

Estrutura de Dados I

CÁSSIO CAPUCHO PEÇANHA – 07

PARTE 2

Ordenação por Mistura (MergeSort)

MergeSort

- Também conhecido como ordenação por intercalação
 - Algoritmo recursivo que usa a idéia de dividir para conquistar para ordenar os dados
 - Parte do princípio de que é mais fácil ordenar um conjunto com poucos dados do que um com muitos
 - O algoritmo divide os dados em conjuntos cada vez menores para depois ordená-los e combina-los por meio de intercalação (merge)

MergeSort

Ideia básica: Dividir e Conquistar;

Divide, recursivamente, o conjunto de dados até que cada subconjunto possua 1 elemento;

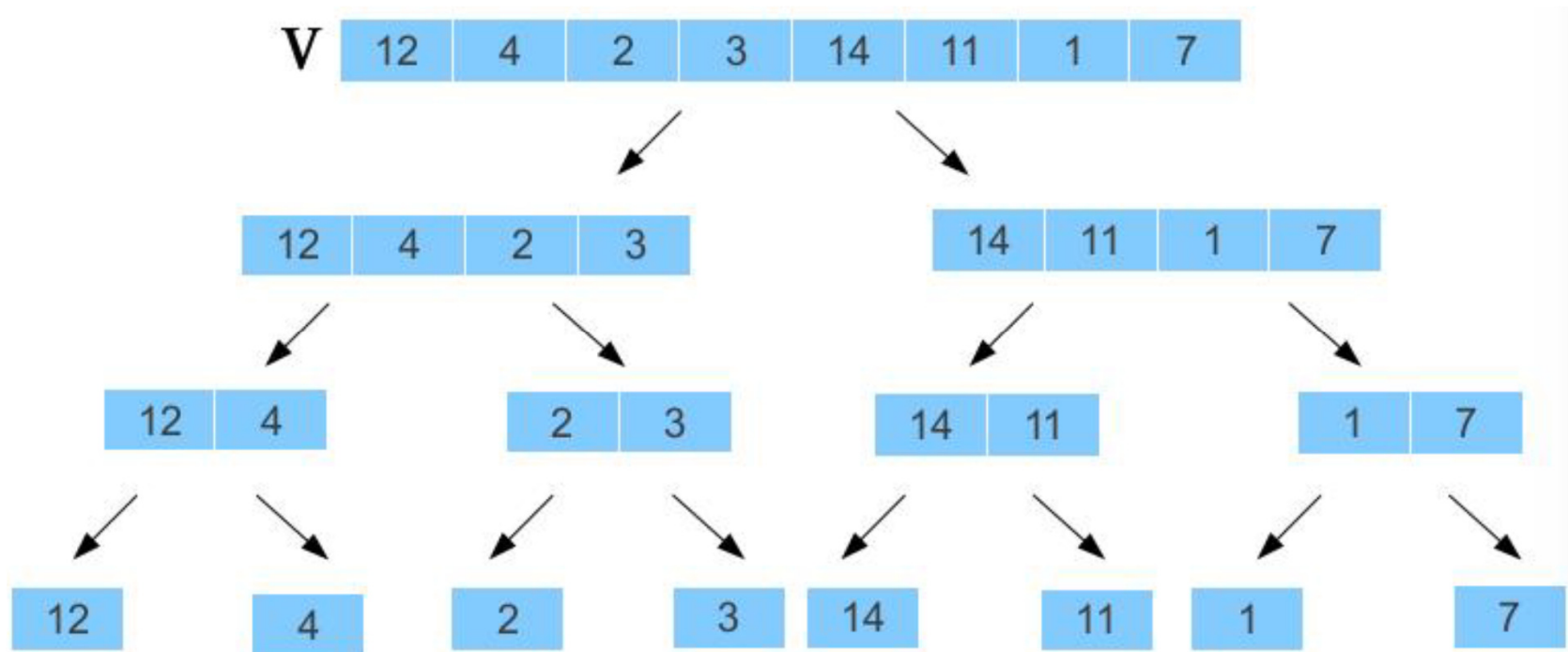
Combina 2 subconjuntos de forma a obter 1 conjunto maior e ordenado

Esse processo se repete até que exista apenas 1 conjunto.

