LELEC1101 - Projet d'électricité

Dimensionnement du modulateur sigma-delta

Groupe 3

DE BROUX Michel (8707-13-00)
COLPIN Lionel (3965-12-00)
DEPREZ Damien (2893-13-00)
MARTINELLE Thibault (8737-13-00)
PARIS Antoine (3158-13-00)

24 mars 2015

1 Fonctionnement et théorie

Le schéma bloc du modulateur sigma-delta se trouve à la figure 1. Ici, on choisit une bascule asymétrique.

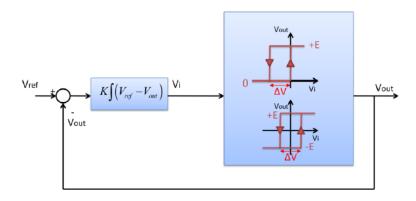


Figure 1: Schéma bloc du modulateur sigma-delta.

Dans un premier temps, calculons la période d'oscillation de la sortie (qui est identique à la période d'oscillation de V_I sur la figure 1.

On démarre avec un signal $V_{\rm ref}$ positif et $V_{\rm out}=0$. V_I est alors immédiatement positif et $V_{\rm out}$ sature directement à E. Comme $V_{\rm ref}$ est $\leq E$, V_I va maintenant décroître jusqu'à atteindre ΔV . A ce moment précis, on aura à nouveau $V_{\rm out}=0$ et donc V_I va croître jusqu'à atteindre 0, et ainsi de suite.

Sur base de cela, on peut facilement calculer le temps de descente t_f et le temps de montée t_r du signal V_I^{-1} . On trouve facilement,

$$t_f = -\frac{\Delta V}{(V_{\text{ref}} - E)K},$$
$$t_r = \frac{\Delta V}{KV_{\text{ref}}}.$$

La période T étant la somme du temps de descente et du temps de montée, on trouve

$$T = \frac{\Delta V}{K} \left(\frac{1}{V_{\text{ref}}} - \frac{1}{V_{\text{ref}} - E} \right)$$

et donc finalement

$$f = -\frac{K}{\Delta V} \frac{V_{\text{ref}}(V_{\text{ref}} - E)}{E}.$$

Remarque A partir du temps de descente et du temps de montée, on peut prouver que la moyenne du signal carré V_{out} vaut bien V_{ref} . Il suffit de démontrer l'égalité suivante

$$\frac{E \cdot t_f + 0 \cdot t_r}{T} = V_{\text{ref}}.$$

La figure 2 représente un graphe de cette relation.

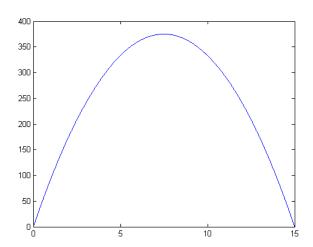


FIGURE 2: Graphe de la fréquence en fonction de $V_{\rm ref}$ pour $\Delta V = 0.1~{
m V}$ et $K = 10~{
m s}$.

On peut faire plusieurs observations à propos de la figure 2. Premièrement, la fréquence de sortie maximale est atteinte pour $V_{\text{ref}} = \frac{E}{2}$ et vaut

$$f_{\text{max}} = \frac{K}{\Delta V} \frac{E}{4}.$$

 $[\]overline{1}$. Ce signal sera soit un signal triangulaire, soit un signal en dents de scie, selon la valeur de $V_{
m ref.}$

Ensuite, pour un signal V_{ref} sinusoïdal dont l'amplitude peut être négative, la fréquence sature. Or, dans le cas de notre synthétiseur, le signal V_{ref} est la sortie de notre VCO (après passage dans un filtre pour en extraire une sinusoïdale pure). Il faudra donc "déplacer" la courbe de la figure 2 de manière à ce qu'elle soit centré autour de l'origine.

2 Dimensionnement et circuit réel

Le circuit du modulateur sigma-delta est représenté à la figure 3.

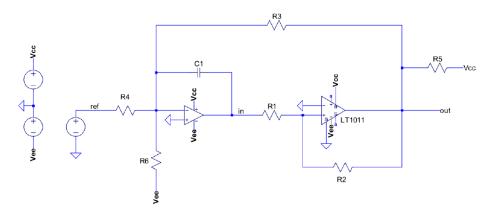


FIGURE 3: Circuit du modulateur.

On va résoudre ce circuit pour obtenir des équations de la même forme que celles de la figure 1. On se concentre d'abord sur l'amplificateur opérationnel. Grâce à la boucle de contre réaction négative, on peut dire $v_-=v_+=0$. On peut ensuite obtenir les courants suivants

$$i_{R_4} = rac{V_{ ext{ref}}}{R_4},$$
 $i_{R_6} = rac{V_{ ext{ee}}}{R_6},$ $i_{R_3} = rac{V_{ ext{out}}}{R_3},$ $i_{C_1} = -C_1 rac{\mathrm{d}v_{ ext{in}}}{\mathrm{d}t}.$

On applique ensuite KCL et on écrit

$$i_{C_1} = i_{R_4} + i_{R_6} + i_{R_3}.$$

De cette relation, on tire

$$v_{\rm in} = -\frac{1}{C_1} \int \frac{V_{\rm ref}}{R_4} + \frac{V_{\rm ee}}{R_6} + \frac{V_{\rm out}}{R_3}.$$

Pour se ramener à l'équation de la figure 1, on pose $V'_{\text{ref}} = -R_3(\frac{V_{\text{ref}}}{R_4} + \frac{V_{\text{ee}}}{R_6})$ pour enfin obtenir

 $v_{\rm in} = \frac{1}{C_1 R_3} \int V_{\rm ref}' - V_{\rm out}$

où V'_{ref} correspond au V_{ref} de la figure 1.

Pour dimensionner le modulateur, on doit respecter plusieurs contraintes. Premièrement la fréquence pour $V_{\rm ref}=7.5~{\rm V}$ doit être de 80 kHz. Et deuxièment, on doit déplacer la courbe de la figure 2 de manière à ce que ces racines soient $-15~{\rm V}$ et $+15~{\rm V}$. Enfin, on doit choisir ΔV de manière à ce que la bascule ne soit pas sensible au bruit (quelques millivolts).

On va directement anticiper une non-idéalité de la bascule, la valeur de saturation E n'est pas égale à la tension d'alimention. On a plutôt $E\approx 13.5~{\rm V}$.

Pour centrer la parabole, il faut que $\frac{R_3}{R_6}V_{ee}$ soit égale à 6.75 V. Il faut ensuite étirer la parabole de manière à ce que ses racines soient ± 15 V. Il faut donc $\frac{R_3}{R_4} = 0.45$.

En restant dans des valeurs de composants standards (série de Renard E12). On peut choisir, $R_3=22~\mathrm{k}\Omega$ et $R_4=R_6=47~\mathrm{k}\Omega$.

On passe ensuite à la contrainte sur la fréquence. On a comme relation

$$\frac{K}{\Delta V} = 30796.$$

On peut fixer arbitrairemet ΔV à 1 V. On alors $K=\frac{1}{C_1R_3}=30796$ et donc C1=1.5 nF. Enfin, comme $\Delta V=\frac{R_1}{R_2}E$, on peut par exemple choisir $R_1=10$ k Ω et $R_2=82+47$ k Ω .