

# Intelligence Artificielle (IA) - Apprentissage supervisé -

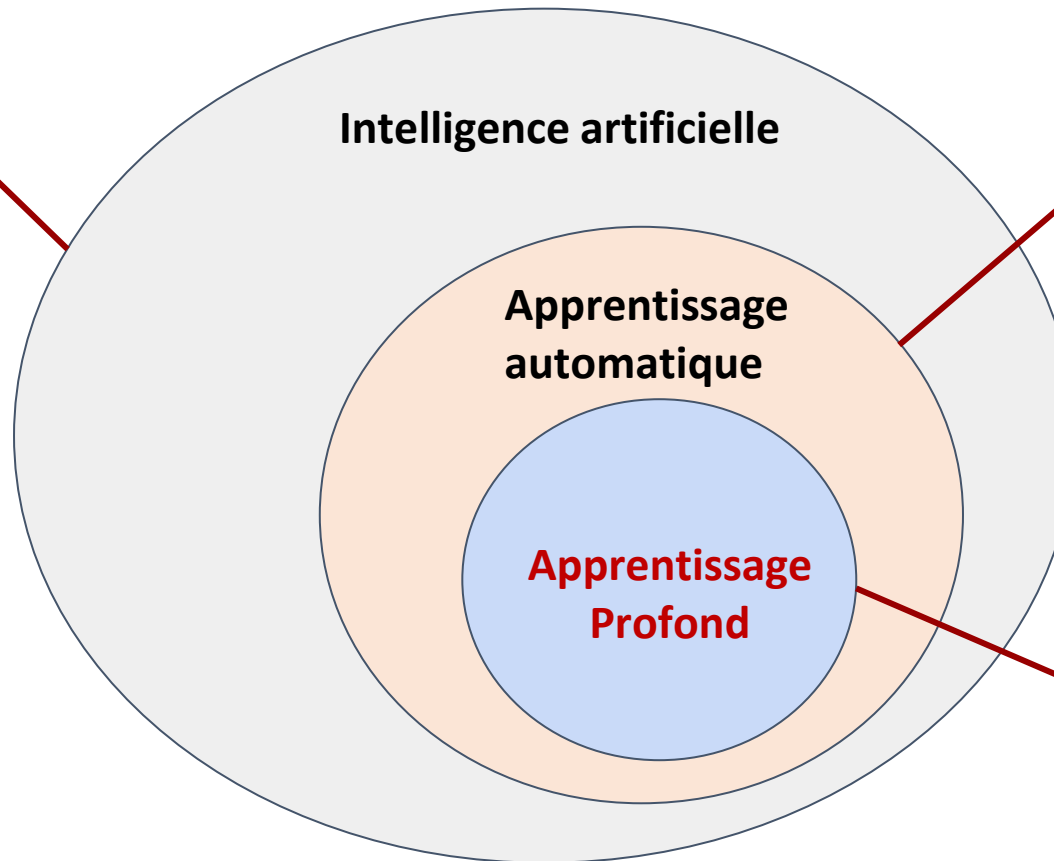
**Groupe des étudiants : FISA4N**

Khadidja OULD AMER

E-Mail : [khadidja.ouldamer@isen-ouest.yncrea.fr](mailto:khadidja.ouldamer@isen-ouest.yncrea.fr)

# Disciplines de l'intelligence artificielle

**Intelligence artificielle IA :**  
vise à créer des systèmes intelligents capables d'imiter certaines fonctions du cerveau humain, comme observer, comprendre, analyser et agir en conséquence.



**Machine Learning (Apprentissage automatique) ML :** Sous-domaine de l'IA qui utilise des algorithmes permettant aux systèmes d'apprendre et de s'améliorer automatiquement à partir de données, sans programmation explicite.

**Deep Learning (Apprentissage profond) DL :** Type d'apprentissage automatique utilisant des réseaux de neurones artificiels multicouches (profonds) pour traiter des données complexes.

# Limites de l'apprentissage automatique (classique)

## Traitement inefficace des données brutes

Exemple : une image 1024×1024×3 pixels génère 3 millions de caractéristiques  
Nécessité de réduire et sélectionner manuellement les features pertinentes

## Ingénierie des caractéristiques manuelle (Feature Engineering)

Processus long et complexe nécessitant une expertise métier approfondie  
Requiert une connaissance spécifique du domaine d'application  
Exemple en reconnaissance d'images : extraction manuelle des bords, textures et formes

## Dépendance à la qualité des features

Les performances du modèle dépendent directement de la qualité de l'ingénierie des features  
Risque de perte d'informations importantes lors de la sélection

## Inadapté aux données non structurées

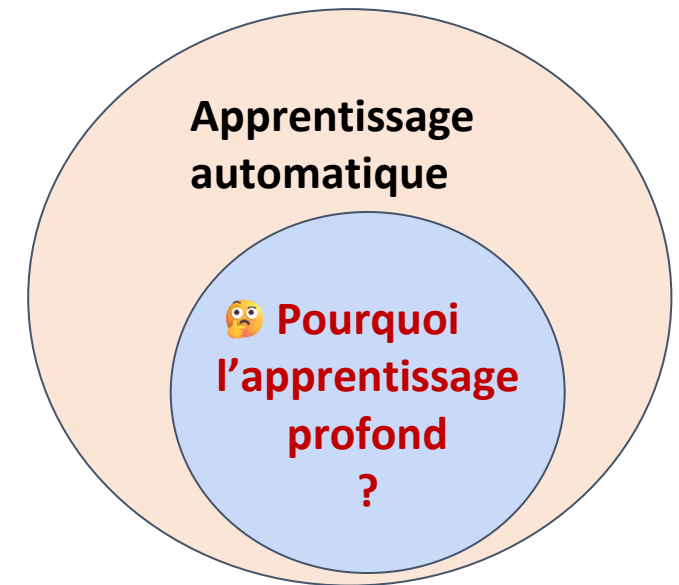
Excellentes performances sur les données structurées (exemple : données tabulaires)  
Difficultés avec les formats non structurés : Images, vidéo, son, texte brut

## Capacité de modélisation limitée

Difficulté à capturer des relations non-linéaires complexes  
Limité dans la modélisation d'interactions multiples entre variables

## Problèmes de scalabilité

Entraînement difficile sur des jeux de données massifs  
Limitations en taille et dimension des données  
Performance qui peut diminuer avec l'augmentation de l'échelle



# Pourquoi l'Apprentissage Profond?

## Apprentissage automatique des features (Feature Learning)

Les réseaux apprennent directement les représentations pertinentes à partir des données brutes.

*Exemple : en vision, un CNN apprend automatiquement → bords → textures → formes → objets.*

## Adapté aux données non structurées

Deep Learning est devenu l'approche de référence (CNN, RNN, Transformers, etc.) pour les images, audio, texte.

## Capacité d'expression très élevée

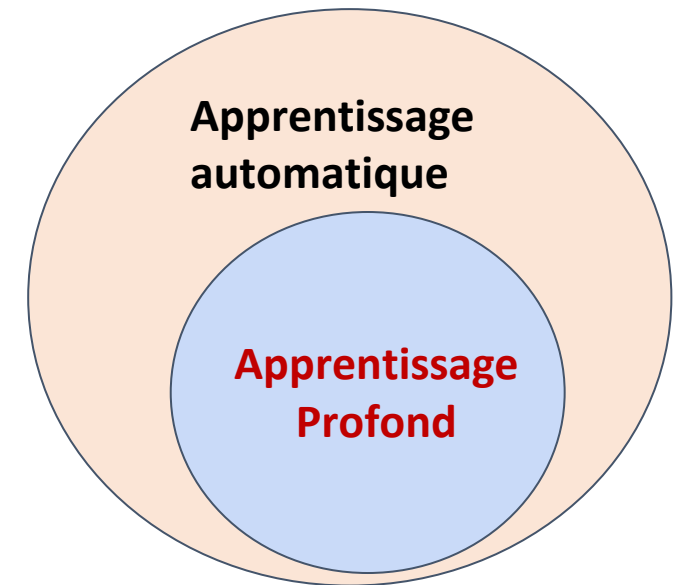
Grâce à la profondeur (nombre de couches), un réseau peut approximer des relations extrêmement complexes, bien plus qu'un modèle linéaire ou un SVM.

