

# Algoritmos Genéticos: Introdução

Gisele L. Pappa





# Algoritmos Genéticos

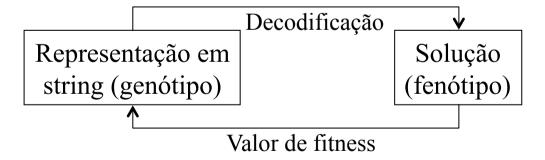
- Técnica mais dissiminada em EA
- Introduzida por Holland em 1975, e desenvolvida por um de seus alunos, Goldberg





# Algoritmos Genéticos

- Indivíduos são vetores binários
- Cromossomo (indivíduo) tem tamanho fixo
  - Genes normalmente tem tamanho fixo
- Existe um mapeamento do genótipo para o fenótipo



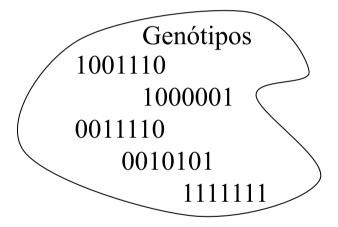


Gisele L Pappa

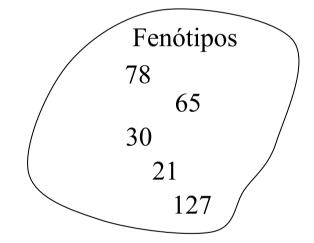


# Genótipo versus Fenótipo

• Em alguns algoritmos evolucionários não existe distinção entre genótipo e fenótipo



Espaço de busca

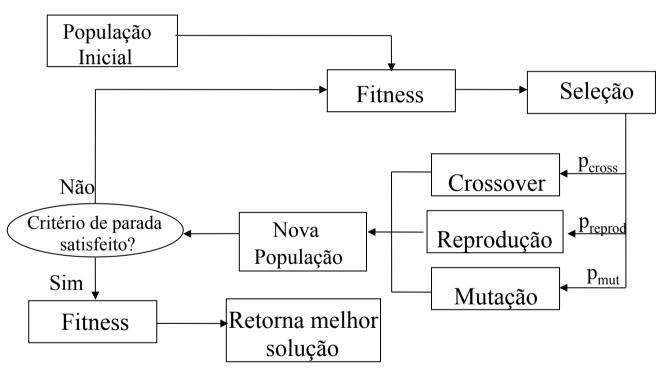


Espaço de Soluções





# Da biologia para computação



DCC
DEPARTAMENTO DE
CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

© Gisele L Pappa



# Algoritmos Genéticos

- Operadores são aplicados sobre o genótipo
- O espaço do problema é conhecido como espaço de busca, e engloba todas as soluções possíveis para um determinado problema





## Exemplo

- OneMax
  - Maximizar o número de 1s em um string de bits de tamanho *n*
  - Definição de parâmetros: n = 8 e tamanho da população = 4
- Gerar população inicial: atribuir aleatoriamente 1s e 0s a todos os genes

| Id da Solução | Genótipo |
|---------------|----------|
| A             | 00000110 |
| В             | 11101110 |
| $\mathbf{C}$  | 00100000 |
| D             | 00110100 |



#### UFMG Algoritmos Genéticos Gera uma população inicial de NRetorna melhor vetores (vetor = solução) indivíduo Não Decodifica esses vetores (genótipos) Sim em soluções (fenótipos) Condição de e avalia fitness parada satisfeita? Não Seleciona 2 pais dentre Substitui os indivíduos os indivíduos da população Sim. da população atual por seus filhos Aplica operadores de mutação e N filhos cruzamento para criar novos filhos criados?

