

Série n°3

Solution Exercice 2:

La matrice creuse est d'ordre n , n est impaire. Si $n = 5$, par exemple, la matrice sera représentée comme suit :

M =

0	0	x	x	x
0	0	x	x	x
x	x	x	x	x
x	x	x	0	0
x	x	x	0	0

On supposera que :

- B1 ensemble des éléments en jaune (de la ligne 1 à $(n-1)/2$ et de la colonne $((n+1)/2$ à n)
- B2 ensemble des éléments en bleu (la ligne $(n+1)/2$ et de la colonne (1 à n)
- B3 ensemble des éléments en vert (de la ligne $(n+1)/2$ à n et de la colonne (1 à $(n+1)/2$)

a. Relation liant i et j , si $M[i,j] \neq 0$

$M[i,j] \neq 0$ si $M[i,j] \in B1 \cup B2 \cup B3$

Si $M[i,j] \in B1$ Alors $1 \leq i \leq (n+1)/2$ et $(n+1)/2 \leq j \leq n$

Sinon Si $M[i,j] \in B2$ Alors $i = (n+1)/2$ et $1 \leq j \leq n$

Sinon Si $M[i,j] \in B3$ Alors $(n+1)/2 \leq i \leq n$ et $1 \leq j \leq (n+1)/2$

b. Adresse de l'élément $M[i,j]$ - ligne/ligne

Si $M[i,j] \in B1$ Alors $@ M[i,j] = @base + [(i-1)*(n+1)/2 + j - (n+1)/2] * \text{taille d'un élément.}$

Sinon Si $M[i,j] \in B2$ Alors $@ M[i,j] = @base + [(n+1)/2 * (n-1)/2 + j - 1] * \text{taille d'un élément.}$

Sinon Si $M[i,j] \in B3$ Alors $@base + [(n-1)/2 * (n+1)/2 + n + (i - (n+1)/2) (n+1)/2 + j - 1] * \text{taille d'un élément.}$

c. Si n est paire, l'ensemble B2 n'existe pas. Les calculs restent les mêmes.

d. Adresse de l'élément $M[i,j]$ en utilisant le tableau B.

$k = (i-1) * n + j - 1$. k représente la case dans le tableau bit correspondante à $M[i,j]$.

Si $\text{bit}[k] = 0$ Alors

Alors $@ M[i,j] := \text{Nil}$

Sinon

$\text{cpt} := 0$

Pour $i := 0$ à $k-1$ faire

Si $\text{bit}[i] = 1$ Alors $\text{cpt}++$;

Fait

$@ M[i,j] := @ \text{base} + \text{cpt} * \text{taille d'un élément.}$

FSi