## Exploite les grandes quantités de données

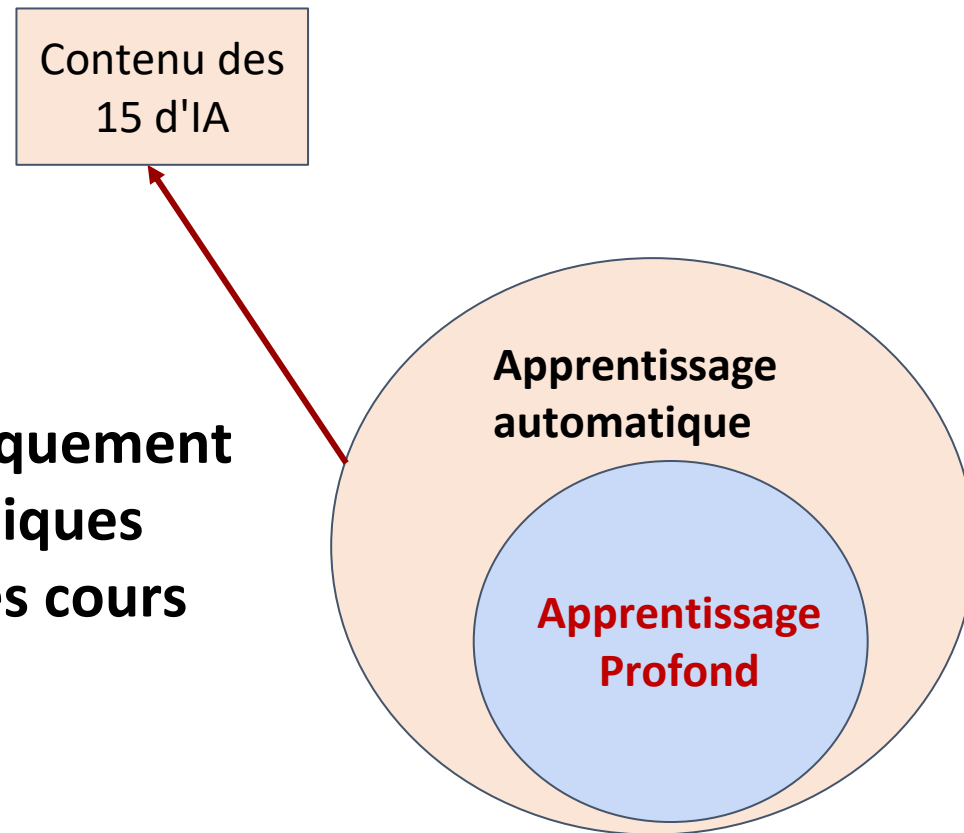
Plus on fournit de données, meilleures sont les performances (contrairement à beaucoup de modèles classiques qui saturent rapidement).  
Couplé à la puissance de calcul (GPU, TPU), le Deep Learning est hautement scalable.

## Performances de pointe

Dans de nombreux domaines (vision, NLP, reconnaissance vocale, jeux, bioinformatique), le Deep Learning dépasse largement les approches classiques.



**Ce cours est une introduction à l'IA et couvre uniquement l'apprentissage automatique classique. Les techniques d'apprentissage profond seront abordées dans les cours dédiés au Deep Learning (selon le DP).**



# Types d'Apprentissage Automatique

## ❑ Apprentissage Supervisé (Supervised Learning)

Consiste à entraîner un modèle à partir de données étiquetées, c'est-à-dire que chaque exemple d'entrée est associé à une étiquette correcte (classe ou valeur). Le but est de permettre au modèle de prédire les étiquettes de nouvelles données qu'il n'a jamais vues auparavant.

## ❑ Apprentissage Non Supervisé (Unsupervised Learning)

Utilise des données non étiquetées. Le modèle tente alors de découvrir des structures cachées dans ces données, par exemple en regroupant les données similaires en clusters.

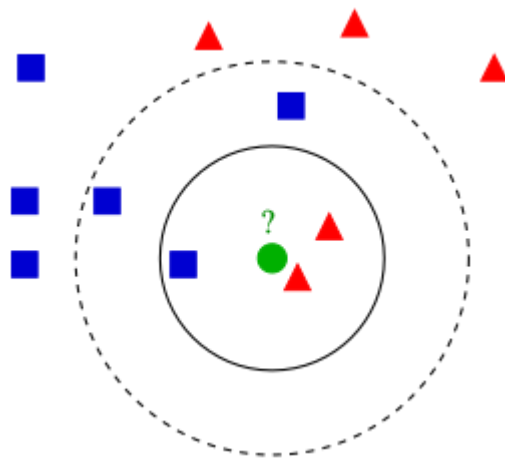
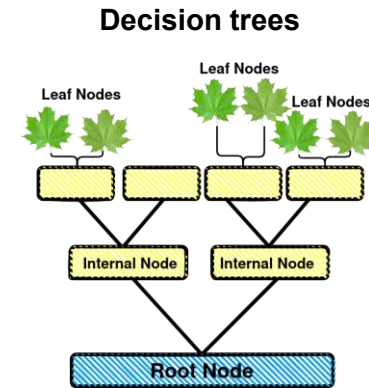
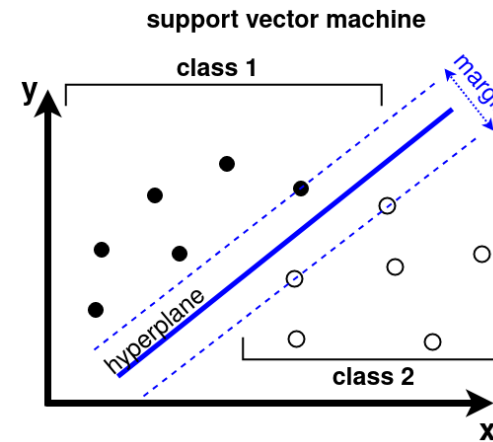
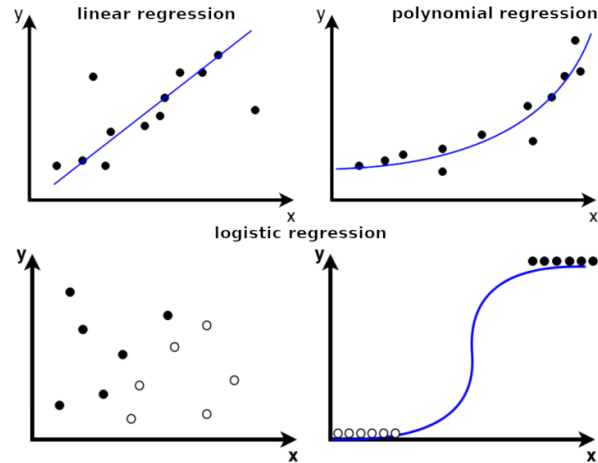
## ❑ Apprentissage Semi-Supervisé (Semi-Supervised Learning)

Combine à la fois des données étiquetées et non étiquetées. L'idée est d'exploiter le petit nombre de données étiquetées disponibles pour guider l'apprentissage sur un grand ensemble de données non étiquetées, afin d'améliorer les performances du modèle.

## ❑ Apprentissage par Renforcement (Reinforcement Learning)

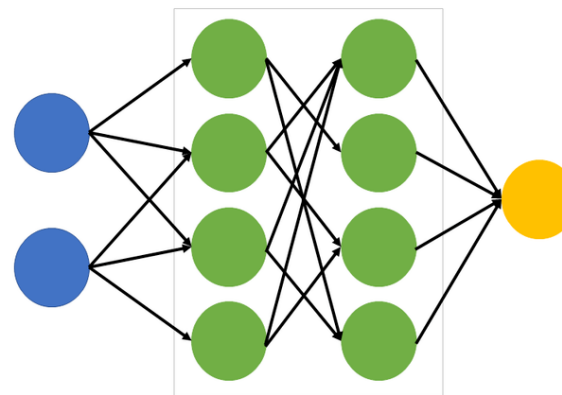
Repose sur l'interaction d'un agent avec un environnement. L'agent reçoit des récompenses ou des punitions en fonction de ses actions et apprend à maximiser la récompense cumulative au fil du temps.

