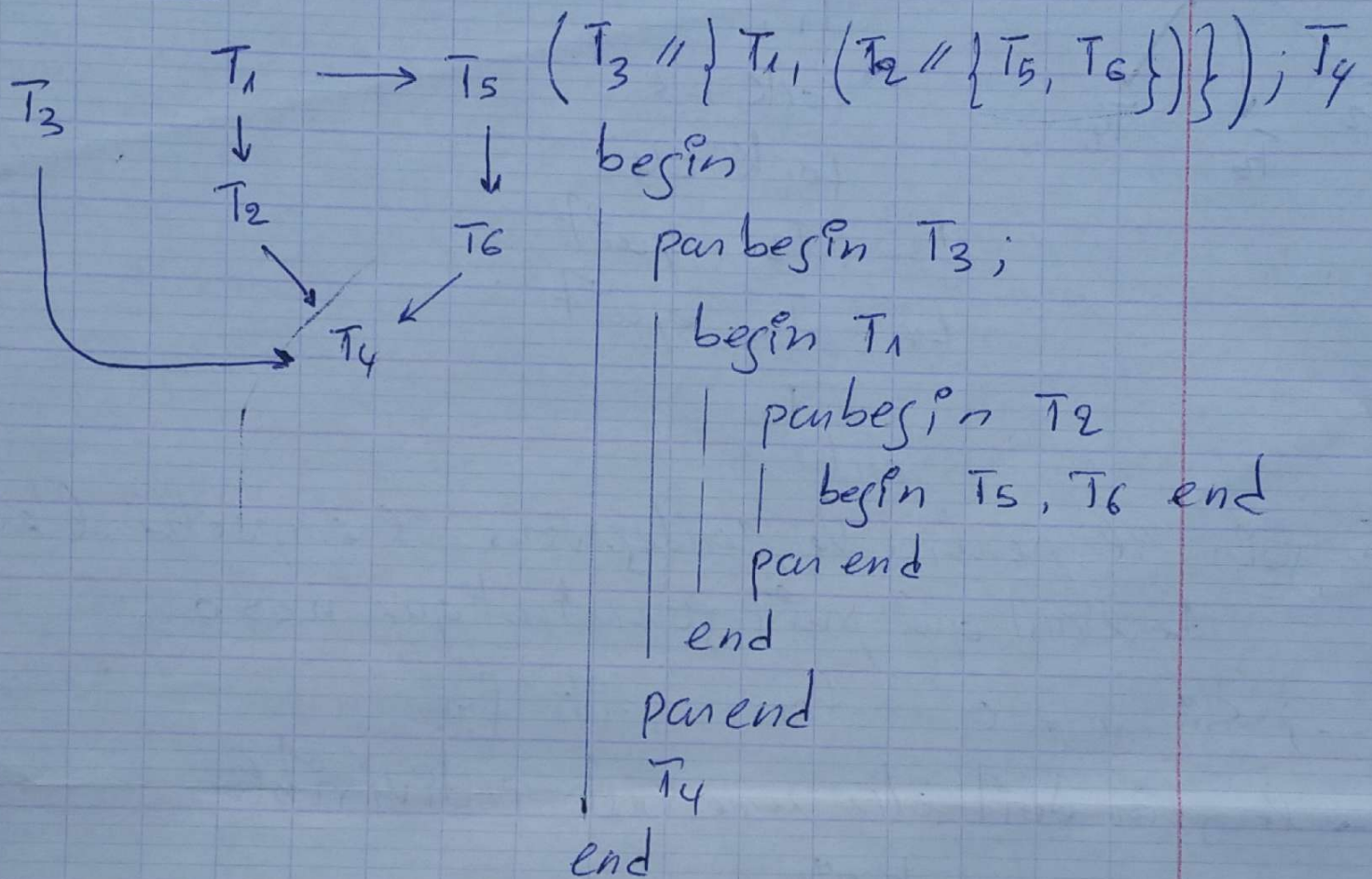
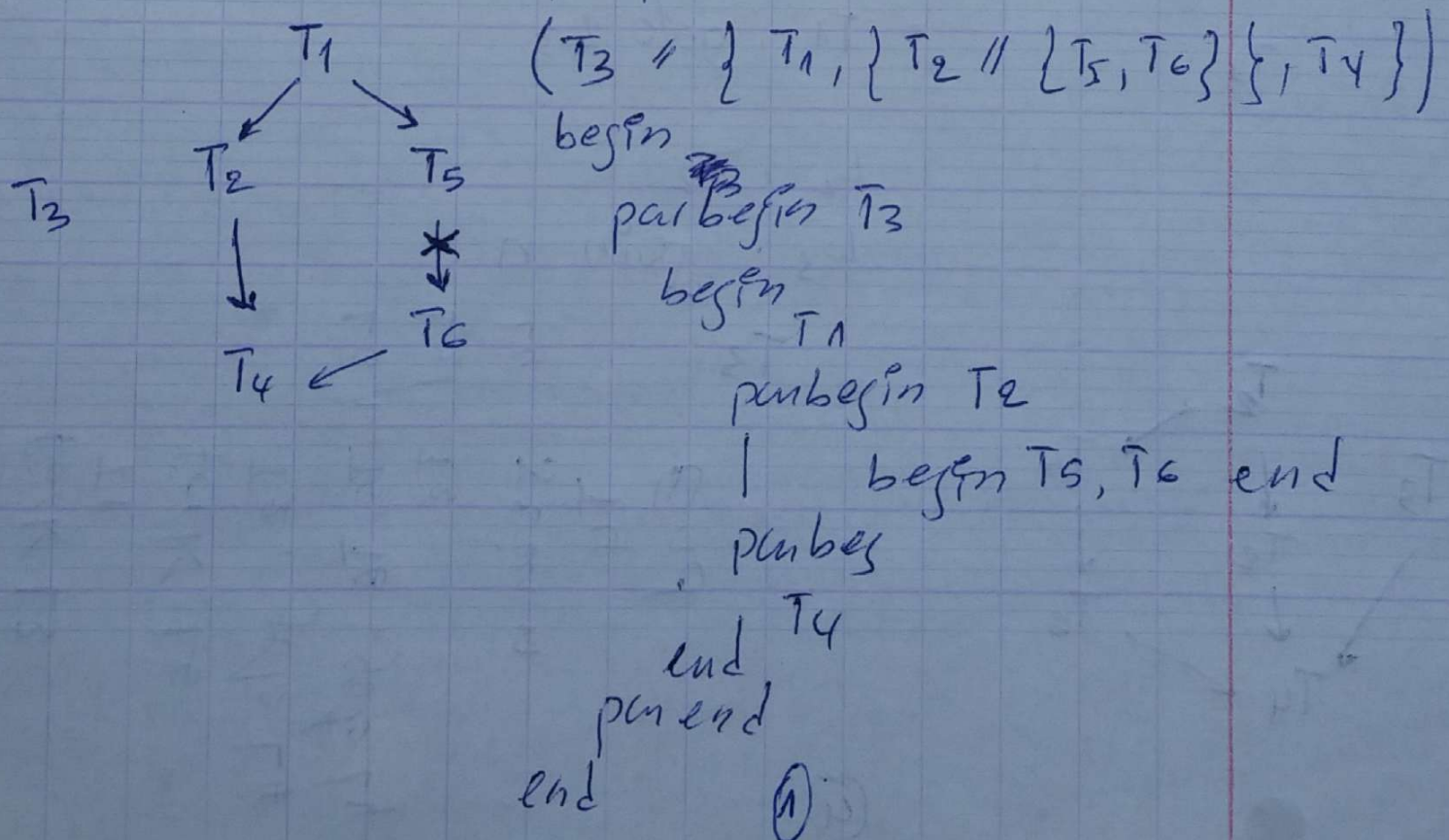
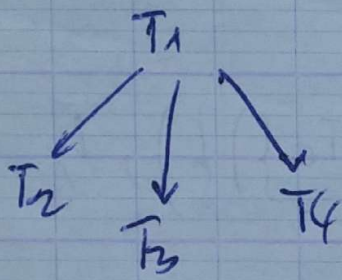


