

第五章 数组&广义表

讨论题:

1、广义表具有哪些重要特性？ 2、若在矩阵 A_{mn} 中存在一个元素 $a_{i-1,j-1}$ 是第 i 行元素中最小值又是第 j 列元素中的最大值，则称此元素为该矩阵的一个马鞍点。假设以二维数组存储矩阵 A_{mn} ，试设计一个求该矩阵所有马鞍点的算法，并分析你的算法在最坏情况下的时间复杂度。 3、广义表 $GL = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ ，其中 $a_k (k=1, 2, \dots, n)$ 或是单个数据元素（原子），或仍然是个广义表。编写一个过程或函数计算一个广义表的所有原子节点数据域之和，例如对广义表 $(3, (2, 4, 5), (6, 3))$ ，数据域之和为 23。 4、设 A 和 B 均为下三角矩阵，每一个都有 n 行。因此在下三角区域中各有 $n(n+1)/2$ 个元素。另设有一个二维数组 C ，它有 n 行 $n+1$ 列。试设计一个方案，将两个矩阵 A 和 B 中的下三角区域元素存放于同一个 C 中。要求将 A 的下三角区域中的元素存放于 C 的下三角区域中， B 的下三角区域中的元素转置后存放于 C 的上三角区域中。并给出计算 A 的矩阵元素 a_{ij} 和 B 的矩阵元素 b_{ij} 在 C 中的存放位置下标的公式。

课后题

5.17 (1)、(3)，

5.17③ 已知顺序表 L 含有 n 个整数，试分别以函数形式写出下列运算的递归算法：

- (1) 求表中的最大整数；
- (2) 求表中的最小整数；
- (3) 求表中 n 个整数之和；
- (4) 求表中 n 个整数之积；
- (5) 求表中 n 个整数的平均值。

```
1  int a[];
2  int max_L(int i, int x){
3      if(i==0) return a[i];
4      return max(a[x], max_L(i-1));
5  }
6
7  print(max_L(n))
```

```

1  int a[]
2  int sum_L(int i){
3      if(i==0) return a[i];
4      return a[i]+sum_L(i-1);
5  }
6  print(sum_L(n))

```

5.19、5.30、5.32、5.33、5.37、5.38

5.19④ 若矩阵 $A_{m \times n}$ 中的某个元素 a_{ij} 是第 i 行中的最小值,同时又是第 j 列中的最大值,则称此元素为该矩阵中的一个马鞍点。假设以二维数组存储矩阵 $A_{m \times n}$,试编写求出矩阵中所有马鞍点的算法,并分析你的算法在最坏情况下的时间复杂度。

```

1  int minn[M],maxx[N];
2  void MinMax(int A[M][N]) //M行中最小, N列中最大
3  {
4      int i,j;
5      bool have=false;
6      for(i=0; i<M; i++) //求出每行最小数, 存在minn[0,,,M-1]中
7      {
8          minn[i]=A[i][0];
9          for(j=1; j<N; j++)
10             if(minn[i]>A[i][j])
11                 minn[i]=A[i][j];
12     }
13     for(j=0; j<N; j++) //求出每列最大数, 存在maxx[0,,,N-1]中
14     {
15         maxx[j]=A[0][j];
16         for(i=1; i<M; i++)
17             if(maxx[j]<A[i][j])
18                 maxx[j]=A[i][j];
19     }
20     for(i=0; i<M; i++)
21         for(j=0; j<N; j++)
22             if(minn[i]==maxx[j]) //找到马鞍点
23             {
24                 printf("A[%d][%d]=%d",i,j,A[i][j]);
25                 have=true;
26             }
27     if(!have)
28         printf("没有马鞍点\n");
29 }

```

5.30③ 试按表头、表尾的分析方法重写求广义表的深度的递归算法。

```

1  int GListDepth(GList L)
2  {
3      int m, n;
4
5      if(!L)                                //空表深度为1
6          return 1;
7
8      if(L->tag==Atom)                       //原子深度为0
9          return 0;
10
11     m = GListDepth(L->Union.ptr.hp) + 1; //表头深度
12     n = GListDepth(L->Union.ptr.tp);    //表尾深度
13
14     return m>n ? m : n;
15 }