# Les algorithmes d'apprentissage supervisé

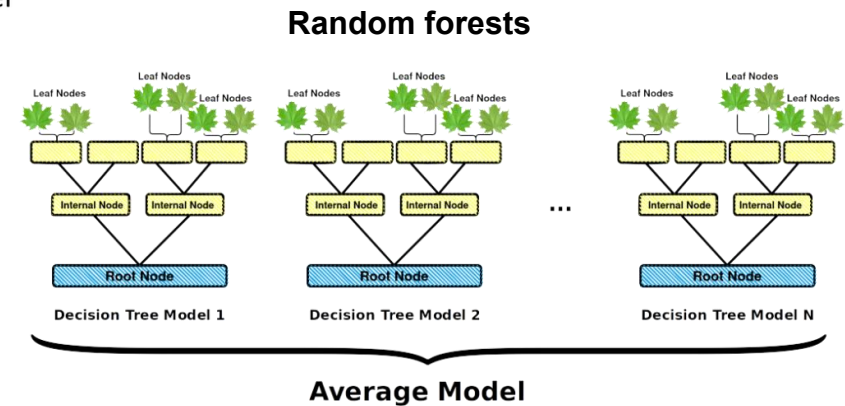


K-Nearest Neighbors

Input Layer Hidden Layer Output Layer



Artificial Neural Networks



Average Model



# Les algorithmes d'apprentissage supervisé

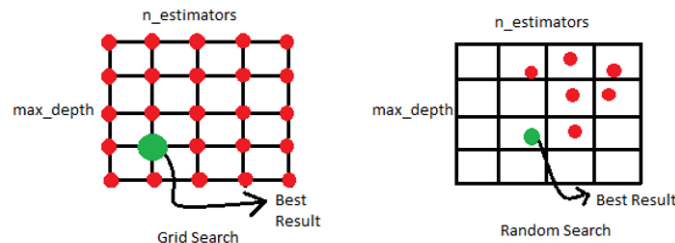
## ⚙️ Hyperparamètres

- Définis avant l'entraînement par l'utilisateur
- Contrôlent le fonctionnement global de l'algorithme
- Ne sont pas appris automatiquement

### Exemples :

- Taux d'apprentissage (**learning rate**)
- Nombre d'arbres dans une forêt aléatoire
- Nombre de neurones par couche dans un réseau de neurones

Outils : **Grid Search, Random Search**

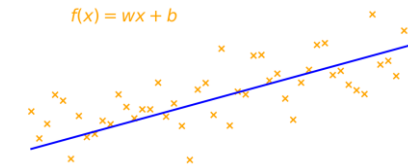


## 📈 Paramètres entraînables

- Estimés automatiquement pendant l'entraînement
- Ajustés pour minimiser l'erreur entre prédictions et étiquettes réelles
- Dépendent directement des données d'apprentissage

### Exemples :

- Coefficients d'une régression linéaire
- Poids et biais d'un réseau de neurones





## Exemple d'entraînement d'un modèle simple de régression linéaire

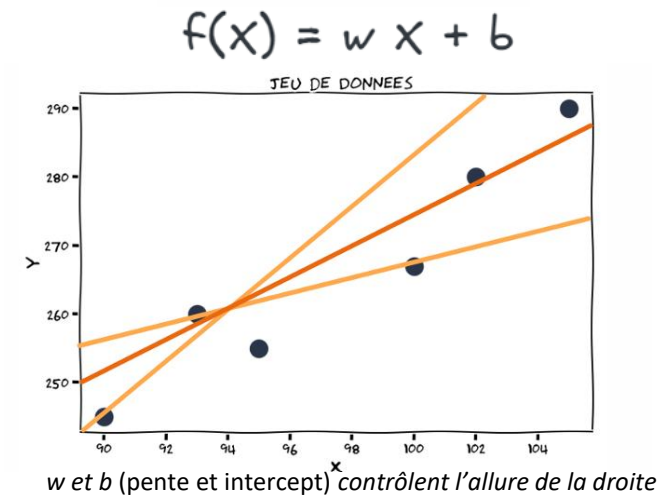
Un algorithme peut apprendre à prédire une **valeur de sortie** à partir de **caractéristiques d'entrée**.

Cet exemple illustre le principe général d'apprentissage supervisé appliqué à un modèle de **régression linéaire simple**. L'idée est d'ajuster une droite qui passe au mieux parmi les points du jeu de données, afin de minimiser l'erreur entre les valeurs prédites et les valeurs réelles.

### Fonctionnement

- **Entrées** :  $X$  (valeurs d'entrée / caractéristiques)
- **Sorties réelles** :  $Y$  (valeurs observées)
- **Sorties prédites** :  $\hat{Y}$
- **Fonction de prédiction linéaire** :

$$f(x) = \hat{Y} = WX + b$$



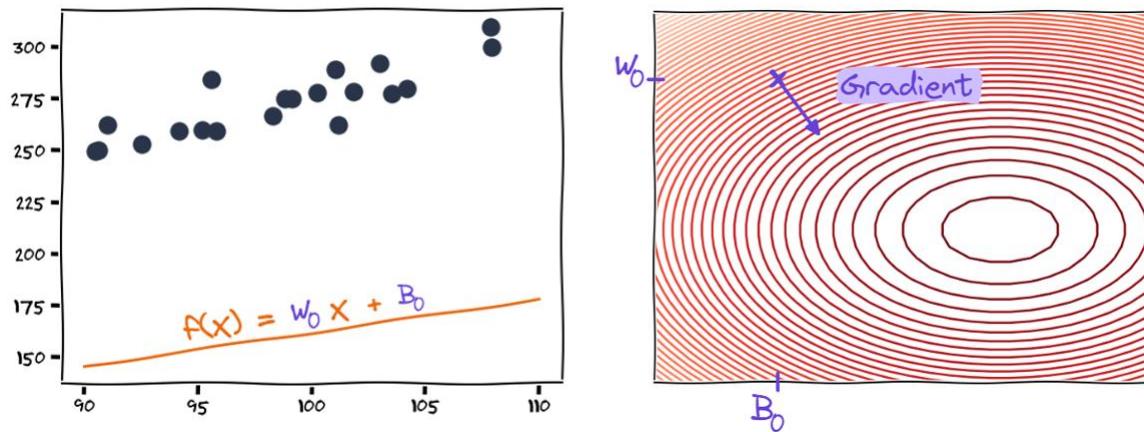
- **Objectif : trouver les paramètres  $w$  et  $b$  (paramètres entraînables) qui permettent à la droite de mieux s'ajuster aux données.**

📄 Cette présentation est un exemple simple de régression linéaire. D'autres algorithmes supervisés peuvent utiliser des modèles plus complexes et des fonctions de prédiction non linéaires.

# Entraînement d'un modèle

## Étapes de l'entraînement

### 1. Initialisation des paramètres



L'algorithme démarre avec des paramètres  $(w_0, b_0)$  choisis au hasard, puis les ajuste progressivement pour réduire l'erreur.

## Étapes de l'entraînement

### 1. Initialisation des paramètres

Les paramètres du modèle ( $W$  et  $b$ ) sont généralement initialisés de manière aléatoire.

### 2. Propagation en avant (Forward Pass)

Le modèle calcule les prédictions à partir des entrées :

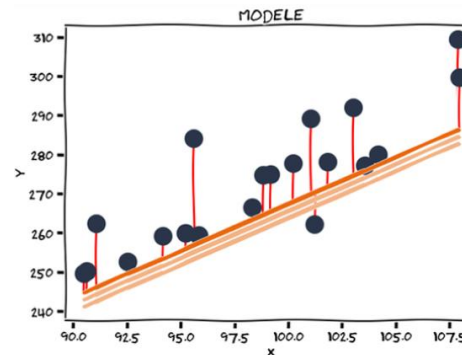
$$\hat{Y} = WX + b$$

### 3. Calcul de l'erreur (fonction de coût)

On mesure l'écart entre les valeurs prédites  $\hat{y}$  et les valeurs réelles  $y$  à l'aide d'une fonction de coût.

Exemple : **Erreur quadratique moyenne (MSE)**

$$J(w, b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (\hat{y}_i - y_i)^2$$



- Si  $J(w, b)$  est élevé, cela signifie que les prédictions sont éloignées des valeurs réelles.
- L'objectif de l'apprentissage est de réduire cette erreur en ajustant les paramètres  $W$  et  $b$

## Étapes de l'entraînement

1. Initialisation des paramètres
2. Propagation en avant (Forward Pass)
3. Calcul de l'erreur (fonction de coût)
4. Rétropropagation (Calcul des gradients)

On calcule le gradient de la fonction de coût par rapport à chaque paramètre :

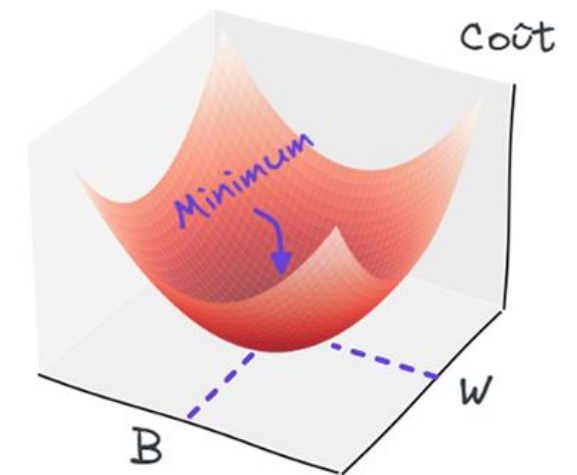
$$\frac{\partial J}{\partial w}, \frac{\partial J}{\partial b}$$

## 5. Mise à jour des paramètres (Descente de gradient)

On met ensuite à jour les paramètres à l'aide de la descente de gradient, selon les formules :

$$w_{t+1} = w_t - \alpha \frac{\partial J}{\partial w_t} \quad b_{t+1} = b_t - \alpha \frac{\partial J}{\partial b_t}$$

La **descente de gradient** est l'un des algorithmes d'apprentissage les plus utilisés en ML. Il consiste à calculer le **gradient de la fonction** coût, c'est-à-dire comment celle-ci évolue lorsque  $w$  et  $b$  varient légèrement, pour ensuite faire un pas dans la direction où la fonction coût diminue. D'où le nom de « **descente** » de gradient.



