

資結 HW5 報告

Array, DList, BST

B07901010

范詠為

一、 實作部分

1. array.h

a. class iterator

這部分因為 array 是連續的記憶體空間，所以 overloading ++/-- 時基本起只要 `_node++/--` 即可。

b. begin(), end(), empty(), size()

這部分也簡單，begin()/end() 分別回傳含有 `_data/_data+_size` 的 iterator，empty()/size() 都可用 data member `_size` 完成。

c. push_back(const T& x)

如果 `_size == _capacity`，就呼叫 `expand()` 去要記憶體空間，並 ++ `_size` 和把 `_isSorted` 設回 false。

Helper Function：

`void expand() //要記憶體空間`

分成 `_capacity` 是 0 和不是 0 的情況討論，前者要一個記憶體空間後 `_capacity` 設成一，後者 `_capacity` 乘二，並將之前的資料複製過去再將原本要的空間歸還給系統。

d. pop_front(), pop_back(), clear()

`pop_back()` 和 `clear()` 基本上就是將陣列大小 (`_size`) 減一和設為零，只要不要取到資料就好，後面的資料在 `push_back` 後會被蓋掉。但 `pop_front()` 在 `_size >= 2` 時不能這麼做，要將最後一筆資料換到第一個（不在意資料順序的做法）後才能 -- `_size`，在這個情況下因為有動到資料順序，`_isSorted` 設回 false。

e. erase(iterator pos)

跟 `pop_front()` 類似，在 `_size >= 2` 時，將最後一筆資料換到 `pos` 位置再--
`_size`，`_isSorted` 設回 `false`。

f. `erase(const T& x), find(const T& x)`

前者只要 `find` 不是回傳 `end()`，就呼叫 `erase(iterator pos)`，`pos` 為 `find` 回傳的 `iterator`。至於 `find()` 就是將 `0 ~ _size - 1` 跑一遍看有沒有跟 `x` 相等，沒有找到的話就回傳 `end()`。

g. `sort()`

為內建的 `sort()` 函式，有增加判斷 `_isSorted` 為 `true` 時就不 `sort()` 直接 `return` 和 `sort()` 完後將 `_isSorted` 設為 `true` 兩行。

2. `dlist.h`

基本上 `DList` 的結構重點就只有三個：

`_head -> _prev` is dummy

dummy `-> _next` is `_head`

dummy `-> _prev` is the last element

前兩個任何情況（`list` 不管是不是空的）都必成立。

a. `DList` constructor

一開始 `_head` 是 dummy，故 `_head -> _prev`、`_head -> _next` 都等於 `_head`。

b. class iterator

overloading `++/--` 時是將 `_node` 指到下/上一個，也就是 `_node = _node -> _next/_prev`。

c. `begin()`, `end()`, `empty()`

因為符合上述的三個原則，`begin()` 為 `_head`，`end()` 為 dummy 即是 `_head -> _prev`，節省走一遍資料的時間。`empty()` 也只要判斷 `_head -> _prev` 是不是等於 `_head` 就可，不用記住 `_size`。

d. `size()`

既然沒有記住 `_size`，勢必得從 `begin` 到 `end` 前一個跑過一遍來計算。

e. `push_back(const T& x)`

先 new 一個 `DListNode<T>*`，它的 `_prev` 是 `dummy` 的 `_prev`，`_next` 是 `dummy`。然後我分成兩種討論，如果 `list` 是空的（增加第一個元素），那麼 `_head`、`dummy` 的 `_prev`、`dummy` 的 `_next` 都要指到它。如果不是空的，那麼要指到它的有 `dummy` 的 `_prev -> _next` 和 `dummy` 的 `_prev`。最後將 `_isSorted` 設為 `false`。接下來的 `delete` 功能都不用改變順序。

f. `pop_front()`, `pop_back()`, `clear()`

前兩個就是把 `_node` 的連結拆掉再重接，`pop_front()` 要注意 `_head` 的位置會變，跟 `array` 不一樣，最後要把 `_node` `delete`。`clear()` 從 `begin` 到 `end` 前一個跑一遍 `pop_front()` 即可。

g. `erase(iterator pos)`

把 `_node` 的連結拆掉再重接即可。

h. `erase(const T& x)`, `find(const T& x)`

前者只要 `find` 不是回傳 `end()`，就呼叫 `erase(iterator pos)`，`pos` 為 `find` 回傳的 `iterator`。至於 `find()` 就是從 `begin` 到 `end` 前一個跑一遍看有沒有跟 `x` 相等，沒有找到的話就回傳 `end()`。

i. `sort()`

一樣先判斷是否 `_isSorted` 來決定要不要 `sort()`，並且 `sort()` 完後將 `_isSorted` 設為 `true`。`sort()` 本身我是用 `bubble sort`。

