

专题课程第一讲

MATLAB 基础

MATLAB大致介绍

- ▶ Command Window——显示器
- ▶ Editor——软件
- ▶ Workspace——CPU

MATLAB能干什么

► 彩蛋

目录

- ▶ 基础操作
- ▶ 求导与积分
- ▶ 解方程
- ▶ 绘图
- ▶ 回归分析
- ▶ 仿真

基础操作（交互式完成）

▶ 生成

▶ 定义

▶ 计算

生成

- ▶ number
- ▶ array
- ▶ vector
- ▶ matrix
- ▶ 返回

MATRIX (生成)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 3 & 4 & 5 \\ 2 & 4 & 8 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

B的逆矩阵?

MATRIX (生成)

Special Matrix

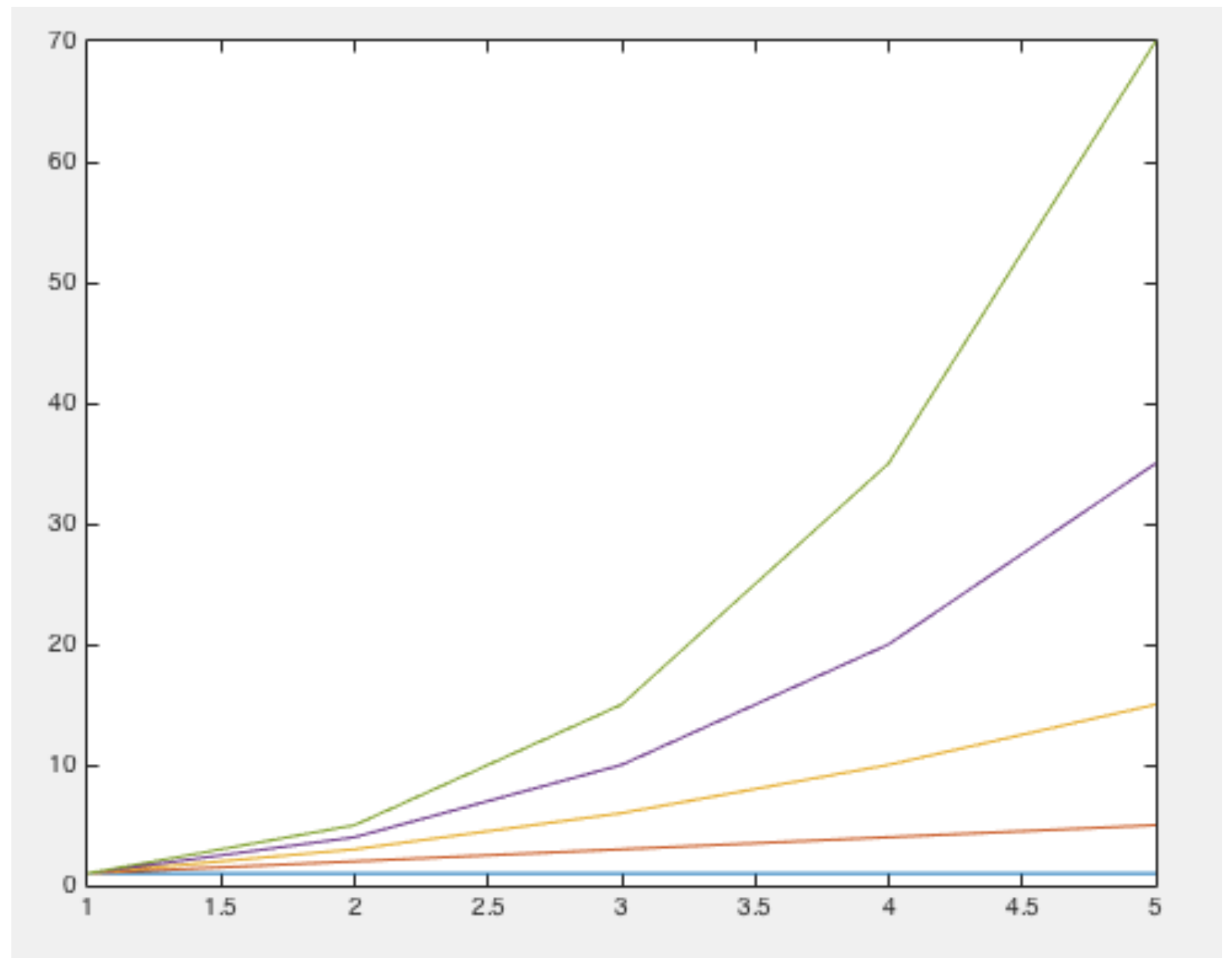
全一(ones)

对角(eye)

魔阵(magic)

帕斯卡(Pascal)

返回



pascal.m

定义

- ▶ parameters (syms)
- ▶ function
- ▶ 返回

FUNCTION

好处都有啥

栗子

均值运算器的编辑

- ▶ eg.设计矩阵列求和程序
- ▶ (见playhappy.m)

返回

计算

- ▶ Individual number (command window)
- ▶ vector (dot product & cross)
- ▶ matrix (multiplication & array)
- ▶ 返回

MATRIX (函数)

1.三角分解

$$[L,U]=lu(A)$$

$A=L*U$ 且L为下三角矩阵的置换, U为上三角矩阵的正交变换

作用: 复杂线性方程组的简化分解

$$Ax = b$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 0 \end{bmatrix} \quad b = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix}$$

$$A = L * U$$

$$x = A \setminus b$$

$$\Leftrightarrow y = L \setminus b; x = U \setminus y$$

MATRIX (函数)

2.特征值分解

$$[x,D]=\text{eig}(A)$$

返回

求导与积分

- ▶ 求导
- ▶ 求偏导
- ▶ 积分

求导

- ▶ 调用
- ▶ 例子
- ▶ 返回

求偏导

- ▶ 调取
- ▶ 例子
- ▶ 返回

积分

- ▶ 调用
- ▶ 例子
- ▶ 返回

解方程

- ▶ 一元方程
- ▶ 多元方程
- ▶ 矩阵方程
- ▶ 参数微分方程
- ▶ 数值微分方程

一元方程

- ▶ 调用格式
- ▶ 例子 ($x^3+1=0$, 见 onethree.m)
- ▶ 返回

多元方程

- ▶ 调用格式

- ▶ 例子
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 10 \\ 2x + 3y = 0 \end{cases}$$

- ▶ (见twotwo.m)

- ▶ [返回](#)

矩阵方程

$$x^2 \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 5 & 2 \end{bmatrix} + x \begin{bmatrix} -10 & 1 \\ -20 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 4 \end{bmatrix} = 0$$

见matliner.m

参数微分方程

- ▶ 调用
- ▶ 例子(见左wei1.m, 右wei2.m)

$$\begin{cases} \frac{d^2 x}{dt^2} = -0.1x \\ x(0) = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} u = e^{-5t} \cos(2t-1) + 5 \\ \frac{d^4 y}{dt^4} + 10 \frac{d^3 y}{dt^3} + 35 \frac{d^2 y}{dt^2} + 50 \frac{dy}{dt} + 24y = 5 \frac{d^2 u}{dt^2} + 4 \frac{du}{dt} + 2u \end{cases}$$

- ▶ 先决
- ▶ [返回](#)

