

UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS INSTITUTO DE CIÊNCIAS EXATAS DEPARTAMENTO CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

## **BRENO DE CASTRO PIMENTA**

RA: 2017114809

Trabalho: Lista 03 Disciplina: ALC Turma: TZ import numpy as np import math

```
def aproxOrtonormErroFrobIdentidade(m):
    #(i)
    W = np.random.randn(m,4)
    #(ii)
    Wnormalized = W / math.sqrt(m)
    #(iii)
    Z = Wnormalized.T @ Wnormalized
    #print(Z)
    #(iv)
    frobenius_Z_I = np.linalg.norm(Z-np.eye(4), ord='fro')
    return frobenius_Z_I;
```

b) Prici um cócligo para nodar a função 100.000 vezes para m= 100 e o mesmo para m= 10000. Os resultados foram:

m=100 formation enno= 1,01356

p meter enno= 0

p média do enno= 0,43518

p mation enno: 0,09321

p meter enno: 0

p média do enno: 0,09321

Logo e notável que apesar do limite inferior ser a mesmo, o que e compreensível pelo fato da motriz original ser aleatória, quanto mais linhas são adicionadas mevor o erro, tanto a média, quanto o teto.

C) Sabendo que una motriz ontononmal possui a sua matriz de covonia noia próximo à identidade. Quando pegamos una motriz W qualquer e dividimos todos os elementos por vim encontrando W, estamos tonnondo W mais próximo de una matriz antononmal, e quanto mais Linhas tiver mais próxima sua cavariáncia será à identidade pela diferença na nonma de Frobenius.

2) a) 
$$\chi_{n} = \frac{\langle \times, n \rangle}{\|x\|_{2}^{2}} \cdot n \Rightarrow \chi_{n} = \frac{(1+2+0)}{(\sqrt{1^{2}+1^{2}})^{2}} + \frac{(1,1,0)^{T}}{(\sqrt{1^{2}+1^{2}})^{2}}$$

$$\therefore \chi_{n} = \frac{3}{2} \cdot \binom{1}{1} = \binom{1,5}{1,5}$$

$$\chi_{v} = \langle \times, v \rangle \cdot v = \frac{(1+(-2)+3)}{(\sqrt{1^{2}+(1)^{2}+1^{2}})^{2}} \cdot \binom{1}{1} = \frac{2}{3} \cdot \binom{1}{1} = \binom{2/3}{-2/3}$$

b) 
$$M = V$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} d_1 \\ d_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$k_2 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_3 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_4 = k_2 \cdot k_3$$

$$k_4 = k_2 \cdot k_3$$

$$k_5 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_6 = k_2 \cdot k_3$$

$$k_7 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_8 = k_2 \cdot k_3$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_3$$

$$k_2 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_3 = k_4 \cdot k_3$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_6 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_3$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_3$$

$$k_2 = k_3 \cdot k_1$$

$$k_3 = k_4 \cdot k_3$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_2 = k_3 \cdot k_1$$

$$k_3 = k_4 \cdot k_1$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_2 = k_3 \cdot k_1$$

$$k_3 = k_4 \cdot k_1$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_1 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_1 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_2 = k_2 \cdot k_1$$

$$k_3 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_4 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_5 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_6 = k_1 \cdot k_1$$

$$k_1 =$$

combinação Linearde

u e v: X \$ 1. d1 + V. d2,

Logo X não está no plano ocalado por Me V, e nem paralelo a ele, Pontanto a projeção de X nesse plano sempre será diferente de X.

3) Tomando Estudantes Como Variáveis.

Linha 1 => rmedia = 81,25 Linha 2 => média = 75

Linha 3 -> média = 61,25 Linha 4= > média = 68,5 Linha 5= > média = 80

Sá que as

Variáveis estão

en Linha,  $Cov_{X}= \begin{cases} 4 & -3,79 \\ -3,79 & 4 \end{cases}$ Linha,  $Cov_{X}= \begin{cases} -1,16 & 1,32 \\ -1,16 & 1,32 \end{cases}$ Linha,  $4 & -3,11 & 3,89 \\ 3,27 & -3,38 & -3,11 & 4 & -3,08 \\ -1,06 & 1,51 & 3,89 & -3,08 & 4 \end{cases}$ Cov $X=X:X_{non,m}$ 

4) (V) Um consunto de n vetores ontogonais em R <sup>m</sup> e sempre h.I. Sendo ontogonais não ten como seren Liveamente Dependentes
( ) Um consunto de n vetores LI em IR e senpre formado por vetores ortogonais Exemplo: (10); ou seja L.I. e não ortogonais.
Um consunto de n vetores h1 em IR e senpre formado por vetores ortogonais  Exemplo: (10); Ou seja h.1. e não artogonais.  (F) Exemplo: (10); Ou seja h.1. e não artogonais.  Não há como ter vetores v., v2,, vm EIR L.1  Não há como ter mais vetores ortogonais do que o número de esposo existente, loss off vetores e constituire de la como de
Una base Formada pelos vetores LI VL, V2,, Vn EIR gen un subespaço
una combinaçõe livre
le sempre diferente de X  Caso X sesa pohalelo a esse subespaça a projeção
de $X$ será igual a ele mesmo  Seja $X_5$ a projesão de um vetor unitário $X \in \mathbb{R}^m$ no subespaço vetorial $S$ . $E'$ possível que $\ X_5\  > \ X\ $
hospita, for it will > 11 x/1

Seja Xs a projesão de um vetor unitário X EIR no subespaço vetorial S. E possível que II XsII > II XII

Não, pois caso X tenta o mesmo número de coordenados ou nois que exista no subespaço a se projetar, a IIXsII £IIXII.