Exo ① :



→ Ce graphe est proprement lié GPL.





```

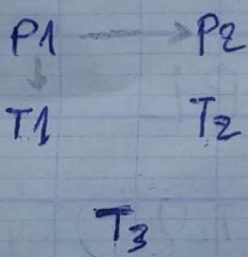
begin
  T1,
  fork L3
  fork L4
  L3: T2, quit
  L4: T3, quit
  T4
end

```

② Join: il realise le rendez-vous. il empêche l'exécution de l'inst qui peut join tant que $n < 0$.

$n \leftarrow j$; Si $n \neq 0$ alors quit fsi.

→ le join doit être une inst indivisible.



```

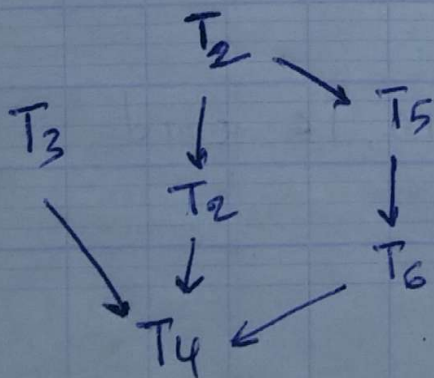
begin n=2
  fork L2
  T1, goto L3

```

L2: T2

L3: join n

T3



```

L4: T3
L5: T5, T6, goto L4
fork L5
T2, goto L4
fork L3
T1
fork L3
fork L5
T2, goto L4
L4: join n
T4
End

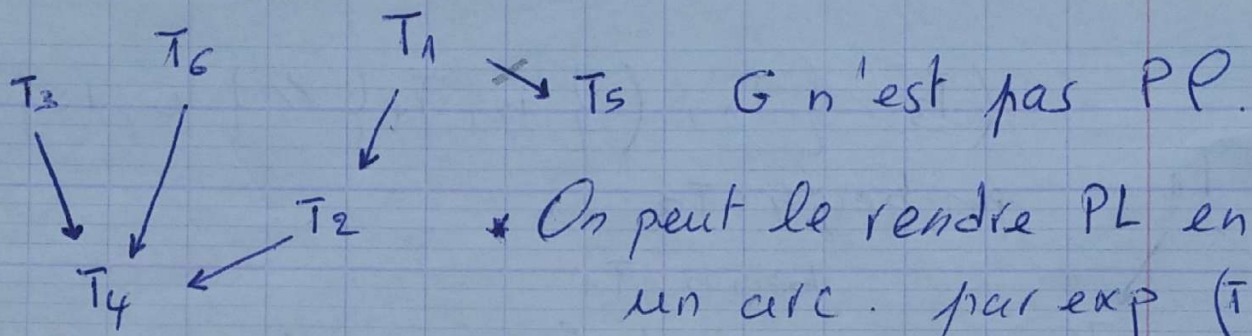
```

```

begin n=3,
fork L3
T1
fork L3
fork L5
T2, goto L4
fork L5
T5, T6, goto L4
L4: join n
T4
End

```

④



G n'est pas PP.

* On peut le rendre PL en Supp un arc. par ex (T_1, T_5) .

$$(T_5 \parallel \{ (T_3 \parallel T_2 \parallel (T_1, T_2)) ; T_4 \})$$

begin

parbegin T_5

begin

parbegin T_3, T_2

begin T_1, T_2 end

parend

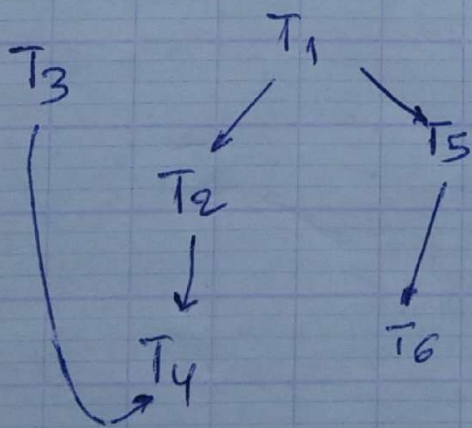
P_u

end

parend

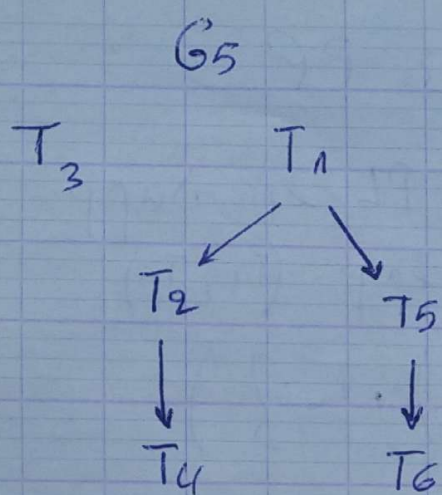
end

$G_4 (T_6, T_4)$



T_4 en chevauchant entre deux blocs telqu

(l'un des noeuds des deux blocs $> T_4$).