数值微分方程

- ▶ non-stiff调用

- ▶ 例子

- ▶ 先决

- ▶ stiff调用

- ▶ 例子

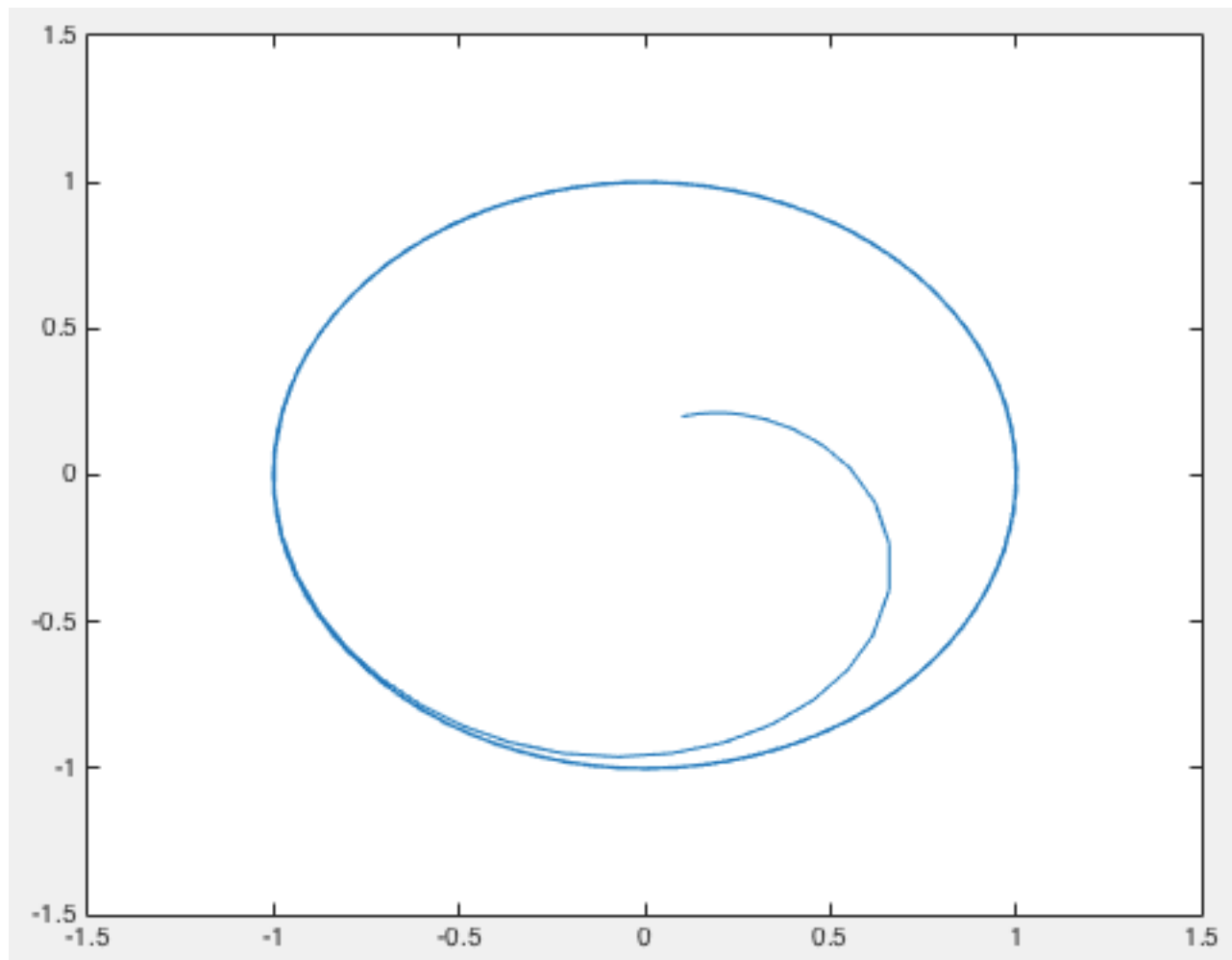
- ▶ 先决

- ▶ 返回

NON-STIFF 数值微分方程

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = y + x(1 - x^2 - y^2) \\ \frac{dy}{dt} = -x + y(1 - x^2 - y^2) \end{cases}$$

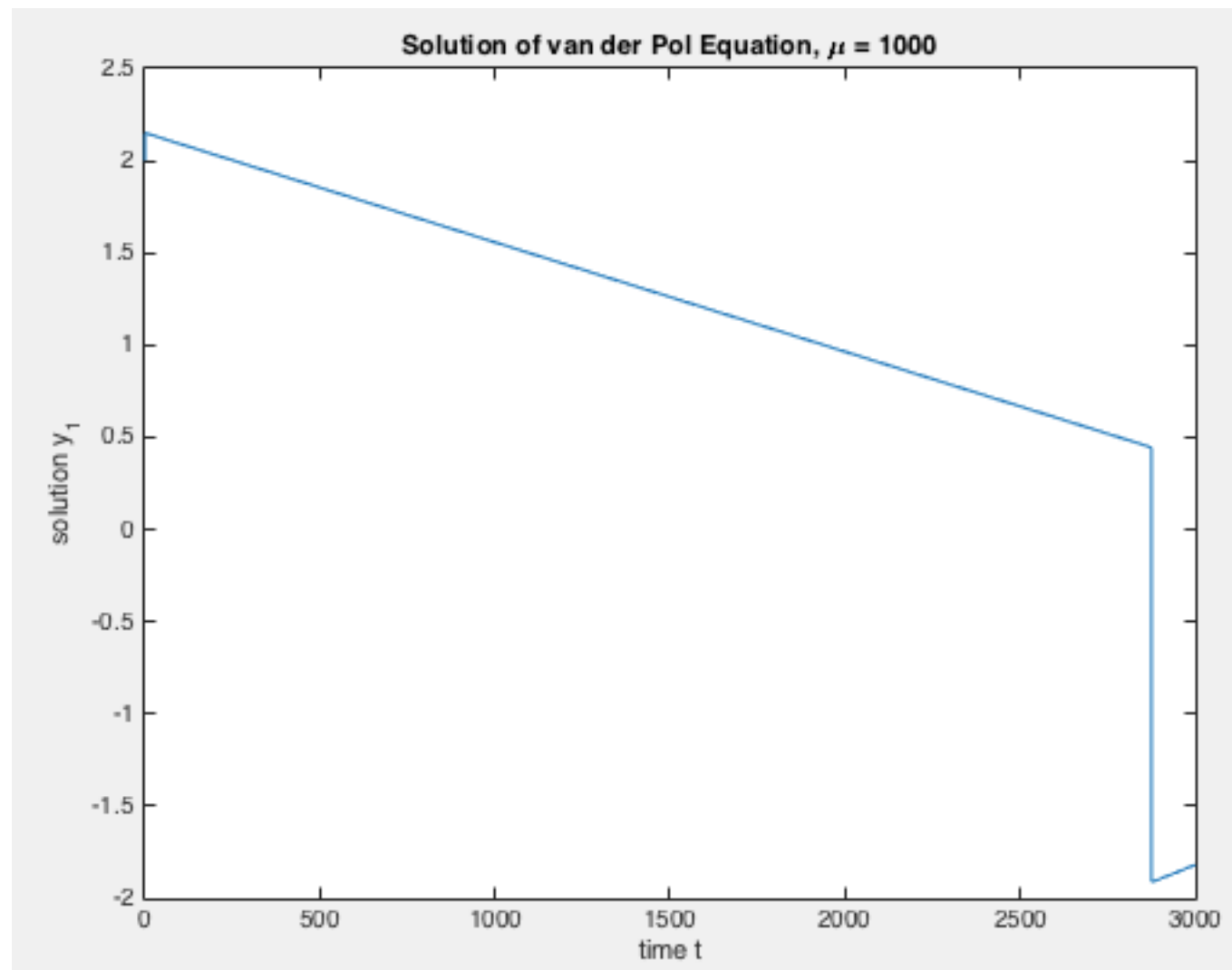
见jin.m



返回

STIFF数值微分方程

$$\frac{d^2 y}{dt^2} = 1000(1 - y^2) \frac{dy}{dt} - y$$



见jinbruce.m

[返回](#)

