

w_2 , 记所得树为 T^* , 则 T^* 是带权为 w_1, w_2, \dots, w_t 的最优树.

定理 14.13 设 $r(r \geq 2)$ 叉正则树 T 分支点数为 i , 树叶数为 t , 则 $(r-1)i = t-1$.

定理 14.14 一棵二叉树可以产生一个前缀码.

推论 一棵二叉正则树可以产生唯一的一个前缀码.

定理 14.15 设 $G = \langle V, E, W \rangle$ 是 n 阶完全带权图, 各边带的权均为正, 并且对于任意的 $v_i, v_j, v_k \in V$, 边 $(v_i, v_j), (v_j, v_k), (v_i, v_k)$ 带的权 w_{ij}, w_{jk}, w_{ik} 满足三角不等式, 即

$$w_{ij} + w_{jk} \geq w_{ik},$$

则

$$\frac{d}{d_0} \leq \frac{1}{2}(\lceil \log_2 n \rceil + 1),$$

其中, d_0 是 G 中最短哈密顿回路的权, 而 d 是用最邻近法走出的哈密顿回路的权.

定理 14.16 设 $G = \langle V, E, W \rangle$ 为 $n(n \geq 3)$ 阶无向完全带权图, 各边的权均大于 0, 对任意的 $v_i, v_j, v_k \in V$, 边 $(v_i, v_j), (v_j, v_k), (v_i, v_k)$ 的权满足三角不等式: $w_{ij} + w_{jk} \geq w_{ik}$, d_0 是 G 中最短哈密顿回路的权, H 是用最小生成树法走出的 G 的哈密顿回路, 其权为 d , 则

$$\frac{d}{d_0} < 2.$$

定理 14.17 定理的条件同定理 14.16, 则

$$\frac{d}{d_0} < \frac{3}{2}.$$

其中 d_0 是 G 中最短哈密顿回路的权, d 是用最小权匹配法得到的哈密顿回路的权.