$(T_3 = \{ T_1; (\{ T_2, T_4 \} // \{ T_5, T_6 \}))$
 par begin T3
 begin T1
 par begin
 begin T2, T4 end
 begin T5, T6 end
 par end
 end
 par end
 end

② L'outil fork/join : Cet outil exprime tout type de graphe "PL ou NPL"

2.1 fork :

fork et et 1 Tj
Ti

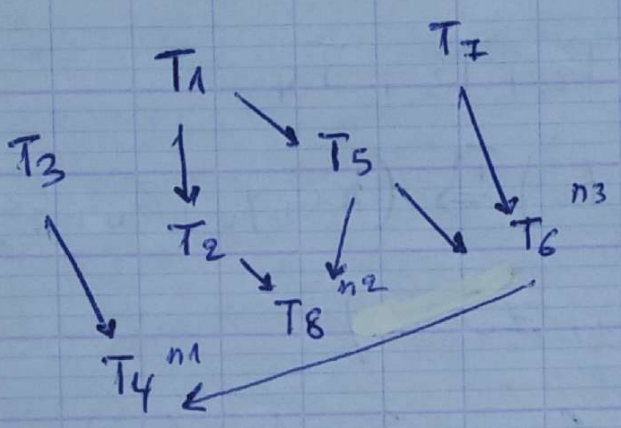
→ fork permet de créer 2 tâches

pour n tâches
 on a besoin n
 de n-1 fork

```

graph TD
    T1 --> T2
    T1 --> T3
  
```

begin T1,
 fork L3
 T2 quit
 end



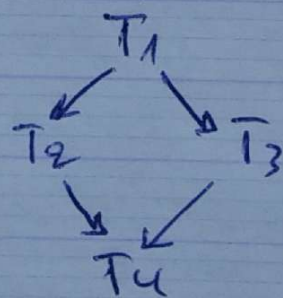
Begin $n_1 = 2$; $n_2 = 2$; $n_3 = 2$

	fork L7
	fork L3
	T1;
	fork L5
	T2, goto L8
L5	T5
	fork L6
L8	join n2
	T8, quit
L7	T7
L6	join n3
	T6, goto L4
L3	T3
L4	join n1, T4

⑤ Les Comportements possibles d'un syst des tâches:

Dans un syst des tâches en 3 le parallélisme on peut avoir plus Comportement.

pour autoriser pls Comportement il faut assurer que le résultat soit unique.



T1a T1m T1f T2a T2d T2m

$$T_1: \text{line}(n);$$

$$T_2: y = x \times 2;$$

$$T_3: z = y + 10;$$

$$T_4: T = y \times z;$$

$$C_1: T_1, T_2, T_3, T_4$$

$$(x_0, y_0, z_0, t_0) \xrightarrow{T_1} (x_1, y_0, z_0, t_0)$$

$$\xrightarrow{T_2} (x_1, 2x_1, z_0, t_0)$$

$$\Rightarrow T_3 (x_1, 2x_1, 2x_1 + 10, t_0)$$

$$\xrightarrow{T_4} (x_1, 2x_1, 2x_1 + 10, 4x_1^2 + 20x_1)$$

$$C_2: T_1, T_3, T_2, T_4$$

$$(x_0, y_0, z_0, t_0) \xrightarrow{T_1} (x_1, y_0, z_0, t_0) \xrightarrow{T_3} (x_1, y_0, y_0 + 10, t_0)$$

$$\xrightarrow{T_2} (x_1, 2x_1, y_0 + 10, t_0) \xrightarrow{T_4} (x_1, 2x_1, y_0 + 10, 2x_1 y_0 + 20x_1) -$$

Série ②:

Exo ②:

→ Cond d'entrée pour P_i : $D_j = \text{faux}$.

→ invariant. $D_i = \text{Vrai}$.