绘图

- ▶ 散点图
- ▶ 二维曲线
- ▶ 三维曲线
- ▶ 三维曲面

散点图

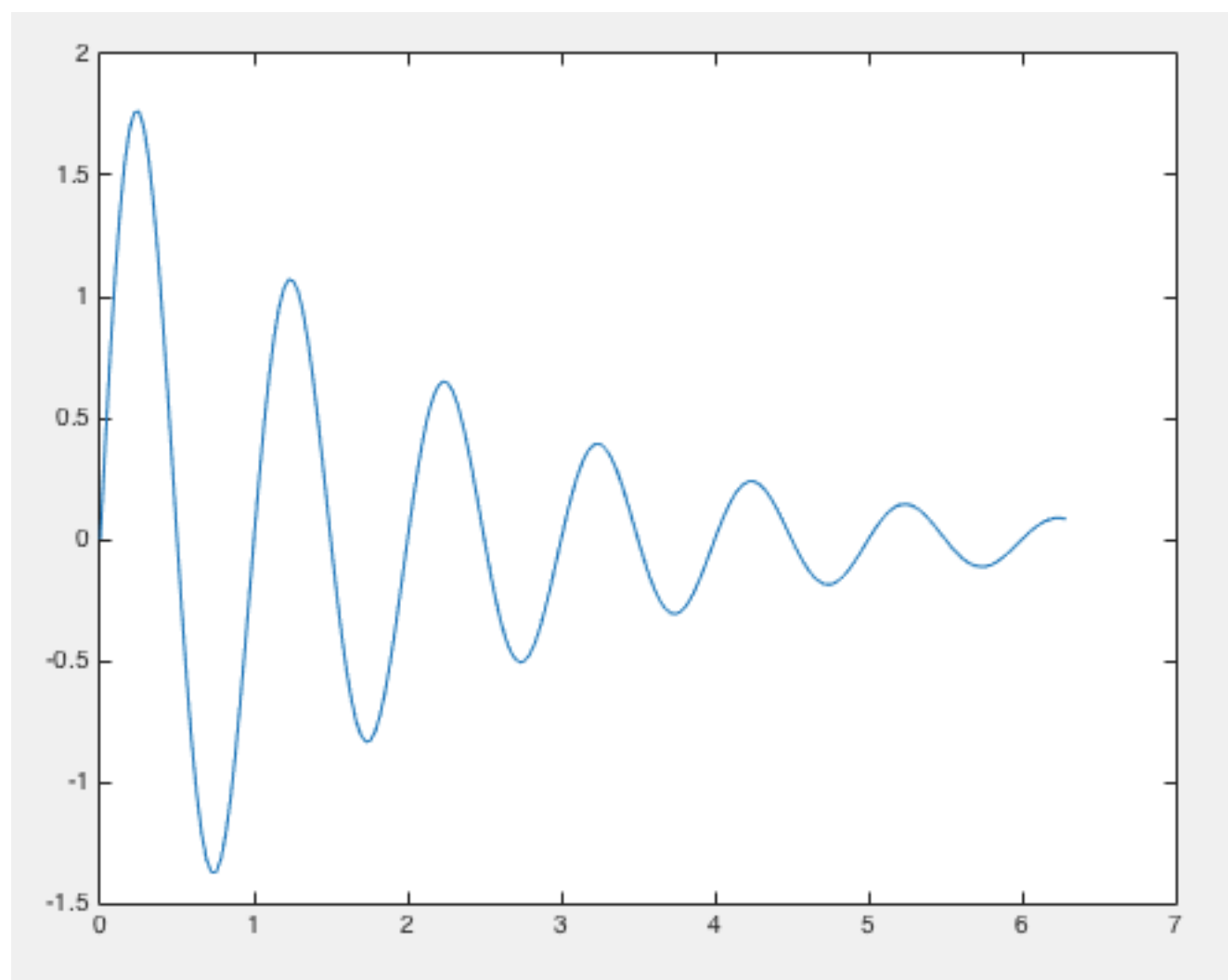
- ▶ 调用
- ▶ 例子
- ▶ 返回

二维曲线

- ▶ 由来 (principle)
- ▶ 调用
- ▶ 例子
- ▶ 参数简化版
- ▶ 返回

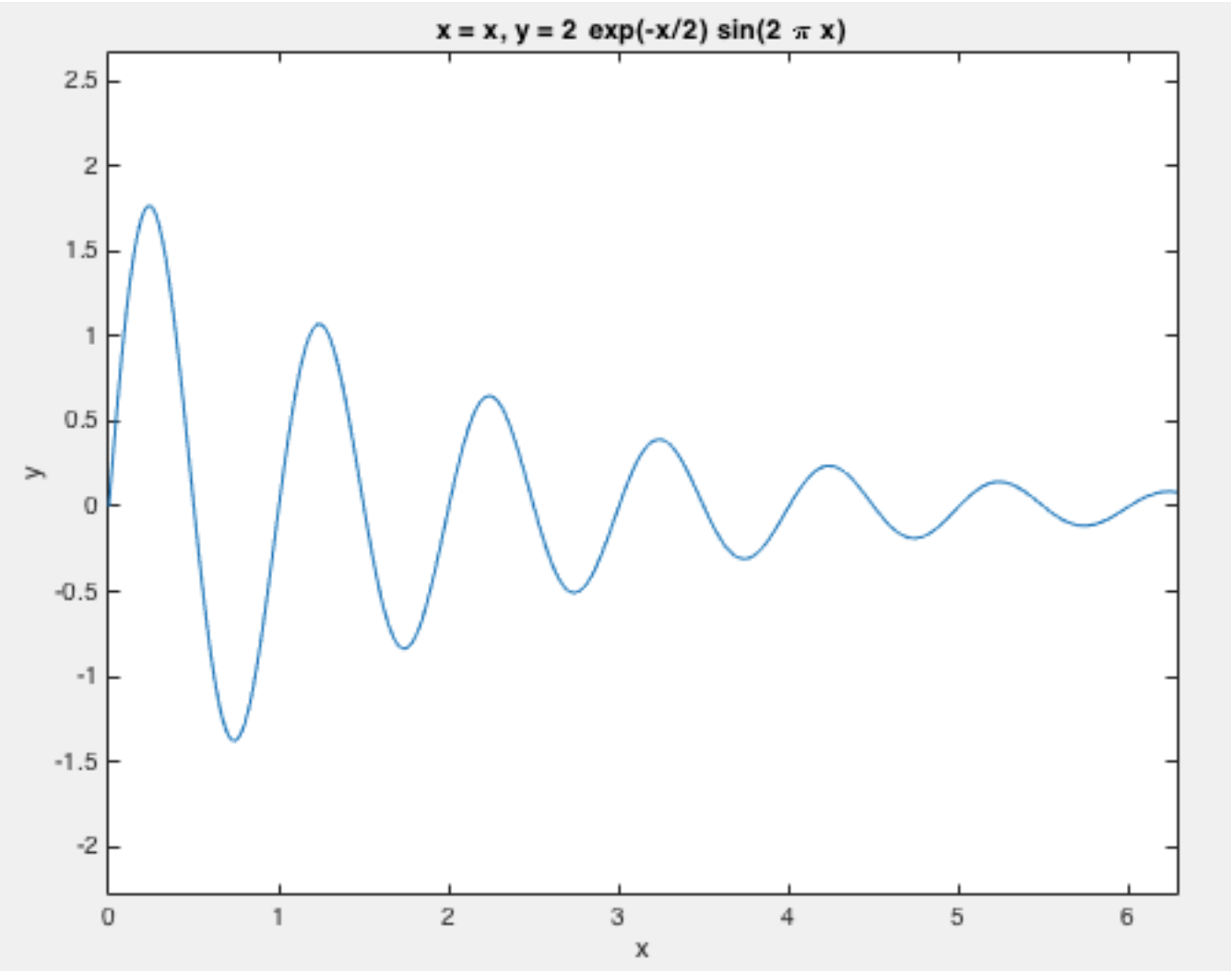
二维曲线

