

# 迈克耳孙干涉仪实验报告

专业：计算机科学与技术 班级：计科 1802 学号：20188068 姓名：孔天欣  
实验序号：16

创建人：穆松梅 总分：100

## 一、实验目的

了解迈克耳孙干涉仪的原理、结构和调节方法，观察非定域干涉条纹，测量氦氖激光的波长，并增强对条纹可见度和时间度想干性的认识。

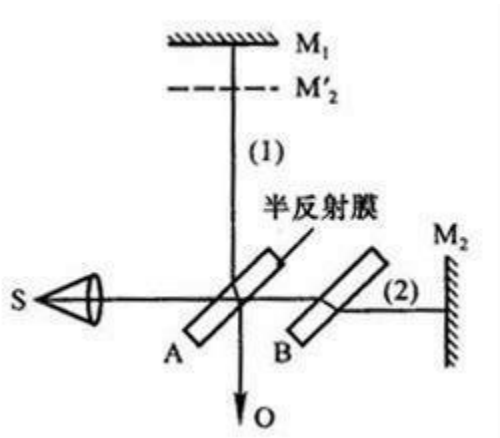
## 二、实验仪器

迈克耳孙干涉仪、He-Ne 激光器、短焦距透镜等。

## 三、实验原理

### 1、迈克耳孙干涉仪的结果和原理

迈克耳孙干涉仪的原理图如图所示



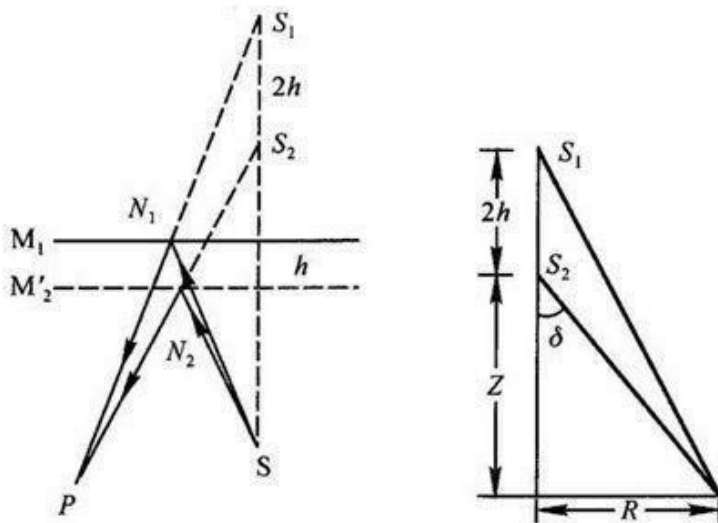
迈克耳孙干涉仪的原理图

光源  $S$  发出的光射向  $A$  板而分成 (1)、(2) 两束光，这两束光又经  $M_1$  和  $M_2$  反射，分别通过  $A$  的两表面射向观察处  $O$ ，相遇而发生干涉， $B$  作为补偿板的作用是使 (1)、(2) 两束光的光程差仅由  $M_1$ 、 $M_2$  与  $A$  板的距离决定。

### 2. 点光源产生的非定域光源

一个点光源  $S$  发出的光束经干涉仪的等效薄膜表面  $M_1$  和  $M_2'$  反射后，相当于由两个虚光源  $S_1$ 、 $S_2$  发出的相干光束（图 3.1.1-2）。若原来空气膜厚度（即  $M_1$  和  $M_2'$  之间的距离）为  $h$ ，则两个虚光源  $S_1$  和  $S_2$  之间的距离为  $2h$ ，显然只要  $M_1$  和  $M_2'$ （即  $M_2$ ）足够大，在点光源同侧的任一点  $P$  上，总能有  $S_1$  和  $S_2$  的相干光线相交，从而在  $P$  点处可观察到干涉现象，因而这种干涉是非定域的。

若 P 点在某一条纹上，则由 S<sub>1</sub> 和 S<sub>2</sub> 到达该条纹任意点（包括 P 点）的光程差  $\Delta$  是一个常量，故 P 点所在的曲面是旋转双曲面，旋转轴是 S<sub>1</sub>、S<sub>2</sub> 的连线，



点光源的薄膜干涉 薄膜干涉计算示意图

光程差 
$$\Delta = \sqrt{(Z+2h)^2 + R^2} - \sqrt{Z^2 + R^2} = \sqrt{Z^2 + R^2} \left[ \left( 1 + \frac{4Zh + 4h^2}{Z^2 + R^2} \right)^{\frac{1}{2}} - 1 \right]$$

