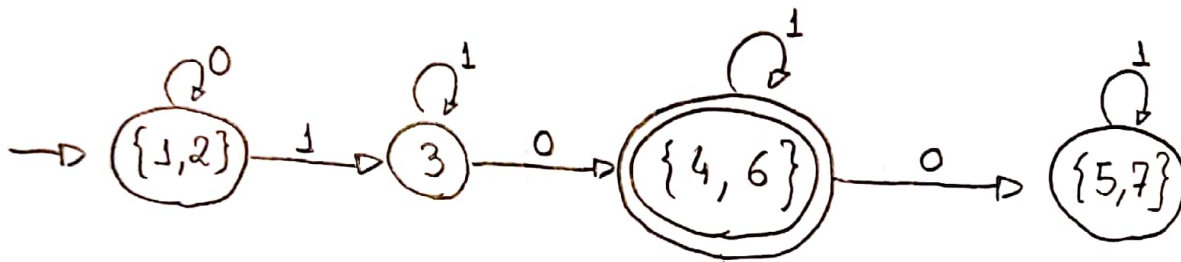


$$1) A) S_0 = \{ \{1, 2, 3, 5, 7, 8\}, \{4, 6\} \}$$

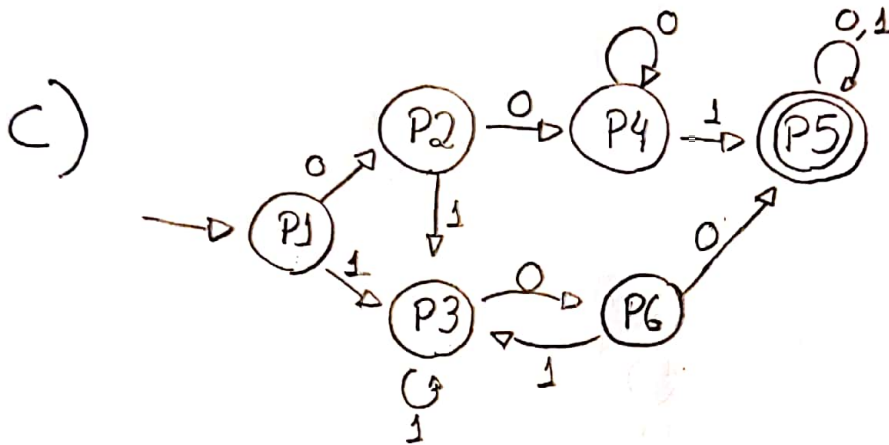
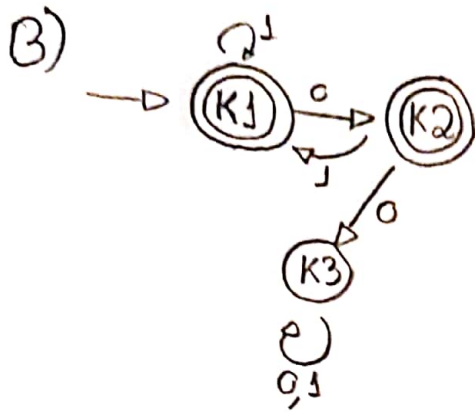
$$S_1 = \{ \{1, 2, 5, 7\}, \{3, 8\}, \{4, 6\} \}$$

$$S_2 = \{ \{1, 2\}, \{5, 7\}, \{3\}, \{8\}, \{4, 6\} \}$$

$$S_3 = \{ \{1, 2\}, \{5, 7\}, \{3\}, \{8\}, \{4, 6\} \}$$



B) $L = \{ w \in \{0, 1\}^* \mid \{0\}\{0\}^*\{1\}\{1\}^*\{0\}\{1\}^*, \text{ ou seja, cada palavra } w \text{ é formada por uma sequência de 0's, uma sequência de 1's e pode terminar em zero ou zero com uma sequência de 1's.}$



3) Caso Base: $|w|=0$:

$$\begin{aligned}\hat{S}_3([e_1, e_2], \lambda) &= [e_1, e_2] \rightarrow \text{pela definição de } \hat{S} \\ &= [\hat{S}_1(e_1, \lambda), \hat{S}_2(e_2, \lambda)]\end{aligned}$$

Hipótese de Indução: $\hat{S}_3([e_1, e_2], y) = [\hat{S}_1(e_1, y), \hat{S}_2(e_2, y)]$

Queremos demonstrar que $\hat{S}_3([e_1, e_2], ay) = [\hat{S}_1(e_1, ay), \hat{S}_2(e_2, ay)]$

$$\begin{aligned}\hat{S}_3([e_1, e_2], ay) &= \hat{S}_3(\hat{S}_3([e_1, e_2], a), y) \\ &= \hat{S}_3([\hat{S}_1(e_1, a), \hat{S}_2(e_2, a)], y) \\ &= [\hat{S}_1(\hat{S}_1(e_1, a), y), \hat{S}_2(\hat{S}_2(e_2, a), y)] \\ &= [\hat{S}_1(e_1, ay), \hat{S}_2(e_2, ay)]\end{aligned}$$

C.Q.D.