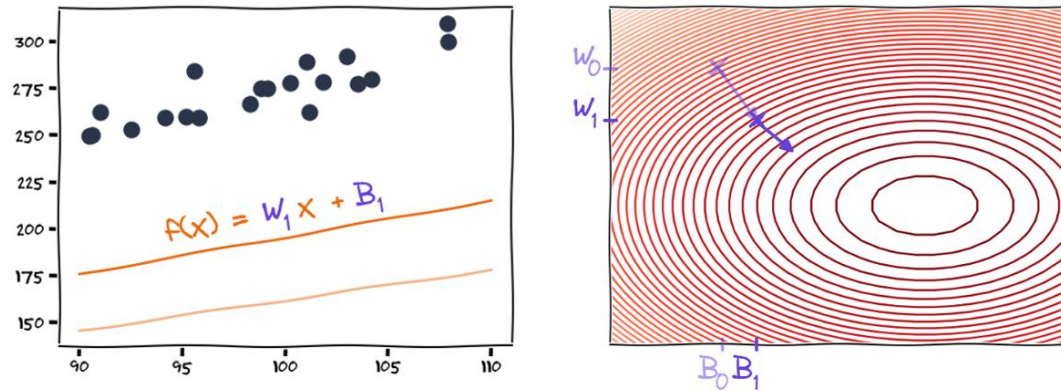
**Descente de gradient**  
<https://www.machinelearnia.com/>

# Entraînement d'un modèle

## Étapes de l'entraînement

1. Initialisation des paramètres
2. Propagation en avant (Forward Pass)
3. Calcul de l'erreur (fonction de coût)
4. Rétropropagation (Calcul des gradients)
5. Mise à jour des paramètres (Descente de gradient)

On met ensuite à jour les paramètres à l'aide de la descente de gradient, selon les formules:



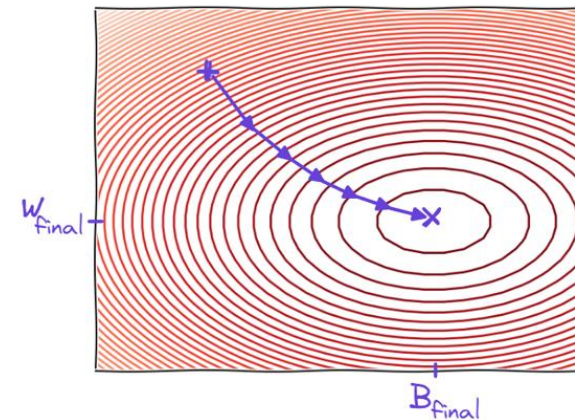
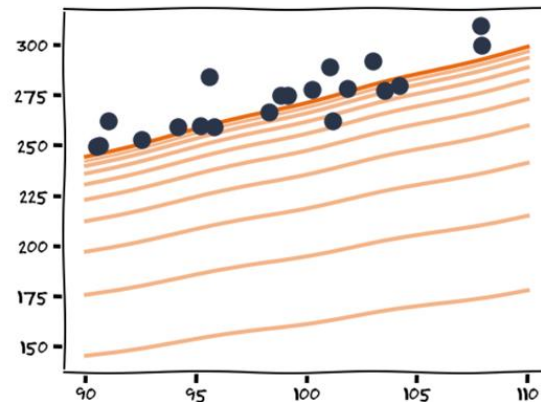
$$w_{t+1} = w_t - \alpha \frac{\partial J}{\partial w_t} \quad b_{t+1} = b_t - \alpha \frac{\partial J}{\partial b_t}$$

où  $\alpha$  est le taux d'apprentissage (learning rate), un hyperparamètre qui définit la vitesse de convergence de l'algorithme

<https://www.machinelearnia.com/>

## Étapes de l'entraînement

1. Initialisation des paramètres
2. Propagation en avant (Forward Pass)
3. Calcul de l'erreur (fonction de coût)
4. Rétropropagation (Calcul des gradients)
5. Mise à jour des paramètres (Descente de gradient)
6. Itération



**Itération :** On répète les étapes 2 à 5 jusqu'à convergence du modèle (erreur suffisamment faible) ou jusqu'à atteindre un nombre maximal d'itérations.

# Apprentissage Supervisé

- **Régression**

Prédit une **valeur continue**

Exemples : prix d'une maison, température, revenus

- **Classification :**

La sortie est une **catégorie ou une classe (discrète)**

**Types de classification :**

- **Classification binaire**
- **Classification multi-classes**
- **Classification multi-labels**
- **Classification multi-outputs**

**Régression  
Cours1/TP1**

**Classification  
Cours2/TP2**



# Apprentissage Supervisé : Classification

**Classification**  
**Cours2/TP2**

# Types de classification

**Classification binaire** = une parmi 2 classes par instance



Méthode de  
classification

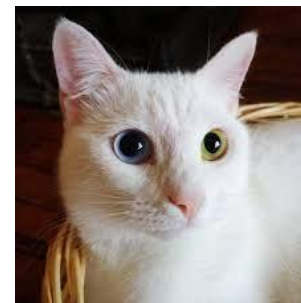
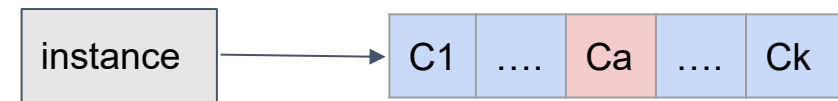
**Chat  
ou  
Chien**

# Types de classification

**Classification binaire** = une parmi 2 classes par instance



**Classification multi-classes** = une parmi plusieurs classes par instance



Méthode de  
classification

**Chat**  
ou  
**Chien**  
ou  
**Tigre**  
ou  
**Lion**

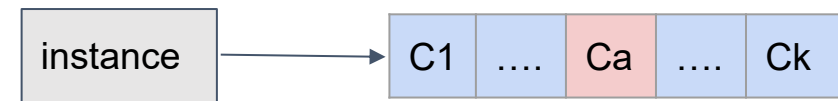
# Types de classification

## Types de méthodes de classification :

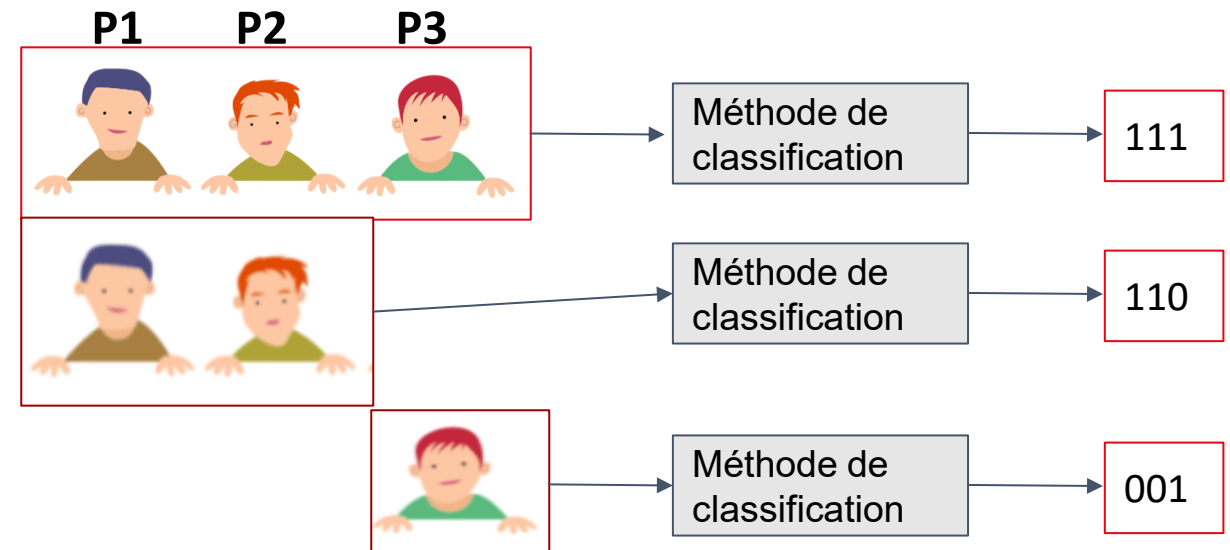
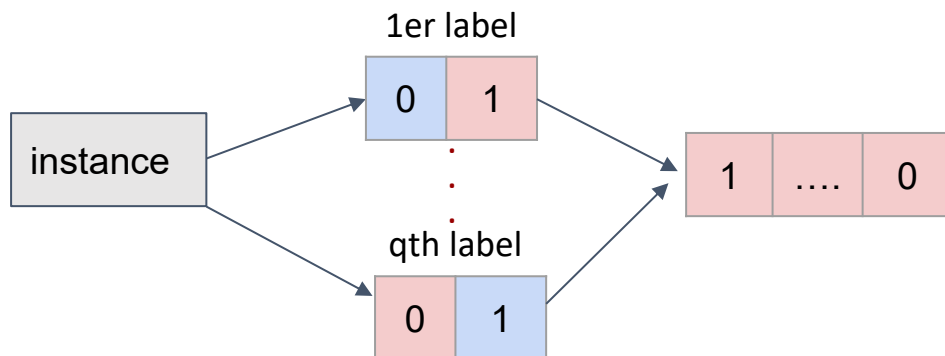
**Classification binaire** = une parmi 2 classes par instance