MergeSort - Funcionamento

- Divide, recursivamente, o array em duas partes
- Continua até cada parte ter apenas um elemento
- Em seguida, combina dois array de forma a obter um array maior e ordenado
- A combinação é feita intercalando os elementos de acordo com o sentido da ordenação (crescente ou decrescente)
- Este processo se repete até que exista apenas um array

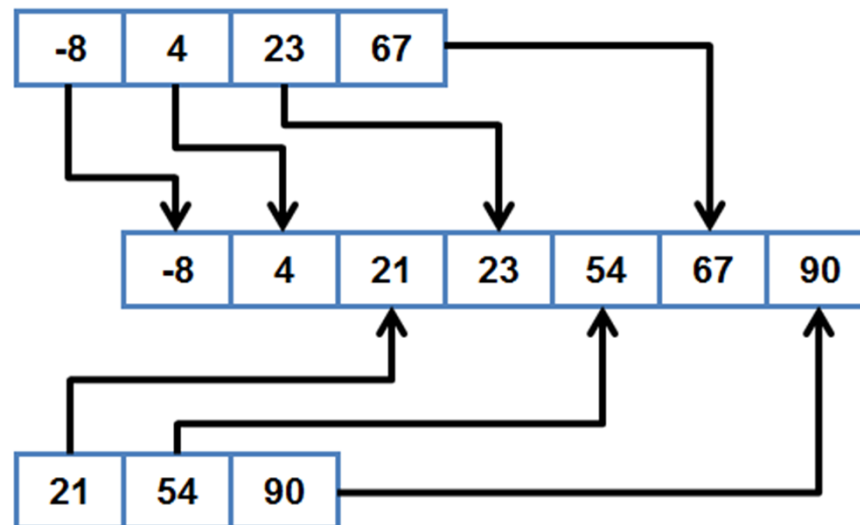
MergeSort - Exemplo



Algoritmo Merge Sort

Passo a passo: função merge

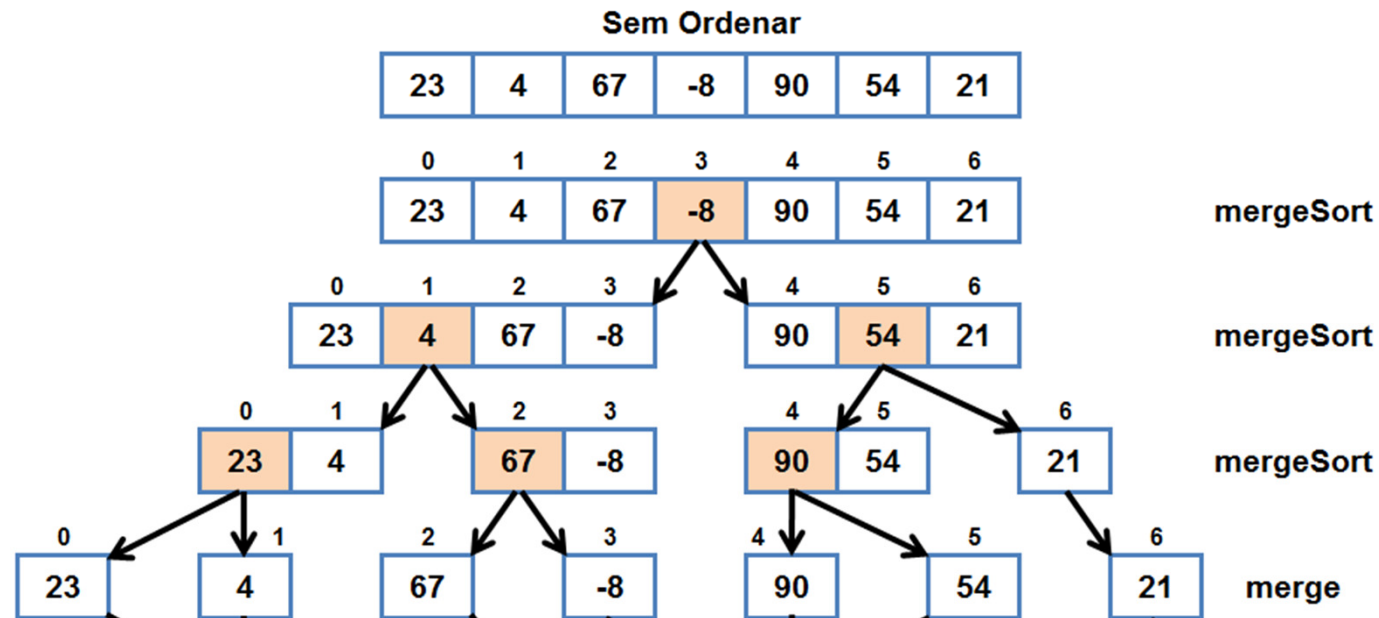
- Intercala os dados de forma ordenada em um array maior
- Utiliza um array auxiliar