$$y = 2e^{-0.5x} \sin(2\pi x)$$



见n0ez.m

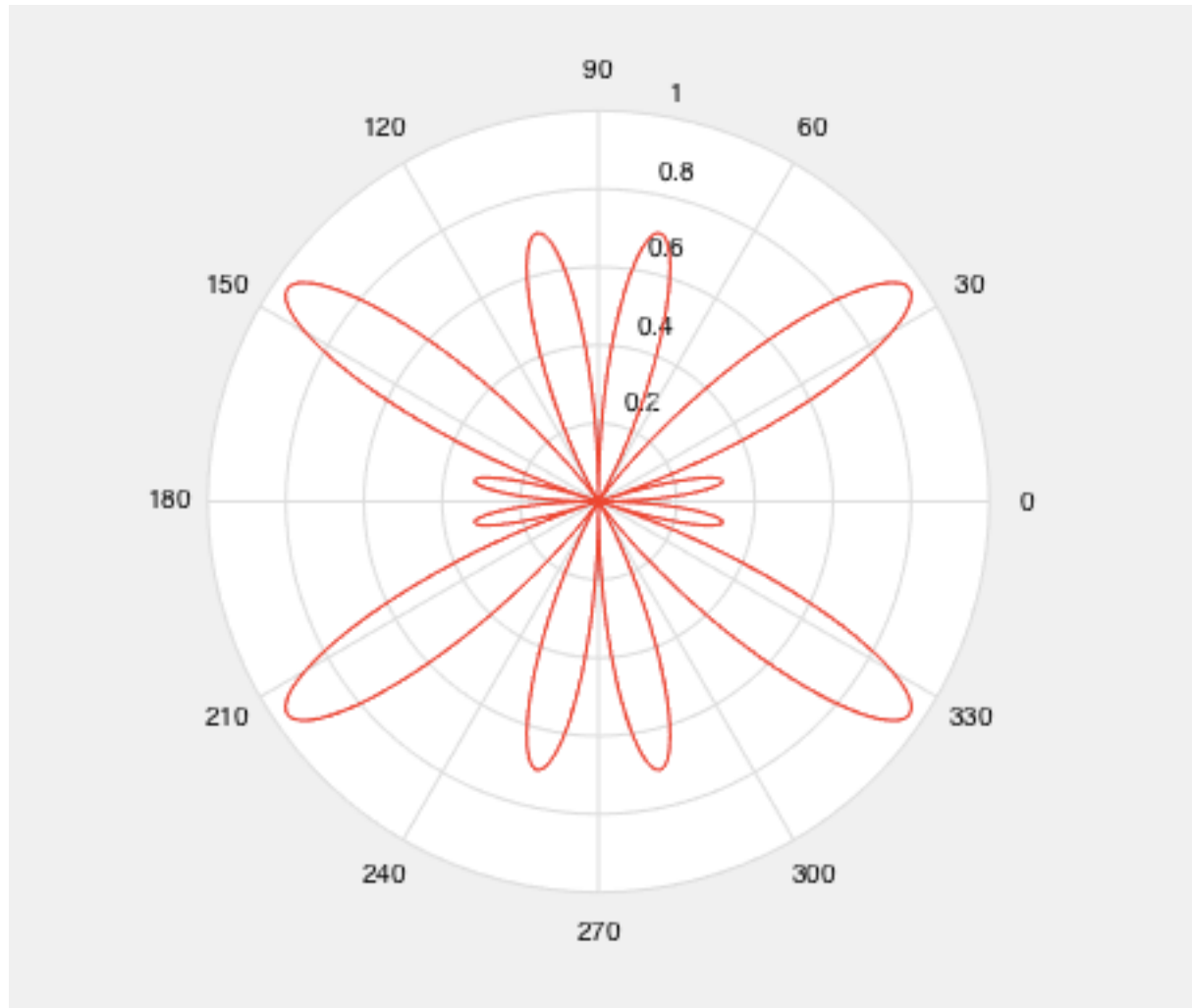
二维曲线 (EZ)



见reez.m

二维极坐标

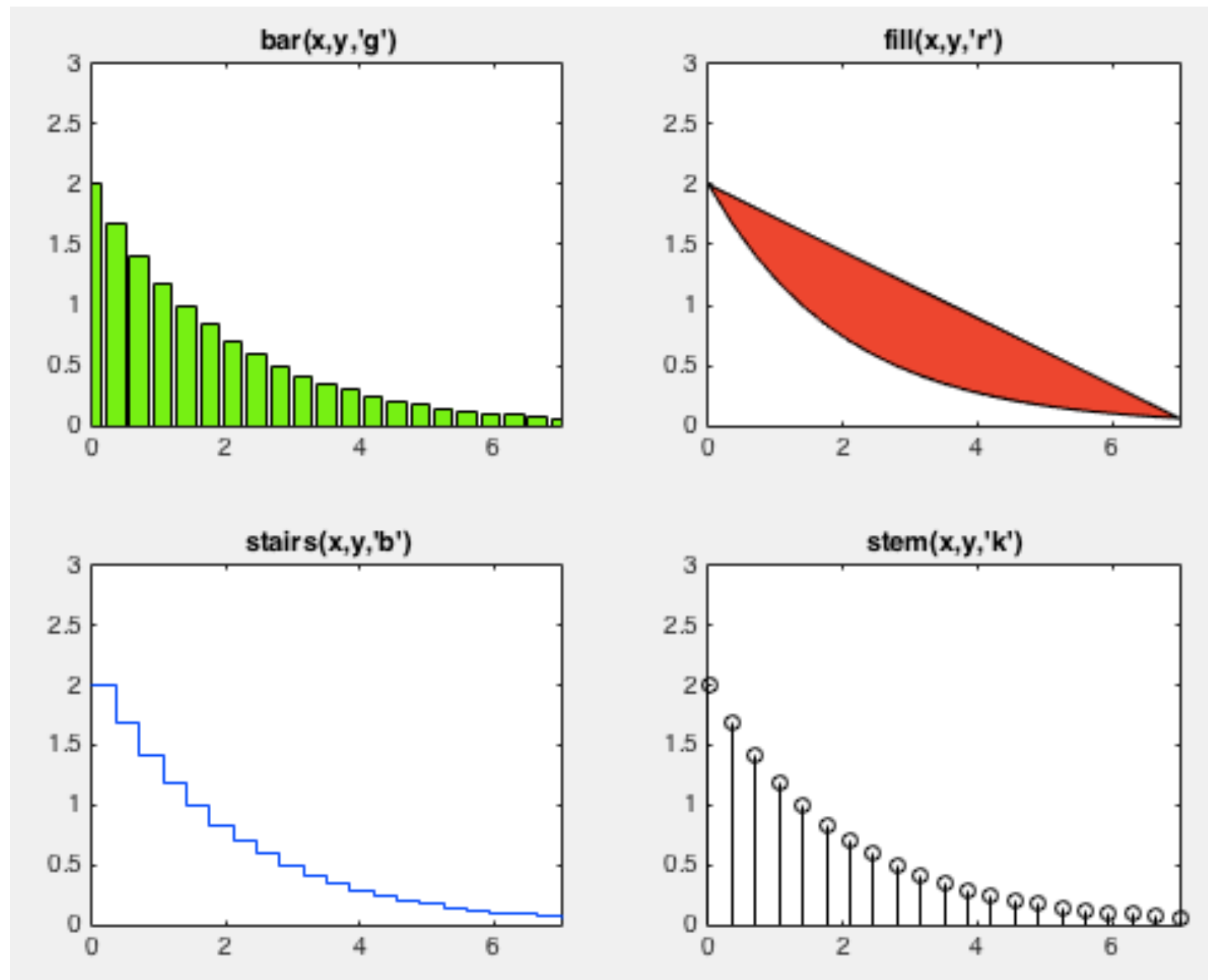
$$\begin{cases} \rho = \sin(3\theta)\cos(5\theta) \\ \theta \in [0, 2\pi] \end{cases}$$



