Manipulação de bits

Operações Binárias

Prof. Edson Alves - UnB/FGA 2018

Sumário

1. Operações Binárias

Operações Binárias

Operações bit a bit

- As operações bit a bit se comportam da mesma maneira do que suas equivalentes da lógica booleana, considerando o valor 0 (zero) como falso e 1 (um) como verdadeiro
- As representações binárias dos operandos devem estar alinhadas (com o mesmo número de dígitos) antes da operação (zeros à esquerda podem ser necessários)
- A operação & (e, and) resulta em verdadeiro somente quando os dois valores são verdadeiros
- A operação | (ou, or) resulta em falso somente quando os dois valores são falsos
- A operação ∧ (ou exclusivo, xor) resulta em falso somente quando ambos valores são iguais
- A operação ~ (negação, not) é unária, e inverte todos os bits do operando

Visualização das operações bit a bit

8	10100111	(167)	1	10100111	(167)
	01101110	(110)	ı	01101110	(110)
	00100110	(38)		11101111	(239)

Deslocamentos binários

- O operator << (deslocamento à esquerda, left shift) adiciona o número indicado (k) de zeros à esquerda do número
- A operação equivale à uma multiplicação por 2^k, levando em conta um possível overflow
- O operator >> (deslocamento à direita, right shift) adiciona o número indicado (k) de zeros à direita do número
- A mesma quantidade de bits à direita são desprezados
- Se o sinal é propagado, a operação é denominada deslocamento à direita aritmético; caso contrário, deslocamenteo à direita binário
- Em C/C++, o operador >> é aritmético, e a divisão inteira (/) não é euclidiana (é a divisão de menor resto)

Exemplo de deslocamentos binários

```
#include <bits/stdc++.h>
2
3 using namespace std;
5 int main()
6 {
    int a = 12345, b = -98;
7
8
     cout << (a << 2) << endl; // 49380
9
     cout << (a >> 3) << endl; // 1543
10
     cout << (b << 2) << endl; // -392
     cout << (b >> 3) << endl; // -13
14
     cout << b / 8 << endl; // -12
15
16
     return 0;
18 }
```

Máscaras binárias

- Uma máscara binária é um padrão binário que permite a localização, extração ou alteração de determinados bits de uma representação binária
- A máscara (1 << k) corresponde a todos os bits iguais a zero, exceto o k-ésimo bit, que é igual a um
- Esta máscara permite a leitura do k-ésimo bit de um número através do operador &
- ullet Esta mesma máscara permite ligar o k-ésimo bit de um número através do operador |
- A negação desta máscara (\sim (1 << k)) permite desligar o k-ésimo bit de um número com o operador &
- A máscara ((1 << k) 1) permite a extração dos k bits menos significativos de um número através do operador &

Exemplo de uso de máscaras binárias

```
1 #include <bits/stdc++ h>
using namespace std:
5 unsigned long rotate_right(unsigned long n, int k)
6 {
      unsigned long left = (n >> k):
      unsigned right = n & ((1 << k) - 1);
q
      return right << (8*sizeof(unsigned long) - k) | left;</pre>
10
11 }
13 int main() {
      unsigned long n = 0x12345678;
14
      printf("0x%08lx\n", rotate_right(n, 8)); // 0x78123456
      printf("0x%08lx\n", rotate_right(n, 16)); // 0x56781234
      printf("0x%08lx\n", rotate_right(n, 3)); // 0x02468acf
18
      return 0:
20
21 }
```

Bit menos significativo

- O bit menos significativo (least significant bit LSB) de um inteiro n pode ser extraído em O(1)
- Basta fazer a conjunção de n com seu simétrico -n
- Em termos de código, LSB(n) = n & -n
- É possível desligar o LSB com a expressão (n & \sim (1 << LSB(n))
- Porém a expressão CLSB(n) = n & (n 1) gera o mesmo resultado usando uma sintaxe mais simples e eficiente
- \bullet A rotina CLSB(n) pode ser usada para contar o número de \it{bits} ligados de n em $O(\log n)$

Exemplo de rotinas com LSB em C++

```
1 #include <bits/stdc++ h>
3 using namespace std;
5 int LSB(int n) { return n & -n; }
6 int CLSB(int n) { return n & (n - 1); }
8 int bit_count(int n)
9 {
     int count = 0;
      while (n)
         ++count;
14
          n \&= (n - 1);
      return count;
18
19 }
20
```

Exemplo de rotinas com LSB em C++

Funções do GCC

- O GCC oferece uma série de funções de baixo nível para manipulação binária
- A função __builtin_popcount(x) retorna o número de bits ligados de x
- A função __builtin_clz(x) o número de zeros à esquerda na representação binária de x (clz – count leading zeroes)
- A função __builtin_ctz(x) o número de zeros à direita na representação binária de x (ctz – count trailing zeroes)
- As duas funções anteriores tem comportamento indefinido se \boldsymbol{x} é igual a zero
- A função __builtin_ffs(x) retorna 1 mais o índice do bit menos significativo de x, ou zero, se x é igual a zero

Exemplo de uso das funções do GCC

```
#include <bits/stdc++.h>
3 using namespace std;
5 int main()
6 {
    int x = 1968; // 123 x 16 = 11110110000
8
     cout << __builtin_popcount(x) << '\n'; // 6</pre>
9
     cout << __builtin_ffs(x) << '\n';</pre>
                                 // 5
10
     // 4
     cout << __builtin_ctz(x) << '\n';</pre>
     return 0;
14
15 }
```

Referências

- 1. **HALIM**, Felix; **HALIM**, Steve. *Competitive Programming 3*, 2010.
- 2. **LAAKSONEN**, Antti. *Competitive Programmer's Handbook*, 2018.
- 3. **SKIENA**, Steven S.; **REVILLA**, Miguel A. *Programming Challenges*, 2003.