Algoritmo Merge Sort

- Passo a passo

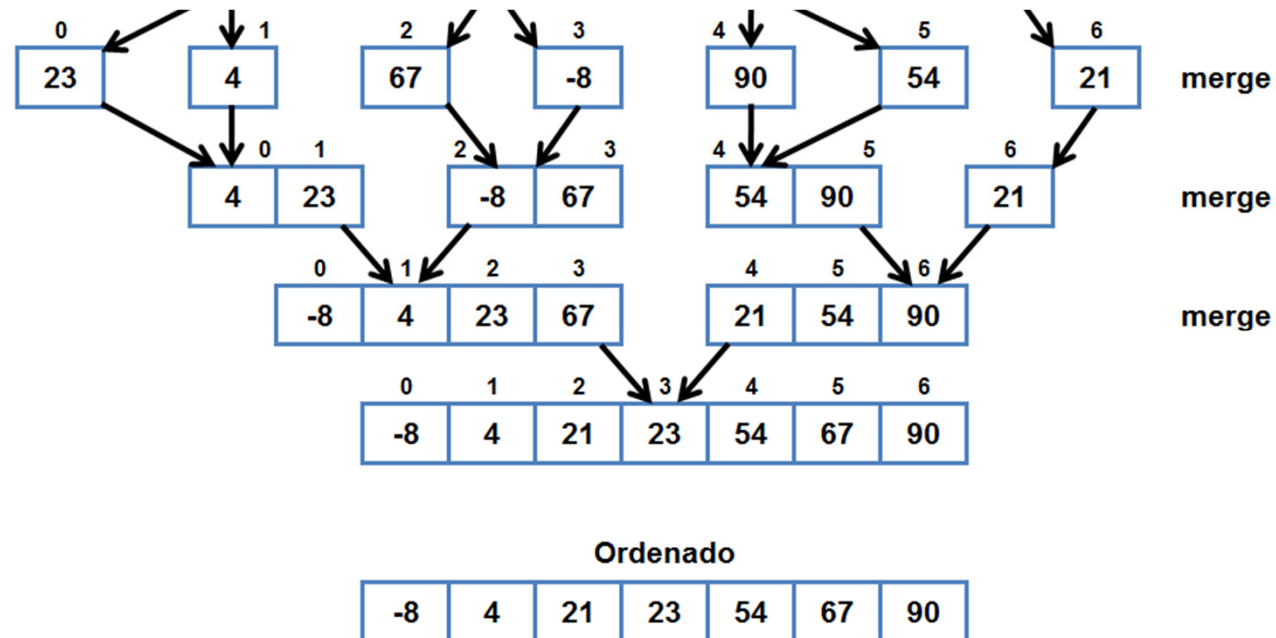
- Divide o array até ter N arrays de 1 elemento cada



Algoritmo Merge Sort

- Passo a passo

- Intercala os arrays até obter um único array de N elementos



Algoritmo Merge Sort

- Algoritmo usa 2 funções
 - mergeSort : divide os dados em arrays cada vez menores
 - merge: intercala os dados de forma ordenada em um array maior

```
23
24 void mergeSort(int *V, int inicio, int fim) {
25     int meio;
26     if(inicio < fim) {
27         meio = floor((inicio+fim)/2);
28         mergeSort(V, inicio, meio);
29         mergeSort(V, meio+1, fim);
30         merge(V, inicio, meio, fim);
31     }
32 }
```