**Classification multi-classes** = une parmi plusieurs classes par instance



**Classification multi-labels** = plusieurs labels binaires par instance

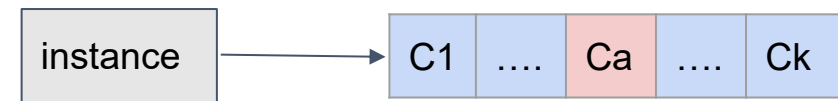


# Types de classification

**Classification binaire** = une parmi 2 classes par instance



**Classification multi-classes** = une parmi plusieurs classes par instance



**Classification multi-outputs** = plusieurs labels multi-classes par instance

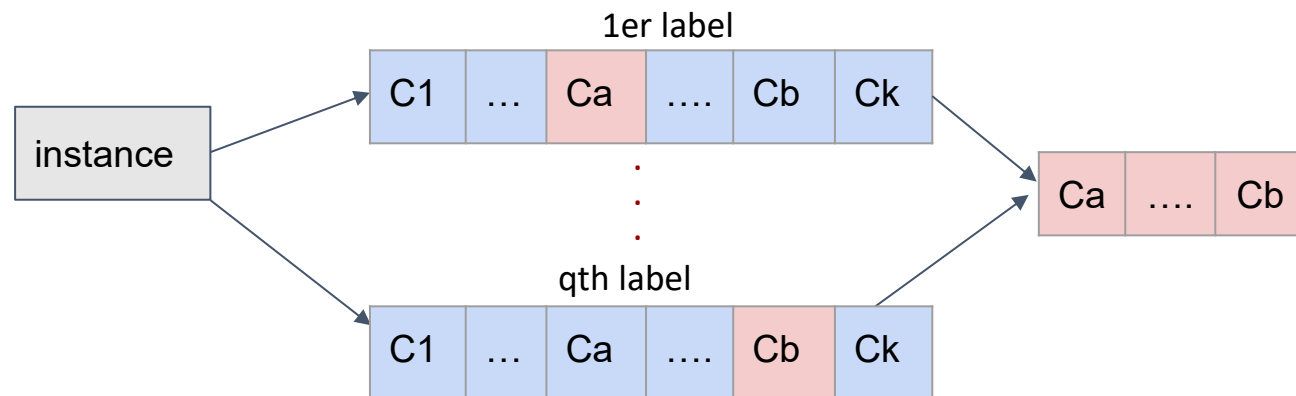


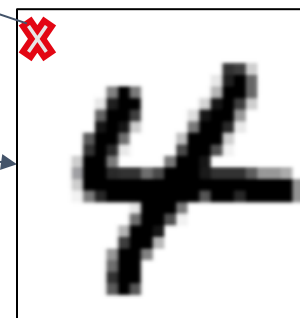
Image bruitée



Chaque pixel a une valeur entre 0 et 255

Méthode de classification

Image débruitée

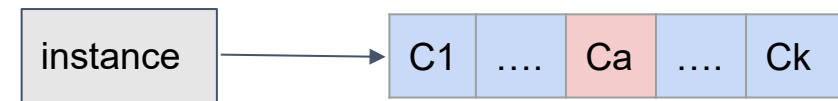


# Types de classification

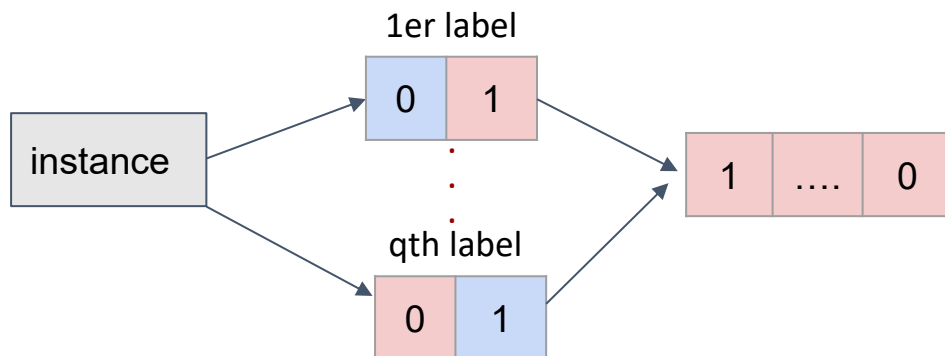
**Classification binaire** = une parmi 2 classes par instance



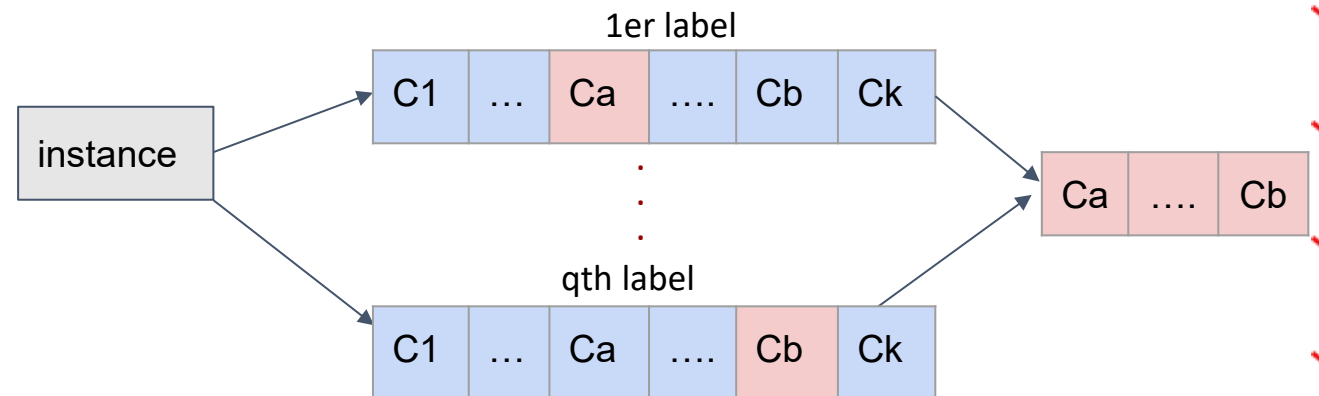
**Classification multi-classes** = une parmi plusieurs classes par instance



**Classification multi-labels** = plusieurs labels binaires par instance



**Classification multi-outputs** = plusieurs labels multi-classes par instance



# Classification

- **Types de méthodes de classification :**
  - Classification binaire
  - Classification multi-classes
  - Classification multi-labels
  - Classification multi-outputs
  
- **Quelques méthodes de classification :**
  - Algorithme du gradient stochastique
  - Support Vector Machines
  - K-plus proche Voisin
  - ...



# Evaluation des méthodes de classification

**Classes prédites**

	Negative	Positive
<b>Classes réelles</b> Negative		
Positive		

**Matrice de confusion d'une classification binaire**

**Positif** = Le modèle détecte la présence d'une caractéristique (ex : "malade", "spam", "défaut").

**Négatif** = Le modèle détecte l'absence de cette caractéristique (ex : "sain", "non spam", "pas de défaut").

- Matrice de confusion d'une classification binaire

		Classes prédites	
		Negative	Positive
Classes réelles	Negative	✓ True Negative (TN) <i>Le modèle a bien prédit "négatif"</i>	✗ False Positive (FP) <i>Le modèle a prédit "positif", mais c'était "négatif"</i>
	Positive	✗ False Negative (FN) <i>Le modèle a prédit "négatif", mais c'était "positif"</i>	✓ True Positive (TP) <i>Le modèle a bien prédit "positif"</i>

- Métriques calculées à partir de la matrice de confusion :

		Classes prédites	
		Negative	Positive
Classes réelles	Negative	True Negative (TN)	False Positive (FP)
	Positive	False Negative (FN)	True Positive (TP)
			$precision = \frac{TP}{TP+FP}$
			$Accuracy = \frac{TP+TN}{TP+TN+FP+FN}$
			$F_1 = 2 \times \frac{precision \times rappel}{precision + rappel}$
			$rappel = \frac{TP}{TP+FN}$

**Accuracy (Exactitude)** : Mesure la proportion de prédictions correctes (positives et négatives) parmi l'ensemble des prédictions.

