

Enseignes et afficheurs à LED

Circuits logiques combinatoires



Dr. Mamadou Lamine Ndiaye

Circuits logiques combinatoires



Dr. Mamadou Lamine Ndiaye

Circuits logiques combinatoires



- Éléments de base des systèmes logiques
- Algèbre de BOOLE
- Portes logiques
- Expression mathématique d'une fonction logique
- Propriétés de l'Algèbre de BOOLE

Éléments de base des systèmes logiques



Codage des informations dans les circuits numériques :

- 2 niveaux de tension
- 2 états logiques
- système binaire : 0 et 1

Éléments de base des systèmes logiques



Codage des informations dans les circuits numériques :

- 2 niveaux de tension
- 2 états logiques
- système binaire : 0 et 1

Exemple en technologie TTL:

- 0 correspond à une tension entre 0 et 0,8 V
- 1 correspond à une tension entre 2,4 et 5 V

Algèbre de BOOLE



- Outil mathématique pour représenter les systèmes logiques
- Conçue autour d'opérateurs logiques de base:

Algèbre de BOOLE



- Outil mathématique pour représenter les systèmes logiques
- Conçue autour d'opérateurs logiques de base:
 - Le NON logique (complément logique)
 - Le OU logique (addition logique)
 - Le ET logique (multiplication logique)

Porte NON



Fonction	Symbole	Equation	Table de vérité
NON	A — S	$S = \overline{A}$	A S 0 1 1 0

Porte OU



Fonction	Symbole	Equation	Table de vérité
OU	$\begin{array}{c} A \\ B \end{array} \begin{array}{c} \\ \end{array}$	S = A + B	A B S 0 0 0 1 1 1 0 1 1 1 1

Porte ET



Fonction	Symbole	Equation	Table de vérité
ET	A B	S = A • B	A B S 0 0 0 1 0 1 0 1 1 1

Porte NAND



Fonction	Symbole	Equation	Table de vérité
NAND	A S	$S = \overline{A \cdot B}$	A B S 0 0 1 1 0 1 1 1 0

Porte NOR



Fonction	Symbole	Equation	Table de vérité
NOR	$\begin{array}{c} A \\ B \end{array} \begin{array}{c} \\ \end{array} \begin{array}{c} \\$	$S = \overline{A + B}$	A B S 0 0 1 0 1 0 1 0 0 1 1 0