```

5.31③ 试按教科书 5.5 节图 5.10 所示结点结构编写复制广义表的递归算法。

```

1
2  Status Equal(GList A, GList B)
3  {
4      if(!A && !B)                            //两个空表相等
5          return OK;
6
7      if(A && B)                                //两个表均不为空
8      {
9          if(A->tag==B->tag)                    //元素类型相同
10         {
11             if(A->tag==Atom)                  //原子结点
12             {
13                 if(A->Union.atom==B->Union.atom)
14                     return OK;
15             }
16             else                                //表结点
17             {
18                 if(Equal(A->Union.ptr.hp, B->Union.ptr.hp))
19                 {
20                     if(Equal(A->Union.ptr.tp, B->Union.ptr.tp))

```

```

21         return OK;
22     }
23 }
24 }
25 }
26
27 return ERROR;
28 }

```

33

5.33④ 试编写递归算法,输出广义表中所有原子项及其所在层次。

```

1 void Print(GList L, int d)
2 {
3     int i = d;                                //d的初值赋值为0
4
5     if(L)
6     {
7         if(L->tag==Atom)
8             printf("%c -> 第%d层\n", L->Union.atom, i);
9
10        if(L->tag==List)                        //表头指针指向表的话层数增一
11        {
12            Print(L->Union.ptr.hp, i+1);
13            Print(L->Union.ptr.tp, i);
14        }
15    }
16 }

```

37

5.37⑤ 试编写递归算法,删除广义表中所有值等于 x 的原子项。

```

1
2 void ClearGList_GL_H_T(GList *L)
3 {
4     GList p, q;
5
6     if(*L)
7     {
8         if((*L)->tag==Atom)
9         {

```

```

10         free(*L);                                //删除原子结点
11         *L = NULL;
12     }
13     else                                          //删除表结点
14     {
15         p = (*L)->Union.ptr.hp;
16         q = (*L)->Union.ptr.tp;
17         free(*L);
18         *L = NULL;
19         ClearGList_GL_H_T(&p);
20         ClearGList_GL_H_T(&q);
21     }
22 }
23 }
24
25 void DeleteX(GList *L, AtomType x)
26 {
27     GList h, p;
28
29     if(*L && (*L)->tag==List)
30     {
31         h = (*L)->Union.ptr.hp;
32         if(h)
33         {
34             if(h->tag==List)
35             {
36                 DeleteX(&((*L)->Union.ptr.hp), x);
37                 DeleteX(&((*L)->Union.ptr.tp), x);
38             }
39             else
40             {
41                 if(h->Union.atom==x)
42                 {
43                     p = *L;
44                     *L = (*L)->Union.ptr.tp;
45                     p->Union.ptr.tp = NULL;
46                     ClearGList_GL_H_T(&p);
47                     DeleteX(L, x);
48                 }
49                 else
50                     DeleteX(&((*L)->Union.ptr.tp), x);
51             }
52         }
53     }
54     {
55         if((*L)->Union.ptr.tp)
56             DeleteX(&((*L)->Union.ptr.tp), x);
57     }
58 }

```

```
59 }
60
```

38

5.38④ 试编写算法,依次从左至右输出广义表中第 l 层的原子项。

```
1 void PrintL(GList L, int d, int l)
2 {
3     int i = d;                //d的初值赋值为0
4
5     if(L && l>=i)
6     {
7         if(L->tag==Atom)
8         {
9             if(l==i)            //层数符合
10                printf("%c ", L->Union.atom);
11        }
12        else                    //表头指针指向表的话层数增一
13        {
14            PrintL(L->Union.ptr.hp, i+1, l);
15            PrintL(L->Union.ptr.tp, i, l);
16        }
17    }
18 }
```