# Manipulação de bits

Operações Binárias

Prof. Edson Alves - UnB/FGA 2018

## Sumário

1. Representação binária

# Representação binária

## Operações bit a bit

- As operações bit a bit se comportam da mesma maneira do que suas equivalentes da lógica booleana, considerando o valor 0 (zero) como falso e 1 (um) como verdadeiro
- As representações binárias dos operandos devem estar alinhadas (com o mesmo número de dígitos) antes da operação (zeros à esquerda podem ser necessários)
- A operação & (e, and) resulta em verdadeiro somente quando os dois valores são verdadeiros
- A operação | (ou, or) resulta em falso somente quando os dois valores são falsos
- A operação ∧ (ou exclusivo, xor) resulta em falso somente quando ambos valores são iguais
- A operação ~ (negação, not) é unária, e inverte todos os bits do operando

## Visualização das operações bit a bit

8	10100111	(167)	1	10100111	(167)
	01101110	(110)	ı	01101110	(110)
	00100110	(38)		11101111	(239)

#### Deslocamentos binários

- O operator << (deslocamento à esquerda, left shift) adiciona o número indicado (k) de zeros à esquerda do número
- A operação equivale à uma multiplicação por 2<sup>k</sup>, levando em conta um possível overflow
- O operator >> (deslocamento à direita, right shift) adiciona o número indicado (k) de zeros à direita do número
- A mesma quantidade de bits à direita são desprezados
- Se o sinal é propagado, a operação é denominada deslocamento à direita aritmético; caso contrário, deslocamenteo à direita binário
- Em C/C++, o operador >> é aritmético, e a divisão inteira (/) não é euclidiana (é a divisão de menor resto)

#### Máscaras binárias

- Uma máscara binária é um padrão binário que permite a localização, extração ou alteração de determinados bits de uma representação binária
- A máscara (1 << k) corresponde a todos os bits iguais a zero, exceto o k-ésimo bit, que é igual a um
- Esta máscara permite a leitura do k-ésimo bit de um número através do operador &
- ullet Esta mesma máscara permite ligar o k-ésimo bit de um número através do operador |
- A negação desta máscara ( $\sim$ (1 << k)) permite desligar o k-ésimo bit de um número com o operador &
- A máscara ((1 << k) 1) permite a extração dos k bits menos significativos de um número através do operador &

## Exemplo de uso de máscaras binárias

```
1 #include <bits/stdc++ h>
using namespace std:
5 unsigned long rotate_right(unsigned long n, int k)
6 {
      unsigned long left = (n >> k):
      unsigned right = n & ((1 << k) - 1);
q
      return right << (8*sizeof(unsigned long) - k) | left;</pre>
10
11 }
13 int main() {
      unsigned long n = 0x12345678;
14
      printf("0x%08lx\n", rotate_right(n, 8)); // 0x78123456
      printf("0x%08lx\n", rotate_right(n, 16)); // 0x56781234
      printf("0x%08lx\n", rotate_right(n, 3)); // 0x02468acf
18
      return 0:
20
21 }
```

### Bit menos significativo

- O bit menos significativo (least significative bit LSB) de um inteiro n pode ser extraído em O(1)
- Basta fazer a conjunção de n com seu simétrico -n
- Em termos de código, LSB(n) = n & -n
- É possível desligar o LSB com a expressão (n &  $\sim$ (1 << LSB(n))
- Porém a expressão CLSB(n) = n & (n 1) gera o mesmo resultado usando uma sintaxe mais simples e eficiente
- $\bullet$  A rotina CLSB(n) pode ser usada para contar o número de  $\it{bits}$  ligados de n em  $O(\log n)$

## Exemplo de rotinas com LSB em C++

```
1 #include <bits/stdc++ h>
3 using namespace std;
5 int LSB(int n) { return n & -n; }
6 int CLSB(int n) { return n & (n - 1); }
8 int bit_count(int n)
9 {
     int count = 0;
      while (n)
         ++count;
14
          n \&= (n - 1);
      return count;
18
19 }
20
```

## Exemplo de rotinas com LSB em C++

#### Referências

- 1. **HALIM**, Felix; **HALIM**, Steve. *Competitive Programming 3*, 2010.
- 2. **LAAKSONEN**, Antti. *Competitive Programmer's Handbook*, 2018.
- 3. **SKIENA**, Steven S.; **REVILLA**, Miguel A. *Programming Challenges*, 2003.