见jizuobiao.m

二维图像

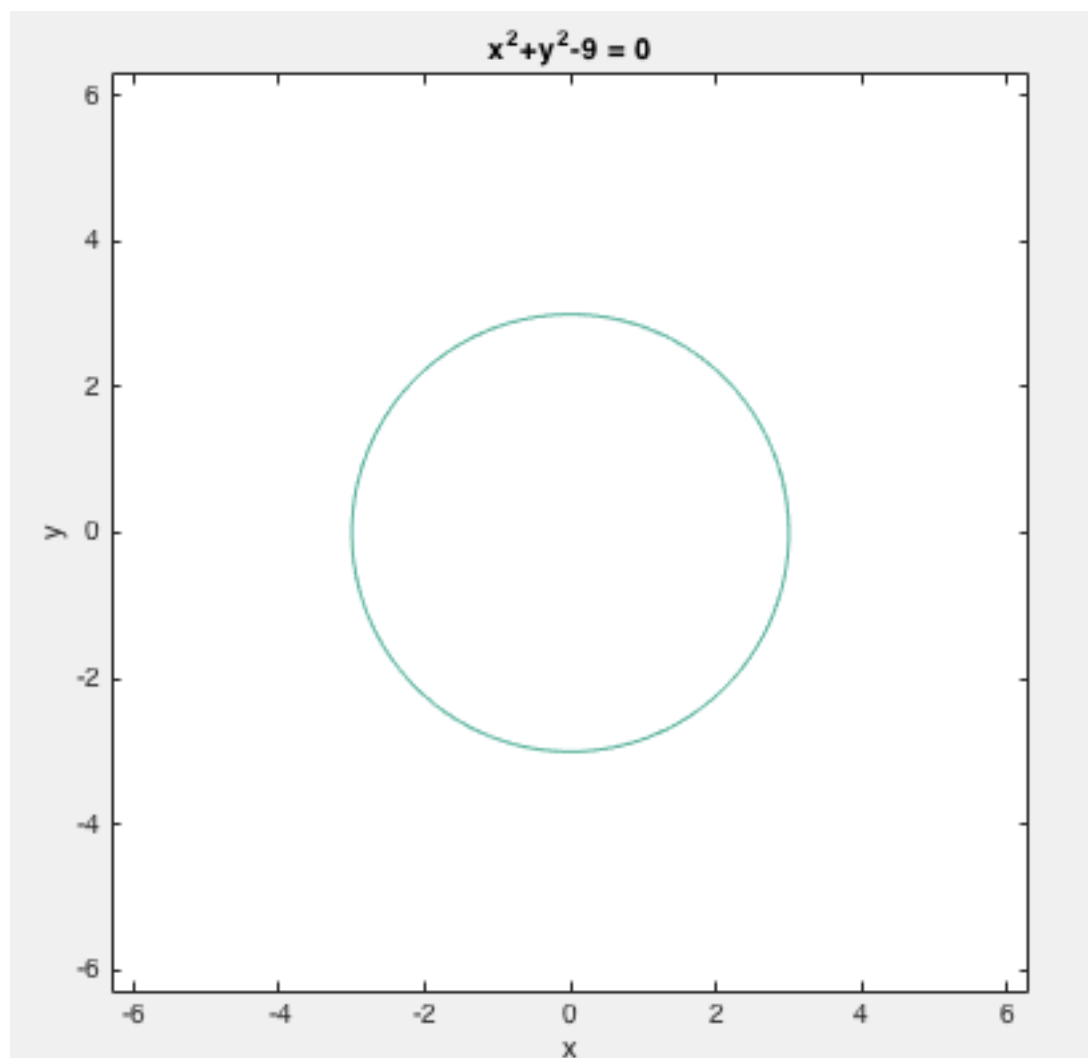
$$y = 2e^{-0.5x}$$



见erweiza.m

隐函数EZ

$$x^2 + y^2 = 9$$



见yinhanshu.m

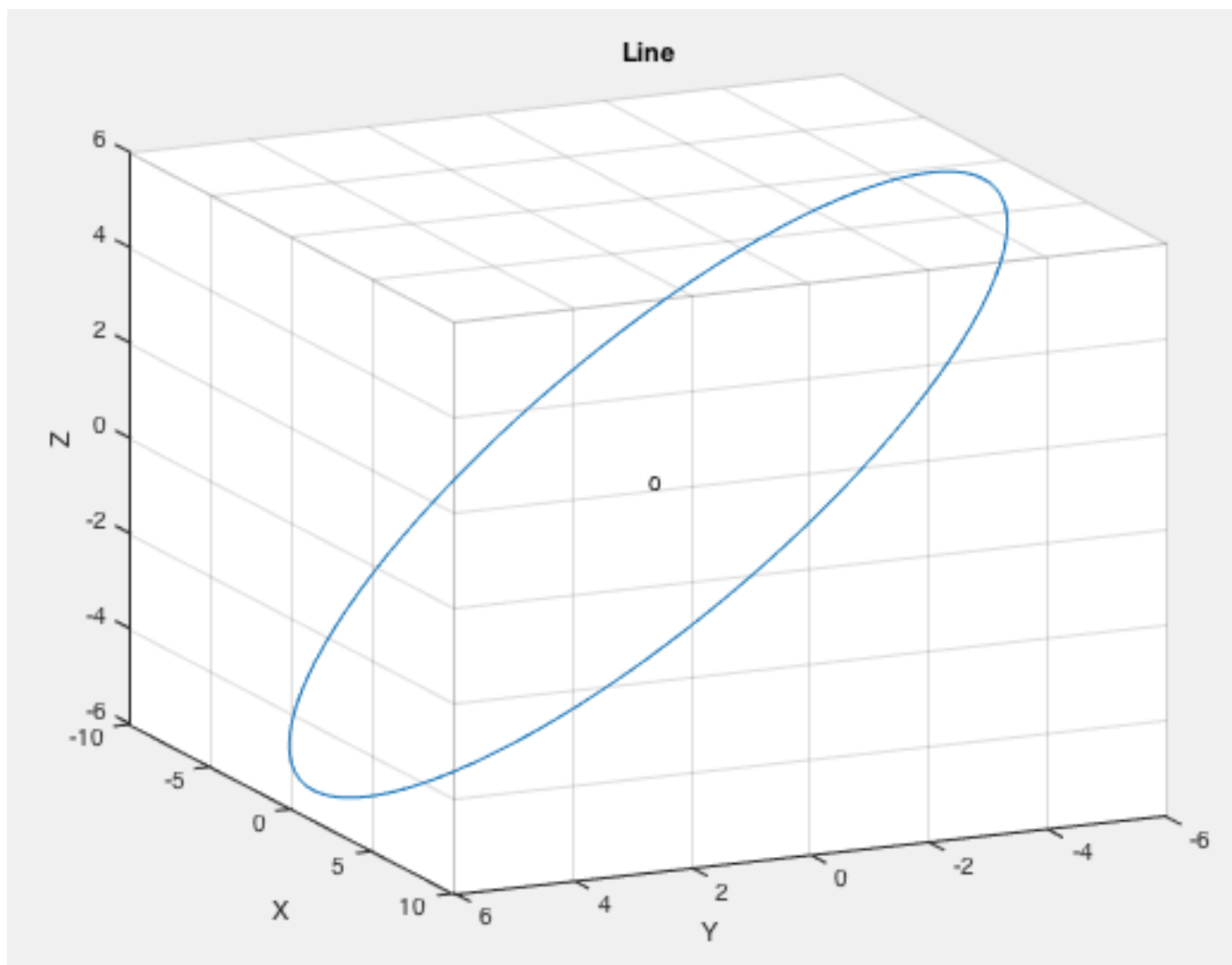
[返回](#)

