

Enseignes et afficheurs à LED

# Nombres et champs de bits



Dr. Yves Tiecoura

# Nombres et champs de bits



**Dr. Yves Tiecoura**

- Symboles binaires
- Numération binaire
- Arithmétique modulaire
- Nombres signés
- Types en C
- Hexadécimal
- Codage des caractères

# Nombres et champs de bits



# Nombres et champs de bits



- LED éteinte ou allumée

# Nombres et champs de bits



- LED éteinte ou allumée
- Faux ou Vrai

# Nombres et champs de bits



- LED éteinte ou allumée
- Faux ou Vrai
- 0 ou 1

# Nombres et champs de bits



- LED éteinte ou allumée
- Faux ou Vrai
- 0 ou 1
- 0 V ou + 5 V



# Nombres et champs de bits



- LED éteinte ou allumée
- Faux ou Vrai
- 0 ou 1
- 0 V ou + 5 V
- Ex : 1 0 0 1 0 0 1 0

# Numération binaire



# Numération binaire



## Codage binaire

Binaire	Décimal
0	0
1	1
1 0	2
1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7
1 0 0 0	8
1 0 0 1	9
1 0 1 0	10
1 0 1 1	11
1 1 0 0	12
1 1 0 1	13
1 1 1 0	14
1 1 1 1	15
1 0 0 0 0	16

# Numération binaire



## Codage binaire

Binaire	Décimal
0	0
1	1
1 0	2
1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7
1 0 0 0	8
1 0 0 1	9
1 0 1 0	10
1 0 1 1	11
1 1 0 0	12
1 1 0 1	13
1 1 1 0	14
1 1 1 1	15
1 0 0 0 0	16

## Poids des bits

Rang	Valeur	Décimal
0	1	$1 = 2^0$
1	10	$2 = 2^1$
2	100	$4 = 2^2$
3	1000	$8 = 2^3$
4	10000	$16 = 2^4$
5	100000	$32 = 2^5$
6	1000000	$64 = 2^6$
7	10000000	$128 = 2^7$
8	100000000	$256 = 2^8$
9	1000000000	$512 = 2^9$
10	10000000000	$1024 = 2^{10}$

# Numération binaire



## Codage binaire

Binaire	Décimal
0	0
1	1
1 0	2
1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7
1 0 0 0	8
1 0 0 1	9
1 0 1 0	10
1 0 1 1	11
1 1 0 0	12
1 1 0 1	13
1 1 1 0	14
1 1 1 1	15
1 0 0 0 0	16

## Poids des bits

Rang	Valeur	Décimal
0	1	$1 = 2^0$
1	10	$2 = 2^1$
2	100	$4 = 2^2$
3	1000	$8 = 2^3$
4	10000	$16 = 2^4$
5	100000	$32 = 2^5$
6	1000000	$64 = 2^6$
7	10000000	$128 = 2^7$
8	100000000	$256 = 2^8$
9	1000000000	$512 = 2^9$
10	10000000000	$1024 = 2^{10}$

2  
16  
64  
128  
1024

10011010010b = 1234

# Nombres de taille limitée



# Nombres de taille limitée



- Les mathématiciens travaillent avec des nombre arbitrairement grands.

# Nombres de taille limitée



- Les mathématiciens travaillent avec des nombre arbitrairement grands.
- Les circuits électroniques ont toujours une taille limitée !



# Nombres de taille limitée



- Les mathématiciens travaillent avec des nombre arbitrairement grands.
- Les circuits électroniques ont toujours une taille limitée !
- Quelle sont les contraintes liées à cette limite de taille ?

# Nombres entiers modulaires



## Codage binaire

Binaire					Décimal
			0		0
			1		1
		1	0		2
		1	1		3
	1	0	0		4
	1	0	1		5
	1	1	0		6
	1	1	1		7
1	0	0	0		8
1	0	0	1		9
1	0	1	0		10
1	0	1	1		11
1	1	0	0		12
1	1	0	1		13
1	1	1	0		14
1	1	1	1		15
1	0	0	0	0	16

# Nombres entiers modulaires



## Codage binaire

Binaire	Décimal
0	0
1	1
1 0	2
1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7
1 0 0 0	8
1 0 0 1	9
1 0 1 0	10
1 0 1 1	11
1 1 0 0	12
1 1 0 1	13
1 1 1 0	14
1 1 1 1	15
1 0 0 0 0	16

Table de l'addition :

$0 + 0 = 0$ , retenue 0

$0 + 1 = 1$ , retenue 0

$1 + 0 = 1$ , retenue 0

$1 + 1 = 0$ , retenue 1

# Nombres entiers modulaires



## Codage binaire

Binaire	Décimal
0	0
1	1
1 0	2
1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7
1 0 0 0	8
1 0 0 1	9
1 0 1 0	10
1 0 1 1	11
1 1 0 0	12
1 1 0 1	13
1 1 1 0	14
1 1 1 1	15
1 0 0 0 0	16

Table de l'addition :

$0 + 0 = 0$ , retenue 0  
 $0 + 1 = 1$ , retenue 0  
 $1 + 0 = 1$ , retenue 0  
 $1 + 1 = 0$ , retenue 1

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline 0 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 0 \\ \hline 1 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \begin{array}{l} + 3 \\ + 2 \\ = 5 \end{array}$$

# Nombres entiers modulaires



## Codage binaire

Binaire	Décimal
0	0
1	1
1 0	2
1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7
1 0 0 0	8
1 0 0 1	9
1 0 1 0	10
1 0 1 1	11
1 1 0 0	12
1 1 0 1	13
1 1 1 0	14
1 1 1 1	15
1 0 0 0 0	16

Table de l'addition :

$0 + 0 = 0$ , retenue 0  
 $0 + 1 = 1$ , retenue 0  
 $1 + 0 = 1$ , retenue 0  
 $1 + 1 = 0$ , retenue 1

1

011

+

010

101

= 5

1

110

+

1

011

001

= 1

# Nombres entiers modulaires



## Codage binaire

Binaire	Décimal
0	0
1	1
1 0	2
1 1	3
1 0 0	4
1 0 1	5
1 1 0	6
1 1 1	7
1 0 0 0	8
1 0 0 1	9
1 0 1 0	10
1 0 1 1	11
1 1 0 0	12
1 1 0 1	13
1 1 1 0	14
1 1 1 1	15
1 0 0 0 0	16

Table de l'addition :

$0 + 0 = 0$ , retenue 0  
 $0 + 1 = 1$ , retenue 0  
 $1 + 0 = 1$ , retenue 0  
 $1 + 1 = 0$ , retenue 1