把小括号内的部分展开取低阶项：

$$\begin{aligned} \Delta &= \sqrt{Z^2 + R^2} \left[ \frac{1}{2} \left( \frac{4Zh + 4h^2}{Z^2 + R^2} \right) - \frac{1}{8} \left( \frac{4Zh + 4h^2}{Z^2 + R^2} \right)^2 + \dots \right] \\ &= \frac{2hZ}{\sqrt{Z^2 + R^2}} \left[ \frac{Z^3 + ZR^2 + R^2h - 2h^2Z - h^3}{Z(Z^2 + R^2)} \right] \\ &= 2h \cos \delta \left[ 1 + \frac{h}{Z} \sin^2 \delta - \frac{2h}{Z^2} \cos^2 \delta - \frac{h^3}{Z^3} \cos^2 \delta \right] \end{aligned}$$

由于  $h \ll Z$ ，所以  $\Delta = 2h \cos \delta \left( 1 + \frac{h}{Z} \sin^2 \delta \right)$ 。若中心处是亮的，则  $\Delta_1 = 2h_1 = m\lambda$  改变光程差，

中心处再次变亮的，则  $\Delta_2 = 2h_2 = (m+n)\lambda$ ，于是有  $\Delta h = h_2 - h_1 = \frac{1}{2}(\Delta_2 - \Delta_1) = \frac{1}{2}n\lambda$ 。

据此由  $M_1$  移动的距离  $\Delta h$  和数出相应吞进（或吐出）的环数可求得波长。

## 四、实验内容

### 1. 观察非定域干涉条纹

（1）打开 He-Ne 激光器，使激光束基本垂直  $M_2$  面，在光源前放一小孔光阑，调节  $M_2$  上的三个螺钉（有时还需调节  $M_1$  后面的三个螺钉），使从小孔射出的激光束，经  $M_1$  与  $M_2$  反射后在毛玻璃上重合，这时能在毛玻璃上看到两排光点一重合。

（2）去掉小孔光阑，换上短焦距透镜而使光源成为发散光束，在两光束程差不太大时，在毛玻璃屏上观察干涉条纹，轻轻调节  $M_2$  后的螺钉，应出现圆心基本在毛玻璃屏中心的圆条纹。

(3) 转动鼓轮，观察干涉条纹的形状、疏密及中心“吞”“吐”条纹随光程差改变的变化情况。

2. 测量 He-Ne 激光的波长

采用非定域的干涉条纹测波长。缓慢转动微动手轮，移动  $M_1$  以改变  $h$ ，利用  $\Delta h = \frac{1}{2} n \lambda$  可算出波长，中心每“生成”或“吞进”50 个条纹，记下对应的  $h$  值。N 的总数要小于 500 条，用适当的数据处理法求出  $\lambda$  值。

5.计算涉及相关公式：

氦氖激光波长 632.8nm；

1)直接测量量的不确定公式

$$u_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (\Delta x_i - \overline{\Delta x})^2}{n(n-1)}} \qquad u_B = \frac{\Delta_{\text{仪}}}{C}$$

2) 直接测量量不确定合成公式

$$u(\overline{\Delta x}) = \sqrt{(t_p u_A)^2 + (K_p u_B)^2} \quad , \quad P=0.95 \text{ 时}, K_p=1.96, n=5 \text{ 时}, t_p=2.78$$

3) 不确定传递公式

$$Y = f(X_1, X_2, \dots, X_n)$$

$$U_y = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial X_1}\right)^2 U_{X_1}^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial X_2}\right)^2 U_{X_2}^2 + \dots + \left(\frac{\partial f}{\partial X_n}\right)^2 U_{X_n}^2}$$

$$\frac{U_y}{Y} = \sqrt{\left(\frac{\partial \ln f}{\partial X_1}\right)^2 U_{X_1}^2 + \left(\frac{\partial \ln f}{\partial X_2}\right)^2 U_{X_2}^2 + \dots + \left(\frac{\partial \ln f}{\partial X_n}\right)^2 U_{X_n}^2}$$

# 五、数据处理

实验内容一：测量氦氖激光波长

★ (1)原始测量数据

☆ (15 分)缓慢转动微动手轮，移动 M1 以改变 h，中心每“生成”或“吞进”50 个条纹，记下对应的 h 值,测量数据如下：

条纹数 n	0	50	100	150	200	250	300	350	400	450
刻度 rn (mm)	29.8000	29.81685	29.83255	29.84815	29.86365	29.87918	29.89465	29.91015	29.92570	29.94120

