Devoir sur table Récursivité

Durée de l'épreuve : 1h

L'usage de la calculatrice n'est pas autorisé.

Exercice 1 (2 points)

La somme des n premiers entiers

Pour définir la somme des n premiers entiers, on a l'habitude d'écrire la formule :

Vous allez écrire la fonction récursive somme(n) qui calcule la somme des n premiers entiers.

Consigne: Recopiez le code suivant et complétez sur votre copie :

```
def somme(n) :

if n == ....:

return 0

else :

return n + ...
```

Correction:

```
def somme(n):
    if n == 0:
        return 0
    else:
        return n + somme(n-1)
```

Exercice 2 (2 points)

Le calcul de la factorielle d'un nombre est une opération mathématique qui consiste à multiplier ce nombre par tous les entiers positifs inférieurs ou égaux à lui. La factorielle d'un nombre entier positif n est notée n!

La factorielle d'un nombre n, notée n!, est le produit des entiers de 1 à n. Par exemple :

- $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$
- 0! = 1 (par définition)

Nous pouvons donc utiliser la définition récursive suivante :

- Si n=0, alors n!=1 (cas de base).
- Sinon, $n! = n \times (n-1)!$ (cas récursif).

Vous allez écrire la fonction récursive appelée factorielle(n) qui prend un entier positif n en paramètre et retourne n!

Consigne: Recopiez le code suivant et complétez sur votre copie :

```
def factorielle(n):
    if n == 0:
        return ....
    else:
        return n * ....
```

Correction:

```
def factorielle(n):

if n == 0:

return 1 # Cas de base

else:

return n * factorielle(n - 1) # Appel récursif
```

Exercice 3 (4 points)

1. Voici une fonction codée en Python :

```
def f(n):
    if n == 0:
        print("Partez!")
    else:
        print(n)
        f(n-1)
```

- a. Qu'affiche la commande f (5) ?
- **b.** Pourquoi dit-on de cette fonction qu'elle est récursive ?
- **2.** On rappelle qu'en python l'opérateur + a le comportement suivant sur les chaînes de caractères :

```
>>> S = 'a'+'bc'
>>> S
'abc'
```

Et le comportement suivant sur les listes :

```
>>> L = ['a'] + ['b', 'c']
>>> L
['a', 'b', 'c']
```

On a besoin pour les questions suivantes de pouvoir ajouter une chaîne de caractères s en préfixe à chaque chaîne de caractères de la liste liste. On appellera cette fonction ajouter.

```
Par exemple, a jouter ("a", ["b", "c"]) doit retourner ["ab", "ac"].
```

a. Recopiez le code suivant et complétez sur votre copie :

- **b.** Que renvoie la commande ajouter ("b", ["a", "b", "c"]) ?
- c. Que renvoie la commande ajouter ("a", [""]) ?

3. On s'intéresse ici à la fonction suivante écrite en Python où s est une chaîne de caractères et n un entier naturel.

```
def produit(s, n):
    if n == 0:
        return [""]
    else:
        res = []
        for i in range(len(s)):
            res = res + ajouter(s[i], produit(s, n-1))
        return res
```

- a. Que renvoie la commande produit ("ab", 0) ? Le résultat est-il une liste vide ?
- **b.** Que renvoie la commande produit ("ab", 1) ?
- c. Que renvoie la commande produit ("ab", 2) ?

```
Q1.a
5
4
3
2
1
Partez!
Q1.b
elle s'appelle elle-même
Q2.a
            def ajouter(s, liste):
             res = []
              for m in liste:
                res.append(s + m)
              return res
Q2.b
["ba", "bb", "bc"]
Q2.c
["a"]
Q3.a
Q3.b
["a", "b"]
Q3.c
["aa", "ab", "ba", "bb"]
```

Exercice 4 (2 points)

Les deux fonctions f1_rec et f2_rec ci-dessous font les mêmes opérations, mais l'instruction print() est placée différemment.

Qu'affiche f(4)?

```
def f1_rec(i):
  if (i == 8):
    print('cas de base:', i)
  else:
    print(i)
    f1_rec(i+1)
def f2_rec(i):
  if (i == 8):
    print('cas de base:', i)
  else:
    f2_rec(i+1)
    print(i)
def f(n):
  f1_rec(n)
  print('----')
  f2_rec(n)
```

Correction:

```
1 def f1_rec(i):
         if (i == 8):
  2
             print('cas de base:', i)
  3
         else:
  4
  5
             print(i)
  6
             f1_rec(i+1)
  7
  8 def f2_rec(i):
         if (i == 8):
  9
             print('cas de base:', i)
 10
 11
         else:
             f2_rec(i+1)
 12
             print(i)
 13
 14
 15 def f(n):
 16
         f1_rec(n)
         print('----')
 17
 18
         f2_rec(n)
 19
 20 f(4)
Console ×
>>> %Run -c $EDITOR CONTENT
 5
 6
 7
 cas de base: 8
cas de base: 8
6
5
4
>>>
```