三维曲线

- ▶ 由来
- ▶ 调用
- ▶ 例子
- ▶ 返回

三维曲线

$$\begin{cases} t \in [0, 2\pi] \\ x = 8 \cos t \\ y = 4\sqrt{2} \sin t \\ z = -4\sqrt{2} \sin t \end{cases}$$



见kongjianquxian.m

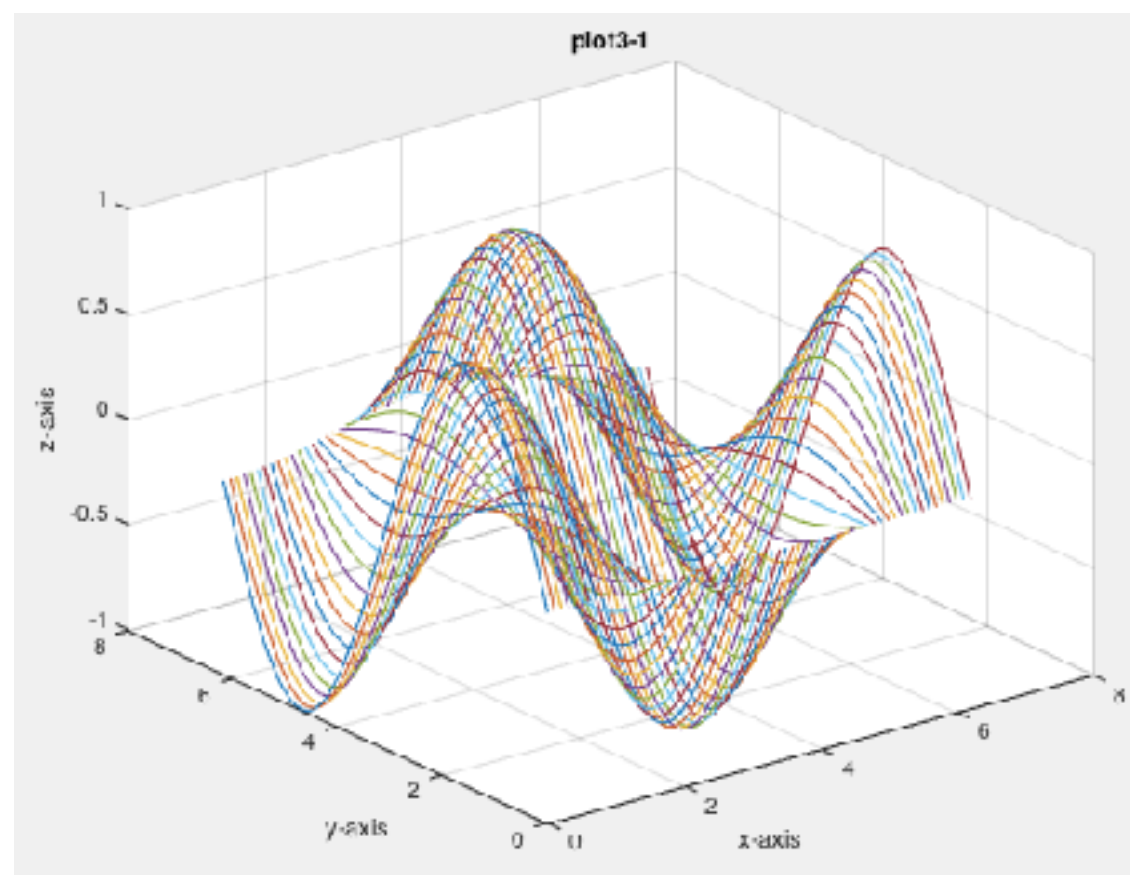
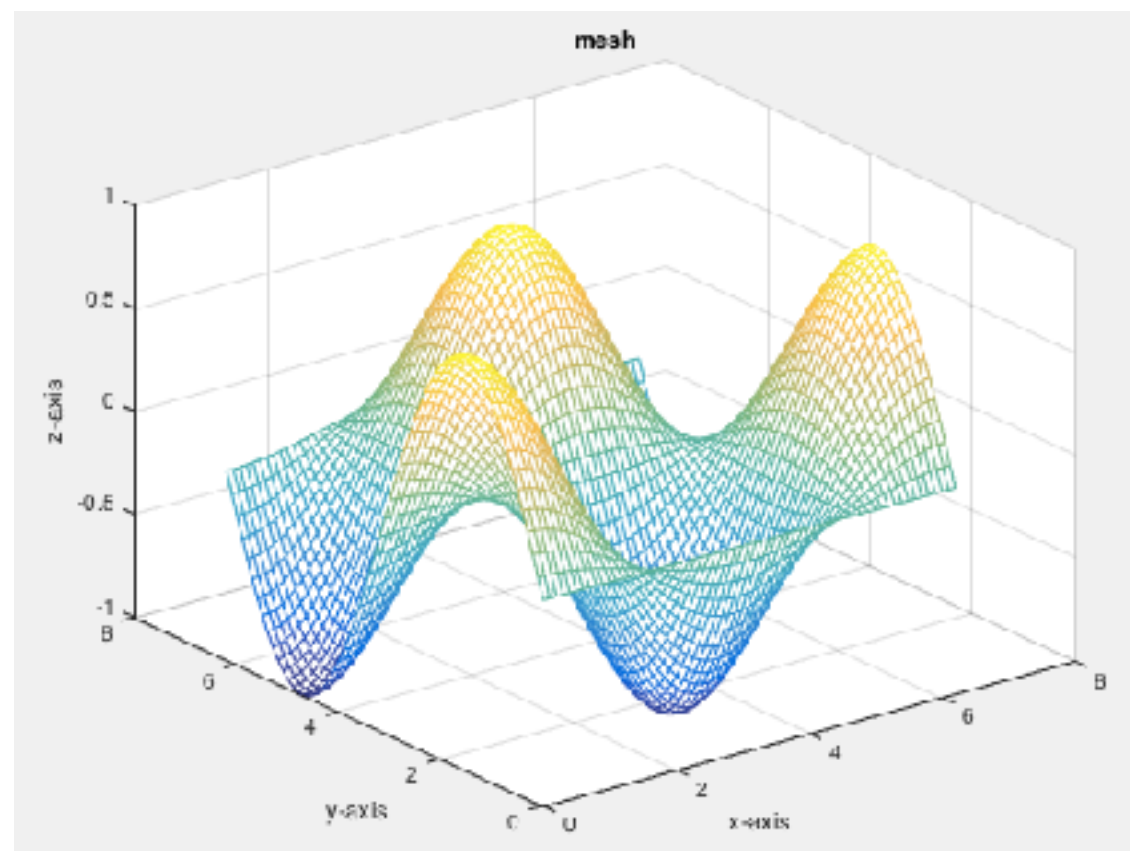
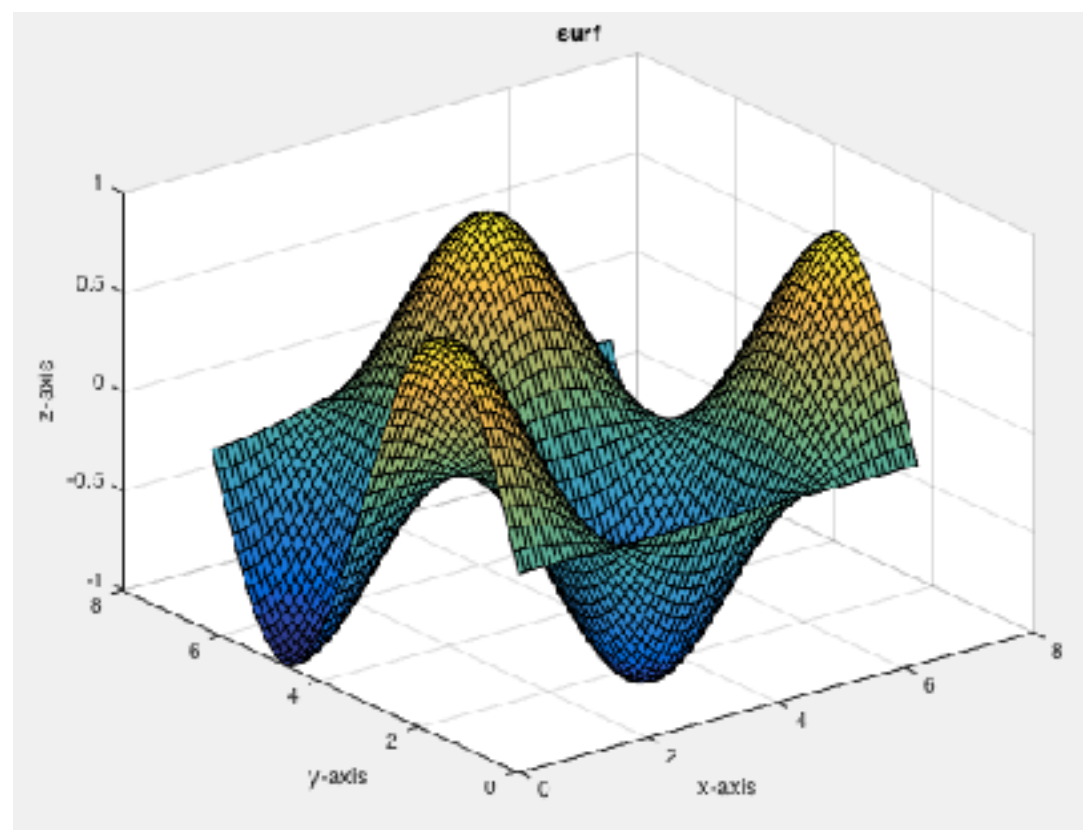
[返回](#)