★ (2) 计算 He-Ne 激光波长

相关公式：

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^5 (h_{50i+250} - h_{50i}) / 5 \quad u_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^5 (x_i - \bar{x})^2}{5(5-1)}}$$

$$P=0.95, \quad t_p = 2.78。$$

仪器的最大允差为  $\Delta_{\text{仪}} = 0.0001 \text{ mm}$ ，仪器测量估读误差为  $\Delta_{\text{估}} = 0.00001 \text{ mm}$ 。在合成仪器的 B 类不确定度

$$\Delta_B = \sqrt{\Delta_{\text{估}}^2 + \Delta_{\text{估}}^2} \text{ 时, } \Delta_{\text{估}} \text{ 可以被忽略。所以 } u_B = \frac{\Delta_{\text{仪}}}{C} \text{ mm} = 0.00003 \text{ mm}$$

取  $P=0.95$ ，就有  $k_p = 1.96$

$$u_x = \sqrt{(t_p u_A)^2 + (k_p u_B)^2} = \sqrt{(2.57 u_A)^2 + (1.96 u_B)^2}$$

$$\text{波长 } \bar{\lambda} = \frac{2\bar{x}}{n}, \quad \text{不确定度 } U_{\lambda} = \frac{2U_x}{n} \quad n=250$$

$$\text{波长相对误差 } E_r = \left| \frac{\lambda_{\text{理论}} - \lambda_{\text{测量}}}{\lambda_{\text{理论}}} \right|$$

☆ (20 分) 采用逐差法处理数据。间隔为 250 环相减：

xi	x1=r0-r250	x2=r50-r300	x3=r100-r350	x4=r150-r400	x5=r200-r450
$\Delta x \text{ (mm)}$	0.07918	0.07840	0.07760	0.07755	0.07845

☆ (5 分) 计算 xi 的平均值  $\bar{x} = 0.078236 \text{ mm}$

☆ (10 分) 仪器的最大允差为  $\Delta_{\text{仪}} = 0.0001 \text{ mm}$ 。取  $p=0.95$ ，xi 的合成不确定度  $U_x(\text{mm}) = 0.0008359 \text{ mm}$

☆ (5 分) 计算 He-Ne 激光波长平均值  $\lambda_p(\text{nm}) = 625.89 \text{ nm}$

☆ (10 分) 根据不确定度的传递公式，那么有  $U_{\lambda}(\text{nm}) = 6.69 \text{ nm}$

☆ (10 分) 所以波长  $\lambda$  的最终结果可以表示成 (单位: nm)  $\lambda = 625.89 \pm 6.69 \text{ nm}$

☆ (5 分) 已知波长标准值为  $\lambda = 632.8 \text{ nm}$ , 则波长的相对误差  $E_r (\%) = 1.09 \%$

## 六、误差分析 (10 分)

1. 在数冒出或者缩进的时候可能会存在没有数准确的情况, 导致产生误差。
2. 读数估读时可能产生误差。
3. 仪器本身精度产生的误差。

## 七、实验总结 (10 分)

本次实验通过使用迈克尔逊干涉仪, 成功测量出氦氖激光的波长, 通过实验的一系列操作和计算, 加深了对相关光学原理的认识及其应用的深入, 提升了自身的物理素养。

## 八、原始数据及数据处理过程 (拍照之后粘贴在下方) (无此项实验无效, 不给成绩)

原始数据:

0 r:	29.80000
50 r:	29.81685
100 r:	29.83255
150 r:	29.84815
200 r:	29.86365
250 r:	29.87918
300 r:	29.89465
350 r:	29.91015
400 r:	29.92570
450 r:	29.94120

逐差法处理数据:

$$x_1 = 29.87918 - 29.80000 = 0.07918$$
$$x_2 = 0.81685 - 0.87465 = -0.07840$$
$$x_3 = -0.07760$$
$$x_4 = -0.07755$$
$$x_5 = -0.07845$$
$$\Delta x_2 = \frac{0.07918 + 0.07840 + 0.07760 + 0.07755 + 0.07845}{5} = 0.078236 (\text{mm})$$

合成不确定度  $u_x$ :

$$u_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^5 (x_i - \bar{x})^2}{5 \times 4}}$$
$$= \sqrt{\frac{0.000444 + (0.000164)^2 + (0.000636)^2 + (0.000806)^2 + (0.000244)^2}{20}}$$
$$= 0.0003032$$
$$u_x = \sqrt{\frac{2.78}{5} \times (0.0003032)^2 + (1.76 \times 10^{-3})^2} = 0.0008359$$

不确定度传递公式得:

$$u_\lambda = \frac{2u_x}{n} = \frac{2 \times 0.0008359}{250} \times 10^6 = 6.69 \text{ nm}$$

误差:

$$\left| \frac{632.8 - 625.89}{632.8} \right| \times 100\% = 1.09\%$$

波长  $\lambda$  的最终结果可表示为:

$$\lambda = 625.89 \pm 6.69 \text{ nm}$$

评分：