Chama a função para as 2 metades

Combina as 2 metades de forma ordenada

Algoritmo Merge Sort

```
void merge(int *V, int inicio, int meio, int fim) {  
    int *temp, p1, p2, tamanho, i, j, k;  
    int fim1 = 0, fim2 = 0;  
    tamanho = fim - inicio + 1;  
    p1 = inicio;  
    p2 = meio + 1;  
    temp = (int *) malloc(tamanho * sizeof(int));  
    if (temp != NULL) {  
        for (i = 0; i < tamanho; i++) {  
            if (!fim1 && !fim2) {  
                if (V[p1] < V[p2])  
                    temp[i] = V[p1++];  
                else  
                    temp[i] = V[p2++];  
            }  
            if (p1 > meio) fim1 = 1;  
            if (p2 > fim) fim2 = 1;  
        }  
        else {  
            if (!fim1)  
                temp[i] = V[p1++];  
            else  
                temp[i] = V[p2++];  
        }  
    }  
    for (j = 0, k = inicio; j < tamanho; j++, k++)  
        V[k] = temp[j];  
    free(temp);  
}
```

Combinar ordenando

Vetor acabou?

Copia o que sobrar

Copiar do auxiliar para o original

MergeSort - Exercício

1. Determine o melhor e o pior caso para o MergeSort? Explique.
2. O MergeSort é estável? Explique.

MergeSort – Exercício (Explicação)

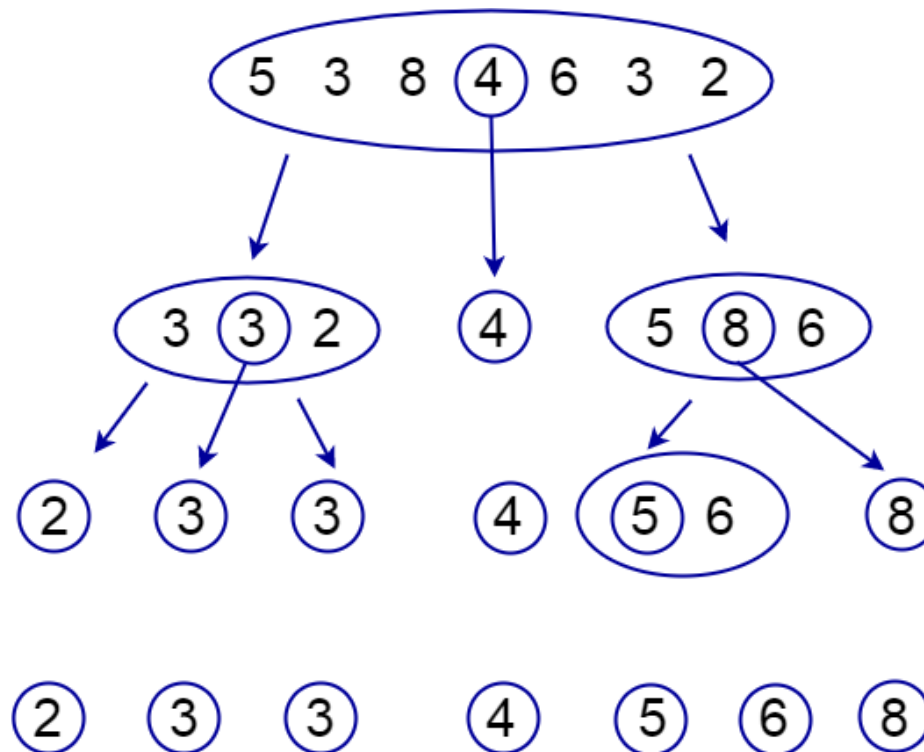
- Método de ordenação com tempo:
 - Melhor caso: $n * \log_2 n$;
 - Pior caso: $n * \log_2 n$;
- Pode ser adaptado para ordenação de arquivos externos (memória secundária).
- Utiliza mais memória para poder ordenar (vetor auxiliar).
- O MergeSort é estável: não altera a ordem de dados iguais.