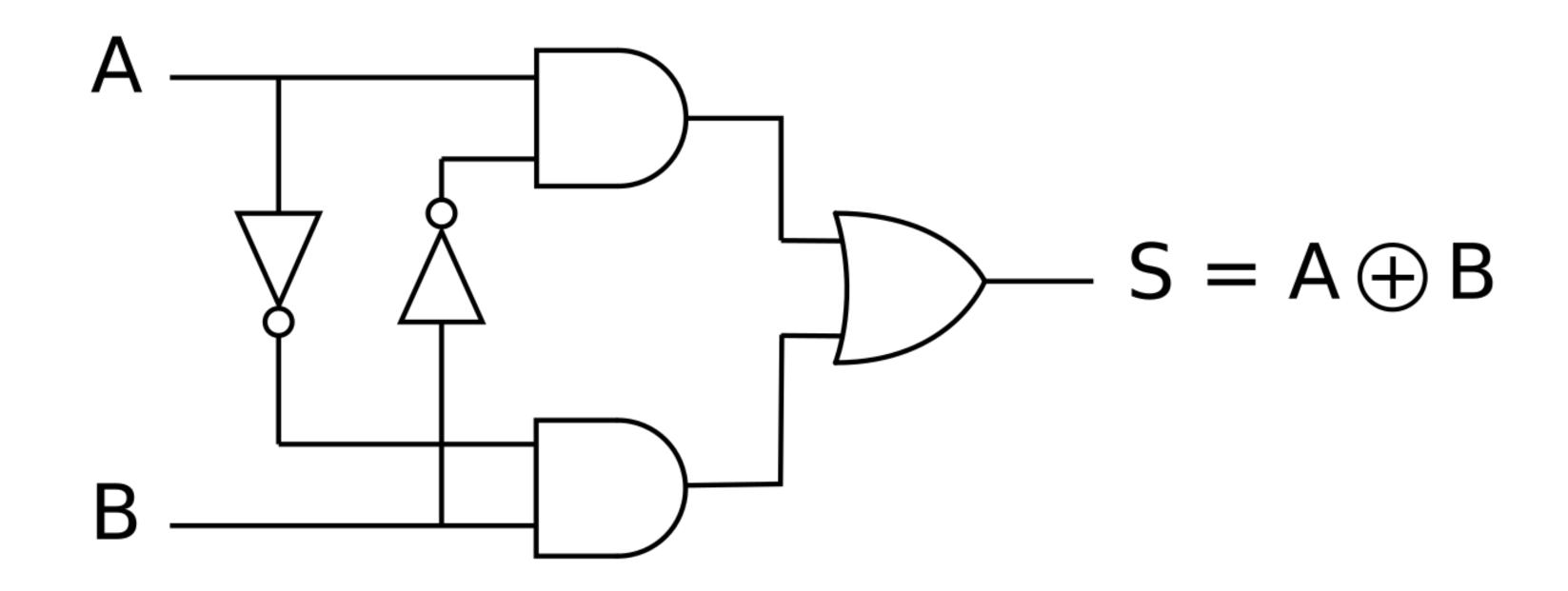
Porte OU-exclusif



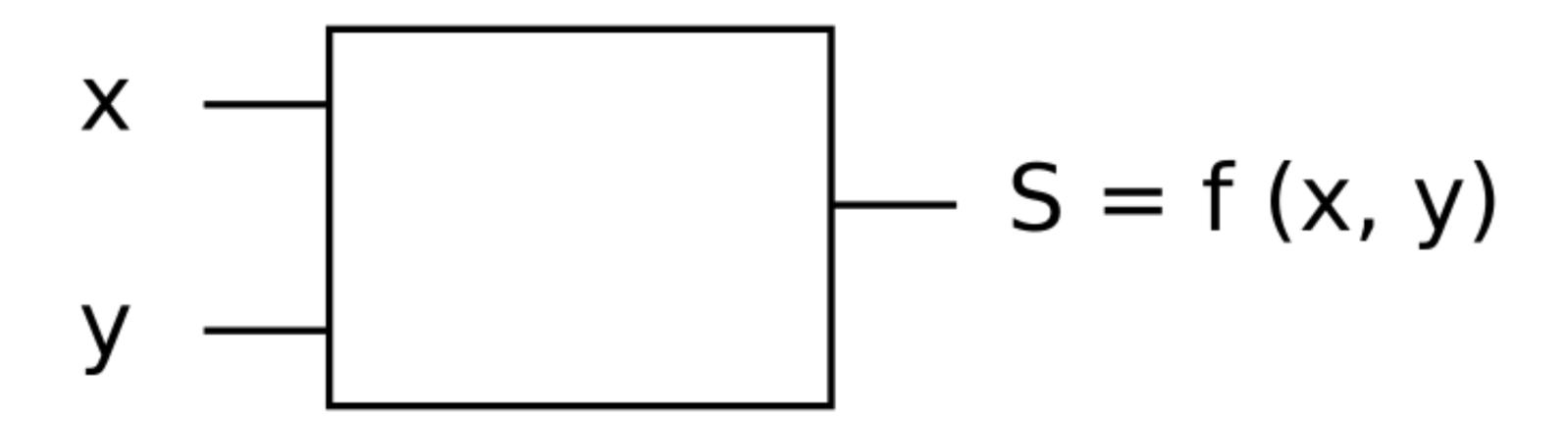
Fonction	Symbole	Equation	Table de vérité
XOR	$\begin{array}{c} A \\ B \end{array} \begin{array}{c} \\ \end{array} \begin{array}{c} \\$	$S = A \oplus B$	A B S 0 0 0 1 1 1 0 1 1 1 0

Porte OU-exclusif













Α	В	С	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0



Α	В	С	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

Minterme
$\overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} = 0$
$\overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C = 0$
$\overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} = 1$
$\overline{A} \cdot B \cdot C = 1$
$A \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} = 0$
$A \cdot \overline{B} \cdot C = 1$
$A \cdot B \cdot \overline{C} = 1$
$A \cdot B \cdot C = 0$

Somme de produits :

$$S = \overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \overline{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \overline{C}$$



Α	В	С	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

Maxterme			
A+B+C=0			
$A+B+\overline{C}=0$			
$A+\overline{B}+C=1$			
$A+\overline{B}+\overline{C}=1$			
$\overline{A}+B+C=0$			
$\overline{A}+B+\overline{C}=1$			
$\overline{A} + \overline{B} + C = 1$			
$\bar{A} + \bar{B} + \bar{C} = 0$			

