

Estrutura de Dados

Análise de Algoritmos

Professores: Luiz Chaimowicz e Raquel Prates

Análise de Algoritmos

- Determinar o **tempo de execução** de um programa pode ser um problema matemático **complexo**;
- Determinar a **ordem de complexidade** do tempo de execução, sem preocupação com o valor da constante envolvida, pode ser uma tarefa mais simples.

Análise do Tempo de Execução

- Comando de atribuição, de leitura ou de escrita: $O(1)$.

- `int a;`

- `int v[15];`

- `a = 0;`

- `v[0] = 12;`

Análise do Tempo de Execução

- Comando de decisão:
 - Tempo dos comandos dentro do condicional, mais tempo para avaliar a condição, que é $O(1)$.

```
if ( A[j] < A[min] )  
    min = j;
```

Análise do Tempo de Execução

■ Laço:

- Soma do tempo de execução do corpo do laço + o tempo de avaliar a condição de parada (geralmente $O(1)$) **X** número de iterações.

```
sum = 0;
for (i = 0; i < sqrt(n)/2; i++) {
    if ( A[j] < A[min] )
        min = j;
    sum++;
}
```

Análise do Tempo de Execução

- Sequência de comandos:
 - Determinado pelo maior tempo de execução de qualquer comando da sequencia.

```
int sum = 0;
```

```
int i, j, k;
```

```
for (i = 0; i < sqrt(n)/2; i++)
```

```
    sum++;
```

```
for (j = 0; j < sqrt(n)/4; j++)
```

```
    sum++;
```

Análise do Tempo de Execução

- Cada chamada de uma função deve ter seu tempo computado separadamente, iniciando pelos que não chamam outros procedimentos.
- Avalia-se então os chamam os já avaliados (utilizando os tempos desses).
- O processo é repetido até chegar no programa principal (função main)

Análise do Tempo de Execução

- Qual a **função de complexidade** $f(n)$ para o número de atribuições à variável a ?

```
int exemplo1(int n){  
    int i, a;  
    a=0;  
    for (i = 0; i < n; i++)  
        a += i;  
    return a;  
}
```


Análise do Tempo de Execução

- Qual a **função de complexidade** $g(n)$ para o número de atribuições à variável a ?

```
void exemplo2 (int n) {  
    int i, j, a;  
    a = 0;  
    for (i = 0; i < n; i++)  
        for (j = n; j > i; j--)  
            a += i+j  
    a = exemplo1(a);  
}
```

Análise do Tempo de Execução

- O que faz essa função? Qual a sua ordem de complexidade?

```
void func(int *A, int *B, int *C, int n) {  
    int i, j, k;  
  
    for (i=0; i<n; i++)  
        for (j=0; j<n; j++) {  
            C[i][j]=0;  
            for (k=n-1; k>=0; k--)  
                C[i][j]=C[i][j]+A[i][k]*B[k][j];  
        }  
}
```

Exemplo: Algoritmo de Ordenação

Algoritmo da Seleção

- Seleciona o menor elemento do conjunto.
- Troca este com o primeiro elemento $A[0]$.
- Repita as duas operações acima com os $n - 1$ elementos restantes, depois com os $n - 2$, até que reste apenas um.

```
void Ordena(Vetor A) {  
    /*ordena o vetor A em ordem ascendente*/  
    int i, j, min, x;  
    for (i = 0; i < n-1; i++) {  
        min = i;  
        for (j = i + 1; j < n; j++)  
            if ( A[j] < A[min] )  
                min = j;  
        /*troca A[min] e A[i]*/  
        x = A[min];  
        A[min] = A[i];  
        A[i] = x;  
    }  
}
```