① EM:

a) P_j en SC P_i désire d'entrée jusqu'à t'il se le joue.
 P_j en SC $\Rightarrow D_j = \text{Vrai}$ Ceci empêche P_i d'entrée.
en SC "Cond non vérifié"

b) SC libre et P_i, P_j désire d'entrer jusqu'à t'il
d'entrer en même temp $\Rightarrow D_i = D_j = \text{Vrai}$.

* 1^{er} Cas tour = j. P_i retire sa demande $D_i = \text{F}$
- attend la boucle "attente jusqu'à P_j entre et sort
de la SC".

② BM:

- P_i, P_j désirent d'entrée jusqu'à t'attendre t'uf.
d'après (1b) BM est évité.

4) AB: P_j en SC. P_i desire rentrer.
 jusqu'à t'il d'attente indef si P_j continue à
 sortir et donc la SC.

$\Rightarrow P_j$ en SC alors $D_j = \text{vrai}$;

P_i en attente $\begin{cases} B1 \Rightarrow D_i = \text{vrai}, \text{tour} = i \\ B2 \Rightarrow D_j = \text{faux}, \text{tour} = j \end{cases}$

a) P_i en attente de $B1 \Rightarrow D_i = \text{vrai}, \text{tour} = i$.

P_j sort $\Rightarrow D_j = \text{faux}$ et $\text{tour} = i$.

P_j redemande $\Rightarrow D_j = \text{vrai}$.

$\Rightarrow P_j$ retire sa dmd $D_j = \text{faux}$. P_i rentre.

b) P_i en attente de $B2 \Rightarrow D_j = \text{f}$ et $\text{tour} = i$.

P_j sort $\Rightarrow D_j = \text{faux}$ et $\text{tour} = i$.

P_j redemande $\Rightarrow D_j = \text{vrai}$.

* Mais lorsque P_i observe $\text{tour} = i$ sort de $B2$
 et att de $B1$

$\Rightarrow AB$ assuré

③ Progression: P_j loin de SC. P_i desire rentrer
 jusqu'à t'il d'attente indef?

P_j loin de la SC

n'est pas venu
 $"D_j = \text{faux}"$

sortie de la SC.

$B1$

"tour = i"

* grâce à $D_j = \text{faux}$.

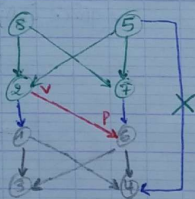
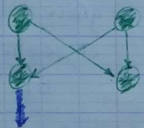
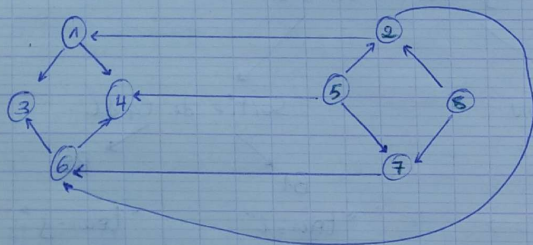
$B2$

"tour = j"

* grâce à $\text{tour} = i$
 et rentre de
 $B1$.

Serie ⑧:

Exo ①:



init (S, 0).

begin

parbegin T_5, T_5 par end

parbegin

+ begin $T_2, V(s), T_1$ end

begin $T_7, P(s), T_6$ end

par end

parbegin T_3, T_4 par end.

end

* si j'avais parbegin $T_2, V(s)$ par end → faux
car il faut une seq entre T_2 et $V(s)$.

Exo ②:

P1

while (1) {

$P(S_1);$

$X = X + Z + 2;$

$V(S_2);$ }

P2

while (1) {

$P(S_2);$

$Y = X + 10;$

$V(S_3);$ }

P3

while (1) {

$P(S_3);$

$Z = Y + 2 + 1;$

$V(S_1);$ }

①

	S_1	S_2	S_3	X	Y	Z
	0	0	0	0	0	0
✓	0	0	1	0	0	1
✓	0	1	0	0	10	0
	0	1	1	0	10	2/1
✓	1	0	0	2	0	0
	1	0	1	2/3	0	1
	1	1	0	2	10/12	0
	1	1	1	Plus	15	

→ Solution Sort :

② La solution est incorrecte
parce qu'on peut avoir plusieurs
résultats.

* Table de Bernstein.