Gisele L Pappa

DCC

DEPARTAMENTO DE CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO



# Exemplo

- OneMax
  - Maximizar o número de 1s em um string de bits de tamanho
     n (n = 8 e tamanho da população = 4)
- Calcular o valor da fitness
  - Contar o número de 1s

| Id da Solução | Genótipo |
|---------------|----------|
| A             | 00000110 |
| В             | 11101110 |
| $\mathbf{C}$  | 00100000 |
| D             | 00110100 |



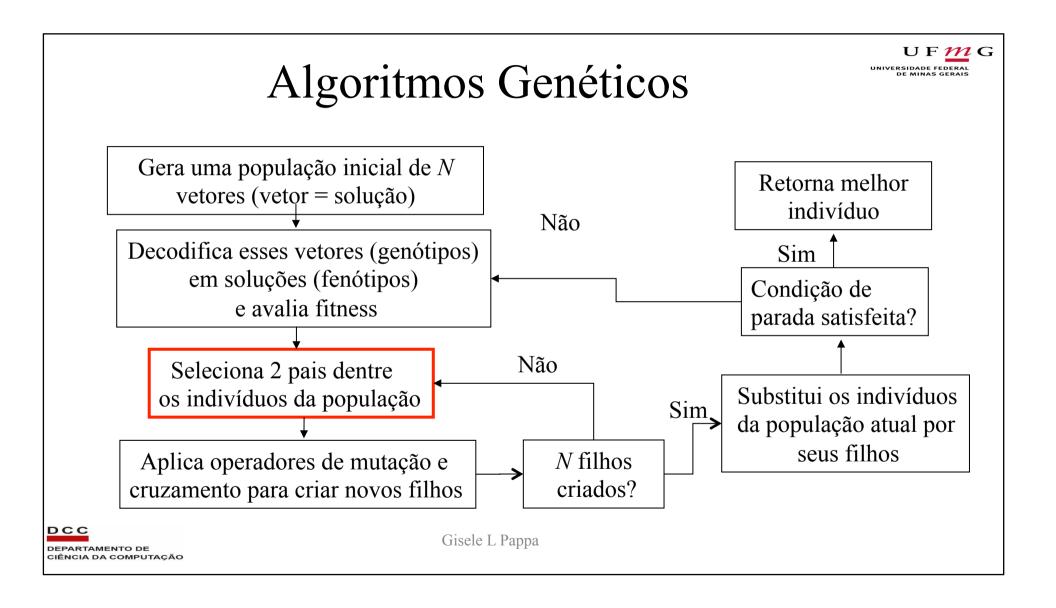


### Exemplo

- OneMax
  - Maximizar o número de 1s em um string de bits de tamanho n (n = 8 e tamanho da população = 4)
- Calcular o valor da fitness
  - Contar o número de 1s

| Id da Solução | Genótipo | Fitness |
|---------------|----------|---------|
| A             | 00000110 | 2       |
| В             | 11101110 | 6       |
| $\mathbf{C}$  | 00100000 | 1       |
| D             | 00110100 | 3       |







## Seleção de indivíduos

- Ocorre em 2 fases
- 1. Fase de reprodução:
  - Pais são selecionados para gerar filhos a partir de um algoritmo de seleção que considera toda a população
- 2. Fase de remoção:
  - Decisão de que indivíduos remover para inserir novos indivíduos na população





### Seleção de indivíduos

- Ocorre em 2 fases
- 1. Fase de reprodução:
  - Pais são selecionados para gerar filhos a partir de um algoritmo de seleção que considera toda a população
- 2. Fase de remoção:
  - Decisão de que indivíduos remover para inserir novos indivíduos na população





#### Seleção Proporcional a Fitness (Roleta)

- Considere a fitness de um indivíduo i como sendo  $f_i$
- Fitness média da população pode ser calculada como