Helper Function：

```
void swapData(DListNode<T>* &a, DListNode<T>* &b) const () //交換 data
```

3. `bst.h`

`BSTreeNode` data member：

```
T                _data;  
BSTreeNode<T>*  _left;  
BSTreeNode<T>*  _right;  
BSTreeNode<T>*  _parent;
```

`BSTree` data member：

```
BSTreeNode<T>* _root;
```

size_t _size;

基本規則如下：

_root -> _parent is dummy

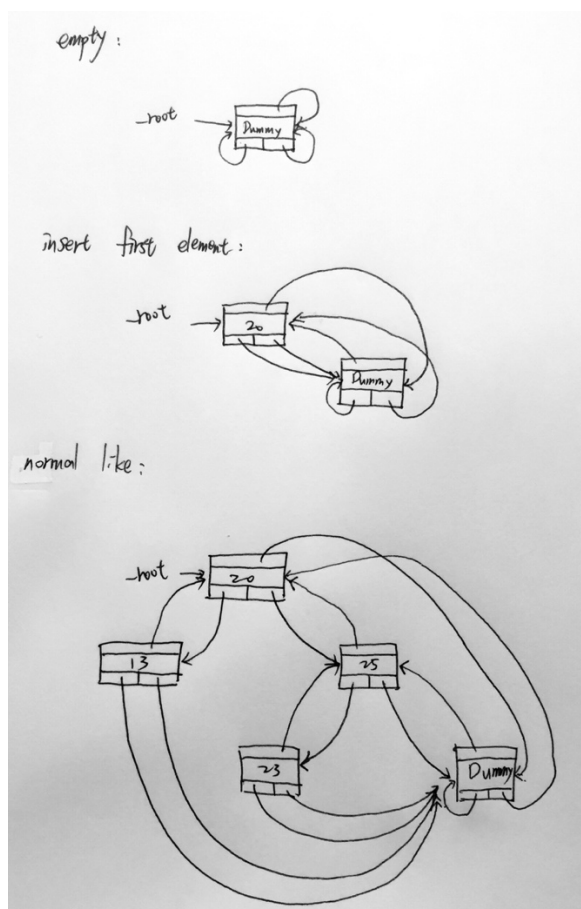
dummy -> _left is dummy

dummy -> _right is _root

dummy -> _parent is biggest element

leaf -> _left & _right are both dummy

架構圖大概長這樣：



但是寫到最後其實覺得沒必要這麼複雜，有試著寫另一版本但因時間來不及而作罷。

a. BSTree constructor

先 new 一個 BSTreeNode 即為 dummy node 亦是 _root、_root -> _left、_root -> _right、_root -> _parent 共同所指到的地方，參見上圖 empty 時的樣子。

b. class iterator

++/--是三種資料結構中最為複雜的，因為意思分別是指到下一個大小的 _node，我的做法是舉++為例，大概是先判有沒有 rightchild，有的話就忘 rightchild 過去再往 leftchild 一直走到底（dummy 前）即為下一個大小的 _node，但如果沒有 rightchild，則必須往上走直到自己是別人的 leftchild 才停下。--的做法就相反而已。那因為要判許多東西所以我在 class iterator 的 private 也加了幾個 inline function，事後也覺得有點冗。

Helper Function：

```
inline bool isDum() //是不是 dummy
inline bool isLDum() //_left 是不是 dummy
inline bool isRDum() //_right 是不是 dummy
inline bool isPDum() //_parent 是不是 dummy
inline bool isLeaf() // isLDum()&&isRDum
inline bool isLChild() //是不是別人的_left
inline bool isRChild() //是不是別人的_right
```

c. begin(), end(), empty(), size()

begin()就是從_root 一直往左走直到 dummy 的前一個。end()就是回傳 dummy 也就是 iterator(_root -> _parent)。empty()則是檢查 _root -> _parent 是不是 _root。size()因為我有記起來所以就直接回傳_size。

d. insert(const T& x)

三種情況：

1. empty：_root、_root -> _parent、_root -> _right 指到它，它自己的三個接點都指到 dummy(Helper Function：toDum(BSTreeNode<T>* & n))。
2. insert 的東西最大：跟下一種不一樣的地方在因為 dummy -> _parent 要指到最大的 node，在 insert 最大的東西時要把 dummy -> _parent 換上去。
3. 其他：insert(_root, x)。

Helper Function：

```
void toDum(BSTreeNode<T>* & n) // n = _root -> _parent //dummy
void insert(BSTreeNode<T>* node, const T& x) // function overloading
```

這個 insert 的做法是用 recursive，也就是判斷 x 跟 node -> _data 的大小往左或往右再呼叫 insert，直到到 dummy 前，就 new 一個 _data 為 x 的 node

e. pop_front(), pop_back(), clear(), erase(iterator pos)