	R	W	
T_1	Z, X	X	$T_1 \times T_2$
T_2	X	Y	$T_2 \times T_3$
T_3	Y	Z	$T_1 \times T_3$

$\begin{cases} S_1 = 0; & S_2 = 0; & S_3 = 1. \\ S_1 = 1; & S_2 = 0; & S_3 = 0. \\ S_1 = 0; & S_2 = 1; & S_3 = 0. \end{cases}$

Exo 3.

* Structure de données :

CapR = entier suit à 10

SC, SV : Sémaphores privés $\text{init}(SC, 0)$, $\text{init}(SV, 0)$.

mutex : Sémaphore binaire protégé l'accès à CapR.

atlc = 0, atlv = 0 : entier;

et atlc

P Cam

Debut

P(mutex); // 1 Cam qui peut accéder à CapR.

si (CapR > 8) alors CapR = 8; Cam = Vrai;

V(mutex);

sinon atlc++; V(mutex); P(SC);

fin

< Accès au pont >

P(mutex); Cam = faux; CapR = 8;

si (atlc ≠ 0) alors V(SC);

CapR = 8;

atlc = 0;

Cam = Vrai // on a un Car sur pont.

Fin

si (atlv ≠ 0) et (CapR > 2) et (atlc = 0)

faire

V(SV); atlv = 1; CapR = 2;

fin

V(mutex); P(mutex); // pour q1 ne passe pas

V(mutex);

// Processus des voitures :

Debut

P(mutex);

si (CapR > 2 et atlc = 0) ou (CapR = 2 et Cam = V)

alors CapR = 2; V(mutex);

sinon

atlv++; V(mutex); P(SV);

fin

< Accès au Pont >

P(mutex); CapR = 2;

si (atlc ≠ 0) alors si (CapR > 8) alors

CapR = 8; atlc = 0;

Cam = V; V(SC);

fin

si ?

sinon si (atlv ≠ 0) alors CapR = 2; atlv = 0;

V(SV);

Fin

V(mutex);

Exo 4:

SD:

S_x, S_M, S_L : sém. prisées

N_x, N_M, N_L : entiers à géro.

$atli, atlm, atlp$: entiers à géro.

mutex : sém. binaire.

Proc Ing

Debut

P(mutex);

Si ($N_M \neq 0$) ou ($N_L \neq 0$) alors

atli++; V(mutex); P(S_x);

Si non

fin

N_x ++; V(mutex);

<accès au biblio>

P(mutex); N_x --;

Si ($N_x \neq 0$) alors

Si ($atlp \neq 0$) alors

tg ($atlp \neq 0$) alors

tg ($atlp \neq 0$) et ($atli = 0$)

faire atlp--; V(S_L); N_L ++;

fin V(mutex); P(mutex);

Si non

tg ($atlm \neq 0$) et ($atli = 0$) et ($atlp = 0$)

faire atlm--; N_M ++; V(S_M);

V(mutex); P(mutex);

fin

fin

V(mutex);

Fin

→ Proc Licence

Debut P(mutex);

Si ($N_x \neq 0$) ou ($N_M \neq 0$) ou ($atli \neq 0$) alors

begin n = 5;

② file d'attente:

SD: S: sem phore unit à 0.

F: file d'entier $\begin{cases} 0 \rightarrow \text{master} \\ 1 \rightarrow \text{Licence} \\ 2 \rightarrow \text{ING} \end{cases}$

N[0..2]: Tab d'entier $\begin{cases} N[0] \rightarrow \text{NM} \\ N[1] \rightarrow \text{NL} \\ N[2] \rightarrow \text{NI} \end{cases}$

mutex: Sém binaire "pour protéger file et Tab"

P_{master}

Debut

P(mutex); $(i+1) \% 3$ $(i+2) \% 3$

Si (7vide(F)) ou (N[0] ≠ 0) ou (N[2] ≠ 0) alors

enfiler(F, 0); V(mutex); P(S);

sinon

N[0]++; V(mutex);

fin

<accès au biblio>

P(mutex);

N[0]--;

Si (N[0] == 0) alors

Si (7vide(F)) alors j = tête[F];

tg (7vide(F)) et (tête(F) == j)

faire defiler(F);

par V(S); N[j]++;

par V(mutex);

fin

fin