$$\bar{f} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{N} f_i$$

• Indivíduo j pode ser selecionado com probabilidade

$$p_j = \frac{f_j}{\sum_{i=1}^N f_i}$$





# Seleção Proporcional a Fitness (Roleta)

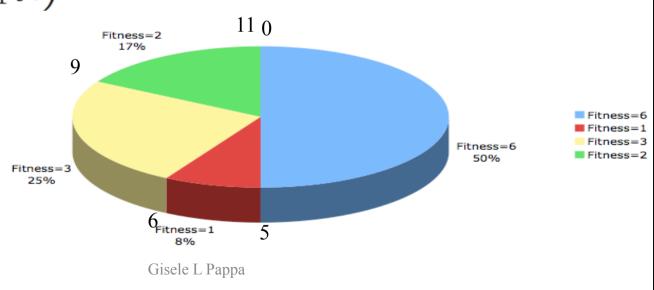
| Id da Soluç                              | ão Genótipo | Fitness          |  |
|--|-------------|------------------|--|
| A  | 00000110    | 2                |  |
| В  | 11101110    | 6                |  |
| $\mathbf{C}$                             | 00100000    | 1                |  |
| D  | 00110100    | 3                |  |
| DCC                                      |             | 12 Fitness=3 25% | Fitness=2 17%  Fitness=6  Fitness=6  Fitness=3  Fitness=2  Fitness=1  8% |
| DEPARTAMENTO DE<br>CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO |             | Gise             | le L Pappa   |



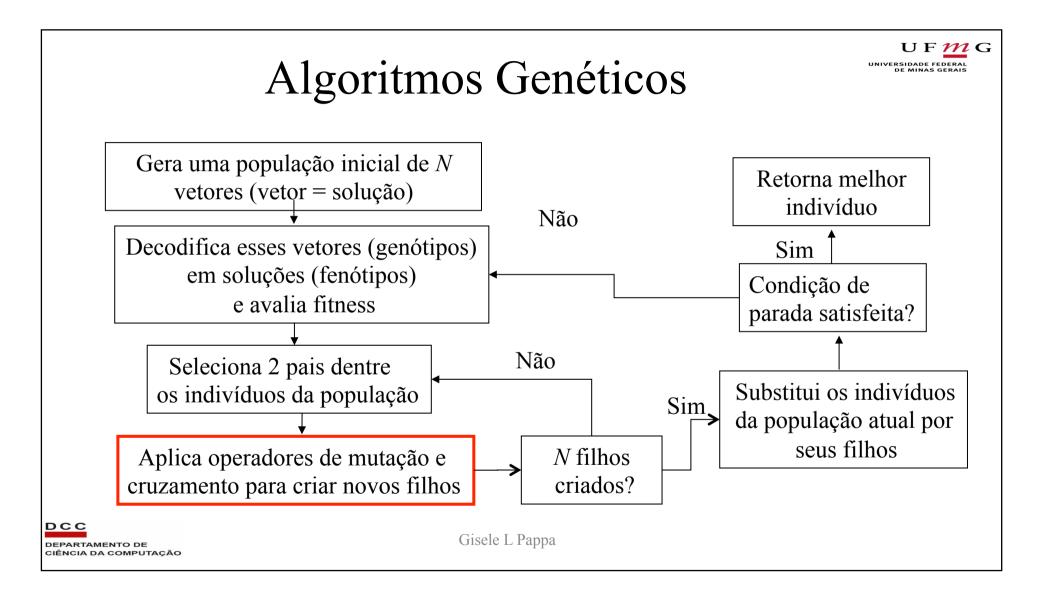
# Seleção Proporcional a Fitness (Roleta)

• Rodo a roleta

$$r \in \left[0, \sum_{j=1}^{n} f_i\right)$$









## Operadores Genéticos

- Cruzamento de um ponto (de acordo com probabilidade definidas pelo usuário)
  - Padrão para GAs
  - Probabilidades altas (70-99%)
  - Ponto de cruzamento é escolhido aleatoriamente

| Pais selecionados | Indivíduo B              | Indivíduo C              |
|-------------------|--------------------------|--------------------------|
|                   | 1 1101110                | 0 0100000                |
| Filhos gerados    | Indivíduo E<br>0 1101110 | Indivíduo F<br>1 0100000 |
|                   | 0 1101110                | 1 0100000                |





## Operadores Genéticos

- Outro tipo de crossover: Crossover Uniforme
  - Cada gene é trocado de acordo com uma probabilidade  $p_c$