1

0

1

1

0

1

0

0

1

0

1

0

+

3

2

= 5

1

1

0

1

0

1

1

0

0

0

1

0

+

6

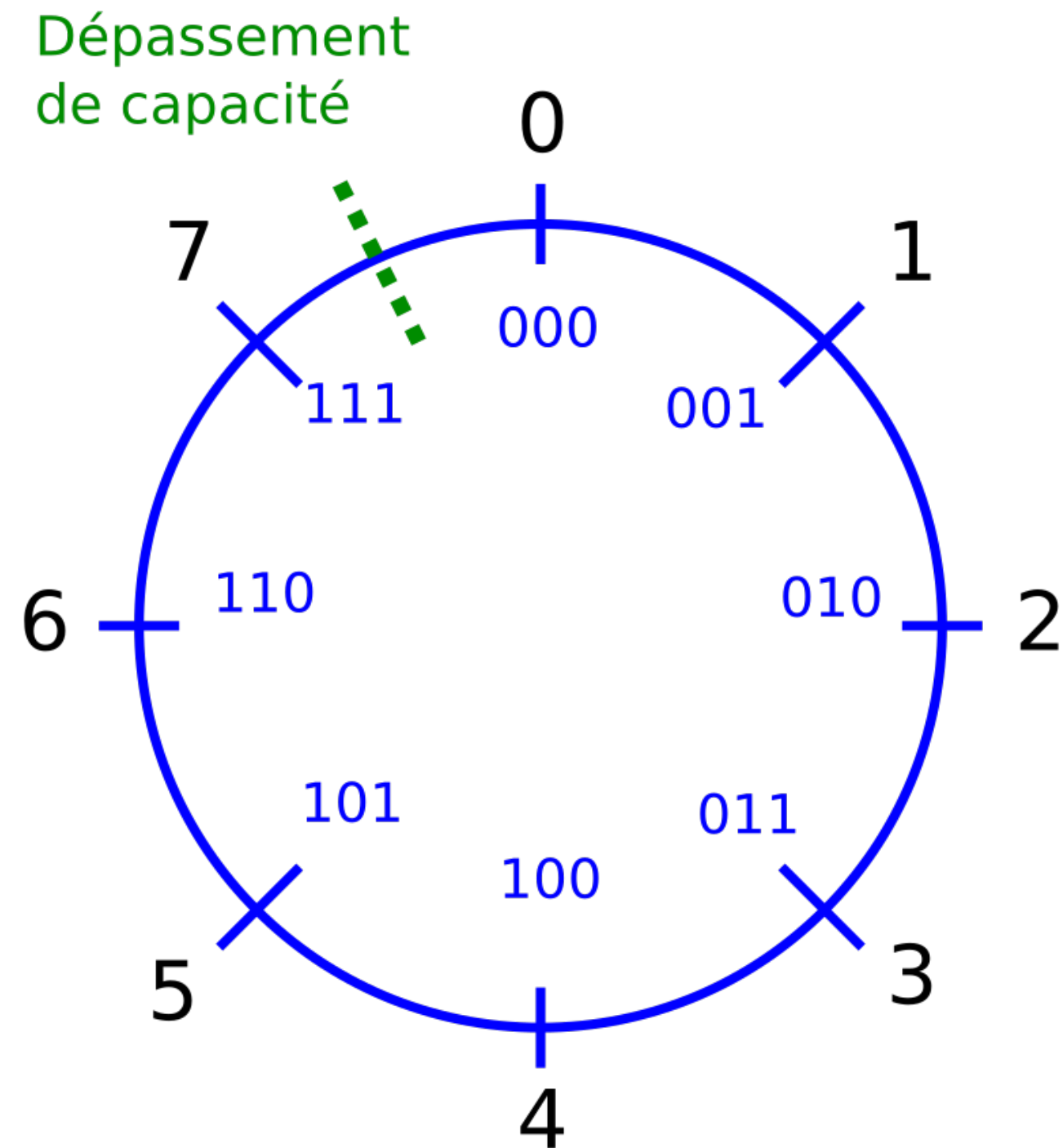
3

= 1

.....