Ordenação por Troca de Partições (QuickSort)

QuickSort

- É o algoritmo de ordenação interna mais rápido que se conhece para uma ampla variedade de situações;
- Provavelmente é o mais utilizado;
- Ideia básica: Dividir e Conquistar;
- Um elemento é escolhido como pivô;
- “Particionar”: os dados são reorganizados (valores menores do que o pivô são colocados antes dele e os maiores, depois);
- Recursivamente ordena as 2 partições;

QuickSort



Algoritmo Quick Sort

■ Problema da separação

- Em inglês, *partition subproblem*
- Consiste em reorganizar o array usando um valor como **pivô**
 - Valores menores do que o **pivô** ficam a esquerda
 - Valores maiores do que o **pivô** ficam a direita

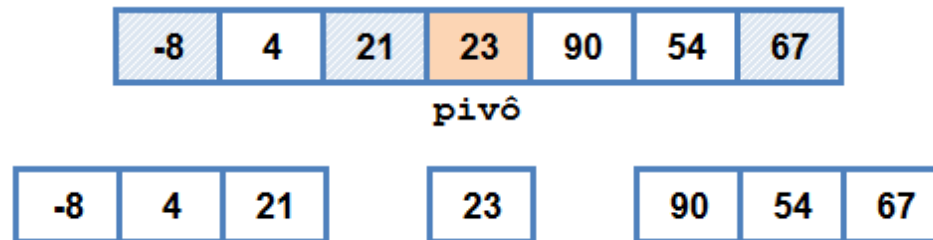
0	1	2	3	4	5	6
23	4	67	-8	90	54	21
-8	4	21	23	90	54	67

pivô

Algoritmo Quick Sort

■ Funcionamento

- Um elemento é escolhido como pivô
- Valores menores do que o pivô são colocados antes dele e os maiores, depois
 - Supondo o pivô na posição X , esse processo cria duas partições: $[0, \dots, X-1]$ e $[X+1, \dots, N-1]$.
- Aplicar recursivamente a cada partição
 - Até que cada partição contenha um único elemento



Quick Sort - Passo a passo: função particiona

particiona(V,0,6)

esq							dir
23	4	67	-8	90	54	21	

esq <= pivo:
incrementa esq

esq							dir
23	4	67	-8	90	54	21	

esq <= pivo:
incrementa esq

Primeira chamada
while(esq < dir)

esq							dir
23	4	67	-8	90	54	21	

esq > pivo:
comparar dir

esq							dir
23	4	67	-8	90	54	21	

dir < pivo:
trocar esq e dir de lugar

esq							dir
23	4	21	-8	90	54	67	

esq < dir:
continua o while

Quick Sort - Passo a passo: função particiona

Segunda chamada

```
while(esq < dir)
```

				esq			dir	esq <= pivo: incrementa esq
23	4	21	-8	90	54	67		
				esq			dir	esq <= pivo: incrementa esq
23	4	21	-8	90	54	67		
				esq			dir	esq > pivo: comparar dir
23	4	21	-8	90	54	67		
				esq			dir	dir > pivo: decrementa dir
23	4	21	-8	90	54	67		
				esq			dir	dir > pivo: decrementa dir
23	4	21	-8	90	54	67		
				esq			dir	dir > pivo: decrementa dir
23	4	21	-8	90	54	67		
				esq			dir	dir < pivo e dir < esq: terminar o while
23	4	21	-8	90	54	67		

Quick Sort - Passo a passo: função particiona

início			dir	esq			
23	4	21	-8	90	54	67	Trocar dir e início de lugar: dir é o pivô

início			dir	esq			
-8	4	21	23	90	54	67	dir é o pivô

Algoritmo Quick Sort

Sem Ordenar

23	4	67	-8	90	54	21
----	---	----	----	----	----	----

	0	1	2	3	4	5	6
particiona(V, 0, 6)	23	4	67	-8	90	54	21

-8	4	21	23	90	54	67
----	---	----	----	----	----	----

pivô

particiona(V, 0, 2)

