthers,yOthers,zOthers)
```

## 3. Eksperimen

Eksperimen dilakukan untuk mengetahui hasil keluaran implementasi algoritma *Divide and Conquer* dan kebenarannya serta keefektifannya yang diukur menggunakan durasi eksekusi algoritma dalam program.

Keseluruhan eksperimen dilakukan di komputer dengan spesifikasi:

1. Laptop : HP Pavilion Gaming 15

2. Processor : Intel(R) Core(TM) i5-10300H CPU @ 2.50 GHz

3. RAM : 16 GB @ 2933 MHz

4. Storage : SSD 512 Gb

#### b. Eksperimen dengan n = 16 dan dimension = 3

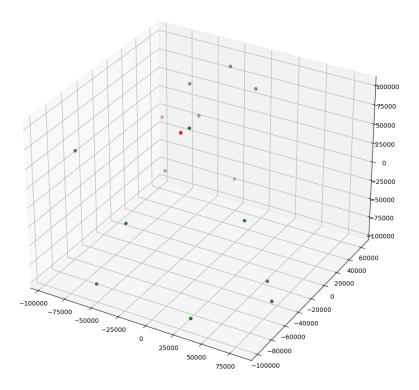
i. Input

```
Welcome to Closest 3D Dot Finder!

------
Masukkan nilai n: 16
Masukkan nilai dimension: 3
```

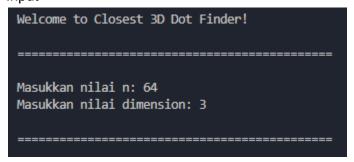
ii. Output

```
***BRUTE FORCE METHOD***
***DIVIDE AND CONOUER METHOD***
                                                 Closest Pair:
Closest Pair:
(-67381.166,16991.361,37981.4)
                                                 (-67381.166,16991.361,37981.4)
                                                  (-45430.111,10407.447,30829.132)
(-45430.111,10407.447,30829.132)
                                                 Pair Distance:
Pair Distance:
24007.325480282994
                                                 24007.325480282994
The amount of Euclidean operations done:
                                                 The amount of Euclidean operations done:
Divide and Conquer algorithm duration:
                                                 Brute Force algorithm duration:
231.300 microseconds (0.00 seconds)
                                                 358.500 microseconds (0.00 seconds)
```



#### c. Eksperimen dengan n = 64 dan dimension = 3

i. Input



ii. Output

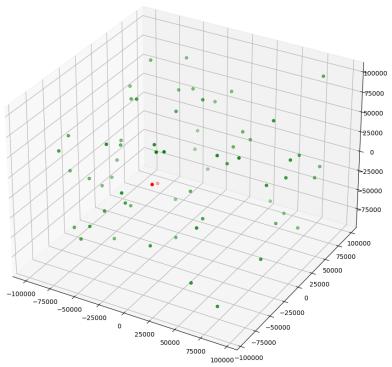
\*\*\*DIVIDE AND CONQUER METHOD\*\*\*

Closest Pair:
(-23886.108,-20750.085,-5818.828)
(-20588.083,-17183.614,-5563.71)

Pair Distance:
4864.336490045686

The amount of Euclidean operations done:
1139

Divide and Conquer algorithm duration:
2316.300 microseconds (0.00 seconds)



#### d. Eksperimen dengan n = 128 dan dimension = 3

i. Input

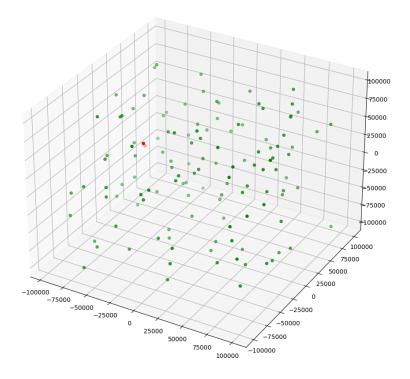
Welcome to Closest 3D Dot Finder!

----
Masukkan nilai n: 128

Masukkan nilai dimension: 3

ii. Output

=======================================	=======================================
***DIVIDE AND CONQUER METHOD***	***BRUTE FORCE METHOD***
Closest Pair: (-67119.784,17387.754,6344.112) (-65496.245,17452.196,3629.797)	Closest Pair: (-67119.784,17387.754,6344.112) (-65496.245,17452.196,3629.797)
Pair Distance:	Pair Distance:
3163.469230940929	3163.469230940929
The amount of Euclidean operations done: 3330	The amount of Euclidean operations done: 16385
Divide and Conquer algorithm duration: 3917.700 microseconds (0.00 seconds)	Brute Force algorithm duration: 17567.300 microseconds (0.02 seconds)



## e. Eksperimen dengan n = 1000 dan dimension = 3

i. Input

```
Welcome to Closest 3D Dot Finder!

-----

Masukkan nilai n: 1000

Masukkan nilai dimension: 3
```

ii. Output

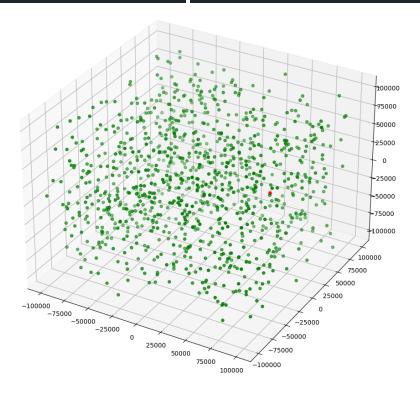
\*\*\*DIVIDE AND CONQUER METHOD\*\*\*

Closest Pair:
(18725.809,96325.97,-70515.918)
(19365.456,95262.621,-71402.79)

Pair Distance:
1525.2545114812742

The amount of Euclidean operations done:
103079

Divide and Conquer algorithm duration:
104443.600 microseconds (0.10 seconds)



## 4. Lampiran

Link repository: https://github.com/Breezy-DR/Tucil2 13521048 13521050

Poin	Ya	Tidak
Program berhasil dikompilasi tanpa kesalahan	v	
2. Program berhasil running	v	
3. Program dapat menerima masukan dan menuliskan luaran	v	
4. Luaran program sudah benar (solusi <i>closest pair</i> benar)	v	
5. Bonus 1 dikerjakan	v	
6. Bonus 2 dikerjakan	v	