Dépassement de capacité

# Nombres entiers modulaires

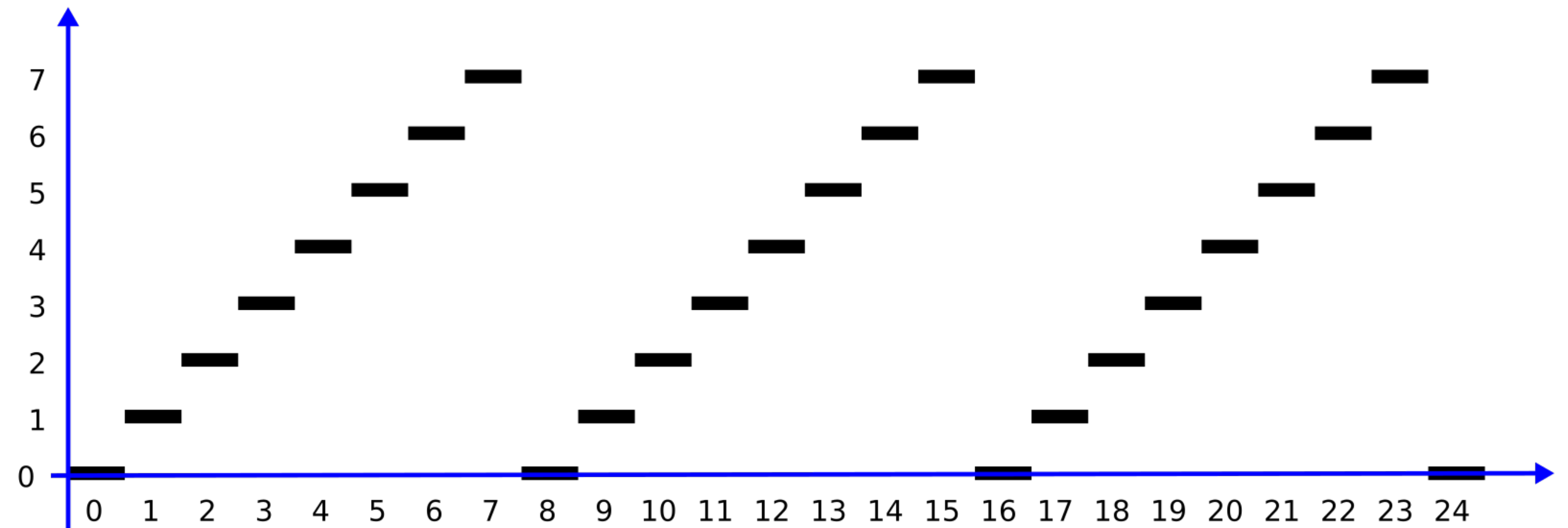
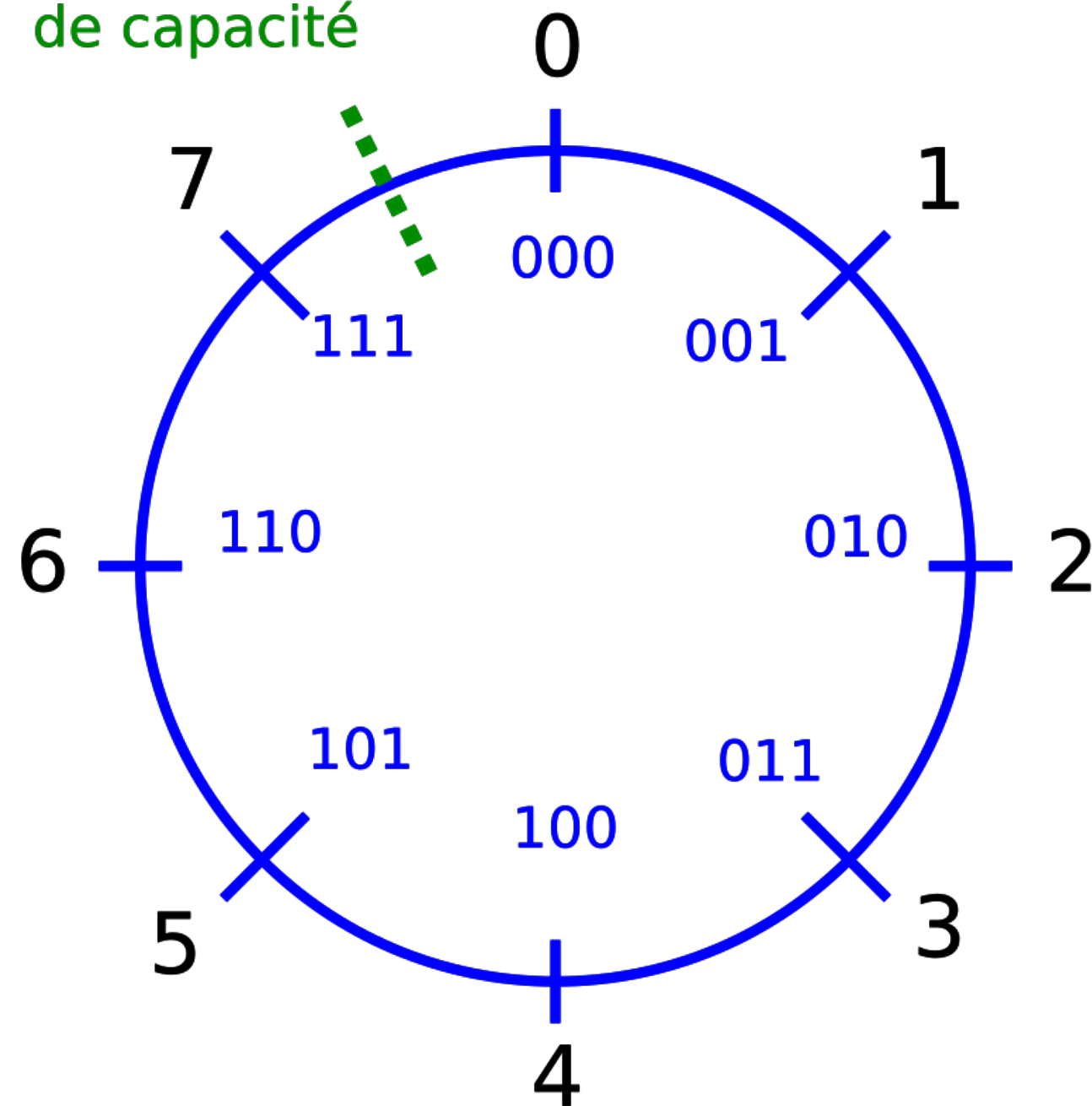


# Nombres entiers modulaires



Nombres positifs :