三维曲面

- ▶ [由来](#)
- ▶ 调用
- ▶ 例子
- ▶ 比较
- ▶ 简化版
- ▶ [返回](#)

三维曲面

$$z = \sin(y)\cos(x)$$



[返回](#)

见sanwei.m

回归分析

- ▶ 宏包应用
- ▶ 函数应用

宏包

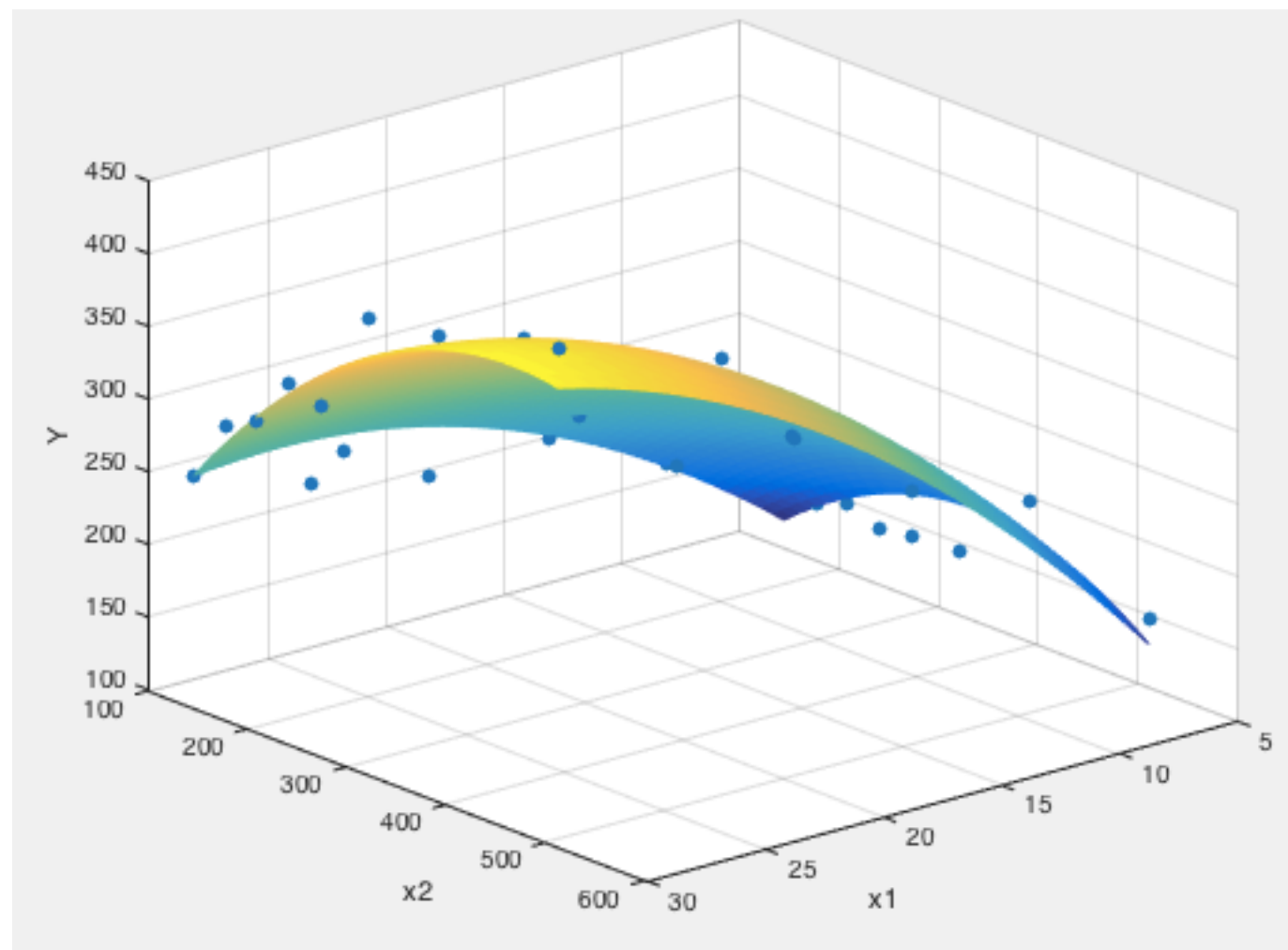
- ▶ 打开方式
- ▶ 输入原理
- ▶ 输出显示（参数查看）
- ▶ 返回

函数应用

- ▶ 调取
- ▶ (原理)
- ▶ 后续
- ▶ 返回