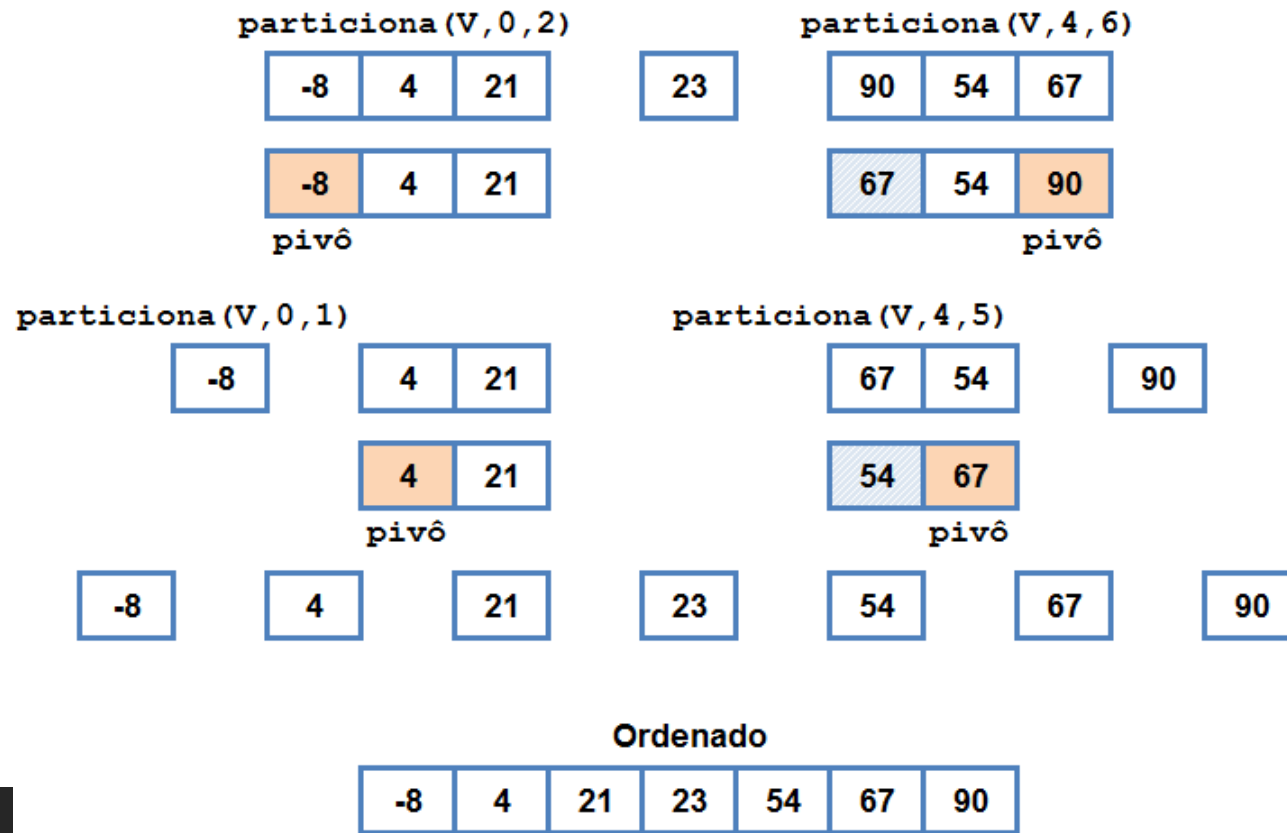
-8	4	21
----	---	----

particiona(V, 4, 6)

23

90	54	67
----	----	----

Algoritmo Quick Sort



QuickSort - Exercício

1. Explique como funciona o código do QuickSort.
2. Determine o melhor e o pior caso para o QuickSort? Explique com suas palavras.
3. O QuickSort é estável? Explique com suas palavras.

**Envio de arquivo em .c.txt no blog.

QuickSort – Exercício (Explicação)

- Melhor Caso: $O(N \log N)$
 - Esta situação ocorre quando cada partição divide o arquivo em duas partes iguais.
- Pior Caso: $O(N^2)$
 - O pior caso ocorre quando, sistematicamente, o pivô é escolhido como sendo um dos extremos de um arquivo já ordenado.
 - Isto faz com que o procedimento Ordena seja chamado recursivamente n vezes, eliminando apenas um item em cada chamada.
 - O pior caso pode ser evitado empregando pequenas modificações no algoritmo.
 - Para isso basta escolher três itens quaisquer do vetor e usar a mediana dos três como pivô.
- Instável
- Desvantagem: Como escolher o pivô?