Dépassement  
de capacité

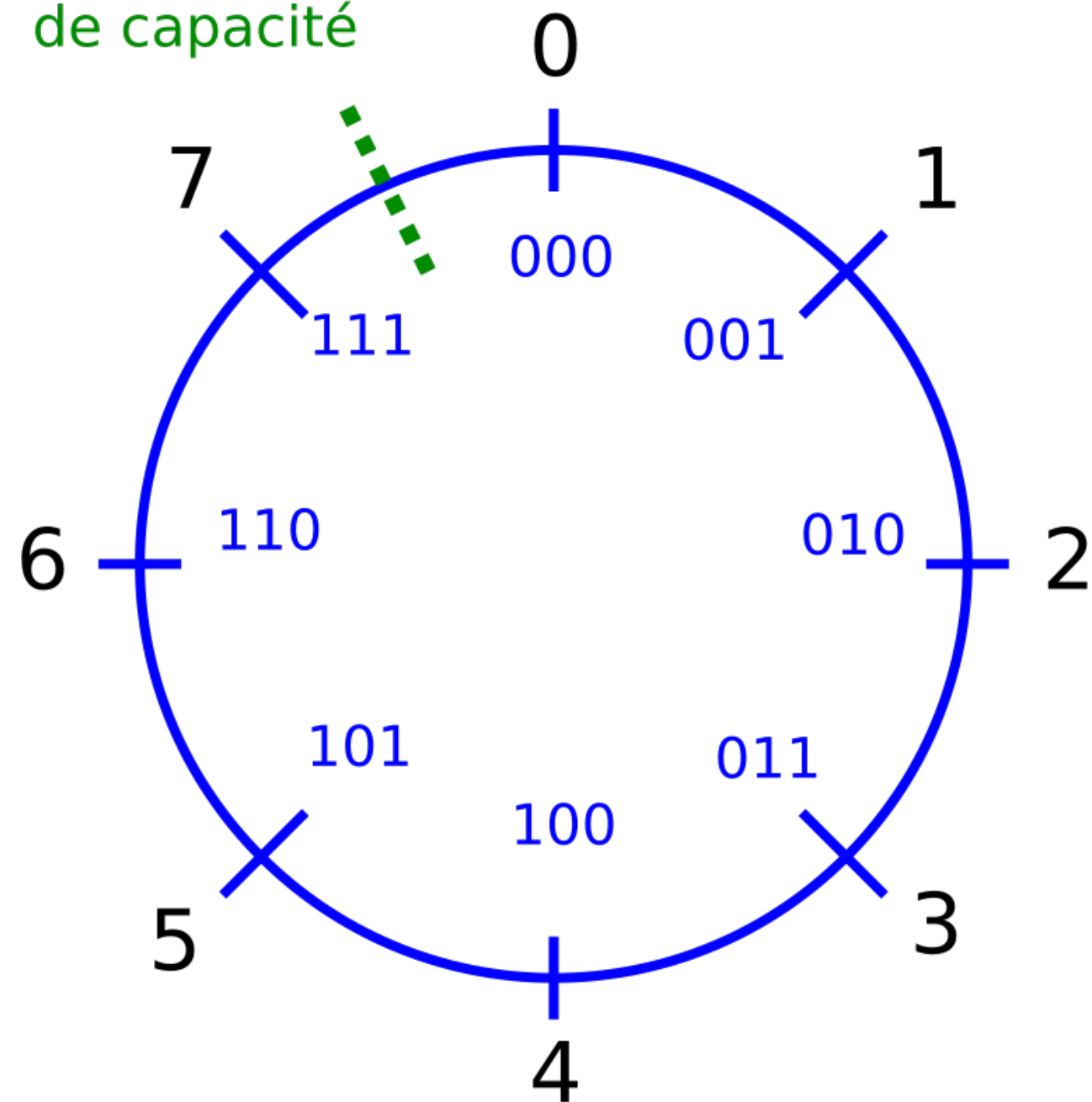




# Nombres entiers modulaires



Dépassement  
de capacité



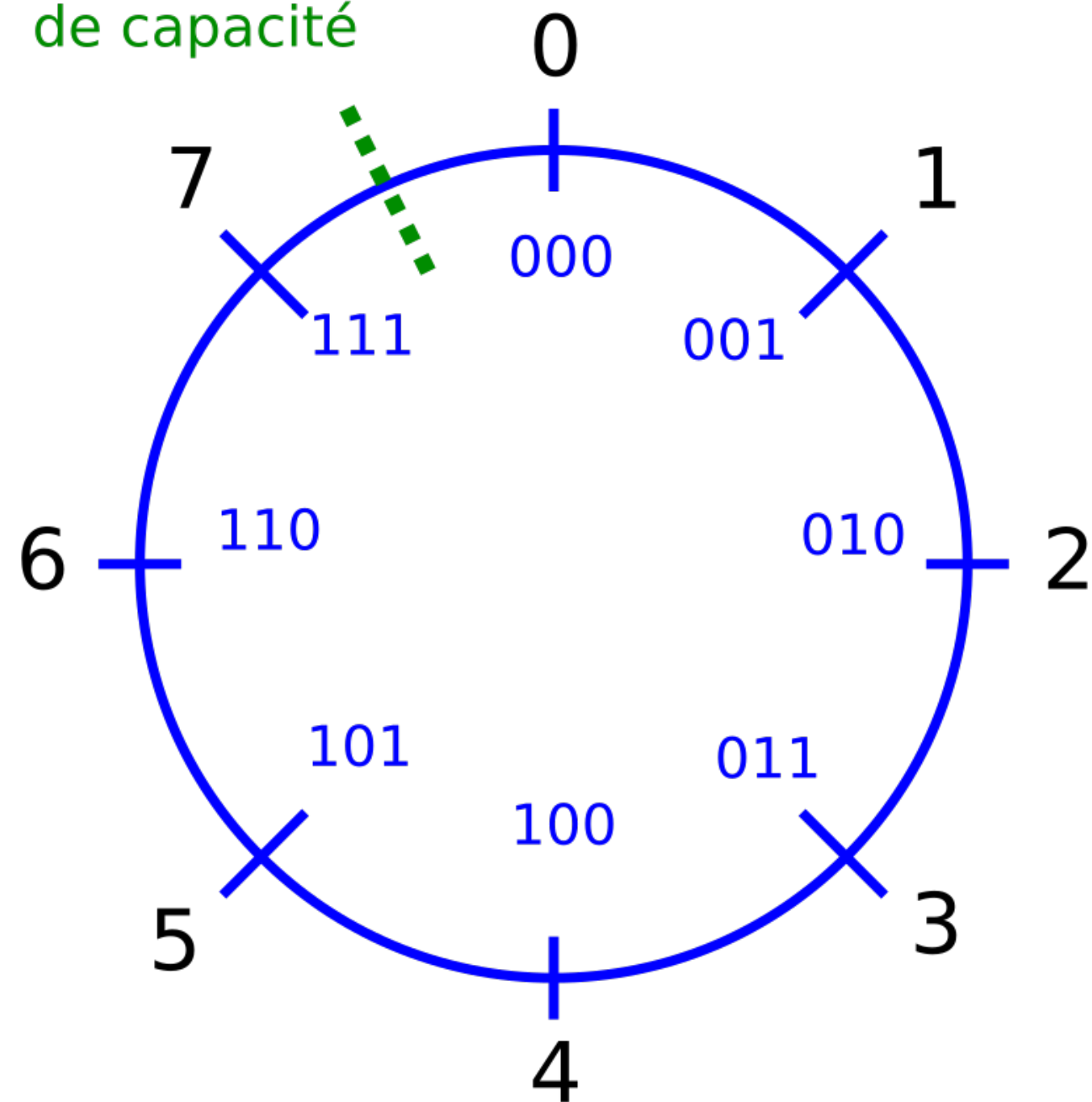
$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline 0 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 0 \\ \hline \hline 1 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \begin{array}{l} + 3 \\ + 2 \\ = 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline 1 & 1 & 0 \\ \hline 0 & 1 & 1 \\ \hline \hline 0 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \begin{array}{l} + 6 \\ + 3 \\ = 1 \\ \text{.....} \end{array}$$

# Nombres entiers modulaires



Dépassement  
de capacité



$$\begin{array}{r}
 \overset{1}{0} \ 1 \ 1 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 1 = 5
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 1 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 1 = 3
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \overset{1}{1} \ 1 \ 0 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 1 \\
 \hline
 0 \ 0 \ 1 = 1
 \end{array}$$