Produit de somme :

$$S = (A+B+C) \cdot (A+B+C) \cdot (A+B+C) \cdot (A+B+C)$$



Α	В	C	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

Minterme
$\overline{A} \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} = 0$
$\overline{A} \cdot \overline{B} \cdot C = 0$
$\overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} = 1$
$\overline{A} \cdot B \cdot C = 1$
$A \cdot \overline{B} \cdot \overline{C} = 0$
$A \cdot \overline{B} \cdot C = 1$
$A \cdot B \cdot \overline{C} = 1$
$A \cdot B \cdot C = 0$

Maxterme
A+B+C=0
$A+B+\overline{C}=0$
A+B+C=1
$A+\overline{B}+\overline{C}=1$
$\overline{A}+B+C=0$
$\overline{A}+B+\overline{C}=1$
$\overline{A} + \overline{B} + C = 1$
$\overline{A} + \overline{B} + \overline{C} = 0$

Somme de produits :

$$S = \overline{A} \cdot B \cdot \overline{C} + \overline{A} \cdot B \cdot C + A \cdot B \cdot \overline{C}$$

Produit de somme :

$$S = (A+B+C) \cdot (A+B+C) \cdot (A+B+C) \cdot (A+B+C)$$





Commutativité

$$A \bullet B = B \bullet A$$

$$A + B = B + A$$



Commutativité

$$A \bullet B = B \bullet A$$

$$A + B = B + A$$

Idempotence

$$\mathbf{A} \bullet \mathbf{A} = \mathbf{A}$$

$$A + A = A$$



Commutativité

$$A \bullet B = B \bullet A$$

$$A + B = B + A$$

Idempotence

$$A \bullet A = A$$

$$A + A = A$$

Constantes

$$\mathbf{A} \bullet \mathbf{0} = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{A} \bullet \mathbf{1} = \mathbf{A}$$

$$\mathbf{A} + \mathbf{0} = \mathbf{A}$$

$$A + 1 = 1$$



Commutativité

$$\mathbf{A} \bullet \mathbf{B} = \mathbf{B} \bullet \mathbf{A}$$

$$A + B = B + A$$

Idempotence

$$A \bullet A = A$$

$$A + A = A$$

Constantes

$$\mathbf{A} \bullet \mathbf{0} = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{A} \bullet \mathbf{1} = \mathbf{A}$$

$$\mathbf{A} + \mathbf{0} = \mathbf{A}$$

$$A + 1 = 1$$

Complémentation

$$\mathbf{A} \bullet \overline{\mathbf{A}} = \mathbf{0}$$

$$A + \overline{A} = 1$$



Distributivité

$$\mathbf{A} \bullet (\mathbf{B} + \mathbf{C}) = (\mathbf{A} \bullet \mathbf{B}) + (\mathbf{A} \bullet \mathbf{C})$$

$$A + (B \bullet C) = (A + B) \bullet (A + C)$$



Distributivité

$$A \bullet (B + C) = (A \bullet B) + (A \bullet C)$$

$$A + (B \bullet C) = (A + B) \bullet (A + C)$$

Associativité

$$A \bullet (B \bullet C) = (A \bullet B) \bullet C = A \bullet B \bullet C$$

$$A + (B + C) = (A + B) + C = A + B + C$$



Distributivité

$$\mathbf{A} \bullet (\mathbf{B} + \mathbf{C}) = (\mathbf{A} \bullet \mathbf{B}) + (\mathbf{A} \bullet \mathbf{C})$$

$$A + (B \bullet C) = (A + B) \bullet (A + C)$$

De Morgan

$$\overline{\mathbf{A} \bullet \mathbf{B}} = \overline{\mathbf{A}} + \overline{\mathbf{B}}$$

$$\overline{\mathbf{A} + \mathbf{B}} = \overline{\mathbf{A}} \bullet \overline{\mathbf{B}}$$

Associativité

$$A \bullet (B \bullet C) = (A \bullet B) \bullet C = A \bullet B \bullet C$$

$$A + (B + C) = (A + B) + C = A + B + C$$

Circuits logiques combinatoires



- Éléments de base des systèmes logiques
- Algèbre de BOOLE
- Portes logiques
- Expression mathématique d'une fonction logique
- Propriétés de l'Algèbre de BOOLE