

Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Фізико-технічний інститут

«Криптографія» комп'ютерний практикум №4

Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного підпису; ознайомлення з методами генерації параметрів для асиметричних криптосистем

Виконали:

студенти групи ФБ-93 Приходько Андрій Шахова Катерина

Мета та основні завдання роботи

Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів

Порядок і рекомендації щодо виконання роботи

 Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.

- 2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел p, q і p_1, q_1 довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб $pq \le p_1q_1$; p і q прості числа для побудови ключів абонента A, p_1 і q_1 абонента B.
- 3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ (d, p, q) та відкритий ключ (n, e). За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів A і B тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі (e, n), (e, n) та секретні d і d_1 .
- 4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів А і В. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання.

За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення M і знайти криптограму для абонентів A и B, перевірити правильність розшифрування. Скласти для A і B повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.

5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа 0 < k < n.

Кожна з наведених операцій повинна бути реалізована у вигляді окремої процедури, інтерфейс якої повинен приймати лише ті дані, які необхідні для її роботи; наприклад, функція Encrypt(), яка шифрує повідомлення для абонента, повинна приймати на вхід повідомлення та відкритий ключ адресата (і тільки його), повертаючи в якості результату шифротекст. Відповідно, програмний код повинен містити сім високорівневих процедур: GenerateKeyPair(), Encrypt(), Decrypt(), Sign(), Verify(), SendKey(), ReceiveKey().

Виконання:

Згенерували p, q, p1, q1:

p	199678154031684671539430416713290906166999585391355487044350
	862215685268344879
q	205174100210673205200058779618100018279183148869024122379502
	109050216467008623
p1	226252153381013260702479181319917934576168461407559243409221
	620798063872767099
q1	186914172463734799398029317962633444089705791146136750986504
	945743094240325439

Кандидати, що не пройшли перевірку зберігаються у файлі not_passed_test.txt Далі за допомогою цих чисел змогли знегерувати публічні та приватні ключі для так званих Аліси та Боба :

	Аліса
e	31811810397541411518390776294835057193314687426271862377448009668
	69874744470990518274584904572370021923076630173738157932643824328
	1828096105520784648772369
n	40968785585179110685184299376332342832605494307488528671728507393
	91476672714163932941821622685242432993312775324898492291706936200
	9463494923614991430891617
d	71957404807263339412578133436097567584765200658101185509756286955
	67716773384083132290873373314233700176193109954563146216146339386
	404509588001316335249745
p	19967815403168467153943041671329090616699958539135548704435086221
	5685268344879
q	20517410021067320520005877961810001827918314886902412237950210905
	0216467008623

	Боб
e	13437496771523038521314953327205306261853919451770944010713823
	61635266673526050706642638391337053264766868458323636862212275
	8221149114579494587168605441355
n	42289734017350091106740379689670948367559293508426883343057712
	11104435137799270227171673604013086794484751058302247689527643
	3613203138860780237099211931461
d	33386278783561399406060190743965534352984733098170016997745157
	82148608763060739087225647645161314427622211994332101825539646
	0314418506314578762639442257007
p1	22625215338101326070247918131991793457616846140755924340922162
	0798063872767099
q1	18691417246373479939802931796263344408970579114613675098650494
	5743094240325439

Далі створимо повідомлення 12345678901234567890

Та зашифруємо його публічним ключем Аліси

```
# частина для Аліси
encrypted_alice = encrypt(msg_alice_public)
print("Encrypted message by Alice:"_encrypted_alice)
decrypted_alice = decrypt(encrypted_alice_private)
print("Decrypted message by Alice:"_decrypted_alice)
```

encrypted	348091275952585643600520742836696173656663646156745801226
	295621314577911247985814929013242616395965370128311317382
	7410525964641213123023774340381482843743
decrypted	12345678901234567890

Також Аліса підписала це повідомлення:

```
alice_sign = sign(msg_alice_private)
print("Signature for Alice:"_alice_sign)
print("Sign check: "_verify(msg_alice_sign_alice_public))
print("\n")
```

Alice	337042234217611498960472252907540862198585317116834389814
signature	941918984427500972693806887954674214582130592843508708891
	94743528024130562444744168658895313904082

```
Signature for Alice:

3370422342176114989604722529075408621985853171168343898149419189844275

0097269380688795467421458213059284350870889194743528024130562444744168

658895313904082

Sign check: True
```

Зробимо таке саме для Боба:

```
# частина Боба
encrypted_bob = encrypt(msg, bob_public)
print("Encrypted message by Bob:", encrypted_bob)
decrypted_bob = decrypt(encrypted_bob, bob_private)
print("Decrypted message by Bob:", decrypted_bob)
```

encrypted	354613949746155063596491683385824792357902890217794177356
	458025150719599593954940405308648682916998956005151491014
	27843694542390534088536242356975280088437
decrypted	12345678901234567890

```
bob_sign = sign(msg, bob_private)
print("Signature for Bob:", bob_sign)
print("Sign check: ", verify(msg, bob_sign, bob_public))
print("\n")
```

Bob	374048817531805180320725544243278946561526096625986279837
signature	534312533151230543931009173642881314841106163294496521784
	79971173631233686656787865719400426670926

```
Signature for Bob:

3740488175318051803207255442432789465615260966259862798375343125331512

3054393100917364288131484110616329449652178479971173631233686656787865

719400426670926

Sign check: True
```

Протокол конфіденційного розсилання ключів по відкритих каналах зв'язку з підтвердженням справжності відправника

Нехай Аліса має свої ключі та відкритий ключ Боба. Тоді вона формує повідомлення (k1,s1) та відправляє його Бобу.

В свою чергу за допомогою приватного ключа Боб розшифровує повідомлення та може перевірити підпис Аліси за її публічний ключем.

```
k1_s1 = send_key(msg_bob_public_alice_private)

recieve_key(k1_s1_bob_private_alice_public)

recieve_key() > else

main ×

message: 12345678901234567890

message verified!
```

Висновок: виконуючи дану ЛР ми дізналися про принцип роботи асиметричної криптографії на прикладі алгоритму RSA. Ми змогли зробити функцію перевірки чисел на простоту та за допомогою цього могли генерувати великі прості числа для ключів. Дізналися про цифрові підписи RSA та протокол розсилання ключів.