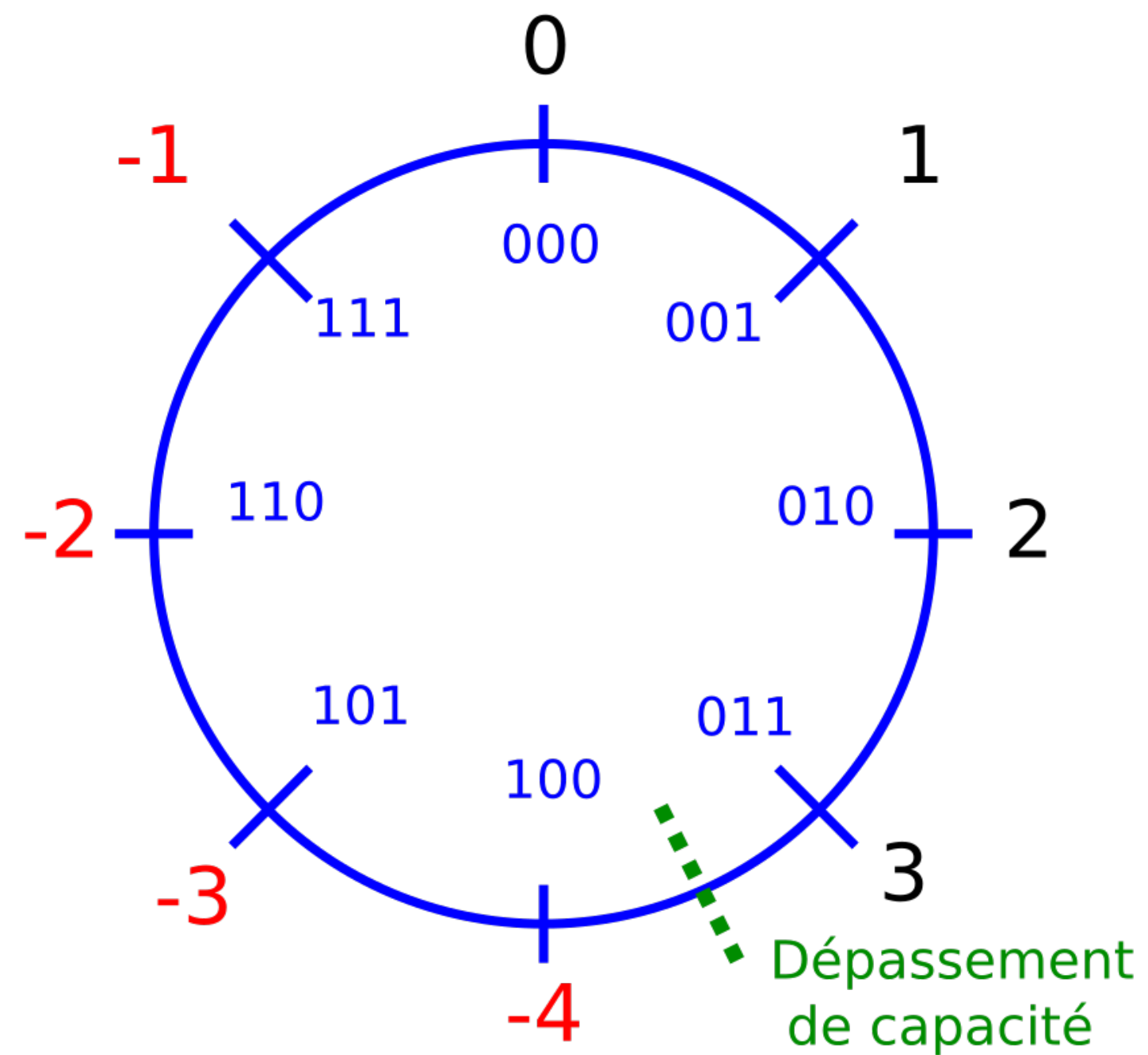
$$\begin{array}{r}
 0 \ 1 \ 1 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 1 \\
 \hline
 1 \ 1 \ 0 = 6
 \end{array}$$

# Nombres de taille limitée



- Peut-on représenter des nombres négatifs ?

