

$$\begin{aligned}
&\subseteq (A \cap \sim B) \cup (A \cap C) && \text{(引理 1.3)} \\
&= A \cap (\sim B \cup C) && \text{(分配律)} \\
&= A \cap \sim(B \cap \sim C) && \text{(德·摩根律)} \\
&= A - (B - C) && \text{(补交转换律)}
\end{aligned}$$

□

(2) 答：当且仅当 $A \cap C = \emptyset$ 时，(1) 中等号成立。

证明：先证充分性。当 $A \cap C = \emptyset$ 时：

$$\begin{aligned}
(A - B) - C &= (A \cap \sim B) \cap \sim C && \text{(补交转换律)} \\
&= (A \cap \sim C) \cap \sim B && \text{(结合律、交换律)} \\
&= (A - C) \cap \sim B && \text{(补交转换律)} \\
&= A \cap \sim B && \text{(习题 1.11 结论)} \\
&= (A \cap \sim B) \cup \emptyset && \text{(同一律)} \\
&= (A \cap \sim B) \cup (A \cap C) && \text{(} A \cap C = \emptyset \text{)} \\
&= A \cap (\sim B \cup C) && \text{(分配律)} \\
&= A \cap \sim(B \cap \sim C) && \text{(德·摩根律)} \\
&= A - (B - C) && \text{(补交转换律)}
\end{aligned}$$

再证必要性。若不然，则存在 x ，使得 $x \in A \wedge x \in C$ 。此时，无论 x 是否属于 B ，均有 $x \notin (A - B) - C$ 和 $x \in A - (B - C)$ 。这与假设： $(A - B) - C = A - (B - C)$ 矛盾。 □

1.14

证明：

$$\begin{aligned}
B &= E \cap B && \text{(同一律)} \\
&= (A \cup \sim A) \cap B && \text{(排中律)} \\
&= (A \cap B) \cup (\sim A \cap B) && \text{(分配律)} \\
&= (A \cap C) \cup (\sim A \cap C) && \text{(前提)} \\
&= (A \cup \sim A) \cap C && \text{(分配律)} \\
&= E \cap C && \text{(排中律)} \\
&= C && \text{(同一律)}
\end{aligned}$$

□

1.15 $A = B = D = G, C = F = H$ 。

1.16

- (1) $\{3, 4, \{3\}, \{4\}\}$;
- (2) \emptyset ;
- (3) $\{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ 。

1.17

- (1) $\{\emptyset, \{\{\emptyset\}\}, \{\{\{\emptyset\}\}\}, \{\{\emptyset\}, \{\{\emptyset\}\}\}\}$;
- (2) $\{\emptyset, \{\emptyset\}, \{\{\emptyset\}\}, \{\emptyset, \{\emptyset\}\}\}$;