**Parmi toutes les prédictions effectuées, combien sont correctes ?**

$$Accuracy = \frac{TP + TN}{TP + TN + FP + FN}$$

**Objectif** : Maximiser la proportion des prédictions correctes.

**Accuracy (Exactitude)** : Mesure la proportion de prédictions correctes (positives et négatives) parmi l'ensemble des prédictions.

**Parmi toutes les prédictions effectuées, combien sont correctes ?**

Exemple : Test COVID

		Classes prédites	
		Negative	Positive
Classes réelles	Negative	True Negative (TN) 42	False Positive (FP) 8
	Positive	False Negative (FN) 5	True Positive (TP) 25

$$\text{Précision} = \frac{TP + TN}{TP + TN + FP + FN} = \frac{67}{80} = 83,75\%$$

Le test est correct dans 83,75% des cas, toutes classes confondues.

## Limites de l'Accuracy

L'accuracy peut être trompeuse lorsque les **classes sont déséquilibrées**. Un modèle peut obtenir une accuracy élevée en favorisant systématiquement la classe majoritaire.

**Exemple** : Sur 100 cas avec 95 négatifs et 5 positifs, un modèle qui prédit toujours "négatif" aurait :

Accuracy = 95%, mais la détection des positifs = 0%

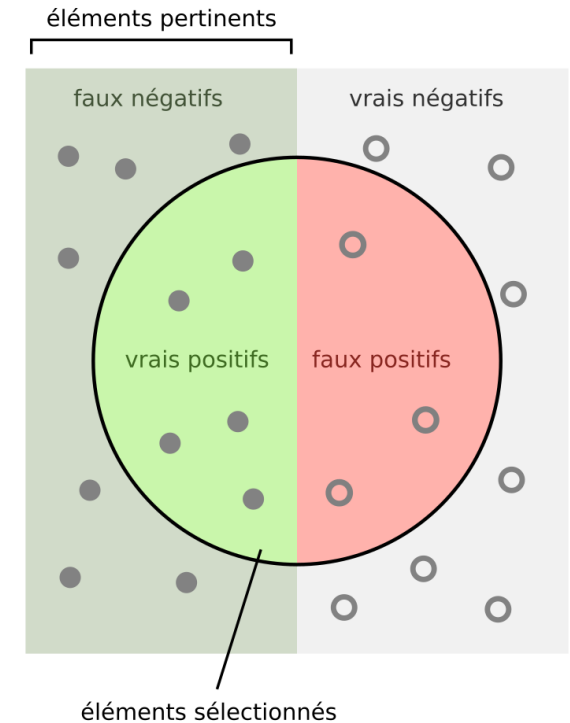
→ **Métrique inadaptée pour évaluer la performance sur la classe minoritaire.**

**Précision** : Parmi toutes les prédictions positives (correctes TP ou incorrectes FP), combien sont réellement correctes ?

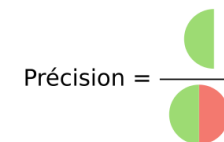
$$\text{Précision} = \frac{TP}{TP + FP}$$

**Interprétation** : Une haute précision indique peu de **faux positifs (FP)**.

**Exemple (domaine médical)** : Un faux positif correspond à un patient sain classé à tort malade → stress et examens inutiles.



Combien de candidats sélectionnés sont pertinents ?



**Précision** : Parmi toutes les prédictions positives (correctes TP ou incorrectes FP), combien sont réellement correctes ?

## Exemple : Test COVID

		Classes prédites	
		Negative	Positive
Classes réelles	Negative	True Negative (TN) 42	False Positive (FP) 8
	Positive	False Negative (FN) 5	True Positive (TP) 25

$$\text{Précision} = \frac{TP}{TP + FP} = \frac{25}{25 + 8} = 75,76\%$$

## Limites de la précision

La précision ignore les **faux négatifs (FN)**.

Dans le contexte COVID : les faux négatifs correspondent à des patients malades non détectés → risque de propagation de la maladie.

75,76% des tests prédits positifs sont réellement positifs. Les 24,24% restants sont des **faux positifs** (personnes saines classées à tort comme malades), entraînant stress et examens inutiles.



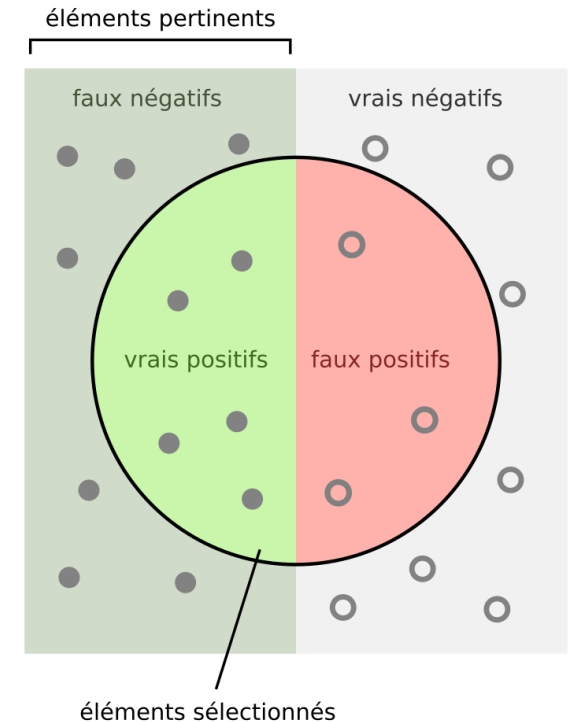
# Evaluation des méthodes de classification

**Rappel (Sensibilité) :** Parmi tous les cas positifs réels, combien sont correctement détectés ?

$$Rappel = \frac{TP}{TP + FN}$$

**Interprétation :** Un rappel élevé indique peu de **faux négatifs (FN)**.

**Exemple (domaine médical) :** Un faux négatif correspond à un patient malade non détecté → risque pour la santé.



Combien d'éléments pertinents sont sélectionnés ?

$$Rappel = \frac{\text{vrais positifs}}{\text{vrais positifs} + \text{faux positifs}}$$

**Rappel (Sensibilité) :** Parmi tous les cas positifs réels, combien sont correctement détectés ?

Exemple : Test COVID

		Classes prédites	
		Negative	Positive
Classes réelles	Negative	True Negative (TN) 42	False Positive (FP) 8
	Positive	False Negative (FN) 5	True Positive (TP) 25

$$\text{rappel} = \frac{TP}{TP + FN} = \frac{25}{5 + 25} = 83,33\%$$

## Limites :

Le rappel ne tient pas compte des **faux positifs**.  
Dans le contexte COVID : les faux positifs correspondent à des personnes saines classées à tort comme malades → stress et examens inutiles.

Le test détecte 83,33% des patients malades, mais rate 16,67% de cas. Ces **faux négatifs** (malades classés à tort comme sains) présentent un risque de propagation de la maladie.

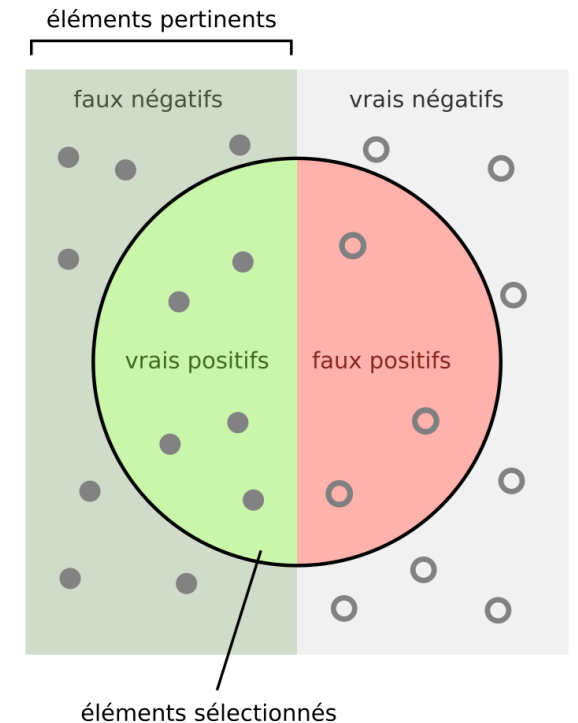
**F1-Score** : combine la **précision** et le **rappel** en une seule métrique.