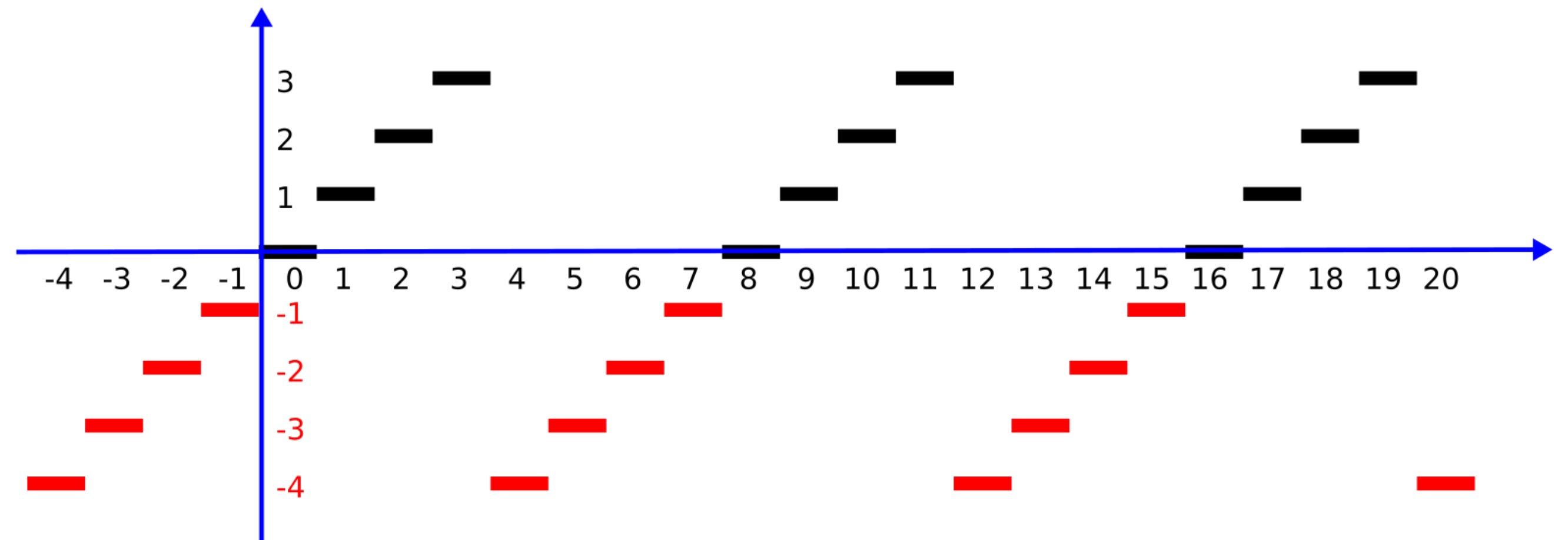
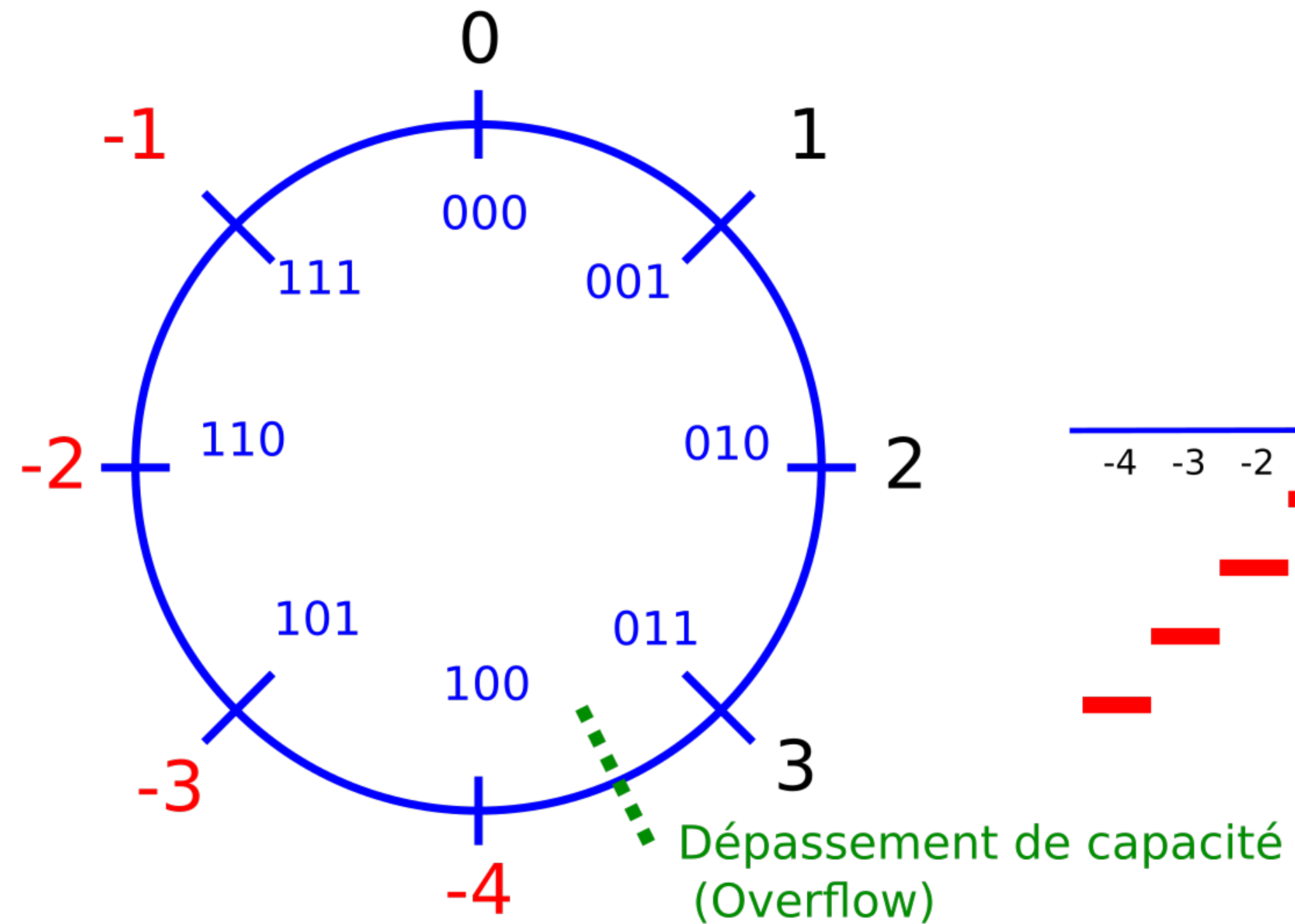
# Nombres entiers modulaires



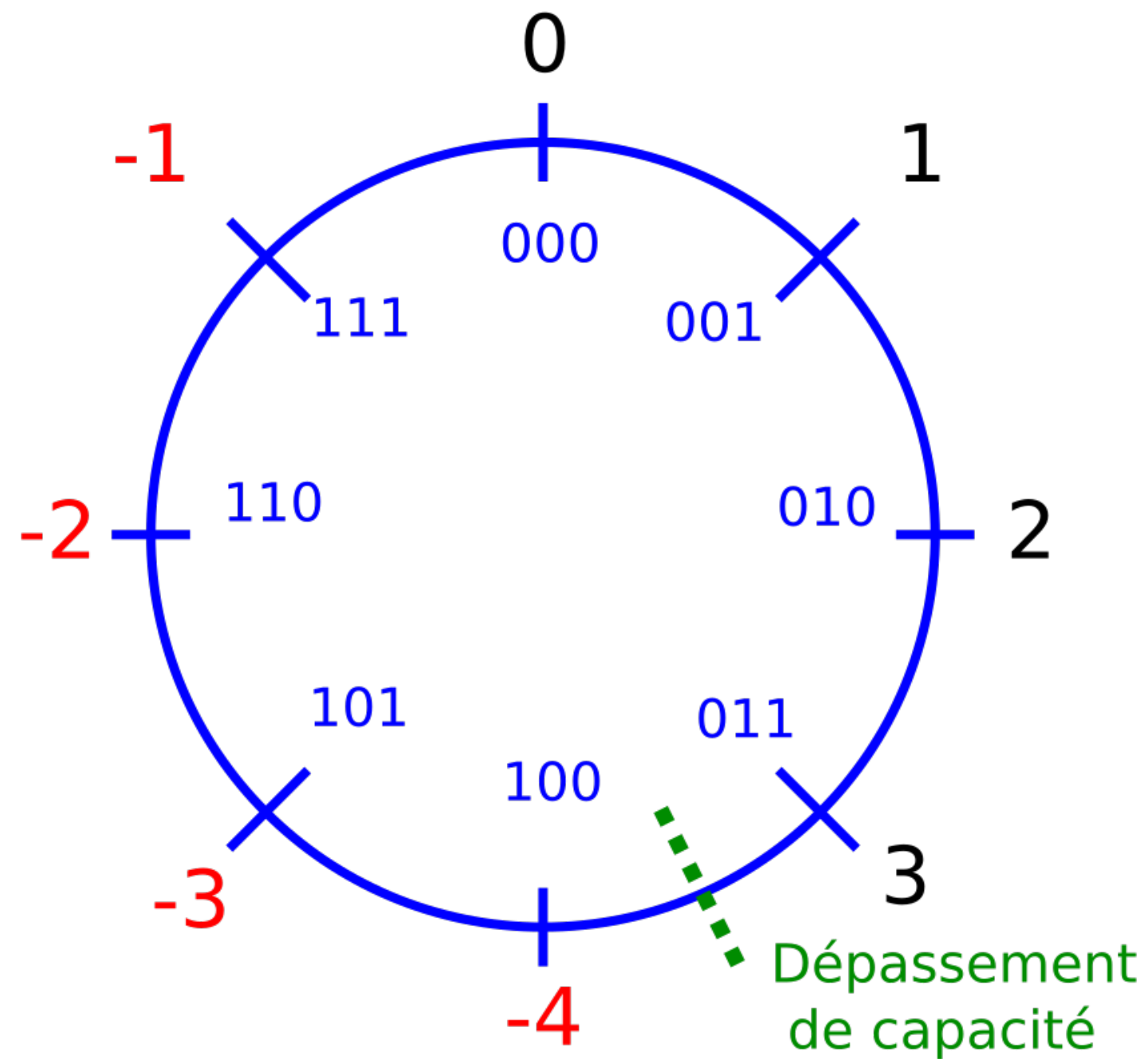
# Nombres entiers modulaires



Nombres signés (complément à deux) :