這些都靠 erase(iterator pos)來達成，而 erase(iterator pos)又是去判斷 leaf case 或 onechild case 或 twochild case 三種人然後分別呼叫 Helper Function 中的 delLeaf(pos)、delOneChild(pos)、delTwoChild(pos)。

Helper Function：

void delLeaf(iterator pos) // _left&&_right 都是 dummy 時

void delOneChild(iterator pos) // _left&&_right 其中之一是 dummy

void delTwoChild(iterator pos) // _left&&_right 都不是 dummy，交換 successor (twochild case 所以一定有)，變成 onechild case 或 leaf case (呼叫前二者)。

f. erase(const T& x), find(const T& x)

前者也是靠 find 後 erase(iterator pos)完成，find 的做法是 recursive，寫在 private Helper Function。

Helper Function：

iterator find(const T& x, iterator& pos) //function overloading

recursive 作法，從 _root 開始，如果 x == *pos 就回傳 iterator，不然就依大小 find 左右下去直到 dummy 就回傳 end()。

二、實驗部分

針對不同指令做執行時間上的比較如下：

1. ADTSort

BST 因為 add 完就已經 sort 好，故採用 add 的時間。

a. 10000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.01	1.06	0

b. 30000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.01	9.66	0.01

c. 50000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.02	28.09	0.02

d. 100000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.04	108.5	0.04

e. 200000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.07	436.1	0.1

從上面五個的結果和每種資料結構本身的運作方式可推知：

Array 應為 $O(n \log n)$ （網路上寫的(std::sort())）

DList 應為 $O(n^2)$ （bubble sort）

BST 應為 $O(n \log n)$ （平均情況下, worst case insert n 次應為 n^2 ）

而 array 和 dlist 用 isSorted 可大幅減少沒改動到資料順序情況下，第二次 sort 的時間。

2. ADTDelete

(1) -a

a. 50000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0	0	0.02

b. 100000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0	0.01	0.03

c. 1000000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0	0.07	0.44

從上面三個的結果和每種資料結構本身的運作方式可推知：

Array 應為 $O(1)$ (`_size` 設為 0)

DList 應為 $O(n)$ (跑一遍 `pop_front()`)

BST 應為 $O(n)$ (跑一遍 `pop_front()`)

(2) -f, -b

a. 50000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
-f 秒數(s)	0	0.01	0.02
-b 秒數(s)	0	0	0.02

b. 100000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
-f 秒數(s)	0	0.02	0.04
-b 秒數(s)	0	0.02	0.02

c. 1000000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
-f 秒數(s)	0.01	0.07	0.43
-b 秒數(s)	0	0.08	0.39

從上面三個的結果和每種資料結構本身的運作方式可推知：

Array 應為 $O(n)$ (pop $O(1)$ n 次每次_size--或交換再_size--(不管順序)所以幾乎是 0)

DList 應為 $O(n)$ (pop $O(1)$ n 次)

BST 應為 $O(n \log n)$ (pop $O(\log n)$ (找 begin) n 次)

(3) -r

a. 30000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0	0.79	4.01

b. 50000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0	2.58	11.66

c. 100000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.01	9.66	56.68

從上面三個的結果和每種資料結構本身的運作方式可推知：

Array 應為 $O(n)$ (erase(pos) $O(1)$ n 次還是很快速)

DList 應為 $O(n^2)$ (erase(pos) $O(1)$ n 次，但每次 iterator 要移過去 $O(n)$)

BST 應為 $O(n \log n)$ (erase(pos) $O(1)$ n 次，但每次 iterator 要移過去 $O(n)$ ，但平均是 $\log n$)

(4) -s (用自己寫的 gendo file 去跑多筆資料的結果，不然一次只能手動刪一個)

a. 200000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	9.1	18.78	4.44

從上面的結果和每種資料結構本身的運作方式可推知：

Array 應為 $O(n^2 + n) = O(n^2)$ (find 為 $O(n)$, find n 次 , erase(pos) 亦需 $O(n)$)

DList 應為 $O(n^2 + n^2) = O(n^2)$ (find 為 $O(n)$, find n 次 , erase(pos) 亦需 $O(n^2)$)

BST 快很多應為 $O(n \log n + n \log n) = O(n \log n)$ (find 為 $O(\log n)$, find n 次 , erase(pos) 亦需 $O(n \log n)$)

這個結果跟 find 有關故不測 ADTQuery。

3. ADTAdd

a. 1000000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.13	0.09	0.98

b. 5000000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	0.84	0.45	7.81

c. 10000000 筆資料

	./adtTest.array	./adtTest.dlist	./adtTest.bst
秒數(s)	1.66	0.9	18.32

從上面三個的結果和每種資料結構本身的運作方式可推知：

Array 應為 $O(n)$

DList 應為 $O(n)$

BST 應為 $O(n \log n)$ (insert 為 $O(n)$, 但可看成平均 $\log n$, insert n 次)