#### **BST Lowest Common Ancestor**

(1 sec, 512mb)

จงเพิ่มบริการการหา "ปมบรรพบุรุษร่วมที่ลึกที่สุด" ให้กับ CP::map\_bst โดยขอกำหนด นิยามต่าง ๆ ดังต่อไปนี้

- ให้ "ป<u>มบรรพบุรุษ</u>ของปม p" คือปมทุกปมที่อยู่ใน path จากปมรากถึงปม p (รวมปมราก และ ปม p ด้วย) ตัวอย่างเช่นจากรูปขวามือนี้ ปมบรรพบุรุษของปม 3 คือปม {8, 4, 1, 3}
- ให้ "ปมบรรพบุรุษร่วมของปม p และ ปม q" ก็คือ ปมใด ๆ ที่เป็นทั้ง
  "ปมบรรพบุรุษ ของปม p" และ "ปมบรรพบุรุษ ของปม q"
  - o ให้สั่งเกตว่า ปมรากนั้นเป็นปมบรรพบุรุษร่วมของทุก ๆ คู่ปมใด ๆ
- ให้ "ปมบรรพบุรุษร่วม<u>ที่ลึกที่สุด</u> ของปม p และ q" ก็คือปมที่เป็น "ปมบรรพบุรุษร่วมของปม p และ q" และเป็นปมที่อยู่ "ลึกที่สุด" ใน Binary Search Tree นั้น และขอนิยามความลึกคือระดับชั้นของปมนั้นในต้นไม้ (ให้ถือว่าปมรากนั้นอยู่ในชั้นที่ 1)

จงเขียนฟังก์ชัน iterator CP::map\_bst::lca(iterator p, iterator q) const ซึ่งจะต้องคืน iterator ที่ชี้ไปยังปมบรรพบุรุษร่วมของปมที่ถูกชี้โดย iterator p และ q (รับประกันว่า p และ q จะเป็น iterator ที่ชี้ไปยังปมใดปมหนึ่งใน map\_bst ที่เรียกนี้แน่นอน และ p และ q ไม่ใช่ end()) ฟังก์ชันนี้จะต้องไม่ทำการแก้ไขค่าใด ๆ ในต้นไม้นี้

#### ข้อบังคับ

- โจทย์ข้อนี้จะมีไฟล์ตั้งต้นมาให้ ซึ่งประกอบด้วยไฟล์ map\_bst.h, main.cpp และ student.h อยู่ ให้นิสิตเขียน code เพิ่มเติมลงในไฟล์ student.h เท่านั้น และการส่งไฟล์เข้าสู่ระบบ grader ให้ส่งเฉพาะไฟล์ student.h เท่านั้น
  - o ไฟล์ student.h จะต้องไม่ทำการอ่านเขียนข้อมูลใด ๆ ไปยังหน้าจอหรือคีย์บอร์ด หรือไฟล์ใด ๆ
- หากใช้ VS Code ให้ทำการ compile ที่ไฟล์ main.cpp

\*\* main ที่ใช้จริงใน grader นั้นจะแตกต่างจาก main ที่ได้รับในไฟล์โปรเจ็กต์เริ่มต้น แต่จะทำการทดสอบในลักษณะเดียวกัน \*\*

# คำอธิบายฟังก์ชัน main

main() จะสร้าง map bst<int,int> m ขึ้นมา แล้วรับข้อมูล 3 บรรทัด

- บรรทัดแรกประกอบด้วย n ซึ่งระบุจำนวนข้อมูลที่จะใส่เข้าไปใน m
- บรรทัดที่สองประกอบด้วยข้อมูล n ตัวซึ่งจะถูกนำเข้าไปใส่ใน m
- บรรทัดที่สามประกอบด้วยข้อมูล 2 ตัวคือ a และ b หลังจากนั้น main จะให้ p = m.find(a) และ q = m.find(b) แล้วแสดงผลของการเรียก m.lca(p,q)

# ชุดข้อมูลทดสอบ

- 5% n = 3 และ p หรือ q ชี้ไปยังปมราก และ p != q
- 10% n <= 7 และ ปมใดปมหนึ่งใน p และ q จะเป็นปมบรรพบุรุษของอีกปม และ p!= q
- 25% n <= 7 และ p != q
- 20% n <= 1,000
- 40% n <= 500,000

### ตัวอย่างการทำงานของ main

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
3	2
213	
21	
4	4
2143	
43	
6	4
849173	
37	
6	8
849173	
19	

พิจารณาตัวอย่างที่ 3 บรรพบุรุษของ 3 ได้แก่ 3 1 4 และ 8 ตามความลึก และ บรรพบุรุษของ 7 ได้แก่ 7 4 และ 8 ตามความลึกทำให้บรรพบุรุษร่วมที่ลึกที่สุดเป็น 4

พิจารณาตัวอย่างที่ 4 บรรพบุรุษของ 1 ได้แก่ 1 4 และ 8 ตามความลึก และ บรรพบุรุษของ 9 ได้แก่ 9 และ 8 ตามความลึกทำให้บรรพบุรุษร่วมที่ลึกที่สุดเป็น 8