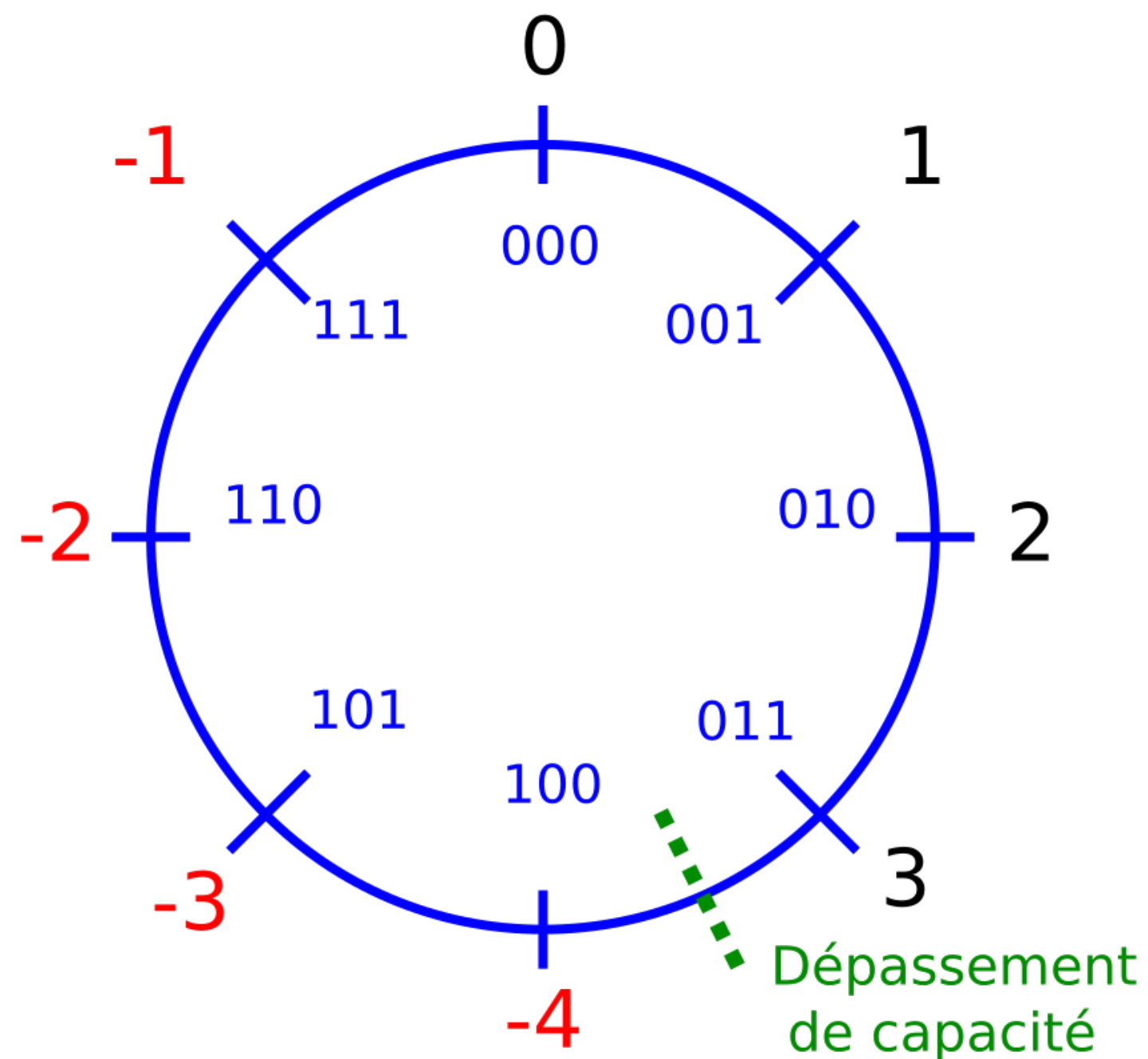
# Nombres entiers modulaires



$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline \overset{1}{1} & 1 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 1 \\ \hline 0 & 1 & 0 \\ \hline \end{array} \begin{array}{l} + -1 \\ + 3 \\ = 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline \overset{1}{0} & \overset{1}{1} & 0 \\ \hline 0 & 1 & 1 \\ \hline 1 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} \begin{array}{l} + 2 \\ + 3 \\ = -3 \\ \text{.....} \end{array}$$

# Nombres entiers modulaires



$$\begin{array}{r}
 \overset{1}{\boxed{1}} \ \boxed{1} \ \boxed{1} \\
 \boxed{0} \ \boxed{1} \ \boxed{1} \\
 \hline
 \boxed{0} \ \boxed{1} \ \boxed{0} = 2
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 + -1 \\
 + 3 \\
 \\
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \boxed{1} \ \boxed{1} \ \boxed{0} \\
 \boxed{0} \ \boxed{0} \ \boxed{1} \\
 \hline
 \boxed{1} \ \boxed{0} \ \boxed{1} = -3
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 -2 \\
 -1 \\
 \\
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \overset{1}{\boxed{0}} \ \overset{1}{\boxed{1}} \ \boxed{0} \\
 \boxed{0} \ \boxed{1} \ \boxed{1} \\
 \hline
 \boxed{1} \ \boxed{0} \ \boxed{1} = -3
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 + 2 \\
 + 3 \\
 \\
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 \boxed{1} \ \boxed{1} \ \boxed{0} \\
 \boxed{0} \ \boxed{1} \ \boxed{1} \\
 \hline
 \boxed{0} \ \boxed{1} \ \boxed{1} = 3
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 -2 \\
 -3 \\
 \\
 \end{array}$$

