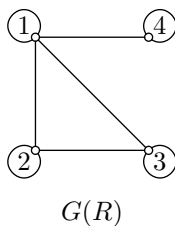


非传递:  $\langle 12, 0 \rangle \in S \wedge \langle 0, 4 \rangle \in S$ , 但  $\langle 12, 4 \rangle \notin S$ 。

**2.17**

$$M(R) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$



$R$  有如下性质:

自反: 定义。

非反自反: 有  $\langle 1, 1 \rangle \in R$ 。

对称: 定义。

非反对称: 有  $\langle 1, 2 \rangle \in R \wedge \langle 2, 1 \rangle \in R$  但  $1 \neq 2$ 。

非传递: 有  $\langle 2, 0 \rangle \in R \wedge \langle 0, 3 \rangle \in R$  但  $\langle 2, 3 \rangle \notin R$ 。

**2.18**  $R_1 = \{\langle a, a \rangle, \langle a, b \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, b \rangle, \langle c, c \rangle\}$ ;

$R_2 = \{\langle a, b \rangle, \langle b, c \rangle\}$ ;

$R_3 = \{\langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle, \langle c, a \rangle, \langle c, b \rangle\}$ ;

$R_4 = \{\langle a, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle c, c \rangle\}$ 。

$$M(R_1) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}, M(R_2) = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, M(R_3) = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}, M(R_4) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$R_1$  的性质:

自反: 易于验证。

非反自反:  $\langle a, a \rangle \in R_1$ 。

非对称:  $\langle a, b \rangle \in R_1$ , 但  $\langle b, a \rangle \notin R_1$ 。

反对称: 易于验证。

传递: 易于验证。

$R_2$  的性质:

非自反:  $\langle a, a \rangle \notin R_2$

反自反: 易于验证。

非对称:  $\langle a, b \rangle \in R_2$ , 但  $\langle b, a \rangle \notin R_2$ 。

反对称: 易于验证。

非传递:  $\langle a, b \rangle \in R_2 \wedge \langle b, c \rangle \in R_2$ , 但  $\langle a, c \rangle \notin R_2$ 。

$R_3$  的性质:

非自反:  $\langle a, a \rangle \notin R_3$

反自反: 易于验证。

非对称:  $\langle a, b \rangle \in R_3$ , 但  $\langle b, a \rangle \notin R_3$ 。