- **Précision** : proportion des prédictions positives correctes.
- **Rappel** : proportion des cas positifs réels correctement détectés.

$$F1score = 2 \cdot \frac{Précision \cdot Rappel}{Précision + Rappel}$$

**Objectif** : Équilibrer précision et rappel

**Exemple domaine médical** : Détecter un maximum de vrais malades tout en limitant les diagnostics erronés



Combien de candidats sélectionnés sont pertinents ?

Précision =  $\frac{\text{vrais positifs}}{\text{vrais positifs} + \text{faux positifs}}$

Combien d'éléments pertinents sont sélectionnés ?

Rappel =  $\frac{\text{vrais positifs}}{\text{vrais positifs} + \text{faux négatifs}}$

**F1-Score** : combine **précision** et **rappel** en une seule métrique.

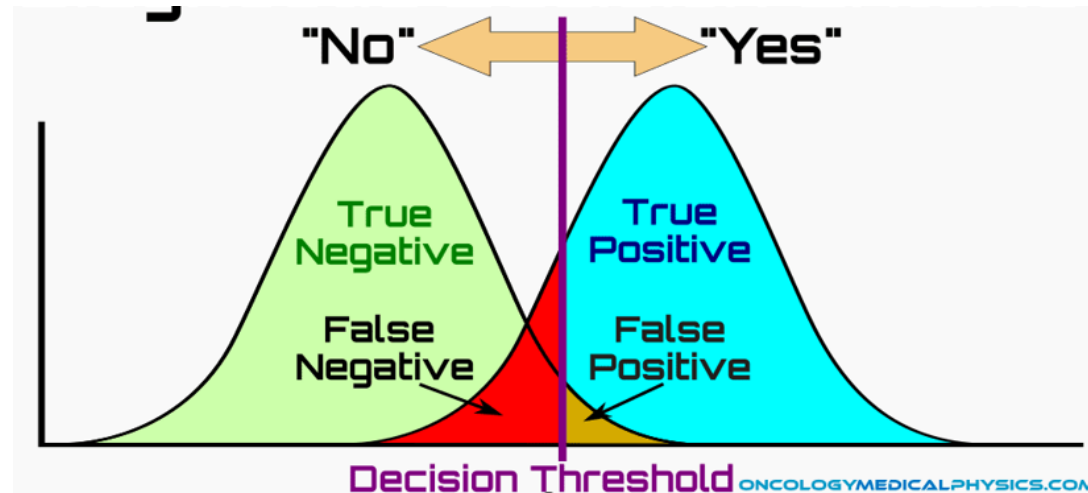
## Exemple : Test COVID

		Classes prédites	
		Negative	Positive
Classes réelles	Negative	True Negative (TN) 42	False Positive (FP) 8
	Positive	False Negative (FN) 5	True Positive (TP) 25

$$F1 - score = 2 \cdot \frac{Précision \cdot Rappel}{Précision + Rappel} = 2 \cdot \frac{75,76 \times 83,33}{75,76 + 83,33} = 79,37\%$$

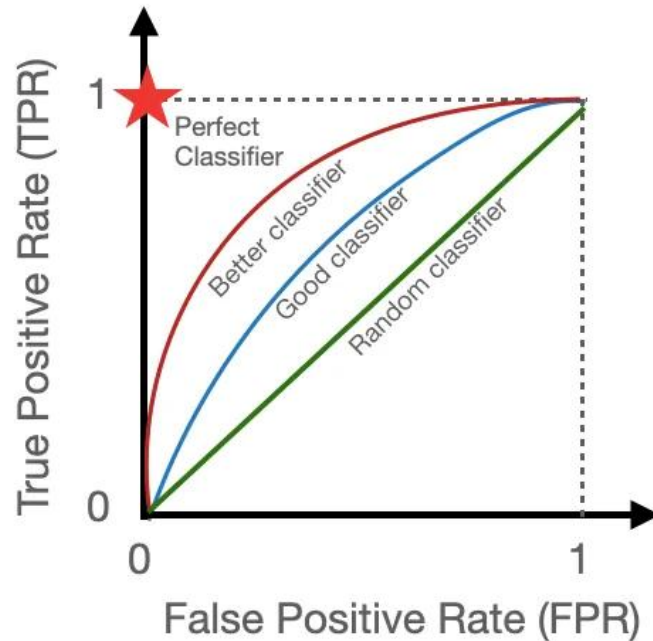
**Interprétation** : Le F1-score de 79,37% représente un équilibre entre la capacité du modèle à éviter les faux positifs (précision) et à détecter les vrais malades (rappel).

**Classification et seuil de décision** : Un algorithme de classification attribue une probabilité à chaque instance afin de déterminer son appartenance à une classe. Cette probabilité est ensuite comparée à un seuil de classification pour assigner une catégorie.



**Le seuil de décision** sépare les prédictions en deux catégories : **Négative** et **Positive**. Ajuster ce seuil influence l'équilibre entre **faux positifs** et **faux négatifs**, ce qui a un impact sur la performance du modèle.

**Courbe ROC (Receiver Operating Characteristic) :** Visualise le compromis entre la **sensibilité (True Positive Rate - TPR)** et le **taux de faux positifs (False Positive Rate - FPR)** pour différents seuils de classification. L'**AUC (Area Under the Curve)** permet de comparer facilement plusieurs modèles, indépendamment d'un seuil spécifique.



Sensibilité (TPR - True Positive Rate)

$$TPR = \frac{TP}{TP + FN}$$

$$Specificity = \frac{TN}{TN + FP}$$

Taux de faux positifs (FPR - False Positive Rate)

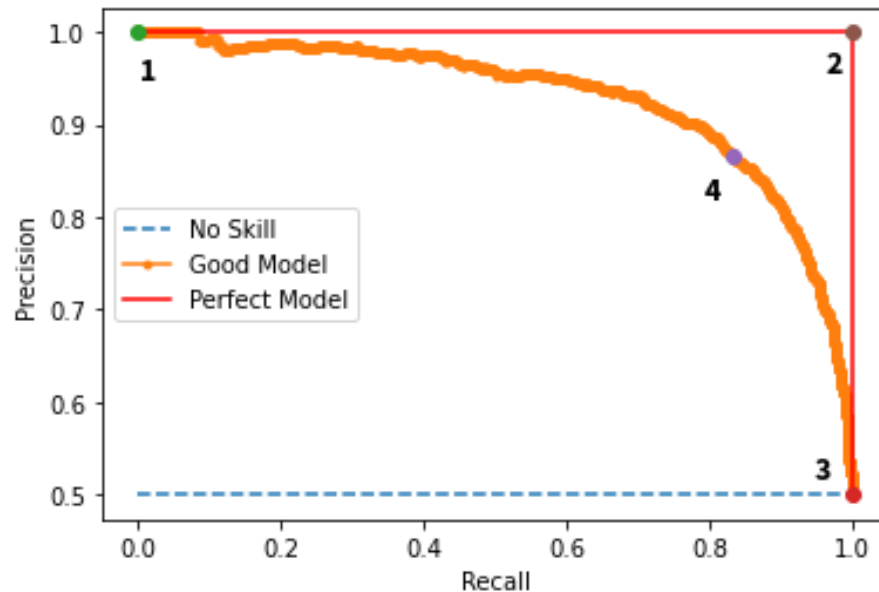
$$FPR = 1 - Specificity = \frac{FP}{FP + TN}$$

## Interprétation de la courbe ROC

- **Classifieur aléatoire** : prédit les classes au hasard (diagonale)
- **Classifieur parfait** : coin supérieur gauche (TPR = 1 et FPR = 0)
- **Plus la courbe se rapproche du coin supérieur gauche, meilleure est la performance**
- Plus l'AUC est proche de 1, meilleur est le modèle

**La courbe Precision-Recall (PR) :** Visualise le compromis entre la **Précision** et le **Rappel** pour différents seuils de classification.

Particulièrement utile pour les jeux de données déséquilibrés, car ces métriques restent informatives malgré le déséquilibre des classes.



$$\text{Précision} = \frac{TP}{TP + FP}$$

$$\text{Rappel} = \frac{TP}{TP + FN}$$

Plus la courbe est proche du coin supérieur droit, meilleur est le modèle  
**Compromis Précision-Rappel**

- Augmenter le rappel → souvent diminue la précision
- Augmenter la précision → souvent diminue le rappel
- **Average Precision (AP) :** Aire sous la courbe PR, indicateur global de performance.