*Type :*

char :	nombre de 8 bits (signé ou non, selon les réglages du compilateur)
signed char :	nombre de 8 bits signé
unsigned char :	nombre de 8 bits positif
int :	nombre généralement de 16 bits (signé ou non)
signed int :	nombre de 16 bits signé
unsigned int :	nombre de 16 bits positif
long int :	nombre généralement de 32 bits (signé ou non)
signed long int :	nombre de 32 bits signé
unsigned long int :	nombre de 32 bits positif



# Types en C, version C99



*Type :*

uint8\_t : nombre de 8 bits positifs

int8\_t : nombre de 8 bits signé

uint16\_t : nombre de 16 bits positif

int16\_t : nombre de 16 bits signé

uint32\_t : nombre de 32 bits positif

int32\_t : nombre de 32 bits signé

*Magnitude :*

0 ... 255

-128 ... +127

0 ... 65'635

-32'768 ... +32'767

0 ... 4'294'967'295

-2'147'483'648 ... +2'147'483'647

- Le binaire est parfait pour les machines

- Le binaire est parfait pour les machines
- ...mais malcommode pour les humains !

# Hexadécimal



- Le binaire est parfait pour les machines
- ...mais malcommode pour les humains !
- L'hexadécimal est plus pratique.

# Nombres entiers modulaires



Le nombre décimal 23456 :

# Nombres entiers modulaires



Le nombre décimal 23456 :

0	1	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

# Nombres entiers modulaires



Le nombre décimal 23456 :

0	1	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	2
0	0	1	1	3
0	1	0	0	4
0	1	0	1	5
0	1	1	0	6
0	1	1	1	7
1	0	0	0	8
1	0	0	1	9
1	0	1	0	A
1	0	1	1	B
1	1	0	0	C
1	1	0	1	D
1	1	1	0	E
1	1	1	1	F

# Nombres entiers modulaires



Le nombre décimal 23456 :

0	1	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0	0	0	0	0

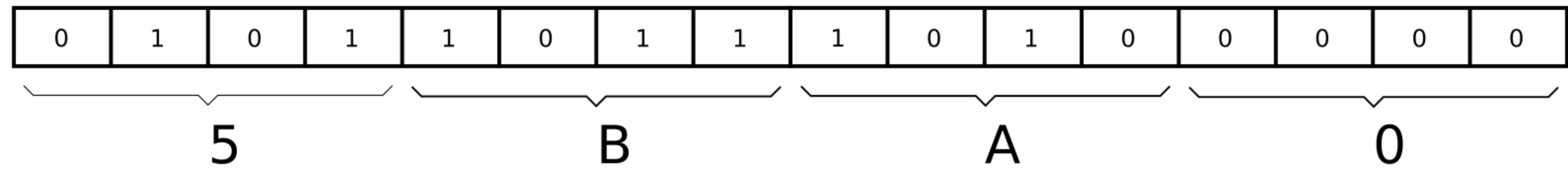
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	2
0	0	1	1	3
0	1	0	0	4
0	1	0	1	5
0	1	1	0	6
0	1	1	1	7
1	0	0	0	8
1	0	0	1	9
1	0	1	0	A
1	0	1	1	B
1	1	0	0	C
1	1	0	1	D
1	1	1	0	E
1	1	1	1	F



# Nombres entiers modulaires



Le nombre décimal 23456 :

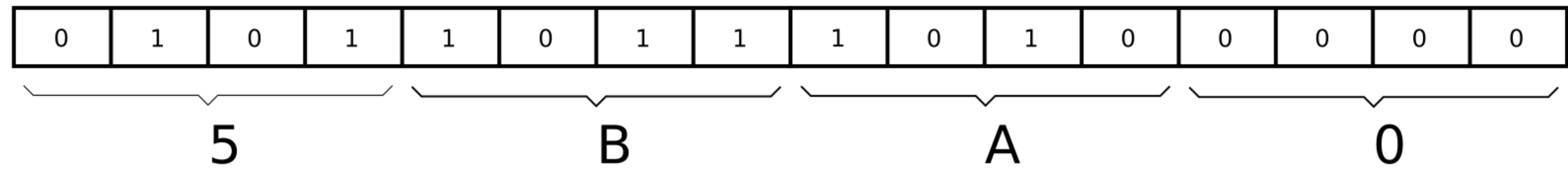


0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	2
0	0	1	1	3
0	1	0	0	4
0	1	0	1	5
0	1	1	0	6
0	1	1	1	7
1	0	0	0	8
1	0	0	1	9
1	0	1	0	A
1	0	1	1	B
1	1	0	0	C
1	1	0	1	D
1	1	1	0	E
1	1	1	1	F

# Nombres entiers modulaires



Le nombre décimal 23456 :



Notation du langage C : 0x5BA0

0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	2
0	0	1	1	3
0	1	0	0	4
0	1	0	1	5
0	1	1	0	6
0	1	1	1	7
1	0	0	0	8
1	0	0	1	9
1	0	1	0	A
1	0	1	1	B
1	1	0	0	C
1	1	0	1	D
1	1	1	0	E
1	1	1	1	F

# Codage des caractères



## Table de codage ASCII

	00 <sub>h</sub> 0.	01 <sub>h</sub> 1.	02 <sub>h</sub> 2.	03 <sub>h</sub> 3.	04 <sub>h</sub> 4.	05 <sub>h</sub> 5.	06 <sub>h</sub> 6.	07 <sub>h</sub> 7.	08 <sub>h</sub> 8.	09 <sub>h</sub> 9.	0A <sub>h</sub> 10.	0B <sub>h</sub> 11.	0C <sub>h</sub> 12.	0E <sub>h</sub> 13.	0E <sub>h</sub> 14.	0F <sub>h</sub> 15.
00 <sub>h</sub> 0.	NUL	SOH	STX	ETX	EOT	ENQ	ENQ	BEL	BS	HT	LF	VT	FF	CR	SO	SI
10 <sub>h</sub> 16.	DLE	DC1	DC2	DC3	DC4	NAK	SYN	ETB	CAN	EM	SUB	ESC	FS	GS	RS	US
20 <sub>h</sub> 32.		!	"	#	\$	%	&	'	(	)	*	+	,	-	.	/
30 <sub>h</sub> 48.	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
40 <sub>h</sub> 64.	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
50 <sub>h</sub> 80.	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[	\	]	^	_
60 <sub>h</sub> 96.	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
60 <sub>h</sub> 112.	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	DEL

Pour trouver le code d'un caractère, ajouter la valeur de la ligne et celle de la colonne **en décimal** ou **en hexadécimal**

- Symboles binaires
- Numération binaire
- Arithmétique modulaire
- Nombres signés
- Types en C
- Hexadécimal
- Codage des caractères