## Probabilidad y Estadística 2 Ejercicios Clase 1

- 1. Suponga que se tiene una muestra aleatoria de tamaño n=41, proveniente de una población  $N(\mu=2\theta+1,\sigma^2\to {\rm desconocido})$ . Deduzca la expresión para un intervalo de confianza del 95% para el parámetro  $\theta$ .
- **2.** Sea  $Y_1, Y_2, ..., Y_n$  una muestra de tamaño n con  $E(Y_i) = \mu$ ;  $Var(Y_i) = \sigma^2 \ \forall \ i = 1, 2, ... n \ y \ Cov(Y_i, Y_j) = \frac{\sigma^2}{2} \ \forall i \neq j$  calcule el error cuadrático medio de  $\overline{Y}$ .
- **3.** Se tiene una muestra de tamaño n de una variable con la siguiente función de densidad de probabilidad

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{\beta^2} e^{-\frac{x}{\beta}}, & x > 0 \quad \beta > 0 \\ 0, & d.l.c \end{cases}$$

Como beta es un parámetro desconocido se sugieren los siguientes estimadores

$$\beta_1 = \frac{\overline{X}}{2}$$

$$\beta_2 = \frac{3\overline{X}}{4}$$

$$\beta_3 = \frac{X_1 + X_2}{4}$$

Teniendo en cuenta que:

$$E(X) = 2\beta$$
$$Var(X) = 2\beta^2$$

- a. ¿Cuál/es de los estimadores presentados es sesgado?
- **b.** Ordene los estimadores de mayor a menor, de acuerdo a la varianza de cada uno.
- c. ¿Cuál de los estimadores recomendaría, basado en el error cuadrático medio?
- **d.** ¿Es el estimador numero 2 consistente?