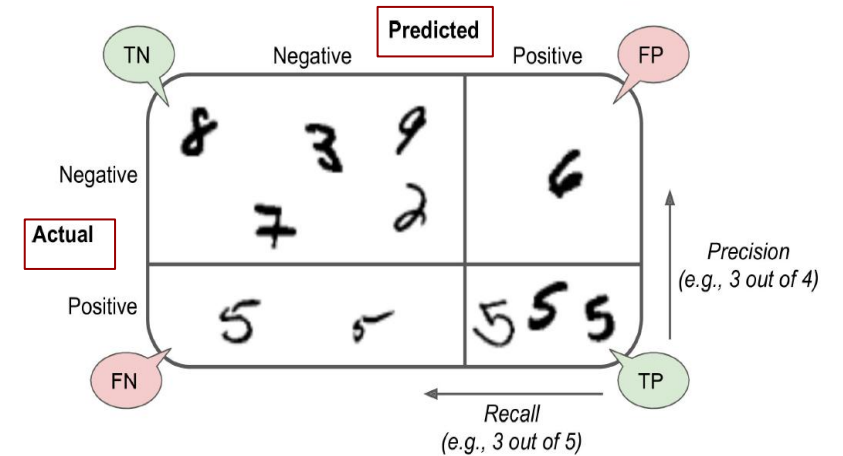


# TP 2

## Apprentissage supervisé - Classification

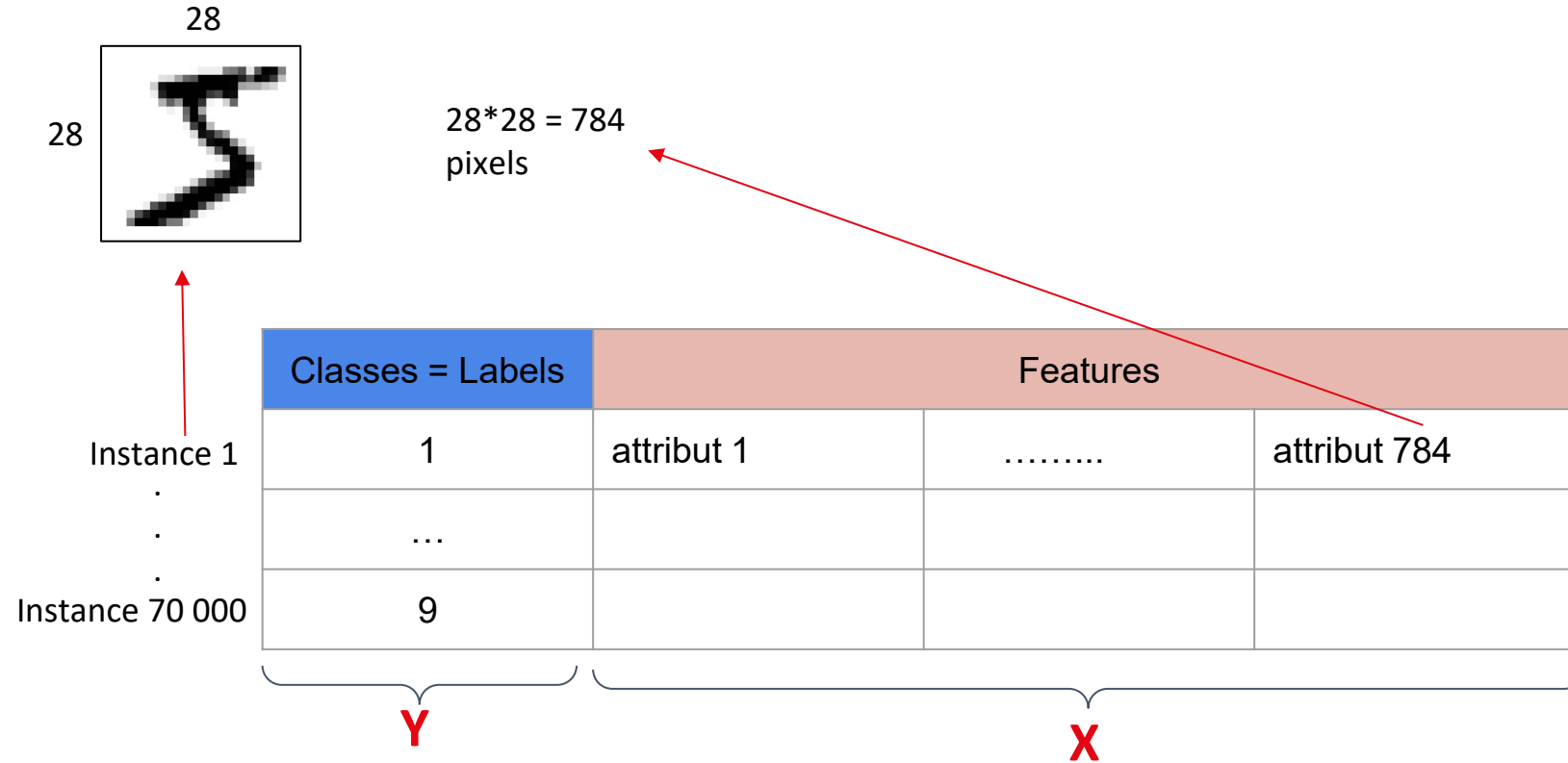
# Evaluation des méthodes de classification

- Exemple de 5-detector (classification binaire) :

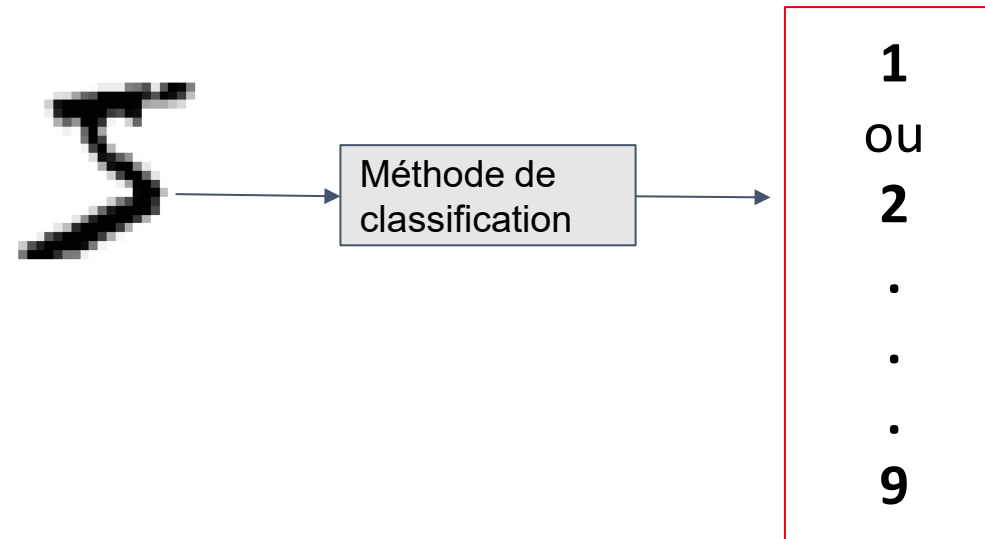


	classe Non-5	classe 5	
classe Non-5	5	1	
classe 5	2	3	<b>Rappel (Recall)</b> $= 3/5 = 60\%$ → Le classifieur détecte 60% des instances comme 5
		<b>Précision (Precision)</b> $= 3/4 = 75\%$ → Quand le classifieur prétend qu'une image représente un 5, elle n'est correcte que 75% du temps.	<b>Taux de classification (Accuracy)</b> $= 8/11 = 72.73\%$

## Base de données : MNIST

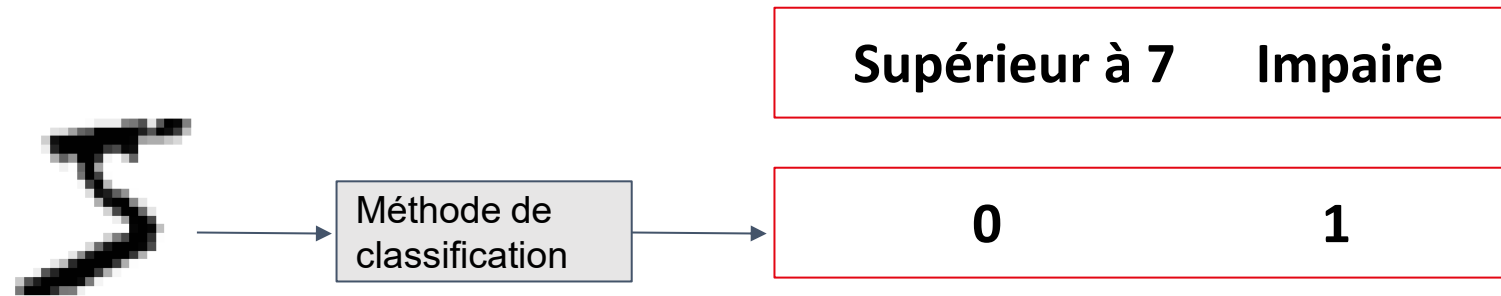


## 1. Classification multi-classe



1. Classification multi-classe

**2. Classification multi-label**



# TP2

1. Classification multi-classe
2. Classification multi-label
- 3. Classification multi-output**