回归函数

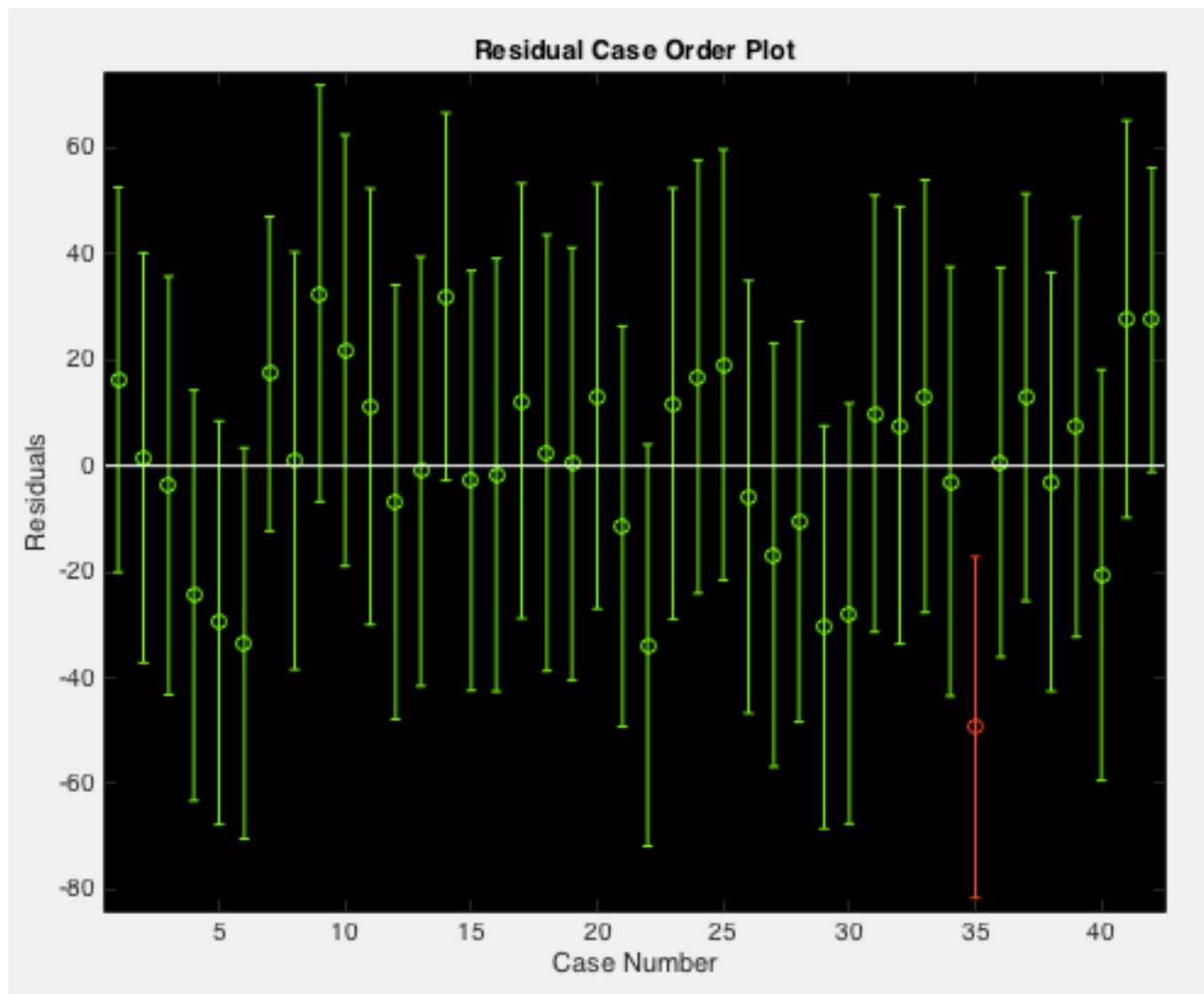
已知 $(x_1, y_1, z_1) \dots (x_n, y_n, z_n)$



见regression.m

后续分析

(接上) 根据置信度进行方差分析



见regression.m

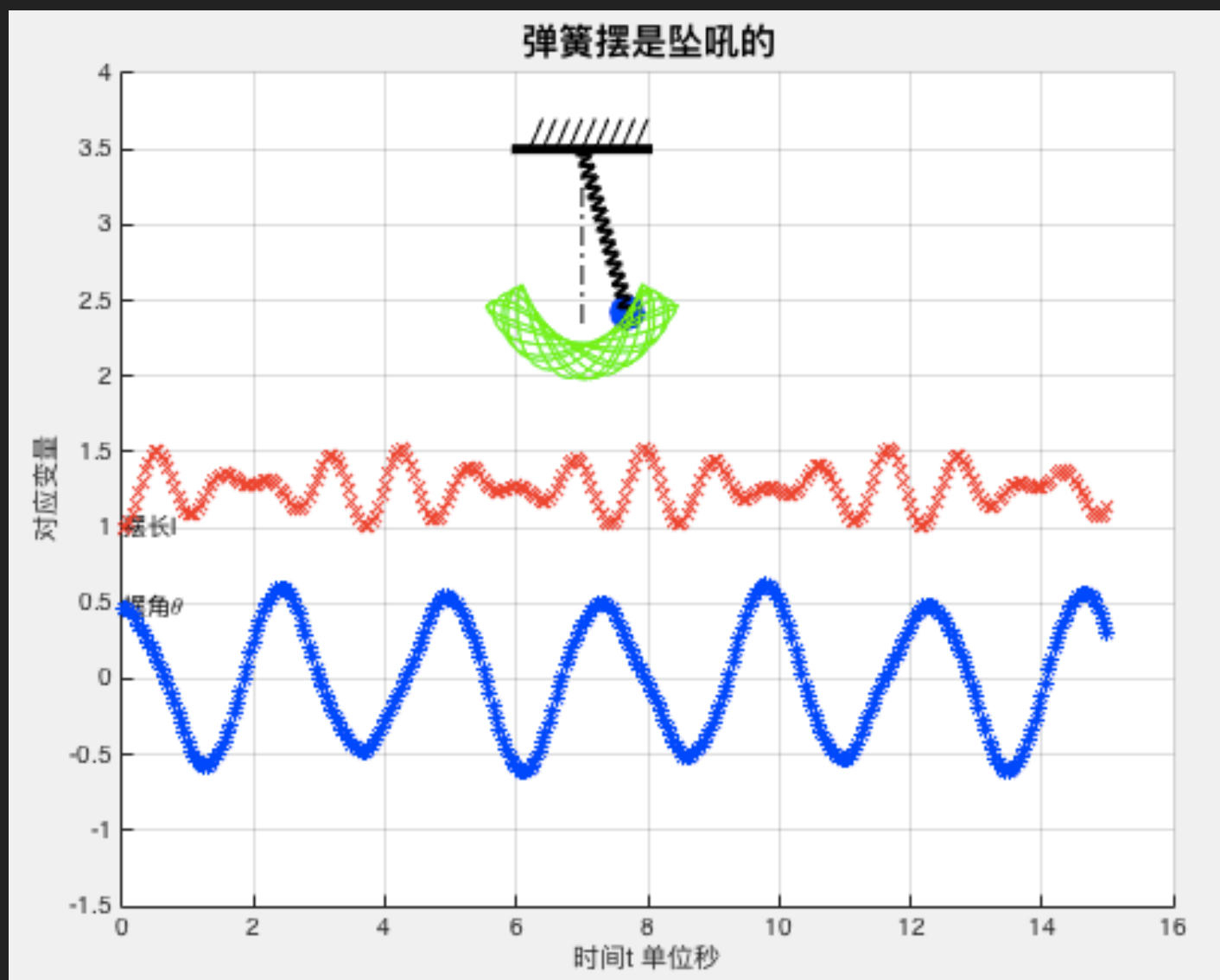
返回

仿真

- ▶ 打开方式
- ▶ 界面操作

仿真进阶（编程仿真）

► 弹簧摆



见springmass.m
和weifen.m