• Não existe bias posicional: probabilidade de genes vizinhos serem trocados simultaneamente é muito maior do que a de genes distantes serem trocados simultaneamente



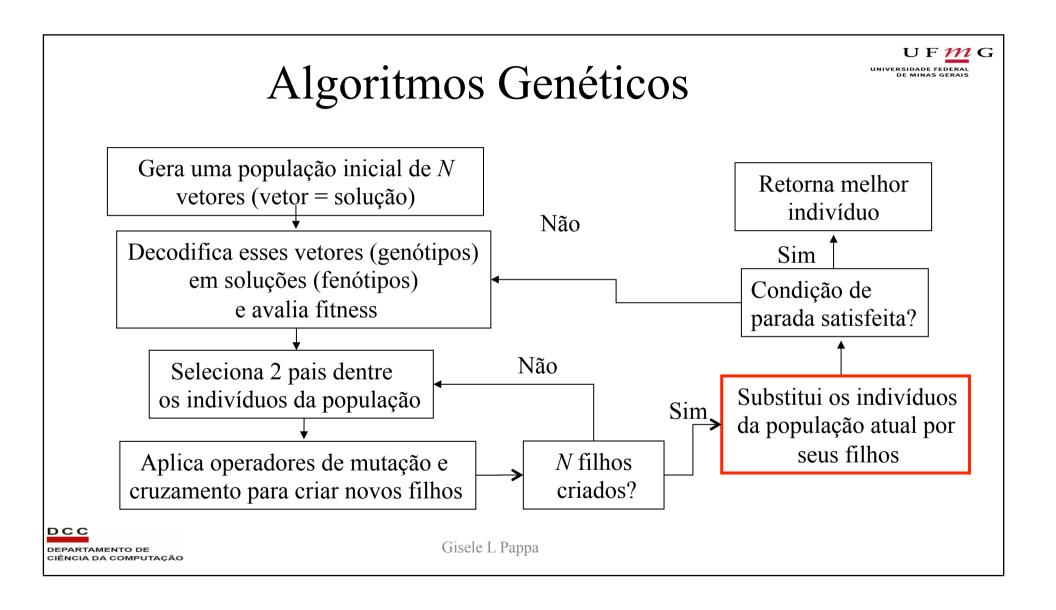


# Operadores Genéticos

- Mutação de um ponto
- Mutação uniforme
  - Similares ao cruzamento mas envolvem um indivíduo único

|         | Uniforme  | Um ponto  |
|---------|-----------|-----------|
| – Pai   | 1 1101110 | 0 0100000 |
| _ Filho | 01001110  | 10100000  |







# Algoritmos Genéticos

- Modo de operação: Steady state versus geracional
  - Diferem pelo fato da população antiga e a nova se sobreporem ou não
- Geracional
  - A cada nova geração toda a população é substituída por uma nova (GA tradicional)
- Steady state
  - Não existem gerações, e um esquema de substituição de indivíduos varia
    - Ex: Considerar filhos e pais e manter os 2 melhores





# Substituição da população atual pela nova

| População |
|-----------|
| atual     |

| Id da Solução | Genótipo | Fitness |
|---------------|----------|---------|
| A             | 00000110 | 2       |
| В             | 11101110 | 6       |
| $\mathbf{C}$  | 00100000 | 1       |
| ${ m D}$      | 00110100 | 3       |



| Nova      |
|-----------|
| população |

| Id da Solução | Genótipo | Fitness  |
|---------------|----------|----------|
| E             | 01001110 | 4        |
| $\mathbf{F}$  | 10100000 | <b>2</b> |
| $\mathbf{G}$  | 11101110 | 6        |
| $\mathbf{H}$  | 00110100 | 3        |



Gisele L Pappa



# Agradecimentos

• Alguns slides foram traduzidos/adaptados das notas de aula de Alex A. Freitas e Michael O'Neil





# Algoritmos Genéticos: Introdução

Gisele L. Pappa

